## 05 Максимальный параметр Грюнайзена при полиморфных превращениях в кристаллах

© В.Н. Беломестных, Е.П. Теслева, Э.Г. Соболева

Юргинский технологический институт Томского политехнического университета

E-mail: bvnilat@yandex.ru

## Поступило в Редакцию 25 марта 2008 г.

На примерах полиморфных превращений в кристаллах цианидов натрия (NaCN), рубидия (RbCN) и хлорида меди (CuCl) показано, что параметр Грюнайзена при структурных перестройках может достигать предельного значения  $\gamma_{\rm max}\simeq 4.5$ .

PACS: 63.20.Ry

Известно (например, [1,2]), что средние значения параметра Грюнайзена  $\gamma$  (меры ангармонизма межатомных взаимодействий) большинства поликристаллов находятся в интервале 0.85–3.53. Однако предельной величиной параметра Грюнайзена может быть  $\gamma_{max} \simeq 4.5$  при равенстве нулю скорости распространения поперечной упругой волны  $v_t$  в кристалле по формуле, определяющей  $\gamma$  через скорости звука [1]:

$$\gamma = \frac{9}{2} \left( \frac{v_L^2 - 4v_t^2/3}{v_L^2 + 2v_t^2} \right), \tag{1}$$

где  $v_L$  — скорость распространения продольной волны в пространственно неограниченной упругой среде.

По имеющимся в литературе сведениям [3], термодинамический параметр Грюнайзена в окрестности точки полиморфного превращения (температуры  $T_c$ , давления  $p_c$ ) может проходить как через максимум, так и через минимум. Целью настоящей работы является демонстрация того факта, что при полиморфном превращении в отдельных кристаллах параметр Грюнайзена в некотором особом (симметричном) направлении может достигать предельного значения  $\gamma_{max} = 4.5$ .

15

Выполненные нами ранее прецизионные измерения  $v_L$  и  $v_t$  в поликристалле азида натрия (NaN<sub>3</sub>) при тригонально-моноклинной структурной перестройке (R<sup>3</sup>m  $\rightarrow$  C2/m,  $T_c = 292.7$  K) [3] позволили установить вид  $\gamma(T)$  в данном соединении: в точке превращения параметр Грюнайзена проходит через максимум. При этом наиболее сильное размягчение испытывает модуль сдвига. Трудности с выращиванием монокристаллов азида натрия не позволили до настоящего времени детально изучить поведение всех компонент тензора упругости  $c_{ij}$  NaN<sub>3</sub> вблизи  $T_c$  акустическими методами. Тем не менее методом мандельштам-бриллюэновского рассеяния света в работах [4,5] установлено, что упругая постоянная  $c_{44}$  монокристалла NaN<sub>3</sub> в точке  $T_c$  стремится к нулю, а ее производная по температуре  $dc_{44}/dT$  положительна в частично разупорядоченной фазе NaN<sub>3</sub> I.

Аналогичные рассмотренным выше термоупругим аномалиям в NaN<sub>3</sub> наблюдаются эффекты в другой группе кристаллов с линейным анионом — цианидах щелочных металлов [6]. Здесь также при сегнетоупругих переходах  $c_{44} \rightarrow 0$ , а скорости звука в разупорядоченных фазах растут с повышением температуры. В отличие от азида натрия, в щелочных цианидах высокотемпературные формы кристаллов кубические, это обстоятельство значительно облегчает решение поставленной в настоящей работе задачи, ибо в кубических кристаллах существуют только три направления — [100], [110] и [111], в которых могут распространяться чисто продольные и чисто поперечные волны [7]:

$$\rho v_{L[100]}^2 = c_{11}, \ 2\rho v_{L[110]}^2 = c_{11} + c_{12} + 2c_{44}, \ 3\rho v_{L[111]}^2 = c_{11} + 2c_{12} + 4c_{44},$$
  
 $\rho v_{t_{[100]}}^2 = c_{44}, \ 3\rho v_{L[111]}^2 = c_{11} - 2c_{12} + c_{44},$   
 $\rho v_{t_{1}[110]}^2 = c_{44}$  (волна поляризована в нправлении [001]),  
 $2\rho v_{t_{2}[110]}^2 = c_{11} - c_{12}$  (волна поляризована в направлении [110]), (2)  
где  $\rho$  — плотность вещества.  
Упругие свойства кубических фаз монокристаллов NaCN, KCN,

RbCN и CsCN известны. В данной работе используются  $c_{ij}$  цианида натрия [8,9] и цианида рубидия [10]. Выбор этих объектов обусловлен тем, что, во-первых, полиморфизм цианида натрия наиболее полно исследован среди щелочных цианидов и, во-вторых, NaCN I и RbCN I при стандартных условиях обладают существенно отличными показателями

Письма в ЖТФ, 2008, том 34, вып. 20



**Рис. 1.** Температурные изменения ориентационного ангармонизма в кристалле RbCN I:  $I = \gamma_{[100]}, 2 = \gamma_{1[110]}, 3 = \gamma_{2[110]}, 4 = \gamma_{[111]}.$ 



**Рис. 2.** Температурные изменения ориентационного ангармонизма в кристалле NaCN I:  $I - \gamma_{[100]}, 2 - \gamma_{1[110]}, 3 - \gamma_{2[110]}, 4 - \gamma_{[111]}.$ 

упругой анизотропии. Третий объект — CuCl — обладает в противоположность цианидам фактором упругой анизотропии больше единицы (A > 1), что, по нашим предварительным оценкам, приводит к смене качественной картины ориентационного ангармонизма в кубических кристаллах. Было установлено [11], что в CuCl сдвиговые постоянные  $c_{44}$  и  $c_s = 1/2(c_{11} - c_{12})$  уменьшаются с повышением давления.

На рис. 1 и 2 приведены температурные изменения ориентационного ангармонизма в кристаллах RbCN I и NaCN I. Возрастающие функции

2 Письма в ЖТФ, 2008, том 34, вып. 20



**Рис. 3.** Зависимость от давления ориентационного ангармонизма при полиморфном превращении в кристалле CuCl:  $1 - \gamma_{[100]}, 2 - \gamma_{1[110]}, 3 - \gamma_{2[110]}, 4 - \gamma_{[111]}.$ 

для ориентационных параметров Грюнайзена по мере приближения к точкам превращения I  $\rightarrow$  II в этих цианидах связаны с нелинейным возрастанием скоростей распространения как продольных  $v_L$ , так и поперечных  $v_t$  волн в любом из особых направлений в значительном интервале температур. Высокотемпературные разупорядоченные кубические фазы RbCN I и NaCN I идентичны (тип NaCl,  $F_{m3m}$ ), однако энтропия превращения II  $\rightarrow$  I при  $T_c = 110.3$  K в цианиде рубидия в два раза меньше, чем в цианиде натрия при  $T_c = 283.7$  K [12]. Как видно из рис. 1 и 2, при определенной схожести температурных и ориентационных зависимостей параметров Грюнайзена NaCN I и RbCN I в точках их структурных превращений  $T_c$  наблюдается различие. При полиморфном превращении в цианиде рубидия все ориентационные параметры Грюнайзена достигают предельной величины 4.5. В цианиде натрия в точке превращения только  $\gamma_{[100]}$  и  $\gamma_{I[110]}$  принимают близкие к предельному значения (соответственно 4.4 и 4.3).

Барические зависимости ориентационных параметров Грюнайзена при структурном переходе в кристалле CuCl показаны на рис. 3. Здесь с ростом давления все  $\gamma$  линейно увеличиваются, но с разной скоростью. В точке перехода ( $p_c = 9.75$  GPa при комнатной температуре) параметры Грюнайзена скачком уменьшаются, при этом предельной величины 4.5 достигает только один  $\gamma_{2[110]}$ .

Письма в ЖТФ, 2008, том 34, вып. 20

Итак, мы рассмотрели примеры достижения величины 4.5 для параметров Грюнайзена при полиморфных превращениях в кристаллах как при изменении температуры, так и давления. Заманчивым было бы поставить знак равенства между максимальным ангармонизмом хотя бы в отдельном направлении в кристалле и необходимостью перехода в иную структуру решетки. В наших случаях именно так и происходит. Однако, скорее всего, данное обстоятельство может быть критерием только тесной связи максимального ангармонизма и полиморфизма в кристаллах.

## Список литературы

- [1] Беломестных В.Н. // Письма в ЖТФ. 2004. Т. 30. В. 3. С. 14-19.
- [2] Беломестных В.Н., Теслева Е.П. // ЖТФ. 2004. Т. 74. В. 8. С. 140–142.
- [3] Беломестных В.Н., Теслева Е.П. Акустические и теплофизические исследования ионных переориентаций. Томск: Издательство Томского университета, 2006. 162 с.
- [4] Raich J.C., Hüller A. // J. Chem. Phys. 1979. V. 70. N 8. P. 3669-3679.
- [5] Kushida T., Terhune R.W. // Phys. Rev. B. 1986. V. 34. N 8. P. 5791–5800.
- [6] Sahu D., Mahanti S.D. // Phys. Rev. B: Condens. Matter. 1982. V. 26. № 6. P. 2981–3000.
- [7] Труэлл Р., Эльбаум Ч., Чик Б. Ультразвуковые методы в физике твердого тела / Пер. с англ. под ред. И.Г. Михайлова, В.В. Леманова. М.: Мир, 1972. 307 с.
- [8] Haussühl S., Eckstein J., Recker K. et al. // Acta Cryst. 1977. V. A33. N 5. P. 847–849.
- [9] Satija R.K., Wang C.H. // J. Chem. Phys. 1977. V. 66. N 5. P. 2221-2222.
- [10] Haussühl S. // Solid State Commun. 1979. V. 32. N 2. P. 181-183.
- [11] Hanson R.C., Helliwell K., Schwab C. // Phys. Rev. B. 1974. V. 9. N 6. P. 2649– 2654.
- [12] Парсонидж Н., Стейвли Л. Беспорядок в кристаллах. Под редакцией Г.Н. Жижина. Ч. 1. М.: Мир, 1982. 434 с.

2\* Письма в ЖТФ, 2008, том 34, вып. 20