# Кластеры в модельных сегнетоэластиках Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>

© Ю.Ф. Марков, К. Кнорр\*

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия \*Universität des Saarlandes, Saarbrücken, Germany

E-mail: markov@light.ioffe.rssi.ru

(Поступила в Редакцию 9 июля 1998 г.)

В модельных кристаллах  $Hg_2Cl_2$  в широком интервале температур и волновых векторов изучены критические флуктуации, индуцированные сегнетоэластическим фазовым переходом и соответствующие мягкой *TA*-моде в *X*-точке границы зоны Бриллюэна. В рентгеновском рассеянии обнаружены анизотропные диффузные максимумы в этих точках, связанные с флуктуациями параметра порядка и возникновением низкотемпературных орторомбических кластеров в высокотемпературной тетрагональной матрице. Получена оригинальная информация о температурном поведении восприимчивости и радиуса корреляции, форме и анизотропии кластеров, значения критических индексов.

Кристаллы галогенидов одновалентной ртути Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> (Hal = Cl, Br, I) изоморфны при комнатной температуре и имеют специфическую кристаллическую структуру, состоящую из параллельных цепочек линейных молекул Hal-Hg-Hg-Hal, слабо связанных друг с другом, образующих объемноцентрированную тетрагональную решетку  $D_{4h}^{17}$  с двумя молекулами в элементарной ячейке [1]. Цепочечное строение этих кристаллов приводит к очень сильной анизотропии их физических свойств, в частности, к сильной упругой анизотропии. Например, кристаллы Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> имеют рекордно низкую среди твердых тел скорость поперечного (ТА) звука  $V_{[110]}^{[1\bar{1}0]} = 347$  m/s, рекордно высокое двулучепреломление  $\Delta n = +0.66$  и очень высокое акусто-оптическое взаимодействие ( $M_2 = 640 \cdot 10^{-18} \text{ s}^3/\text{g}$  для *TA* волны) [2]. Эти кристаллы используются успешно в технике как основные элементы акустических линий задержки, акустооптических фильтров, поляризаторов и др.

При охлаждении, при  $T_c = 186 \text{ K} (\text{Hg}_2\text{Cl}_2)$  и  $T_c = 144 \text{ K} (\text{Hg}_2\text{Br}_2)$  в этих кристаллах происходит несобственные сегнетоэластические фазовые переходы  $D_{4h}^{17} \rightarrow D_{2h}^{17}$ . Эти переходы индуцированы конденсацией наиболее медленной *TA*-ветви (см. выше) в *X*-точке границы зоны Бриллюэна (ЗБ) тетрагональной парафазы и сопровождаются при  $T \leq T_c$  удвоением элементаной ячейки,  $X \rightarrow \Gamma$ -перебросом в ЗБ, возникновением спонтанной деформации и сегнетоэластических доменов [3]. Кристаллы галогенидов одновалентной ртути, обладающие очень простой кристаллической структурой и ярко выраженными эффектами фазовых переходов, являются модельными объектами для исследования общих проблем структурных фазовых переходов.

В настоящей работе в широком температурном интервале (10–300 K), включающем  $T_c = 186$  K (Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>) выполнены прецизионные рентгеноструктурные исследования эффектов фазового перехода в различных высокосимметричных точках обратной решетки. Главное внимание было уделено изучению X-точек границы 3Б. Фундаментальные, брэгговские рефлексы в этих точках в тетрагональной фазе  $(D_{4h}^{17})$  запрещены правилами отбора и должны возгорать в низкотемпературной орторомбической фазе  $(D_{2h}^{17})$  вследствие фазового перехода, удвоения элементарной ячейки и  $X \to \Gamma$ -переброса в 3Б. Однако и в высокотемпературной фазе возможно наблюдать иногда малоинтенсивные диффузные рефлексы на границе ЗБ (в нашем случае в Х-точках), связанные с пространственно-временными флуктуациями параметра порядка, вызывающими зарождение низкотемпературных кластеров. Недавно исследования диффузного рассеяния были выполнены на модельных перовскитах SrTiO<sub>3</sub>, KMnF<sub>3</sub>, RbCaF<sub>3</sub>, испытывающих фазовые переходы типа смещения из кубической фазы в тетрагональную, индуцированные конденсацией мягкой моды в *R*-точке границы ЗБ. В рентгеноструктурных экспериментах наблюдались две разноразмерные шкалы, хорошо известная короткая и новая длинная, соответствующие широкому и очень узкому максимумам диффузного рассеяния соответственно [4].

В настоящей работе приведена оригинальная информация о температурном поведении диффузных (широких) рефлексов в *X*-точках 3Б, о кластерах орторомбической фазы в тетрагональной матрице и о температурном поведении их формы и размеров, величины критических индексов. Попытки наблюдать узкую компоненту в диффузном рентгеновском рассеянии в кристаллах Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> не имели успеха.

## 1. Эксперимент

Рентгеноструктурные измерения были выполнены на двухкружном дифрактометре, использовалось  $K_{\alpha}$  излучение медного анода. Низкотемпературные измерения вполнялись с использованием криостата замкнутого цикла "Cryogenics" с хорошей стабилизацией температуры ( $\approx 0.1$  K). Образцами в этих измерениях служили высококачественные монокристаллы хлорида одновалентной

ртути размером  $3 \times 3 \times 3$  mm, выколотые по плоскостям спайности (110), (110) и вырезанные по (001), которые перед измерениями в течение небольшого времени травились в растворе "царской водки" в дистиллированной воде. Все измерения выполнялись на поверхностях {110}.

#### 2. Экспериментальные результаты

Изучалось температурное поведение диффузного рассеяния в различных X-точках ЗБ со средними значениями индексов h, k и l = 0 обратной решетки (главным образом, точки (3.5, 2.5, 0) и (2.5, 1.5, 0)). Следует отметить, что работа с высокими h и k индексами приводит к низкой интенсивности соответствующих диффузных рефлексов, а работа с малыми значениями h и k понижает разрешение и ведет к существенному возрастанию фонового рассеяния в рентгеновских спектрах и погрешностей экспериментальных результатов.

На рис. 1 приведено при  $T = 200 \,\mathrm{K}$  типичное протяженное сканирование по направлению  $\Gamma - X - \Gamma$  $(3.5 + \eta, 2.5 - \eta, 0)$  в обратной решетке (или в 3Б) с брэгговскими и диффузным рефлексом в Х-точке (3.5, 2.5, 0). Направление этого сканирования совпадает с направлением распространения мягкой ТА-волны в кристаллах Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>. В этом  $\Gamma - X - \Gamma$ -сканировании удается одновременно с диффузным максимумом наблюдать очень интенсивные фундаментальные (брэгговские) четные (h + k + l = 2n) рефлексы (3, 3, 0) и (4, 2, 0), разрешенные для объемно-центрированной тетрагональной решетки  $(D_{4h}^{17})$  кристаллов Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>. Нечетные (h + k + l = 2n + 1) брэгговские рефлексы запрещены правилами отбора для этой структуры, однако в протяженном сканировании ZE - X - EZ (3.5 +  $\eta$ , 2.5 +  $\eta$ , 0) при Т в окрестности Т<sub>с</sub> широкие малоинтенсивные максимумы (3,2,0) и (4,3,0) были обнаружены, проявление которых, возможно, индуцировано фазовым переходом, а также структурным несовершенством, в том числе и дефектами (в статье эти малоинтенсивные нечетные рефлексы не приведены на рисунках).



**Рис. 1.** Фундаментальные брэгтовские рефлексы (3, 3, 0), (4, 2, 0) и диффузный максимум в *X*-точке (3.5, 2.5, 0) ЗБ в протяженном  $\Gamma - X - \Gamma$ -сканировании при T = 200 К.

Физика твердого тела, 1999, том 41, № 1

На рис. 2 можно видеть вышеупомянутые диффузные рефлексы (максимумы) (3.5, 2.5, 0) для двух взаимно перпендикулярных сканирований  $\Gamma - X - \Gamma$  и ZE - X - EZпри различных температурах  $T \ge T_c$ . Интегральная интенсивность и амплитуда этих рефлексов возрастает при охлаждении и приближении к  $T_c$ , а полуширина (ширина максимума на половине высоты) уменьшается. Контур этих рефлексов достаточно хорошо описывается лоренцианом (сплошные линии на рис. 2)

$$I(\mathbf{K}) = A\Delta^2 / \left\{ \Delta^2 + 4(\mathbf{K} - \mathbf{K}_x)^2 \right\}, \qquad (1)$$

где A — интенсивность (амплитуда) рефлекса, **K**, **K**<sub>x</sub> — волновые векторы,  $\Delta$  — полуширина.

Из этой обработки можно с высокой точностью получить важные параметры (амплитуду, полуширину, интегральную интенсивность и др.) этих рефлексов. Большая полуширина этих диффузных рефлексов в случае  $\Gamma - X - \Gamma$ -сканирования обусловлена главным образом взаимодействием с мягкой *TA*-ветвью (волной) в окрестности *X*-точки 3Б, которая имеет малую дисперсию ( $\lambda_1 = 8 \text{ meV}^2 \cdot \text{Å}^2$ ) в этом направлении по сравнению с большой дисперсией ( $\lambda_2 = 255 \text{ meV}^2 \cdot \text{Å}^2$ ) этой *TA*-ветви в направлении *ZE*-*X*-*EZ* [5].

Зависимости интегральных интенсивностей диффузных рефлексов от температуры в Hg2Cl2 приведены на рис. 3. При высоких температурах, вплоть до комнатной в Х-точках ЗБ удается наблюдать широкие малоинтенсивные максимумы, из сравнения которых с ближайшими брэгговскими рефлексами (см., например, рис. 1) можно оценить количество орторомбической фазы в тетрагональной парафазной матрице, которое при комнатной температуре приблизительно составляет При охлаждении от комнатной температуры 0.1%. можно наблюдать медленное возрастание интенсивности диффузных рефлексов с резкой аномалией (подъемом) около Тс и последующим замедлением этого подъема при дальнейшем охлаждении (T < T<sub>c</sub>). Необходимо отметить, что температурные зависимости интегральной интенсивности при  $T = T_c$  не демонстрируют каких-либо скачков, что подтверждает непрерывность изучаемого фазового перехода. При  $T \leq T_c$  диффузные рефлексы в Х-точках ЗБ в связи с фазовым переходом, удвоением элементарной ячейки и  $X \to \Gamma$ -перебросом в ЗБ становятся фундаментальными — брэгговскими рефлексами, разрешенными в рентгеновском рассеянии. Поведение интегральной интенсивности этих рефлексов при *T* < *T<sub>c</sub>* в случае фазовых переходов типа смещения непосредственно связано с температурным поведением параметра порядка. В нашем случае параметр порядка соответствует противоположному сдвигу вдоль [110] центров тяжести ближайших молекул Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> в соседних плоскостях (110) [3]. Количественное изучение температурной зависимости параметра порядка — интересная, но независимая задача, требующая специальных и прецизионных измерений, которые в данной работе не были выполнены.



**Рис. 2.** Диффузные максимумы (3.5, 2.5, 0) при  $\Gamma - X - \Gamma$ - (левая часть) и ZE - X - EZ-сканированиях (правая часть) при различных температурах  $T \ge T_c$ . Точки — эксперимент, сплошные линии — лоренциан.

На рис. 4 приведена температурная зависимость полуширины диффузных рефлексов. Как видно из этого рисунка, полуширина этих рефлексов сильно зависит от температуры, уменьшаясь в несколько раз при охлаждении от комнатной температуры до  $T = T_c$  (186 K). При температурах ниже  $T_c$  она остается приблизительно постоянной, что связано главным образом с трансформацией этих рефлексов при фазовом переходе в фундаментальные рефлексы, полуширина которых обычно слабо зависит от температуры и в меньшей степени от ограничения разрешения аппаратной функцией рентгеновского дифрактометра. Известно, что принципиальный параметр, характеризующий структурные фазовые переходы, — радиус корреляции — обратно пропорционален полуширине диффузного максимума

$$\xi = 2/\Delta, \tag{2}$$

где  $\xi$  — радиус корреляции,  $\Delta$  — полуширина; появление множителя 2 в этой формуле связано с необходимостью использовать половину полуширины.

Значения радиуса корреляции — это практически размеры кластеров. Таким образом, мы можем полу-

чить температурную зависимость размеров кластеров и их величину из измеренной зависимости полуширины. Ясно, что радиусы корреляции в двух использованных



**Рис. 3.** Температурные зависимости интегральных интенсивностей диффузного рассеяния в *X*-точке (3.5, 2.5, 0) границы ЗБ для  $\Gamma - X - \Gamma$ - (*a*) и *ZE*-*X*-*EZ*-сканирований (*b*).

в эксперименте направлениях отличаются в несколько раз. При комнатной температуре радиусы корреляции равны, соответственно 70 и 250 Å для  $\Gamma - X - \Gamma$ и ZE - X - EZ-направлений. При охлаждении и приближении к  $T_c$  эти размеры увеличиваются монотонно в несколько раз и достигают нескольких тысяч ангстрем, становясь сравнимыми с длиной волны видимого света.

Зависимость инверсной величины радиуса корреляции от приведенной температуры *t* имеет следующий вид:

$$\Delta \sim t^{\nu},\tag{3}$$

где  $t = T - T_c/T_c$  — приведенная температура,  $\nu$  — критический индекс. Для того чтобы определить критический индекс  $\nu$ , вышеуказанная экспериментальная зависимость (рис. 4) за вычетом "фона" — полуширины этих рефлексов при  $T \leq T_c$  — была построена в двойном логарифмическом масштабе (рис. 5). Эксперименталь-



**Рис. 4.** Температурные зависимости полуширины диффузных рефлексов в *X*-точке (3.5, 2.5, 0) границы ЗБ при  $\Gamma - X - \Gamma$ - (*a*) и *ZE*-*X*-*EZ*-сканированиях (*b*). Точки — эксперимент, штриховые кривые проведены для удобства зрительного восприятия эксперимента.



**Рис. 5.** Зависимость инверсного корреляционного радиуса  $\Delta$  от приведенной температуры t в двойном логарифмическом масштабе.  $a - \Gamma - X - \Gamma$ -сканирование, b - ZE - X - EZ-сканирование, точки — эксперимент, штриховые линии — линейная аппроксимация.



**Рис. 6.** Логарифмическая зависимость амплитуды диффузных максимумов *A* от приведенной температуры *t*.

ные точки этих зависимостей были аппроксимированы прямыми линиями, из наклона которых были определены средние значения критических индексов —  $0.85 \pm 0.1$  и  $0.90 \pm 0.1$  для  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE - X - EZ-направлений соответственно. Различие этих величин находится в пределах погрешности эксперимента. Здесь следует заметить, что при приближении к  $T_c$  эти индексы несколько уменьшаются и непосредственно вблизи  $T_c$  достигают величины ~0.5.

Важной характеристикой диффузного рентгеновского рассеяния является амплитуда дифракционных максимумов. В результате моделирования контура этих максимумов лоренцианом была получена температурная зависимость амплитуды (статической восприимчивости), похожая на зависимость интегральной интенсивности. Известно, что

$$A \sim t^{-\gamma},\tag{4}$$

где A — амплитуда (интенсивность в максимуме рефлекса), t — приведенная температура,  $\gamma$  — критический индекс.

На рис. 6 в двойном логарифмическом масштабе построена эта зависимость, из которой было определено значение критического индекса  $\gamma$ . От комнатной температуры до  $T \cong 195 \,\mathrm{K}$  критический индекс  $\gamma$  остается практически постоянным и равен  $1.0\pm0.1$  (естественно, эти величины в двух использованных в работе ортогональных сканированиях равны друг другу). При дальнейшем охлаждении и приближении к  $T_c = 186 \,\mathrm{K}$  критический индекс  $\gamma$  изменяет свою величину, непрерывно уменьшаясь. Этот вполне надежный экспериментальный вывод несколько удивителен и показывает, что в непосредственной окрестности  $T_c$  увеличение амплитуды диффузных максимумов замедляется.

Все вышеупомянутые результаты были связаны с рентгеновскими исследованиями широкой диффузной компоненты. Мы в наших экспериментах вблизи  $T_c$  пытались также обнаружить вторую более узкую компоненту в Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>, которая недавно наблюдалась в кристаллах перовскитов (SrTiO<sub>3</sub>, RbCaF<sub>3</sub>, KMnF<sub>3</sub>) [4] с использованием вращающегося анода или синхротронного излучения большой мощности, высококачественных монокристаллов и очень высокого разрешения. Однако нами был получен отрицательный результат, возможно связанный с худшими параметрами нашего эксперимента.

# 3. Обсуждение результатов

Исследования, выполненные на монокристаллах Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>, показали, что конденсация ТА-мягкой моды имеет место в Х-точке границы ЗБ, и фазовый переход сопровождается удвоением элементарной ячейки в базисной плоскости и Х-Г-перебросом в ЗБ. Монотонное возрастание интегральной интенсивности диффузных рефлексов и отсутствие каких-либо скачков при  $T = T_c$  не противоречат модели непрерывного сегнетоэластического фазового перехода в окрестности трикритической точки [6]. Обнаруженное и изученное диффузное рассеяние при высоких температурах связано главным образом с появлением статических кластеров. Но при охлаждении и приближении к Т<sub>с</sub> динамические эффекты, связанные с пространственно-временными флуктуациями параметра порядка, будут возрастать, что должно проявляться в увеличении вклада в диффузное рассеяние динамических кластеров. Последний эффект, несомненно, имеет место, но разделить статический и динамический вклады не удается. Большая анизотропия радиуса корреляции в двух ортогональных направлениях  $\Gamma - X - \Gamma$  и ZE - X - EZ кроме вышеуказанной причины (взаимодействие с ТА-мягкой волной (ветвью) в Х-точке ЗБ) может определяться также, но в меньшей степени, некоторой упругой анизотропией вблизи поверхности этих кристаллов (средняя глубина проникновения рентгеновских лучей около 5 µm). Зарождение статических кластеров естественно связать с присутствием в изученных кристаллах различных дефектов ростового происхождения, например с дислокациями, остаточными полями упругих напряжений, точечными дефектами ит.д. Следует напомнить, что в этих кристаллах имеет место очень сильная зависимость (увеличение) температуры фазового перехода  $T_c$  от гидростатического и одноосного давлений (соответственно 43.8 и 103 K/kbar) [7], т.е. различные дефекты, создающие вокруг себя поля упругих напряжений, могут даже при комнатной температуре индуцировать зародыши низкотемпературной орторомбической фазы. Кроме того, необходимо отметить, что с точки зрения минимума упругой и поверхностной энергий более выгодно возникновение зародышей сегнетофазы в парафазной матрице в виде протяженных малого радиуса цилиндров или очень тонких пластин. Из результатов оптических экспериментов [8] и вычислений, проведенных на кристаллах Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>, следует образование зародышей только в виде пластин, параллельных {110}-плоскостям, сечение этих зародышей может иметь два различных

размера, толщину и ширину вдоль [110] и [1 $\overline{1}$ 0]. Соответствующая анизотропия (различный радиус корреляции) и наблюдалась в наших рентгеновских экспериментах при сканировании вдоль  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE - X - EZ-направлений (см. рис. 4).

Интересно сравнить значения критических индексов, полученные в настоящей работе, с аналогичными величинами вышеупомянутых перовскитов, испытывающих слабо первородные фазовые переходы с конденсацией мягкой моды в *R*-точке границы зоны Бриллюэна. Средние значения критического индекса  $\nu$ , полученные из температурной зависимости инверсного радиуса корреляции в кристаллах Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> равны 0.85 и 0.90 для  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE - X - EZ-сканирований соответственно. Эти значения несколько больше соответствующих параметров кристаллов перовскитов ( $\nu = 0.62$  для KMnF<sub>3</sub>, 0.64 для RbCaF<sub>3</sub>, 0.83 для SrTiO<sub>3</sub>) [4].

Критический индекс  $\gamma$ , описывающий достаточно хорошо температурную зависимость амплитуды (восприимчивости) диффузных рефлексов от комнатной температуры до ~195 К, приблизительно постоянен и равен 1.0. Для сравнения приведем здесь значения аналогичных параметров для KMnF<sub>3</sub>, RbCaF<sub>3</sub>, SrTiO<sub>3</sub>:  $\gamma = 1.19$ , 1.34, 1.40 соответственно. Замедление роста амплитуды рефлексов (рис. 6) и радиуса корреляции (рис. 4,5) в Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> при температурах вблизи  $T_c$  ( $T > T_c$ ) наблюдалось также ранее в кристаллах перовскитов, но не было объяснено [4]. По-видимому, этот эффект вблизи Т<sub>с</sub> индуцирован возникновением взаимодействия кластеров, так как при этих температурах количество сегнетоэластической фазы в парафазной матрице Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> составляет уже несколько процентов, т.е. реализуется случай смешанного гетерофазного кристалла. Возможно, что последний вывод имеет место только в области вблизи поверхности кристалла.

В заключение авторы благодарят А.А. Каплянского и А.П. Леванюка за полезные обсуждения.

Настоящая работа поддержана частично РФФИ-DFG (грант № 96-02-00138) и РФФИ (грант № 98-02-16144).

### Список литературы

- [1] H. Mark, J. Steinbach. Z. Krystallogr. 64, 78 (1926).
- [2] Proc. 2nd Int. Symp. on Univalent Mercury Halides. Trutnov, ČSFR (1989).
- [3] А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, Ч. Барта. Изв. АН СССР. Сер. физ. 43, 8, 1641 (1979).
- S.R. Andrews. J. Phys. C: Sol. Stat. Phys. 19, 3721 (1986).
  U.J. Nicholls, R.A. Cowley. J. Phys. C: Sol. Stat. Phys. 20, 3417 (1987); A. Gibaud, R.A. Cowley, P.W. Mitchell. J. Phys. C: Sol. Stat. Phys. 20, 3849 (1987).
- [5] J.P. Benoit, G. Hauret, J. Levebvre. J. de Phys. 43, 641 (1982).
- [6] M.E. Boiko, Yu.F. Markov, V.S. Vikhnin, A.S. Yurkov, B.S. Zadokhin. Ferroelectrics 130, 263 (1992).
- [7] А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, В.Ю. Мировицкий, Н.Н. Степанов. ФТТ 27, 1, 223 (1985).
- [8] Ч. Барта, А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, В.Ю. Мировицкий. ФТТ 24, 3, 875 (1982).