# Диффузное рентгеновское рассеяние в модельных виртуальных сегнетоэластиках Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub>

© Ю.Ф. Марков, К. Кнорр\*, Е.М. Рогинский\*\*

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия \*Universität des Saarlandes, Saarbrücken-6600, Germany \*\*Санкт-Петербургский государственный технический университет, 195251 Санкт-Петербург, Россия E-amil: Yu.Markov@pop.ioffe.rssi.ru

#### (Поступила в Редакцию 22 декабря 2000 г.)

Впервые в виртуальных сегнетоэластиках  $Hg_2I_2$  в рентгеновском рассеянии обнаружены и изучены диффузные максимумы, связанные с возникновением кластеров виртуальной ромбической фазы в парафазной тетрагональной матрице. Зарождение и рост кластеров вызваны пространственно-временными флуктуациями параметра порядка, соответствующими *TA*-мягкой моде в *X*-точке границы зоны Бриллюэна и индуцированным виртуальным фазовым переходом. Получена информация о температурном поведении восприимчивости и радиуса корреляции, о форме и анизотропии кластеров, определены значения критических индексов.

Настоящая работа поддержана Российским фондом фундаментальных исследований (грант № 01-02-17599).

Кристаллы галогенидов одновалентной ртути Hg2Hal2 (Hal = Cl, Br, I) изоморфны при комнатной температуре и имеют кристаллическую структуру, состоящую из параллельных цепочек линейных молекул Hal-Hg-Hg-Hal, слабо связанных друг с другом, образующих объемно центрированную тетрагональную решетку  $D_{4h}^{17}$ , с двумя молекулами в элементарной ячейке [1]. Цепочечное строение этих кристаллов приводит к очень сильной анизотропии их физических свойств, в частности, к сильной упругой анизотропии. Например, кристаллы Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> имеют рекордно низкую среди твердых тел скорость поперечного (*TA*) звука  $V_{[110]}^{[110]} = 254$  m/s, рекордно высокие двулучепреломление  $\Delta n = +1.5$  и акустооптические константы ( $M_2 = 4284 \cdot 10^{-18} \, {
m s}^3/{
m g}$ ) [2]. Эти кристаллы используются успешно в технике как основные элементы акустических линий задержки, акустооптических фильтров, поляризаторов и др.

При охлаждении при  $T_c = 186 \text{ K} (\text{Hg}_2\text{Cl}_2)$  и  $T_c = 144 \text{ K}$ (Hg<sub>2</sub>Br<sub>2</sub>) в этих кристаллах происходят несобственные сегнетоэластические фазовые переходы из тетрагональной фазы в ромбическую  $(D_{4h}^{17} \rightarrow D_{2h}^{17})$ , индуцированные конденсацией наиболее медленной ТА-ветви в Х-точке границы зоны Бриллюэна (ЗБ) тетрагональной парафазы и сопровождаемые при  $T \leq T_c$  удвоением элементарной ячейки,  $X \to \Gamma$  перебросом в 3Б и возникновением спонтанной деформации [3]. Однако в изоморфных кристаллах Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> фазовый переход не удалось реализовать при охлаждении вплоть до очень низких температур (~ 1.5 К). Температура виртуального фазового перехода ( $T_c \cong -20 \,\mathrm{K}$ ) в этих кристаллах была получена из экстраполяции температурной зависимости частоты обертона мягкой моды с границы ЗБ (Х-точка) [4,5]. Фазовый переход в Hg2I2 удалось реализовать лишь при высоком гидростатическом давлении ( $P_c = 9 \, \text{kbar}$  при комнатной температуре) [6]. Кристаллы галогенидов одновалентной ртути, обладающие очень простой кристаллической структурой и ярко выраженными эффектами фазовых переходов, являются модельными объектами для исследования общих проблем структурных фазовых переходов.

В настоящей работе в широком интервале температур (10-150 К) выполнены рентгеноструктурные исследования эффектов виртуального фазового перехода в различных высокосимметричных точках обратной решетки кристаллов Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub>. Главное внимание было уделено изучению Х-точек границы ЗБ. Фундаментальные брэгговские рефлексы в этих точках в тетрагональной фазе  $(D_{4h}^{17})$ запрещены правилами отбора и могли бы "возгорать" в виртуальной фазе  $(D_{2h}^{17})$  вследствие фазового перехода, удвоения элементарной ячейки и  $X \to \Gamma$  переброса в 3Б. Однако и в высокотемпературной парафазе можно наблюдать обычно малоинтенсивные диффузные рефлексы на границе ЗБ (в нашем случае в X-точках), связанные с пространственно-временными флуктуациями параметра порядка, индуцированными реальными или виртуальными фазовыми переходами и вызывающими зарождение низкотемпературных кластеров. В статье приведена оригинальная информация о температурном поведении диффузных рентгеновских рефлексов в Х-точках ЗБ, о кластерах виртуальной ромбической фазы в тетрагональной парафазной матрице и о температурном поведении их формы и размеров, получены значения критических индексов.

#### 1. Эксперимент

Рентгеноструктурные измерения были выполнены на двухкружном дифрактометре, использовалось  $K_{\alpha}$ -излучение медного анода. Низкотемпературные измерения

выполнялись с использованием криостата замкнутого цикла "Cryogenics" с хорошей стабилизацией температуры ( $\approx 0.1$  K). Образцами в этих измерениях служили высококачественные монокристаллы иодида одновалентной ртути размером  $3 \times 3 \times 3$  mm, выколотые по плоскостям спайности (110), (110) и вырезанные по (001), которые перед измерениями в течение нескольких минут травились в растворе "царской водки" в дистиллированной воде. Все измерения выполнялись на поверхностях {110}.

#### 2. Экспериментальные результаты

Было обнаружено и изучено малоинтенсивное диффузное рассеяние в различных Х-точках ЗБ, главным образом в точках (4.5, 3.5, 0), (3.5, 2.5, 0) и (2.5, 1.5, 0). Поскольку все основные результаты, полученные для этих Х-точек, в пределах погрешности эксперимента идентичны, в настоящей работе приводятся только результаты измерений Х-точки с максимальными индексами h, k и l = 0. На рис. 1 приведено при  $T = 15 \,\mathrm{K}$ типичное протяженное сканирование по направлению  $\Gamma - X - \Gamma$  (4.5 +  $\eta$ , 3.5 -  $\eta$ , 0) в обратной решетке с брэгговскими (4, 4, 0), (5, 3, 0) и диффузным рефлексом в Х-точке (4.5, 3.5, 0). Направление этого сканирования совпадает с направлением распространения мягкой *TA*-волны в кристаллах Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub>. В этом ( $\Gamma - X - \Gamma$ ) сканировании удается одновременно с очень слабым диффузным максимумом наблюдать интенсивные фундаментальные (брэгговские) четные (h + k + l = 2n)рефлексы (4, 4, 0) и (5, 3, 0), разрешенные для объемно центрированной тетрагональной решетки  $(D_{4h}^{17})$  этих кристаллов. Нечетные (h + k + l = 2n + 1) брэгговские рефлексы запрещены правилами отбора для этой структуры и в протяженных сканированиях типа ZE-X-EZ (например, в  $(4.5 + \eta, 3.5 + \eta, 0)$ ,  $(3.5 + \eta, 2.5 + \eta, 0)$ ,  $(2.5 + \eta, 1.5 + \eta, 0))$  не были обнаружены.



**Рис. 1.** Фундаментальные брэгтовские рефлексы (4, 4, 0), (5, 3, 0) и диффузный максимум в *X*-точке (4.5, 3.5, 0) ЗБ в протяженном  $\Gamma - X - \Gamma$ -сканировании при T = 15 К. Точки — эксперимент, сплошная линия проведена для визуализации экспериментальной кривой.



**Рис. 2.** Диффузные максимумы (4.5, 3.5, 0) в сканированиях  $\Gamma - X - \Gamma$  (левая часть) и ZE - X - EZ (правая часть) при различных температурах ( $T > T_c$ ). Точки — эксперимент, тонкие сплошные линии — результат компьютерного моделирования эксперимента, штриховые линии — фон, индуцированный "хвостами" фундаментальных рефлексов, жирные сплошные линии — истинные диффузные максимумы — лоренцианы.

На рис. 2 приведены вышеупомянутые диффузные рефлексы (максимумы) (4.5, 3.5, 0) для двух взаимно перпендикулярных сканирований  $\Gamma - X - \Gamma$  и ZE - X - EZ при некоторых фиксированных температурах. Интегральная интенсивность и амплитуда этих рефлексов возрастают при охлаждении и приближении к фиктивной температуре виртуального перехода  $T_c \cong -20$  K, а полуширина (ширина максимума на половине высоты) уменьшается. Контур этих рефлексов удовлетворительно описывается лоренцианом (жирные сплошные линии на рис. 2)

$$I(\mathbf{K}) = A\Delta^2 / \{\Delta^2 + 4(\mathbf{K} - \mathbf{K}_x)^2\}, \qquad (1)$$

где A — интенсивность (амплитуда) рефлекса,  $\mathbf{K}, \mathbf{K}_x$  — волновые векторы,  $\Delta$  — полуширина. Из этого описания можно получить важные характеристики (амплитуду, полуширину, интегральную интенсивность и др.) этих рефлексов. Большая полуширина этих диффузных рефлексов в случае  $\Gamma - X - \Gamma$ -сканирования обусловлена



**Рис. 3.** Температурные зависимости интегральных интенсивностей (a) и полуширин (b) диффузных рефлексов в X-точке (4.5, 3.5, 0) границы 3Б для сканирований  $\Gamma - X - \Gamma$  (1) и ZE - X - EZ (2). Точки — эксперимент, штриховые кривые проведены для удобства зрительного восприятия.

главным образом взаимодействием с мягкой *TA*-ветвью (волной) в окрестности *X*-точки 3Б, которая по аналогии с кристаллами Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> должна иметь малую дисперсию в этом направлении по сравнению с большой дисперсией этой *TA*-ветви в направлении ZE - X - EZ (в кристаллах Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> эти величины равны 8 и 255 meV<sup>2</sup> · Å<sup>2</sup> соответственно) [7].

Зависимости интегральных интенсивностей диффузных рефлексов от температуры в  $Hg_2I_2$  приведены на рис. 3, *а*. При охлаждении этих кристаллов можно наблюдать лишь плавное возрастание интенсивности диффузных рефлексов, что связано со значительной удаленностью от температуры фазового перехода. Естественно, никакого аномального подъема вблизи  $T_c$  наблюдаться не могло, так как  $T \gg T_c$ . На рис. 3, *b* приведена температурная зависимость полуширины диффузных рефлексов. Как видно из этого рисунка, полуширина этих рефлексов сильно зависит от температуры, уменьшаясь при охлаждении. Известно, что принципиальный параметр, характеризующий структурные фазовые переходы, — радиус корреляции — обратно пропорционален полуширине диффузного максимума

$$\xi = 2/\Delta, \tag{2}$$

где  $\xi$  — радиус корреляции,  $\Delta$  — полуширина рефлекса; появление множителя 2 в этой формуле связано с необходимостью использовать половину полуширины.

Значения радиуса корреляции — это практически размеры кластеров. Таким образом, мы можем получить температурную зависимость размеров кластеров и их величину из измеренной зависимости полуширины диффузных рефлексов. Очевидно, что радиусы корреляции в двух взаимно перпендикулярных направлениях, использованных в эксперименте, отличаются в несколько раз. При температуре 80 К радиусы корреляции равны ~60 и ~250 Å для  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE - X - EZ-направлений соответственно. При дальнейшем охлаждении образцов Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> эти размеры монотонно увеличиваются.

Важной характеристикой диффузного рентгеновского рассеяния является амплитуда дифракционных макси-

мумов. В результате моделирования контура диффузных максимумов лоренцианом (рис. 2) была получена температурная зависимость амплитуды (статической восприимчивости), возрастающей при охлаждении, как и интегральная интенсивность. На рис. 4 приведены температурные зависимости амплитуды диффузных максимумов и инверсной интенсивности для кристаллов Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub>. Видно, что при охлаждении ( $T \rightarrow T_c$ ) амплитуда резко увеличивается, а экстраполяция инверсной интенсивност фазового перехода  $T_c \approx -20$  K, которая совпадает со значением, полученным из экстраполяции температурной зависимости обертона мягкой моды с границы ЗБ (*X*-точка) [4]. Известно, что

$$A \sim t^{-\gamma},\tag{3}$$

где  $t = (T - T_c)/T_c$  — приведенная температура,  $\gamma$  — критический индекс.



**Рис. 4.** Температурные зависимости интенсивности (амплитуды) и инверсной интенсивности диффузных максимумов в *X*-точке (4.5, 3.5, 0) границы ЗБ. Точки — эксперимент, сплошная линия — для удобства зрительного восприятия экспериментальной кривой, штриховая прямая — линейная аппроксимация.



**Рис. 5.** Зависимости амплитуды A(a) и инверсного корреляционного радиуса  $\Delta(b)$  диффузных максимумов в *X*-точке (4.5, 3.5, 0) границы ЗБ для сканирований  $\Gamma - X - \Gamma(I)$  и ZE - X - EZ(2) от приведенной температуры t в двойном логарифмическом масштабе. Точки — эксперимент, штриховые линии — линейная аппроксимация.

На рис. 5, *а* в двойном логарифмическом масштабе построена эта зависимость, из аппроксимации которой прямой линией было определено значение критического индекса  $\gamma$ . В изученной температурной области (10–100 K) критический индекс  $\gamma$  остается постоянным и равен 1.0  $\pm$  0.1 (естественно, значение  $\gamma$  в двух использованных в работе ортогональных сканированиях одинаково).

Зависимость инверсной величины радиуса корреляции от приведенной температуры *t* имеет следующий вид

$$\Delta \sim t^{\nu},\tag{4}$$

где  $\nu$  — критический индекс. Для того чтобы определить критические индексы  $\nu$  для двух ортогональных направлений сканирования, экспериментальные температурные зависимости полуширин максимумов (рис. 3, b) за вычетом аппаратного разрешения были построены в двойном логарифмическом масштабе (рис. 5, b). Экспериментальные точки этих зависимостей были аппроксимированы прямыми линиями, из наклона которых были определены средние значения критических индексов:  $0.83 \pm 0.1$  и  $0.87 \pm 0.1$ для  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE - X - EZ-направлений соответственно. Различие этих величин находится в пределах погрешности эксперимента.

## 3. Обсуждение результатов

Впервые в случае виртуального сегнетоэластического фазового перехода значительно выше  $T_c$  ( $T \gg T_c$ ) удалось обнаружить эффекты этого перехода — диффузное рентгеновское рассеяние в *X*-точках границы ЗБ, индуцированное пространственно-временны́ми флуктуациями параметра порядка и связанное с зарождением кластеров виртуальной сегнетоэластической фазы в парафазной тетрагональной матрице.

Исследования этого диффузного рассеяния, выполненные на монокристаллах виртуального сегнетоэластика Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub>, показали, что имеют место флуктуации параметра порядка (параметр порядка соответствует противоположному сдвигу вдоль [110] центров тяжести ближайших молекул Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> в соседних плоскостях (110)) [3], связанные с конденсацией ТА-мягкой моды в Х-точке границы ЗБ, и что виртуальный фазовый переход должен сопровождаться удвоением элементарной ячейки в базисной плоскости и  $X \to \Gamma$  перебросом в 3Б. Возгорание диффузных рефлексов и монотонное возрастание их интенсивности при охлаждении, вызванное зарождением и последующим ростом кластеров виртуальной фазы, свидетельствуют в пользу модели вышеупомянутого сегнетоэластического фазового перехода. Обнаруженное и изученное диффузное рассеяние при достаточно высоких температурах ( $T \gg T_c$ ) связано главным образом с появлением статических кластеров, но при охлаждении и приближении к Т<sub>с</sub> динамические эффекты, связанные с пространственно-временными флуктуациями параметра порядка, будут возрастать, что должно проявляться в увеличении вклада в диффузное рассеяние динамических кластеров. Последний эффект, по-видимому, имеет место, но разделить статический и динамический вклады не удается. Большая анизотропия радиуса корреляции и соответствующих размеров кластеров (например, ~60 и  $\sim$ 250 Å при T = 80 K) в двух ортогональных направлениях  $\Gamma - X - \Gamma$  и ZE - X - EZ кроме вышеуказанной причины (взаимодействие с ТА-мягкой волной (ветвью) в Х-точке ЗБ) может определяться также, но в меньшей степени некоторой упругой анизотропией вблизи поверхности этих кристаллов (средняя глубина проникновения рентгеновских лучей около 5 µm).

Даже при температурах порядка 100 К в X-точках 3Б удается наблюдать широкие малоинтенсивные максимумы, из сравнения которых с ближайшими брэгговскими рефлексами (см., например, рис. 1) можно оценить количество ромбической феррофазы в тетрагональной парафазной матрице, которое при температурах ~10 К составляет сотые доли процента. Однако из наших экспериментов следует общий вывод, что даже в случае виртуальных фазовых переходов в области реальных температур присутствуют кластеры виртуальной фазы, представляющие собой объемные дефекты, ухудшающие качество кристаллов и сужающие область их практического использования.

Зарождение статических кластеров естественно связать с присутствием в изученных кристаллах различных дефектов ростового происхождения, например дислокаций, остаточных полей упругих напряжений, точечных дефектов и т.д. Следует напомнить, что в этих кристаллах имеет место сильная зависимость (увеличение) температуры фазового перехода Т<sub>с</sub> от гидростатического давления (35 K/kbar) [6], т.е. различные дефекты, создающие вокруг себя поля упругих напряжений, могут в области реальных температур индуцировать зародыши виртуальной ромбической фазы. Кроме того, необходимо отметить, что с точки зрения минимума упругой и поверхностной энергий более выгодно возникновение зародышей сегнетоэластической фазы в парафазной матрице в виде протяженных цилиндров малого радиуса или очень тонких пластин. Из теоретических оценок, выполненных для кристаллов Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub>, следует ожидать образования зародышей только в виде пластин, параллельных {110}-плоскостям; сечение этих зародышей может иметь два различных размера: толщину и ширину вдоль [110] и [110]. Соответствующая анизотропия (различный радиус корреляции) и наблюдалась в наших рентгеновских экспериментах при сканировании вдоль  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE-X-EZ-направлений (рис. 2, 3).

Интересно сравнить полученные значения критических индексов с аналогичными характеристиками модельных сегнетоэлектриков — перовскитов, испытывающих слабо первородные фазовые переходы с конденсацией мягкой моды в *R*-точке границы ЗБ. Критический индекс  $\gamma$  в Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> описывающий достаточно хорошо температурную зависимость амплитуды диффузных рефлексов (статической восприимчивости), постоянен и равен 1.0. Значения аналогичных величин для модельных перовскитов KMnF<sub>3</sub>, RbCaF<sub>3</sub>, SrTiO<sub>3</sub> составляют  $\gamma = 1.19, 1.34, 1.40$  соответственно [8]. Средние значения критического индекса  $\nu$ , полученные из температурной зависимости инверсного радиуса корреляции в кристаллах  $Hg_2I_2$ , равны 0.83 и 0.87 для  $\Gamma - X - \Gamma$ - и ZE-X-EZ-сканирований соответственно. Эти значения несколько больше соответствующих индексов кристаллов перовскитов ( $\nu = 0.62$  для KMnF<sub>3</sub>, 0.64 для RbCaF<sub>3</sub>, 0.83 для SrTiO<sub>3</sub>) [8]. Вышеупомянутые различия величин индексов, возможно, связаны с влиянием различной степени первородности рассмотренных фазовых переходов и дефектов.

В заключение авторы благодарят А.А. Каплянского за постоянную помощь и обсуждение результатов работы.

## Список литературы

- [1] H. Mark, J. Steinbach. Z. Krystallogr. 64, 78 (1926).
- [2] Proc. 2nd Int. Symp. on Univalent Mercury Halides, Trutnov, ČSFR (1989).
- [3] А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, Ч. Барта. Изв. АН СССР. Сер. физ. 43, 8, 1641 (1979).
- [4] Б.С. Задохин, А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, Ч. Барта. ФТТ 20, 10, 3121 (1978).
- [5] А.А. Каплянский, К. Кнорр, Ю.Ф. Марков, А.Ш. Тураев. ФТТ 36, 9, 2744 (1994).
- [6] Ч. Барта, А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, В.Ю. Мировицкий. ФТТ 27, 8, 2500 (1985).
- [7] J.P. Benoit, G. Hauret, J. Levebvre. J. de Phys. 43, 641 (1982).
- [8] U.J. Nicholls, R.A. Cowley, J. Phys. C: Sol. State Phys. 20, 3417 (1987).