Переход от термически активированного к регулярному течению вихрей магнитного потока в ВТСП

© В.Н. Кушнир, А.Ю. Петров, С.Л. Прищепа

Белорусский государственный университет информатики и радиоэлектроники, 220027 Минск, Белоруссия

E-mail: aleks@gw.bsuir.unibel.by

(Поступила в окончательном виде 17 марта 2000 г.)

С помощью транспортных измерений тонкопленочных микромостиков $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+x}$ исследуется влияние неоднородностей структуры сверхпроводника на движение вихревой среды в случае слабых магнитных полей при температурах от 78 до 83 К в зависимости от плотности тока смещения. Полученные результаты анализируются в рамках теорий крипа потока и регулярного течения вихрей. Показано, что токовые зависимости эффективного потенциала пиннинга вихрей с удовлетворительной точностью описываются в рамках двух статистических моделей, одна из которых была предложена ранее авторами. Обе модели содержат в качестве предельных случаев режимы термически активированного и регулярного течения вихрей. Широкая переходная область, где одновременно происходят процессы крипа и регулярного течения вихрей, обусловлена большой величиной дисперсии распределения энергии пиннинга. Установлено, что при превышении магнитным полем некоторого значения, происходит быстрое падение среднего значения и дисперсии потенциала пиннинга, так что режим регулярного течения наступает уже при малых значениях тока смещения. Данный факт связывается с явлением деструкции вихревых нитей на двумерные сегменты.

Ряд наиболее выразительных отличий ВТСП от обычных проявляется в окрестности критических температур T_{c} [1]. Один из основных методов экспериментальных исследований свойств ВТСП вблизи T_c —- транспортные измерения [2,3]. Многочисленные теоретические модели, предложенные для количественного объяснения результатов транспортных измерений (резистивных и вольт-амперных характеристик (ВАХ)) [4], при всем их различии основаны на рассмотрении движений решетки абрикосовских вихрей. Из-за высокой степени анизотропии, слоистой структуры, больших значений Т_с механизмы движения вихревой решетки (ВР) в ВТСП оказываются гораздо более сложными, нежели в обычных сверхпроводниках. "Статический" беспорядок (например, большая дисперсия распределения энергии пиннинга) сильно влияет на фазовые диаграммы в Н-Т-плоскости [5]. В частнотсти, из-за "статического" беспорядка происходит размывание кроссовера крип-течение вихрей [6-8], что приводит к сильному уширению нелинейного участка ВАХ.

Кроме упругих колебаний ВР и транспортного движения из-за транспортного тока, существенным оказываются, например, изгибы (в частности "кинки"), "закручивания" вихревых нитей; сами вихревые нити в ВТСП обладают структурой, благодаря которой при определенных магнитных полях H и температурах T можно наблюдать двумерные вихри (например, с помощью дифракции нейтронов [9]). Следовательно, в применении к ВТСП можно говорить, скорее, о "вихревой среде", чем о вихревой решетке. Высокие T_c в сочетание со слоистой структурой ВТСП приводят и к сложным флуктуационным движениям вихрей, что проявляется в наличии большого количества фазовых переходов и кроссоверов в вихревой среде, отобра-

жаемых на фазовой диаграмме. В частности, при некоторой температуре $T_m(H)$ происходит "плавление" вихревой решетки [4,10] — переход из состояния с регулярной структурой в состояние "вихревой жидкости"; при более высоких температурах $T_m^*(H)$ происходит деструкция ("испарение") вихревых нитей, характеризуемая тем, что 2*D*-сегменты вихревых нитей начинают совершать независимые флуктуационные движения [4,11].

Цель данной работы — исследование особенностей кроссовера крип — регулярное течение вихрей (РТВ) в тонких пленках ВТСП. Анализировались экспериментальные зависимости $\rho(T, H, J)$ (ρ — удельное сопротивление, J — плотность тока) тонкопленочных микромостиков Bi₂Sr₂CaCu₂O_{8+x} вблизи критической температуры для малых значений внешнего магнитного поля ($H \ll H_{c2}$).

Пленки Bi₂Sr₂CaCu₂O_{8+x} толщиной $d_f = 0.1 \, \mu \text{m}$ формировались методом молекулярно-лучевой эпитаксии на установке фирмы "Riber" в университете Салерно (Италия). Подробно технология осаждения описана в [12]. Критическая температура T_c (R = 0) превышала 85 К. Пленки были высокотекстурированными, с осью с, перпендикулярной MgO(100)-подложке. Транспортные измерения проводились по стандартной четырехзондовой схеме с постоянным током смещения. Регистрация данных производилась с помощью персонального компьютера. Подробно схема измерений описана в [13]. Магнитное поле до 1100 Ое создавалось с помощью медного соленоида. Все измерения были проведены с использованием жидкого азота в качестве хладоагента. Микромостики формировались методом стандартной фотолитографии. Длина мостиков составляла 50, ширина — 30 µm.

Были получены резистивные характеристики $\rho(T)$ для ряда значений H и J. В качестве примера на рис. 1 представлены зависимости $\rho(T, H)$ для плотности транспортного тока $J = 111 \,\mathrm{A/cm^2}$. Очевидно, с ростом магнитного поля ширина перехода увеличивается. В ВТСП такое уширение для температур, не слишком близких к T_c (что означают не слишком близкие к T_c температуры, уточним далее), связывают с термической активацией движения вихрей в поле центров пиннинга. В этом случае [14] резистивная характеристика может быть представлена в виде

$$\rho(T, H, J) = \rho_0 \exp\left(-\frac{U_{\rho}(T, H, J)}{k_B T}\right).$$
(1)

Здесь ρ_0 — предэкспоненциальный множитель порядка величины удельного сопротивления в нормальном состоянии ρ_N , k_B — постоянная Больцмана, U_ρ — эффективный потенциал пиннинга. В дальнейшем будем анализировать резистивные характеристики посредством величины эффективного потенциала пиннинга

$$U_{\rho}(T,H,J) = k_B T \ln\left(\frac{\rho_0}{\rho(T,H,J)}\right).$$
 (2)

Определим теперь, что означают температуры, не слишком близкие к T_c . Построив в соответствии с (2) зависимости $U_{\rho}(T)$ (рис. 2), мы увидим, что они линейны при $T \leq T^* \sim T_c$ (в нашем случае $T^* \sim 83-84$ K); именно в области линейности $U_{\rho}(T)$ мы можем с уверенностью утверждать, что основной вклад в резистивную характеристику вносят термические возбуждения вихрей в поле центров пиннинга.

Заметим далее, что, поскольку достаточно сложно определить точное значение предэкспоненциального фактора ρ_0 , величина $U_{\rho}(T)$ также определена с некоторым фоном $\sim k_B T$. Поэтому удобнее вместо $U_{\rho}(T)$ использовать ее линейную экстраполяцию $U_{\rho 0}$ до нулевой температуры.

Проанализируем токовые зависимости $U_{\rho 0}(\lg J)$ для различных значений магнитного поля, полученные из резистивных характеристик (для удобства восприятия значения тока отложены в логарифмическом масштабе) (рис. 3).

Видно, что зависимость $U_{\rho 0}(\lg J)$ имеет вид ступеньки. Левая и правая "полки" зависимости $U_{\rho 0}(\lg J)$ соответствуют на самом деле двум режимам поведения вихревой решетки с $\rho = \text{const}$ (линейной, или омической BAX), разделенным областью кроссовера.

Достаточно тривиальным является объяснение правой "полки" зависимости $U_{\rho 0}(\lg J)$ (для $J > J^* \sim (2-4) \times 10^4 \,\text{A/cm}^2$) в терминах РТВ [15]. Действительно, работа W^* силы Лоренца F_L^* по освобождению вихревой нити длиной, равной толщине пленки d_f , из потенциальной ямы шириной $r_p \ge \xi_{ab}$ ($\xi_{ab} = 15 \,\text{\AA}$ — корреляционная длина в плоскости ab [16]) при $J = J^*$ есть величина порядка $F_L^* r_p \approx J^* \Phi_0 d_f \xi_{ab}$ (Φ_0 — квант магнитного потока); подстановка в последнее равенство значений J^* , d_f , ξ_{ab} , Φ_0 дает $W^* \sim k_B T$ порядка энергии пиннинга $U_\rho(T, J^*)$ при $T \sim 80$ К.

Левая "полка" зависимости $U_{o0}(\lg J)$ $(0 < J < 10^3) \,\mathrm{A/cm^2} \sim 0.1 J^*)$, также соответствующая линейной ВАХ, совсем не является тривиальной для сверхпроводников и, строго говоря, противоречит понятию сверхпроводящего состояния: для сверхпроводника выполняется условие ho(J
ightarrow 0)
ightarrow 0, или, что то же, $U_{
ho}(T,H,J)
ightarrow \infty$. В нашем случае $U_{
ho}(T,H,J
ightarrow 0)$ является конечной величиной: $U_{\rho}(T, H, J \to 0) \sim (5-6)k_BT$. Как указано в [17,18], это типичное значение для так называемого режима термически активированного течения вихрей (ТАТВ), когда из-за больших тепловых флуктуаций относительно низкий потенциальный барьер преодолевается вихрем с достаточно большой вероятностью, что как раз и делает режим наблюдаемым. Согласно [4], существование режима ТАТВ возможно, если вихревая решетка находится в "расплавленном состоянии", имеющем место для температур $T > T_m(H)$. Глазман и Кошелев [11] дали следующую оценку температуры плавления $T_m(H)$ вихревой решетки (пригодную и для малых значений поля *H*):

$$T_m(H) = \frac{\varepsilon_0 c_L^2}{\gamma} \left[\frac{\pi}{2} \ln \left(\frac{H_{c2}(T)}{H} \right) \right]^{1/2} \left(\frac{\Phi_0}{H} \right)^{1/2}, \quad (3)$$

где $\varepsilon_0 = (\Phi_0/4\pi\lambda_{ab})^2$ — энергия единицы длины вихревой нити, γ — коэффициент анизотропии, c_L число Линдеманна, λ_{ab} — глубина проникновения магнитного поля в плоскости ab, $H_{c2}(T)$ — верхнее критическое магнитное поле. Подставляя в (3) характерные для $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+x}$ значения $c_L = 0.2$, $H_{c2}(0) \approx 23T, \, \gamma \approx 70, \, \lambda_{ab}(0) \approx 0.21 \, \mu \mathrm{m}$ [16], получим $T_m \leq 80 \, {
m K}$ для $H \gtrsim (50{-}100) \, {
m Oe}$. Таким образом, в исследуемых интервалах значений полей и температур выполняется равенство $T_m(H) \leq T$. Здесь уместно отметить возможность еще одного "фазового перехода", на который указывают экспериментальные данные. Из рис. 3 видно, что при $H = 1100 \,\text{Oe}$ значения $U_{o0}(J)$ для режимов ТАТВ и течения потока мало отличаются друг от друга. Одна из причин подобного исчезновения пиннинга — это деструкция ("испарение") вихревых нитей [10]. Суть данного явления в том, что в результате тепловых флуктуаций связь между 2D-сегментом вихревой нити становится очень слабой. В [11] дана следующая оценка температуры $T_m^*(H)$ разрушения вихревой нити:

$$T_m^*(H) \approx T_m(H) \left[\frac{\pi \Phi_0}{H\Lambda^2} \ln \left(\frac{\Lambda}{\pi \xi_{ab}} \right) \right]^{1/2},$$
 (4)

где $\Lambda = \gamma s$ — джозефсоновская длина, s = 15 Å — расстояние между сверхпроводящими слоями. Для $T \approx 80$ К в соответствии с (4) значение поля "испарения" нити $H_d \approx 2000$ Ос. Зависимости $T_m^*(H)$ и $T_m(H)$, рассчитанные из (3), (4), представлены на вставке к рис. 3. Из эксперимента [9] получены несколько меньшие значения $H_d \sim (600-1000)$ Ос. Завышенное



Рис. 1. Температурная зависимость удельного сопротивления (низкоомная часть) для различных значений внешнего магнитного поля при $J = 111 \,\mathrm{A/cm^2}$.



Рис. 2. Зависимость $U_{\rho}(T)$, полученная из экспериментальных данных с помощью (3), для различных значений *J* при H = 100 Oe.



Рис. 3. Зависимость $U_{\rho 0}(J)$ для разных значений магнитного поля. Данные получены для различных значений магнитного поля. *H*, Oe: I = 50, 2 = 150, 3 = 600, 4 = 800, 5 = 1100. На вставке представлены рассчитанные зависимости $T_m^*(H)(I)$ и $T_m(H)(2)$.

значение в [11] с достаточной степенью уверенности можно объяснить тем, что оценка (4) получена без учета влияния точечных дефектов в CuO-плоскостях; но точечные дефекты увеличивают деформации изгиба вихревых нитей, что способствует их разрушению. Распад вихревых нитей на 2D-сегменты приводит к тому, что при $H \ge H_d$ любой малый транспортный ток вызывает свободное течение двумерных вихрей.

Наиболее вероятной причиной относительно широкой области кроссовера по току $(0.1J^* \le J \le J^*)$ является достаточно большая величина дисперсии σ распределения энергии пиннинга: $\sigma \sim U(T, H, J) \sim k_B T$. Это означает, что при плотностях тока $J \in (0.1J^*, J^*)$ в вихревой системе одновременно происходят процессы крипа и РТВ. Для того, чтобы количественно описать экспериментальные данные и показать влияние статического беспорядка на динамику вихрей, рассмотрим две теоретические модели [19,20]. В модели Гриссена [19] (названной моделью "параллельных резисторов") рассматривается одиночный вихрь (или "связка", "кластер" вихрей), для которого определяются среднее время пребывания в состоянии крипа и среднее время пребывания в состоянии регулярного течения; затем в результате некоторой процедуры усреднения находится средняя скорость вихря и далее напряженность электрического поля, возникшая в силу транспортного тока. Во второй модели [20] рассматривается ансамбль вихрей, каждый из которых преодолевает потенциальный барьер, высота и ширина которого являются случайными величинами. При включенном транспортном токе часть вихрей совершает надбарьерное движение, т. е. находится в состоянии течения, а часть — движется сквозь барьер в силу тепловых флуктуаций, т. е. находится в состоянии крипа. Объединяет эти модели то, что обе они содержат в качестве предельных случаев ТАТВ при малых *J* и РТВ — при больших *J*. Любопытно, что экспериментальные данные хорошо описываются наиболее простыми реализациями этих моделей.

Не станем приводить выкладок модели Гриссена, а дадим лишь конечную формулу ее "однодоменного" варианта для логарифмических резистивных характеристик

$$U_{\rho}(J) = k_{B}T \ln\left(\frac{\rho_{N}}{\rho}\right) = k_{B}T \ln\left(\frac{\rho_{N}}{\rho_{ff}}\right) + k_{B}T \ln\left\{1 + C(H,T)\frac{J/J_{l}}{\operatorname{sh}\left[\frac{A(H,T)}{k_{B}T}\frac{J}{J_{l}}\right]}\right\}.$$
 (5)

Здесь A(H,T) — изменение энергии вихревой линии (связки вихрей), связанное с силой Лоренца, J_l — локальный критический ток (критический ток связки вихрей). Параметр C(H,T) выражается через характерные длины крипа L_c , свободного течения L_f , удельное сопротивление в режиме регулярного течения ρ_{ff} . Отметим,

$$U_{\rho}(J) \approx k_B T \ln\left(\frac{\rho_N}{\rho_{ff}}\right) + k_B T C(H,T) \frac{J}{J_l} \exp\left(-\frac{A}{kT} \frac{J}{J_l}\right)$$

из чего следует, что при $J \gg J_l$ удельное сопротивление образца асимптотически приближается к ρ_{ff} . На рис. 3 сплошными линиями показаны графики $U_{\rho}(J)$, рассчитанные по формуле (5) с использованием параметров Aи C в качестве подгоночных.

Согласно второй модели [20], напряженность электрического поля дается формулой

$$E = n_{cr}(J)E_c \exp\left(-\frac{\overline{U(J)}}{k_BT}\right) + n_f(J)\rho_{ff}J.$$
 (6)

Здесь $n_f(J)$ И $n_{cr}(J) = 1 - n_f(J)$ доли вихрей, участвующих в РТВ и крипе вихрей соответственно; Е_с — предэкспоненциальный фактор; $\exp(-U(J)/k_BT) \equiv \langle \exp -U(J,J_c)/k_BT \rangle_{J_c>J},$ где — величина потенциального $U(J, J_c)$ барьера, преодолеваемого вихрем при крипе, Ј_с — локальный критический ток (ток, при котором потенциальный барьер для вихря исчезает), символ (...) означает усреднение по распределению величин выстоты и ширины потенциального барьера, таких что $J_c \geq J$.

Наиболее простой частный случай зависимости E(J)(6) реализуется при экспоненциальном распределении потенциала пиннинга и линейной зависимости $U(J) = U_0 - Ja \equiv U_0(1 - J/J_c)$, где a — постоянный параметр и $U_0 \in [U_{\min}, \infty)$ [20]

$$\begin{cases} E = E_c \frac{1}{1 + \frac{\sigma}{k_B T}} 2 \operatorname{sh} \left[\frac{U_{\min}}{k_B T} \frac{J}{J_{\min}} \right] \\ \times \exp \left(- \frac{U_{\min}}{k_B T} \right) \quad \text{при} \quad J < \frac{U_{\min}}{a} \equiv J_{\min}, \\ n_f = 0 \end{cases}$$
(7a)

$$\begin{cases} E = \frac{2E_c}{1 + \frac{\sigma}{k_B T}} \operatorname{sh}\left[\frac{U_{\min}}{k_B T} \frac{J}{J_{\min}}\right] \exp\left(-\frac{U_{\min}}{k_B T}\right) \\ \times \exp\left\{-\frac{U_{\min}}{\sigma}\left[1 + \frac{\sigma}{k_B T}\right]\left[\frac{J}{J_{\min}} - 1\right]\right\} + n_f(J)\rho_{ff}J \quad (76) \\ n_f = 1 - \exp\left\{-\frac{U_{\min}}{U}\left[\frac{J}{J_{\min}} - 1\right]\right\} \quad \text{при } J > J_{\min}. \end{cases}$$

При $J \ll J_{\min}$ уравнение (7а) описывает режим ТАТВ с логарифмической характеристикой

$$k_B T \ln\left(\frac{\rho_N}{\rho}\right) \approx U_{\min} + k_B T \ln\left[\frac{\rho_N J_{\min}}{E_c} \frac{k_B T + \sigma}{2U_{\min}}\right].$$

При $J \gg J_{\min}$ получаем

$$\begin{split} E &\approx \rho_{ff} J + \frac{E_c (1 - n_f(J))}{1 + \frac{\sigma}{k_B T}} \\ &= \rho_{ff} J + \frac{E_c}{1 + \frac{\sigma}{k_B T}} \exp\left\{-\frac{U_{\min}}{\sigma} \left(\frac{J}{J_{\min}} - 1\right)\right\}, \end{split}$$

т.е. ВАХ экспоненциально приближается к ВАХ РТВ в соответствии с экспериментально наблюдаемым характером перехода к данному режиму. Графики $U_{\rho}(J)$,



Рис. 4. Зависимость подгоночных параметров U_{\min} , σ и среднего значения \overline{U} от величины внешнего магнитного поля с использованием подгоночной процедуры согласно уравнений (7).

полученные в соответствии с (7), представлены на рис. 3 штриховыми линиями. При обработке экспериментальных данных в качестве подгоночных использовались параметры U_{\min} и σ . Значения U_{\min} и σ , полученные для различных значений Н, представлены на рис. 4. Поведение Umin и σ в зависимости от магнитного поля выглядит достаточно характерно для $H \in (50, 600 \, \text{Oe})$. При увеличении H от 50 до 600 Ое $U_{\min}(H)$ уменьшается, а $\sigma(H)$ увеличивается — это вполне понятно, поскольку "добавляемые" вихри занимают более "слабые" центры пиннинга. Из рис. 4 можно увидеть, что среднее значение потенциала пиннинга $\bar{U}(H) = U_{\min}(H) + \sigma(H)$ есть линейная функция $\ln(H)$ при $H \in [50, 600]$ Oe, это подтверждает обоснованность выбора экспоненциального распределения энергии пиннинга [12]. При увеличении Н от 600 до 850 Ое происходит достаточно резкое убывание $U_{\min}(H)$, вплоть до фонового значения k_BT , и уменьшение дисперсии σ . При этом, очевидно, начинает доминировать режим регулярного течения 2D-вихрей. Заметим, что в случае $U_{\min} = k_B T$ фракции вихрей, находящихся в состоянии регулярного течения, выполняются уже при плотностях тока, близких к нулю.

Таким образом, в работе получены следующие основные результаты. Проведены транспортные измерения тонкопленочных микромостиков $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+x}$ в слабых магнитных полях при разных значениях токов смещения. Показано, что экспериментальные данные качественно и количественно объясняются в рамках статистических моделей [19,20], содержащих в качестве предельных случаев режимы ТАТВ и РТВ.

Установлены зависимости от магнитного поля параметров модели [20], характеризующих воздействие микронеоднородностей образца на движение вихрей: дисперсии $\sigma(H)$ распределения потенциала пиннинга и среднего значения потенциала пиннинга $\bar{U}(H) = U_{\min}(H) + \sigma(H)$. Показано, что быстрое падение $\sigma(H)$ и $\bar{U}(H)$ при $H > H_d \sim 800$ Ое связано с переходом к регулярному течению вихрей. Помимо этого на динамику вихрей при $H \ge 1000$ Ое может оказывать влияние деструкция вихревых нитей на 2D-сегменты.

Список литературы

- A.S. Aleksandrov, N.F. Mott. High temperature superconductors and other superfluid. Taylor and Francis, Bristol (1994). 390 p.
- [2] A.N. Lykov. Physica C218, 485 (1993).
- [3] С.В. Мериакри. Зарубежная радиоэлектроника. Успехи современной радиоэлектроники 10, 3 (1999).
- [4] G. Blatter, M.V. Feigel'man, V.B. Geshkenbein, A.I. Larkin, V.M. Vinokur. Rev. Mod. Phys. 66, 4, 1125 (1994).
- [5] V. Vinokur, B. Khaykovich, E. Zeldov, M. Konczykowski, R.A. Doyle, P.H. Kes. Physica C295, 3-4, 209 (1998).
- [6] R. Griessen. Phys. Rev. Lett. 64, 14, 1674 (1990).
- [7] J. Chen, D.L. Yin, C.Y. Li. J. Tan. Solid State Commun. 89, 9, 775 (1994).
- [8] T. Kisu, T. Nakamura, M. Takeo, K. Kuroda, Y. Matsumoto, F. Irie. IEEE Trans. Appl. Supercond. 5, 1363 (1995).
- [9] E.M. Forgan, R. Cubbit, M.T. Wylie, G. Yang, C.E. Gough, S.L. Lee, H. Keller, D. Mc Paul. The 1994 International workshop on superconductivity. Kyoto, Japan (1994). P. 151.
- [10] D. Feinberg. J. Phys. III 4, 2, 169 (1994).
- [11] L.I. Glazman, A.E. Koshelev. Phys. Rev B43, 4, 2835 (1991);
 Appl. Supercond. 5, 2, 1363 (1995).
- [12] C. Attanasio, C. Coccorese, V.N. Kushnir, L. Maritato, S.L. Prischepa, M. Salvato, Physica C255, 3/4, 239 (1995).
- [13] И.Л. Селезнев, С.В. Жданович, В.А. Попов, С.Л. Прищепа. ПТЭ 6, 210 (1992).
- [14] M. Tinkham. Phys. Rev. Lett. 61, 14, 1658 (1988).
- [15] J. Bardeen, M.J. Stephen. Phys. Rev. A140A, 1197 (1965).
- [16] S.L. Cooper, K.E. Gray. In: Physical Properties of High Temperature Superconductors / Ed. by D.M. Ginzberg. World Scientific, Singapore (1994). P. 63.
- [17] P.H. Kes, J. Aarts, J. van den Berg, C.J. van der Beek, J.A. Mydosh. Supercond. Sci. Technol. 1, *1*, 242 (1989).
- [18] D. Dew-Hughes. Cryogenics 28, 10, 674 (1988).
- [19] R. Griessen. Physica C175, 3/4, 315 (1991).
- [20] V.N. Kushnir, C. Coccorese, S.L. Prischepa, M. Salvato. Physica C275, 3/4, 211 (1997).