## 07 О влиянии поверхностной энергии сцепления нематохолестерика на определение шага спирали

## © О.А. Скалдин, Ю.И. Тимиров, Ю.А. Лебедев

Институт физики молекул и кристаллов УНЦ РАН, Уфа Уфимский государственный авиационный технический университет, Уфа E-mail: scala@anrb.ru

## Поступило в Редакцию 4 мая 2010 г.

Рассматривается метод измерения шага спирали нематохолестерической смеси по величине критического напряжения перехода гомеотропной ориентации в трансляционно-инвариантную структуру. Показано, что в случае не жестких гомеотропных граничных условий, когда имеет место азимутальное вырождение на вращение директора относительно нормали к слою, значения шага спирали *P*, определенные из критического напряжения перехода, могут существенно отличаться от истинного значения *P*.

Одной из важных и непростых задач прикладной физики является разработка адекватных методов определения физических характеристик конденсированных сред. Ситуация усложняется, если среды, к которым относятся также и жидкие кристаллы (ЖК), обладают многофункциональностью за счет большого количества параметров. В частности, при исследовании смесей холестерических жидких кристаллов с нематиками (НХЖК) становится важным вопрос о количественной оценке шага пространственной надмолекулярной закрученности (шага спирали P). При измерении Р могут проявляться различные факторы, например геометрический, когда в клиновидной ячейке может происходить либо растяжение, либо сжатие пространственной закрутки на границах зон Кано-Гранжана [1]. Деформация поверхностей подложек ячеек, их нелинейная конфигурация также дает ощутимые ошибки в определении шага спирали P[2]. Существуют, однако, методы расчета P, основанные на физико-химических представлениях о свойствах смесей [3], но они, так или иначе, требуют экспериментального подтверждения. Имеется и другая сторона, определяющая важность этих знаний: ХЖК и немато-

23

холестерики демонстрируют разнообразие структурно-ориентационных переходов, динамических эффектов во внешних полях и без поля [4,5], а их пороговые значения зависят от шага спирали. Особенно это становится важным при ориентационных превращениях в слоях ЖК с гомеотропной ориентацией молекул на границе [6,7]. В работе [8] установлено, что пороговое напряжение перехода из состояния НХЖК с гомеотропной ориентации в трансляционно-инвариантную конфигурацию (ТИК) [9] обратно пропорциональны шагу спирали. При этом рассматривается только предельный случай, когда условия на границе предполагались жесткими. В данной работе будет показано, что в случае нежестких гомеотропных граничных условий, когда имеет место азимутальное вырождение на вращение директора относительно нормали к слою, учет величины энергии сцепления для определения шага спирали становится определяющим.

Жидкокристаллические ячейки приготавливались из стеклянных подложек с прозрачным проводящим слоем оксида индия и олова (ITO). Гомеотропная ориентация в нематохолестерических слоях задавалась нанесением [10] на проводящие покрытия подложек водных растворов поверхностно-активного вещества (ПАВ) [3-(триметоксисилил) пропил] октадесил-диметиламмоний хлорид (DMOAP) (Sigma-Aldrich Inc.,), который также менял величину энергии сцепления молекул ЖК с границей. Для создания контролируемой толщины ЖК-слоев использовались майларовые прокладки. Величина воздушного зазора d ЖК-ячейки измерялась интерференционным методом [11] на спектрофотометре Shimadzu UV-3600. Смеси НХЖК были получены на основе МББА (Acros Inc.) и холестерической добавки холестерилхлорида (ООО Реахим) в весовых концентрациях 0.22, 0.165, 0.11%. Равновесный шаг спирали НХЖК-смеси вычислен методом, представленным в работе [3], согласно соотношению:

$$P = \frac{1}{C \cdot \beta},\tag{1}$$

где *С* — весовая концентрация холестерика,  $\beta$  — молекулярная сила закручивания хиральной добавки. В данном случае значения шага спирали для исследуемых смесей составили:  $P_{0.22\%} \approx 54 \,\mu$ m,  $P_{0.165\%} \approx 72 \,\mu$ m,  $P_{0.11\%} \approx 108 \,\mu$ m. Ориентационные превращения в НХЖК-слоях изучались с помощью поляризационно-оптического микроскопа AxioImager. Alm (Karl Zeiss, Germany). Для наблюдения ориентационных переходов в НХЖК-слоях прикладывалось переменное напряжение с частотой



**Рис. 1.** Последовательность переходных структур, наблюдаемых в скрещенных николях в поляризационно-оптический микроскоп: *а* — трансляционно-инвариантная конфигурация; *b* — пространственно-периодическая структура.

 $f \sim 1 \, \text{kHz}$ , а значение пороговых напряжений U определяли по электрооптическим кривым пропускания в скрещенных николях аналогично [6].

Рассмотрим ориентационные превращения в нематохолестериках с начальной гомеотропной ориентацией молекул на подложках с ITO проводящим слоем и обработанных DMOAP с различной концентрацией. На рис. 1 представлена последовательность переходных картин,



**Рис. 2.** Зависимости порогового напряжения  $U_c$  для НХЖК с различными массовыми долями холестерилхлорида от концентрации DMOAP (*a*); зависимости расчетного шага спирали *P* по значению критического напряжения  $U_c$  от концентрации DMOAP (*b*).

наблюдаемых при увеличении управляющего напряжения. Начальную гомеотропную ориентацию при  $U_c$  сменяет структура ТИК (рис. 1, *a*), а затем при  $U_{c1}$  — пространственно-периодическая структура (рис. 1, *b*). Возможность образования твист-структуры с гомеотропной ориентацией на границе была теоретически рассмотрена в работе [4,9] и там же предсказан бесполевой переход Фредерикса. Нас будет интересовать переход гомеотроп — ТИК, а точнее критические напряжения перехода  $U_c$ как функция степени обработки DMOAP подложки с ITO. На рис. 2, а представлены зависимости критических напряжений для трех различных смесей нематохолестериков со значениями Р, отмеченными выше. Их особенностью является резкий рост переходного напряжения U<sub>c</sub> с изменением концентрации ПАВ до 5% DMOAP с последующим прекращением его изменения и, как следствие, насыщением. Поскольку обработка этим ПАВ ведет к увеличению энергии сцепления  $W_s$ молекул ЖК с границей, то это может означать, что при концентрациях более 10% ПАВ W<sub>s</sub> также должна стремиться к насыщению. По данным работы [6] переход из однородного гомеотропно ориентированного состояния происходит при  $U_c \sim 2.2 \,\mathrm{V}$  в диапазоне отношения толщины образцов d к расчетному равновесному шагу спирали  $0.25 \leq d/P \leq 0.5$ , что соответствует нашему случаю обработки ІТО поверхностей малыми концентрациями DMOAP. Однако, как будет показано ниже, это не соответствует предельному случаю жесткого сцепления  $(W_s \to \infty)$ , в рамках которого было получено выражение зависимости для  $P_{\infty}$  от критического напряжения U<sub>c</sub> перехода в ТИК [6,8]:

$$P_{\infty} = \frac{2\pi K_{22}d}{\sqrt{U_c^2 \varepsilon_0 \varepsilon_\alpha K_{33} + \pi^2 K_{33}^2}},$$
 (2)

где  $\varepsilon_a = -0.5$  — анизотропия диэлектрической проницаемости среды,  $\varepsilon_0$  — диэлектрическая постоянная,  $K_{22} = 5.5 \cdot 10^{-12}$  H и  $K_{33} = 7.1 \cdot 10^{-12}$  H — константы кручения и продольного изгиба соответственно.

Для этого были проведены расчеты величины шага спирали от порогового напряжения  $U_c$  перехода в ТИК по формуле (2), используя экспериментальную зависимость последнего от концентрации DMOAP. Результаты расчетов представлены на рис. 2, *b* как функция этой концентрации.



**Рис. 3.** Зависимость энергии сцепления *W<sub>s</sub>* молекул смеси НХЖК от концентрации DMOAP.

Во-первых, из рис. 2, b следует, что своих расчетных или истинных величин во всех трех смесях величина шага спирали Р достигает при достаточно больших концентрациях DMOAP. Во-вторых, в данной геометрии эксперимента имеется азимутальное вырождение на вращение молекул при начальной гомеотропной ориентации до перехода в ТИК, и в отличие от работы [1], граничные условия не могут приводить к искажению значений Р. Величина шага спирали в этом случае определяется соотношением (1). То есть реальный шаг спирали смеси зависит только от силы  $\beta$ , обусловленной межмолекулярным взаимодействием молекул холестерика друг с другом и его концентрацией в нематической матрице, и никак не может определяться, в данной геометрии, внешними факторами, например энергией сцепления. Отсюда следует, что наблюдаемое при малых концентрациях DMOAP уменьшение значения шага спирали (рис. 2, b) является фиктивным и его фактически необходимо отнести на счет изменения энергии сцепления, которая не учитывается соотношением (2). Как следствие этого, используя зависимости пороговых величин Uc перехода в ТИК от концентрации DMOAP, были рассчитаны зависимости W<sub>s</sub> от концентрации DMOAP (рис. 3) при заданных материальных параметрах

ЖК и истинных значениях  $P_{\infty}$ , полученные из соотношения (1). Для вычисления зависимостей  $W_s$  (DMOAP, wt. %) использовалось выражение (3), полученное в работах [12,13] для случая магнитного поля. Соотношение (3) есть следствие справедливой замены типа  $\frac{1}{2}\mu_0^{-1}\chi_a H^2 \rightarrow \frac{1}{2}\varepsilon_0\varepsilon_a E^2$ , а так как мы рассматриваем случай критического поля, где искажения поля директора малы, то соответственно будем иметь

$$W_{s} = \sqrt{\frac{4\pi^{2}K_{22}^{2}}{P^{2}} - \frac{\varepsilon_{\alpha}\varepsilon_{0}U^{2}K_{33}}{d^{2}}} \tan\left(\frac{d}{2K_{33}}\sqrt{\frac{4\pi^{2}K_{22}^{2}}{P^{2}} - \frac{\varepsilon_{a}\varepsilon_{0}U_{c}^{2}K_{33}}{d^{2}}}\right), \quad (3)$$

где *P* — истинное значение шага спирали, полученное из выражения (1).

Оценки показывают, что величина  $W_s$  меняется от ~  $10^{-6}$  J/m<sup>2</sup> на чистых ITO поверхностях до ~  $10^{-4}$  J/m<sup>2</sup> при концентрациях ПАВ 15%. Именно последнее значение поверхностной энергии и должно соответствовать случаю, описанному в вышеупомянутой работе [6].

Таким образом, в данной работе показано, что для адекватного определения шага спирали в нематохолестериках по критическому напряжению перехода типа гомеотроп-ТИК, необходимо учитывать конечность поверхностной энергии сцепления молекул ЖК с границей раздела.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований, грант № 08-02-97008.

## Список литературы

- Чигринов В.Г., Беляев В.В., Беляев С.В., Гребенкин М.Ф. // ЖЭТФ. 1975. Т. 62. С. 2081.
- [2] Kosa T., Bodnar V.H., Taheri B., Paffy-Muhoray P. // Mol. Cryst. Liq. Cryst. 2001. V. 369. P. 129.
- [3] Bak C.S., Labes M.M. // J. Chem. Phys. 1975. V. 62. P. 3066.
- [4] Зельдович Б.Я., Табирян Н.В. // ЖЭТФ. 1982. Т. 83. С. 998.
- [5] Oswald P, Pieranski P. Nematic and Cholesteric Liquid Crystals: Concepts and Physical Properties Illustrated by Experiments. Boca Raton: Taylor and Francis, CRC Press, 2005.
- [6] Smalyukh I.I., Senyuk B.I., Paffy-Muhoray P., Lavrentovich O.D. et al. // Phys. Rev. E. 2005. V. 72. P. 067707.

- [7] Ribiere P., Pirkl S., Oswald P. // Phys. Rev. A. 1991. V. 44. P. 8198.
- [8] Crandall K.A., Fisch M.R., Petchek R.G., Rosenblatt C. // Appl. Phys. Lett. 1994. V. 64. P. 1741.
- [9] Press M.J., Arrott A.S. // J. de Phys. 1976. V. 37. P. 387.
- [10] Kahn R.J. // Appl. Phys. Lett. 1973. V. 22. P. 386.
- [11] Mada H., Kobayashi S. // Mol. Cryst. Liq. Cryst. 1976. V. 33. P. 47.
- [12] Захлевных А.Н., Шавкунов В.С. // Вестник ПГУ. Сер. Физика. 2000. В. 6. С. 50.
- [13] Шавкунов В.С. Влияние поверхностного сцепления на фазовые переходы в холестерических жидких кристаллах: Дис. . . . канд. физ.-мат. наук. Пермь, 2000.