07 Дифракция световых волн на отражательных голограммах в кубических пьезокристаллах

© В.В. Шепелевич, В.Н. Навныко, С.Ф. Ничипорко, С.М. Шандаров, А.Е. Мандель

Мозырский государственный педагогический университет, Беларусь E-mail: vasshep@inbox.ru Томский университет системы управления и радиоэлектроники, Россия E-mail: shand@stack.ru

Поступило в Редакцию 3 апреля 2003 г.

Найдены аналитические выражения напряженности электрического поля сигнальной волны при встречном двухволновом взаимодействии в кубическом фоторефрактивном пьезокристалле произвольного среза в приближении заданной решетки. Показано, что под влиянием оптической активности значения коэффициента усиления и дифракционной эффективности голограммы в кристаллах среза ($\bar{1}\bar{1}\bar{1}$) могут превышать значения аналогичных величин в кристаллах среза ($00\bar{1}$).

Перспективными регистрирующими средами для записи объемных гологограмм, впервые полученных и исследованных Ю.Н. Денисю-ком [1,2], являются фоторефрактивные кристаллы.

Если свойства пропускающих голограмм в фоторефрактивных кристаллах исследованы достаточно подробно, то изучению отражательных голограмм посвящено гораздо меньше работ, хотя дифракционная эффективность этих голограмм может достигать высоких значений (десятки процентов) даже в диффузионном режиме [3].

Отражательные голограммы в кубических фоторефрактивных кристаллах, проявляющих оптическую активность ($Bi_{12}SiO_{20}$, $Bi_{12}GeO_{20}$, $Bi_{12}TiO_{20}$), исследовались рядом авторов (например, [4–9]). Однако во всех перечисленных работах либо рассматривался только срез кристалла (001) [4–7], либо использовалось приближение неистощимой накачки [6,7,9], либо игнорировались пьезоэлектрические свойства кристалла [8].

22



Рис. 1. Геометрия встречного взаимодействия опорной R и сигнальной S световых волн в фоторефрактивном кристалле.

Целью настоящего сообщения является получение аналитического решения уравнений связанных волн в отражательной голограмме, записанной в оптически активном пьезокристалле класса 23, в случае большой глубины модуляции голографической решетки, т.е. за рамками приближения неистощимой накачки, но в приближении заданной решетки.

Пусть опорная R и сигнальная S световые волны распространяются навстречу друг другу и дифрагируют на голографической отражательной фазовой решетке, записанной в кубическом фоторефрактивном кристалле произвольного среза (рис. 1).

Рабочая система координат определяется тройкой единичных ортогональных векторов (\mathbf{e}_1 , \mathbf{e}_2 , \mathbf{e}_3); единичный вектор \mathbf{e} характеризует некоторое фиксированное направление в плоскости среза кристалла, совпадающее с вектором \mathbf{e}_1 . Системы единичных векторов ($\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_R, \mathbf{n}_R$)

и (\mathbf{e}_1 , \mathbf{e}_S , \mathbf{n}_S) служат для описания поляризации опорной и сигнальной волн соответственно, причем векторы \mathbf{n}_R и \mathbf{n}_S показывают направления распространения этих волн. Углы ψ_R и ψ_S характеризуют поляризацию опорной и сигнальной волн на входе в кристалл.

Используя стандартную процедуру решения системы уравнений связанных волн для гиротропных сред, можно получить сравнительно простые аналитические выражения для проекций S_{\parallel}^{0} и S_{\perp}^{0} вектора напряженности электрического поля сигнальной волны на направления \mathbf{e}_{1} и \mathbf{e}_{2} на выходе из кристалла:

$$S^{0}_{\parallel} = \frac{1}{\Delta} \left\{ A S^{d}_{\perp} + B S^{d}_{\parallel} + C R^{0}_{\perp} + D R^{0}_{\parallel} \right\},\tag{1}$$

$$S^{0}_{\perp} = \frac{1}{\Delta} \left\{ \widetilde{A} S^{d}_{\parallel} + \widetilde{B} S^{d}_{\perp} - C R^{0}_{\parallel} + \widetilde{D} R^{0}_{\perp} \right\},$$
(2)

где

$$\begin{split} A &= 4q \operatorname{sh}(qd) \big(\kappa_2 \operatorname{sh}(\kappa_+ d) - \rho \operatorname{ch}(\kappa_+ d)\big), \\ \widetilde{A} &= 4q \operatorname{sh}(qd) \big(\kappa_2 \operatorname{sh}(\kappa_+ d) + \rho \operatorname{ch}(\kappa_+ d)\big), \\ B &= 4q \big(q \operatorname{ch}(\kappa_+ d) \operatorname{ch}(qd) - \kappa_- \operatorname{sh}(\kappa_+ d) \operatorname{sh}(qd)\big), \\ \widetilde{B} &= 4q \big(q \operatorname{ch}(\kappa_+ d) \operatorname{ch}(qd) + \kappa_- \operatorname{sh}(\kappa_+ d) \operatorname{sh}(qd)\big), \\ C &= 2\kappa_2 q \operatorname{sh}(2qd) - 4\rho \kappa_- \operatorname{sh}^2(qd), \\ D &= \big(2q^2 \operatorname{sh}(2\kappa_+ d) + 4\rho \kappa_2 \operatorname{sh}^2(qd) + 2\kappa_- q \operatorname{sh}(2qd)\big), \\ \widetilde{D} &= \big(-2q^2 \operatorname{sh}(2\kappa_+ d) + 4\rho \kappa_2 \operatorname{sh}^2(qd) + 2\kappa_- q \operatorname{sh}(2qd)\big), \\ \Delta &= 4\kappa_-^2 \big(\operatorname{ch}(\kappa_+ d) + \operatorname{ch}(2qd)\big) - 4\rho^2 \operatorname{ch}^2(\kappa_+ d) + 4\kappa_2^2 \big(\operatorname{ch}^2(qd) + \operatorname{sh}^2(\kappa_+ d)\big), \end{split}$$

$$q = \sqrt{rac{(\kappa_3 - \kappa_1)^2}{4} + \kappa_2^2 -
ho^2}, \quad \kappa_+ = rac{\kappa_3 + \kappa_1}{2}, \quad \kappa_- = rac{\kappa_3 - \kappa_1}{2},$$

 R_{\parallel}^{0} и R_{\perp}^{0} , S_{\parallel}^{d} и S_{\perp}^{d} — проекции векторов напряженности электрического поля опорной и сигнальной волн на входе в кристалл на векторы \mathbf{e}_{1} и \mathbf{e}_{R} , \mathbf{e}_{1} и \mathbf{e}_{S} соответственно; $\kappa_{1} = (\mathbf{e}_{1}\hat{\kappa}\mathbf{e}_{1})$, $\kappa_{2} = (\mathbf{e}_{1}\hat{\kappa}\mathbf{e}_{2})$, $\kappa_{3} = (\mathbf{e}_{2}\hat{\kappa}\mathbf{e}_{2})$, $\hat{\kappa} = -\frac{\pi n^{3}E}{2\lambda}\hat{b}$, n — показатель преломления, E — амплитуда электрического поля голографической решетки, \hat{b} — изменение обратного тензора диэлектрической проницаемости среды, определяемое в [10], ρ — удельное вращение, d — толщина кристалла.

С помощью решений (1) и (2) нетрудно получить выражения коэффициента усиления сигнальной волны γ и дифракционной эффективности голограммы η для кристаллов срезов (00 $\overline{1}$) ($\gamma_{(00\overline{1})}$ и $\eta_{(00\overline{1})}$) и ($\overline{1}\overline{1}\overline{1}$) ($\gamma_{(\overline{1}1\overline{1})}$ и $\eta_{(\overline{1}1\overline{1})}$).

1. Срез (001), **е** || **а**:

$$\gamma_{(00\overline{1})} = \frac{I_S(0)}{I_S(d)} = \frac{1 + \Gamma \frac{\kappa_1^2}{\beta} \sin^2(\sqrt{\beta} \, d) - 2\sqrt{\Gamma} \frac{\kappa_1}{\sqrt{\beta}} \sin(\psi_R - \psi_S) \sin(\sqrt{\beta} \, d)}{\cos^2(\sqrt{\beta} \, d) + \frac{\kappa_1^2}{\beta} \sin^2(\sqrt{\beta} \, d)},\tag{3}$$

$$\eta_{(00\bar{1})} = \frac{I_{S(0)}}{I_R(0)} = \frac{\sin^2(\sqrt{\beta}\,d)}{\frac{\rho^2}{\kappa_1^2} - \cos^2(\sqrt{\beta}\,d)},\tag{4}$$

где $\beta = \rho^2 - \kappa_1^2$. 2. Срез (111), **е** || (2**с** - **a** - **b**)/ $\sqrt{6}$:

$$\gamma_{(\bar{1}\bar{1}\bar{1})} = \frac{1}{\mathrm{ch}^{2}(\kappa_{2}d)} + \Gamma \,\mathrm{th}^{2}(\kappa_{2}d) - 2\sqrt{\Gamma}\cos(\psi_{R} + \psi_{S} - \rho d)\frac{\mathrm{th}(\kappa_{2}d)}{\mathrm{ch}(\kappa_{2}d)}, \quad (5)$$

$$\eta_{(\bar{1}\bar{1}\bar{1})} = \operatorname{th}^2(\kappa_2 d),\tag{6}$$

где $I_S(0)$ — интенсивность сигнальной волны на выходе из кристалла, $I_S(d)$ и $I_R(0)$ — интенсивность сигнальной и опорной волн на входе в кристалл, $\Gamma = I_R(0)/I_S(d)$. Здесь использованы обозначения единичных векторов кристаллографических направлений **a**, **b**, **c**.

Для анализа зависимости эффективного коэффициента усиления γ и дифракционной эффективности голограммы η от толщины кристалла применим известное поляризационное условие [4] $\psi_R = -\psi_S + \rho d$, которое удовлетворяется при каждой толщине кристалла. Именно при выполнении такого соотношения азимутов поляризации опорной и сигнальной волн, величина κ достигает максимального значения при записи голограммы. Легко видеть, что при этом для среза (001) коэффициент усиления γ зависит от поляризационного угла сигнальной волны $\psi_S = \psi_0$ и толщины кристалла d, а для среза (111) — только от толщины кристалла. Дифракционная эффективность голограммы η не зависит от поляризации считывающего света для кристаллов обоих срезов.



Рис. 2. Зависимость эффективного коэффициента усиления сигнальной волны (a) и дифракционной эффективности (b) от толщины голограммы: a — срез (00 $\overline{1}$): $I - \gamma(d)$ при $\psi_0 = 0$; $2 - \gamma(d)$ при $\psi_0 = 45^\circ$; $3 - \gamma(d)$ при $\psi_0 = 90^\circ$; $4 - \gamma^{\max}(d)$; $5 - \gamma^{\min}(d)$; срез ($\overline{111}$): $6 - \gamma(d)$ без учета пьезоэлектрического эффекта; $7 - \gamma(d)$ с учетом пьезоэлектрического эффекта; b - срез (001): $I - \eta(d)$; срез ($\overline{111}$): $2 - \eta(d)$ без учета пьезоэлектрического эффекта; $3 - \eta(d)$ с учетом пьезоэлектрического эффекта.

Зависимости коэффициента усиления голограммы у и дифракционной эффективности η от толщины оптически активного кристалла d (рис. 2) для среза (001) имеют ярко выраженный периодический характер. При выполнении условия $\rho d = \pi k$, где k — целое число, энергообмен между световыми волнами отсутствует (точки A, B), а дифракционная эффективность обращается в нуль (точки F и G). Эти же зависимости для среза (111) являются монотонными вплоть до точек С или D, пока не произойдет полная перекачка интенсивности из одной волны в другую. В случае когда толщина кристалла близка к значению $d = \pi k / \rho$, $\gamma_{(\bar{1}\bar{1}\bar{1})}$ и $\eta_{(\bar{1}\bar{1}\bar{1})}$ всегда превышают $\gamma_{(00\bar{1})}$ и $\eta_{(00\bar{1})}$, несмотря на то что постоянная связи для среза (111) без учета пьезоэлектрического эффекта в $1/\sqrt{3}$ раз меньше, чем постоянная связи для среза (001). Из рис. 2 также следует, что под влиянием пьезоэлектрического эффекта коэффициент усиления и дифракционная эффективность голограммы в кристаллах среза (111) при умеренной толщине кристалла уменьшаются.

При построении графиков были использованы параметры кристалла Bi₁₂SiO₂₀ из [10].

Таким образом, получены аналитические выражения для составляющих вектора напряженности электрического поля сигнальной волны, прошедшей кубический фоторефрактивный пьезокристалл при двухволновом встречном взаимодействии. Найдены зависимости коэффициента усиления и дифракционной эффективности отражательной голограммы от толщины кристалла для срезов (001) и (111). Показано, что при определенных значениях толщины кристалла срез (111) является предпочтительным как для получения высокого коэффициента усиления, так и для оптимизации дифракционной эффективности.

Работа выполнялась в рамках совместного Белорусско-Российского проекта при поддержке Фондов фундаментальных исследований Беларуси (проект № Ф02Р-143) и России (проект № 02-02-81044).

Список литературы

- [1] Денисюк Ю.Н. // ДАН СССР. 1962. Т. 144. № 6. С. 1275–1278.
- [2] Денисюк Ю.Н. // Опт. и спектр. 1963. Т. 15. № 4. С. 522-532.
- [3] Dovgalenko G., Salamo G., Duree G. et al. // Topical Meeting Photorefractive Materials. Effects and Devices. PR '95, June 11–14. Aspen Lodge at Estes Park. Colorado: Technical Digest, 1995. P. 295–298.

- [4] Kukhtarev N.V., Dovgalenko G.E., Srarkov V.N. // J. Appl. Phys. A. 1984. V. 33.
 P. 227–230.
- [5] Храмович Е.М., Шепелевич В.В. // Изв. АН БССР. Сер. ф.-м. наук. 1987. № 2. С. 106–112.
- [6] Mallick S., Miteva M., Nikolova L. // J. Opt. Soc. Am. B. 1997. V. 14. P. 1179– 1186.
- [7] Weber M., Shamonina E., Ringhofer K.H. et al. // Optical Materials. 2001.
 V. 18. P. 119–122.
- [8] Kukhtarev N.V., Chen B.S., Venkateswarlu P. et al. // Optics Commun. 1993.
 V. 104. P. 23–28.
- [9] Мартьянов А.Г., Шандаров С.М., Литвинов Р.В. // ФТТ. 2002. Т. 44. В. 6. С. 1006–1010.
- [10] Шандаров С.М., Шепелевич В.В., Хатьков Н.Д. // Опт. и спектр. 1991. Т. 70. № 5. С. 1068–1073.