# Температурная зависимость упругих модулей твердого С<sub>60</sub>

© Н.П. Кобелев, Р.К. Николаев, Н.С. Сидоров, Я.М. Сойфер

Институт физики твердого тела Российской академии наук, 142432 Черноголовка, Московская обл., Россия E-mail: kobelev@issp.ac.ru

(Поступила в Редакцию 16 апреля 2001 г.)

На монокристаллических образцах твердого  $C_{60}$  в интервале температур 100-300 К проведены измерения затухания и скорости ультразвуковых волн (частота ~ 4 MHz) в кристаллографических направлениях (111) и (100). На основе полученных данных определены температурные зависимости полного набора упругих констант фуллерита  $C_{60}$ . Показано, что особенности в поведении упругих модулей вблизи температуры ориентационного фазового перехода обусловлены разной величиной вкладов релаксационных процессов в эффективные модули упругости. Приведены оценки активационного объема и величин деформационных потенциалов для основного и возбужденного состояний низкотемпературной фазы  $C_{60}$ , полученные на основе результатов настоящей работы и литературных данных.

Работа выполнена в рамках ГНТП "Актуальные направления в физике конденсированных сред: фуллерены и атомные кластеры" (комплексный проект № 2).

Упругие модули наряду с термодинамическим потенциалом, удельной теплоемкостью, параметром Грюнайзена и т.п. являются фундаментальными характеристиками твердого тела. Определение их величины и зависимости от температуры крайне важны для понимания особенностей физических свойств твердого С<sub>60</sub>. Кроме того, величины упругих констант могут служить хорошим экспериментальным тестом справедливости теорий, описывающих межмолекулярное взаимодействие в фуллерите. Для гранецентрированной кубической фазы С<sub>60</sub> при комнатной температуре уже известны величины всех упругих констант [1-3]. Данные о температурных зависимостях упругих констант в существующих к настоящему времени работах противоречивы. Эти противоречия могут быть обусловлены тем, что указанные данные получены на основании измерений одной из упругих констант. Обнаружены две температурные области возникновения аномалий в температурной зависимости упругих модулей твердого С<sub>60</sub>: первая — вблизи ориентационного фазового перехода при 260 K ( $T_c$ ); вторая, частотнозависимая, — при температурах 100-220 К. Аномалии в упругих модулях сопровождались появлением соответствующих пиков внутреннего трения.

Было показано, что аномалии при  $T_c$  непосредственно связаны с фазовым переходом, но если в [4] было обнаружено резкое увеличение (примерно на 8%) модуля Юнга при  $T_c$ , то в [5] наблюдалось "смягчение" модуля Юнга в этом же температурном интервале. Подобный результат был получен и в работе [6]. Интересными в этом смысле являются измерения, проведенные в мегагерцевом частотном диапазоне на компактированных образцах C<sub>60</sub> [7,8], когда определялись скорости как продольной, так и поперечной волны. Важно отметить, что для продольной скорости звука наблюдалось уменьшение ее величины в области фазового перехода, в то время как для поперечной имело место лишь изменение наклона температурной зависимости. В работе [6] отрицательный скачок величины модуля при  $T_c$  авторы связывали с дополнительной неупругой деформацией, обусловленной процессом релаксации параметра порядка в упругом поле звуковой волны. В то же время в [9] было сделано предположение, что разница в характере поведения упругих модулей вблизи температуры ориентированного фазового перехода может быть обусловлена качеством используемых кристаллов  $C_{60}$ , так как при измерениях на поликристаллических пленках было отмечено, что высота пика внутреннего трения и величина падения модуля Юнга в области  $T_c$  увеличиваются с уменьшением размера зерна.

Аномалии в поведении упругих свойств и затухания звука ниже Т<sub>с</sub> (пик внутреннего трения и соответствующая ему "ступенька" на температурной зависимости модуля, положение которых по температуре зависело от частоты измерений [4-7]) достаточно непротиворечиво описываются в рамках представлений об "ориентационной" релаксации молекул. Это связано с сохранением ниже температуры ориентированного фазового перехода вращательных степеней свободы молекул С<sub>60</sub> [10]. В результате теплового возбуждения молекулы в низкотемпературной фазе могут находиться в различных энергетических состояниях — так называемых пентагонной (основной) и гексагонной (возбужденной) ориентационных конфигурациях [11]. Это нашло описание в рамках феноменологической модели двухъямного ориентационного потенциала [11-14], в которой молекулы могут занимать два энергетических положения, различающихся между собой на величину  $\Delta U \approx 12 \,\mathrm{meV}$  и разделенных энергетическим барьером  $U_0 \approx 0.3 \, {\rm eV}$ . Деформационное поле звуковой волны стимулирует переходы между этими энергетическими состояниями, что вызывает дополнительную деформацию кристалла и приводит к появлению затухания  $Q^{-1}$  и изменению эффективного модуля упругости  $\Delta C/C$  релаксационного типа

$$Q^{-1} = R\omega\tau/(1+\omega^2\tau^2), \qquad (1)$$

$$\Delta C/C = R/(1+\omega^2\tau^2), \qquad (2)$$

где  $\tau = \tau_0 \exp(U_0/kT)$  — эффективное время релаксации,  $\omega$  — круговая частота, R — глубина релаксации. Определенные из данных акустических измерений [4,6,7] активационные параметры ( $U_0 \approx 0.3 \,\mathrm{eV}$ ,  $\tau_0 \sim 10^{-13} - 10^{-14} \,\mathrm{s}$ ) согласуются с результатами, полученными с помощью других методик [10,12,15,16].

Отметим, что зависимость эффективного времени релаксации  $\tau$  от температуры в модели двухъямного потенциала имеет несколько более сложный характер

$$\tau = \exp(U_0/kT) / \left[ 2\nu_0 \operatorname{ch} \left( (\Delta U/2kT) + \ln(\nu_h/\nu_p)/2 \right) \right], (3)$$

где  $\nu_0 = (\nu_h \nu_p)^{1/2}$ ;  $\nu_h$  и  $\nu_p$  — частоты попыток в соответственно гексагонной и пентагонной конфигурациях, т.е.

$$\tau_{0} = 1/\left[2\nu_{0} \operatorname{ch}((\Delta U/2kT) + \ln(\nu_{h}/\nu_{p})/2)\right]$$
  
= 1/(2\nu\_{0} \operatorname{ch}(\Delta U^{\*}/2kT)), (4)

где  $\Delta U^* = \Delta U + kT \ln(\nu_h/\nu_p)$ . Таким образом, как  $\tau_0$ , так и эффективная величина разности энергетических уровней  $\Delta U^*$  могут зависеть от температуры (даже без учета возможной зависимости от температуры  $\Delta U$ ,  $\nu_h$  и  $\nu_p$  [14]). Однако, поскольку экспериментальные оценки  $\Delta U$  различными методами при разных температурах дают разброс значений в пределах 30% [6,11–13,16] (т.е.  $\nu_h$  и  $\nu_p$  не могут различаться более чем в 1.5 раза), а величина сh( $\Delta U/2kT$ ) в интервале 80–260 К также меняется только примерно в 1.5 раза, в большинстве случаев можно пользоваться упрощенным выражением для  $\tau$ .

Следует отметить, что отсутствие данных о температурной зависимости всех упругих модулей твердого  $C_{60}$ не позволяет делать окончательные выводы о полной адекватности модели описываемому явлению.

Настоящая работа посвящена определению температурных зависимостей полного набора упругих модулей твердого  $C_{60}$  в интервале температур 100–300 К и анализу полученных результатов в рамках существующих теоретических представлений.

## 1. Методика

Монокристаллы твердого C<sub>60</sub> для измерений упругих свойств выращивались по методике, ранее описанной в [2]. Для получения более крупных по размерам образцов время роста было увеличено до 24 h, в результате чего удавалось выращивать кристаллы до 200–250 mg. Из полученных кристаллов отбирались наиболее совершенные, т. е. не содержащие двойников и включений других фаз, из них приготовлялись образцы для измерений. Образцы представляли собой пластины с ориентацией, параллельной кристаллографическим плоскостям (111) и (100), и характерными размерами: сечение  $\approx 6 \times 8$  mm, толщина от 1 до 3 mm. Одна из плоскостей образца была соответствующей плоскостью роста, другая механически подшлифовывалась параллельно ей с плоскопараллельностью  $\approx 1 \,\mu$ m/cm (для части образцов с ориентаций (111) вторая плоскость также была ростовой).

Для определения упругих характеристик использовался акустический метод. Измерения затухания и скорости звука по толщине образца (направление распространения (111) или (100)) проводились в интервале температур 100-300 К высокочастотным резонансным методом [17] с использованием продольных или поперечных ультразвуковых колебаний частотной ~ 4 MHz. Скорость изменения температуры при охлаждении и нагреве образцов составляла ≈ 1 К/min. Для измерений использовались пьезопреобразователи из ниобата лития частотой 5 MHz. Поскольку твердый С<sub>60</sub> обладает высоким коэффициентом температурного расширения, большое внимание уделялось подбору склейки для крепления пьезопреобразователей к образцу. Для продольных колебаний наиболее подходящей оказалась склейка из ГКЖ-94 (моноэтилсилоксан), которая позволяла проводить измерения без нарушения акустического контакта во всем используемом интервале температур (до 80–100 К). В интервале от комнатной температуры до 180-200 К в качестве склейки могла использоваться силиконовая вакуумная замазка. В случае поперечных волн не удалось подобрать склейку, которая могла бы обеспечить проведение измерений во всем диапазоне температур. Поэтому для разных температурных интервалов использовались разные склейки: от комнатной температуры до 260 К (температуры фазового перехода) применялись склейки из эпоксидной смолы или пицеина, от 270-280 до 180-200 К использовалась силиконовая замазка, в диапазоне от 150 до 80-100 К измерения проводились со склейкой из ГКЖ-94. Как правило, если минимальная температура охлаждения образца не превышала допустимую для каждого типа склейки, результаты измерений акустических параметров (затухание и скорость звука) при охлаждении и нагреве совпадали (за исключением области вблизи Т<sub>с</sub>, где наблюдался температурный гистерезис в 3-5 К, рис. 1). В противном случае (если акустический контакт еще не пропадал) происходило, по-видимому, деформирование образца преобразователями, так как в цикле нагрева, начиная с температур около 200 К, наблюдался заметный гистерезис (увеличение затухания и уменьшение скорости звука), причем более существенный в случае поперечных колебаний. После выдержки при комнатной температуре измеряемые величины в течение нескольких часов релаксировали к значениям, близким к исходным. Точность определения абсолютной величины скорости звука составляла около 2%, относительного изменения скорости при снятии температурных зависимостей —  $(0.0025\pm0.0001)$  K<sup>-1</sup>. Величина скорости звука при



**Рис. 1.** Температурные зависимости затухания и резонансной частоты составного вибратора вблизи температуры ориентационного фазового перехода при охлаждении (1) и нагреве (2) образца. Продольные волны, направление распространения  $\langle 111 \rangle$ .

комнатной температуре в тех же образцах дополнительно контролировалась эхо-импульсным методом [2,3]. Полученные с помощью обеих методик величины при комнатной температуре в пределах ошибки измерения совпадали с определенными ранее для твердого C<sub>60</sub> значениями [1–3].

#### 2. Результаты

На рис. 2 и 3 приведены результаты измерения затухания  $Q^{-1}$  и скорости  $V_L$  продольной ультразвуковой волны вдоль направления (111) в зависимости от температуры для одного из образцов. На зависимости  $Q^{-1}(T)$  хорошо выражены два пика внутреннего трения (узкий несимметричный пик в районе 260 К и широкий при 212 К), которым соответствуют особенности в поведении  $V_L(T)$ : более резкое повышение ("ступень") скорости с понижением температуры в районе 200-225 К и немонотонная "аномалия" в районе ориентационного фазового перехода (резкий скачок скорости примерно на 1% при  $\approx 259$  K, затем ее "провал" (на  $\approx 1.5\%$ ) с минимумом около 255-256 К и последующий быстрый рост до температуры 235-240 К). Для других мод ультразвуковых колебаний (продольной вдоль (100) и поперечной вдоль (111)) поведение  $Q^{-1}(T)$  было качественно подобным, однако в поведении V(T) наблюдались заметные отличия (рис. 4 и 5). Для продольной волны вдоль направления (100) (рис. 4) в интервале температур 200–225 К присутствовало ступенчатое повышение  $V_L$ , как и для направления (111), однако в районе  $T_c$  наблюдалось скачкообразное увеличение скорости (примерно на 2–3%) с последующим более плавным ростом. Для поперечной волны (рис. 5) аномалия  $V_T$ в районе 200–225 К была выражена гораздо слабее, а скачок скорости при  $T_c$  — существенно больше (5–6%).

На рис. 6 показаны температурные зависимости упругих модулей  $(C_{11} + 2C_{12} + 4C_{44})/3$ ,  $C_{11}$  и  $(C_{11} - C_{12} + C_{33})/3$ , полученные из температурных зависимостей скоростей соответствующих мод с помощью известного соотношения  $C = \rho V^2$ , где  $\rho$  — плотность, а C и V — модуль и скорость звука. Для расчета других упругих констант, которыми можно также описывать кристаллы кубической симметрии, представленные на рис. 6 экспериментальные значения



**Рис. 2.** Температурная зависимость затухания продольной волны в одном из образцов твердого  $C_{60}$  (направление распространения  $\langle 111 \rangle$ ) при охлаждении.



**Рис. 3.** Температурная зависимость скорости продольной ультразвуковой волны в направлении  $\langle 111 \rangle$  в цикле охлаждения.



**Рис. 4.** Температурная зависимость скорости продольной ультразвуковой волны в направлении (100) в цикле охлаждения.



**Рис. 5.** Температурная зависимость скорости поперечной ультразвуковой волны в направлении  $\langle 111 \rangle$  в цикле охлаждения.

были аппроксимированы в интервале 100-300 Kнелинейными зависимостями (непрерывные кривые на рис. 6), используя которые мы построили (на основе известных соотношений между различными упругими модулями) температурные зависимости упругих постоянных  $C_{12}$ ,  $C_{44}$ ,  $C' = (C_{11} - C_{12})/2$  (рис. 7) и модули объемной упругости  $K = (C_{11} + 2C_{12})/3$  (рис. 8).

## 3. Обсуждение результатов

Как видно на рис. 6–8, наиболее существенные различия в температурных зависимостях упругих констант проявляются в области температур 200–230 К (разная относительная величина "ступени" на температурных зависимостях модулей) и в области ориентационного перехода, где можно наблюдать как скачок модулей вверх, так и их "смягчение".

Как уже упоминалось ранее, причина "аномалии" при 200–230 К эффективных модулей упругости, измеряемых на мегагерцевых частотах, предполагается связанной с релаксационным вкладом (2) в изменение модуля, обусловленным процессом переориентации молекул С<sub>60</sub> в упругом поле звуковой волны. Действительно, если аппроксимировать поведение "нерелаксированного" модуля упругости  $C^{(\infty)}$  линейной температурной зависимостью, то температурные зависимости  $\Delta C/C = (C^{(\infty)} - C)/C$  хорошо описываются (до температур около 240 К) выражением (2) при параметрах  $E_0 = 0.29 \,\mathrm{eV}$  и  $\tau_0 \approx 0.5 \cdot 10^{-14} \,\mathrm{s}$  (см., например, рис. 8), а пик затухания — зависимостью (1). Что касается особенностей поведения упругих модулей вблизи Т<sub>с</sub>, то они могут быть объяснены, как и в случае низкочастотных колебаний [6], наличием вклада в изменение эффективных модулей, связанного с релаксацией параметра порядка в поле звуковой волны. Следуя [6], дополнительный вклад в свободную энергию, обусловленный взаимодействием параметра порядка  $\eta$  с деформацией  $\varepsilon$ , можно представить в виде  $a\eta^2\varepsilon + b\eta^2\varepsilon^2$ , что приводит к появлению дополнительных членов в зависимости эффективного модуля упругости С от частоты и температуры

$$C(\omega, T) = C^{(\infty)}(\omega, T) - \Delta C_{\eta}(T) / (1 + \omega^2 \tau_{\eta}^2) + b\eta_0^2(T).$$
(5)

где  $\tau_{\eta}$  — характерное время релаксации параметра порядка,  $\eta_0$  — равновесное значение параметра порядка при заданной температуре,  $C^{(\infty)}$  — величина упругого модуля выше  $T_c$ ,  $\Delta C_{\eta}(T)$  — амплитуда релаксации модуля, пропорциональная  $a^2$  и зависящая от  $\eta_0$ . Как видно из (5), при понижении температуры ниже  $T_c$  модуль упругости должен, с одной стороны, увеличиваться изза скачка параметра порядка (третий член в (5)), а с другой — уменьшаться из-за вклада релаксационной компоненты. Величина этого понижения зависит от частоты измерений, так как вблизи  $T_c$  время релаксации  $\tau_n$  рез-



**Рис. 6.** Температурные зависимости упругих модулей  $C_L(111) = (C_{11} + 2C_{12} + 4C_{44})/3$ ,  $C_L(100) = C_{11}$  и  $C_T(111) = (C_{11} - C_{12} + C_{44})/3$ , полученные из температурных зависимостей соответствующих скоростей ультразвуковых волн (рис. 3–5).



**Рис. 7.** Температурные зависимости упругих модулей  $C_{12}$ ,  $C_{44}$  и  $(C_{11} - C_{12})/2$ , рассчитанных по данным, приведенным на рис. 6. Штриховые прямые — линейная экстраполяция температурных зависимостей ниже 180 К в область до температур ориентационного фазового перехода.



**Рис. 8.** Температурная зависимость модуля объемной упругости K, рассчитанная по данным рис. 6 (1). 2 — линейная экстраполяция низкотемпературной части температурной зависимости в область до температуры ориентационного фазового перехода, 3 — учет в соответствии с формулой (2) релаксационного вклада, обусловленного переориентацией молекул C<sub>60</sub>.

ко увеличивается, и релаксационный вклад становится неэффективным. Таким образом, релаксационный вклад при данной частоте измерений немонотонно зависит от температуры, уменьшаясь как при достаточном удалении от температуры перехода, так и при приближении к ней, а положение экстремума при заданной частоте измерений определяется температурными зависимостями  $\Delta C_{\eta}(T)$  и  $\tau_{\eta}(T)$ . Поскольку, кроме того, существует понижение модуля, связанное с релаксационным вкладом, обусловленным переориентацией молекул, характер поведения упругого модуля вблизи температуры перехода может определяться конкуренцией трех процессов: а) увеличение модуля, связанное со скачком параметра порядка; b) понижение, обусловленное переориентацией молекул; c) немонотонно зависящее от температуры понижение, связанное с релаксацией параметра порядка. В зависимости от относительных величин этих вкладов (и частоты измерений) можно получить качественно разный характер зависимости модуля от температуры, что и наблюдается в эксперименте.

Это хорошо видно из рис. 7,8, где приведены температурные зависимости упругих модулей К, С44 и  $C' = (C_{11} - C_{12})/2$ , через которые можно выразить все остальные модули упругости. Для объемного модуля упругости величина скачка модуля при отсутствии релаксационных вкладов составила бы около 13%; максимальная глубина релаксации, связанной с переориентацией молекул, — около 10%, а связанной с релаксацией параметра порядка — около 5%. Для модуля C<sub>44</sub> скачок составляет около 11%, а глубины релаксаций для обоих процессов — примерно по 6%. Для модуля С' наблюдается скачок в районе Т<sub>с</sub> порядка 30%, а суммарный вклад релаксационных процессов не превышает 3% (по существу, в пределах ошибки измерения для C'). Рассмотрим теперь имеющиеся в литературе теоретические оценки всех этих вкладов для различных упругих модулей.

Оценка глубины релаксации  $R_{or}$ , связанной с переориентацией молекул  $C_{60}$  в поле звуковой волны, для модуля объемной упругости была дана в работе [14] в рамках модели двухъямного ориентационного энергетического потенциала. В такой модели изменение во времени концентрации "гексагонных" ( $N_h$ ) и "пентагонных" ( $N_p = N_0 - N_h$ , где  $N_0$  — общее число ориентационных состояний в единице объема) состояний дается кинетическим уравнением

$$\partial N_h / \partial t = -N_h / \tau_h + (N_0 - N_h) / \tau_p, \tag{6}$$

где времена релаксации  $\tau_{h,b} = \tau_0 \exp(U_{h,p}/kT),$   $U_h = U_0 - \Delta U/2 - V_h \varepsilon_{ll}, U_p = U_0 + \Delta U/2 - V_p \varepsilon_{ll}, V_{h,p}$  деформационный потенциал,  $\varepsilon_{ll} = \varepsilon_{11} + \varepsilon_{22} + \varepsilon_{33}$  — объемная деформация. Перейдя к относительным концентрациям возбужденных состояний  $n = N_h/N_0$ , получим в линейном по  $\varepsilon_{ll}$  приближении

$$\tau_{\rm or}\partial n/\partial t + n = n_0 + (V_\Delta \varepsilon_{ll}/kT) n_0(1 - n_0), \quad (7)$$

где  $\tau_{or} = \tau_0 \exp(U_0/kT)/(2 \operatorname{ch}(\Delta U/2kT)), n_0 =$ =  $1/(1 + \exp(\Delta U/kT)), V_\Delta = V_p - V_h$ . Проведенное в [14] термодинамическое рассмотрение деформационных и тепловых свойств фуллерита с учетом влияния ориентационных переходов в рамках двухуровневой модели показывает, что эффективный комплексный модуль упругости *К* для случая мегагерцевых частот может быть представлен в виде

$$K = K^{(\infty)} - A/(1 - i\omega\tau_{\rm or}), \qquad (8)$$

где  $K^{(\infty)}$  — адиабатический модуль объемной упругости,  $A = \gamma(V_{\Delta}/kT) n_0(1 - n_0)$ , коэффициент  $\gamma = -(\partial/\partial \varepsilon_{ll}(\partial F/\partial n)_{T,\varepsilon})_{T,n} \equiv -(\partial/\partial n(\partial F/\partial \varepsilon_{ll})_{T,n})_{T,\varepsilon}$ , F — плотность свободной энергии. Величину  $\gamma$  можно представить также в виде  $\gamma = \alpha K^{(0)}$  [14,16], где  $K^{(0)}$  — изотермический модуль упругости,  $\alpha$  — величина относительной дилатации кристалла при переходе из основного в возбужденное состояние. Таким образом, для модуля объемной упругости глубину релаксации  $R_{\rm or}$ , связанную с переориентацией молекул  $C_{60}$ , можно выразить в виде

$$R_{\rm or} = \alpha (V_{\Delta}/kT) (K^{(0)}/K^{(\infty)}) n_0 (1-n_0).$$
 (9)

Эти выражения позволяют вычислить величину Ror, используя оценку  $\alpha \approx -10^{-2}$ , полученную в [16,18], и оценку  $V_{\Delta} \approx -0.8\,\mathrm{eV}$  из работы [19], где было показано, что при 150 К и давлении 190 МРа относительные плотности основного и возбужденного состояний одинаковы. Для температуры 230 К получаем  $R_{\rm or} \approx 0.1$ , что согласуется с величиной, определенной в эксперименте. Величину  $\gamma$  можно представить также в виде  $\gamma = V_{\Delta}/v_0$  (где  $v_0$  — объем, участвующий в элементарном акте перехода из основного в возбужденное состояние под действием давления), откуда получаем оценку  $v_0 \approx 10^{-27} \,\mathrm{m}^3$ , т.е. величину порядка объема, занимаемого одной молекулой С<sub>60</sub>, что подтверждает правомерность использования феноменологической "одночастичной" модели двухъямного потенциала [11-13]. Используя результаты работы [20], где была получена зависимость температуры ориентационного стеклования Tg от давления, можно оценить также абсолютные значения деформационных потенциалов V<sub>p</sub> и V<sub>h</sub> [14]. Из определенной в [20] величины  $dT_g/dP = 60 \, {
m GPa}$ находим  $V_p \approx 2 \,\mathrm{eV}$  и соответственно  $V_h \approx 2.8 \,\mathrm{eV}$ . (Аналогичная оценка уже давалась в работе [14], однако величина 2 eV была отнесена к  $V_h$ , поскольку в [14] неявно предполагалось, что  $V_p > V_h$ .)

К сожалению, в настоящее время не существует теоретических работ, в которых была бы рассчитана величина релаксационного вклада в упругие модули, связанного с флуктуациями параметра порядка в поле деформаций звуковой волны. Имеется лишь качественная оценка существования такого вклада [6] в случае продольных звуковых колебаний (см. (5)), основанная на результатах работы [21], в которой показано наличие вклада в свободную энергию членов с взаимодействием между параметром порядка и дилатацией кристалла. Таким образом, для объемного модуля упругости вклад, связанный с релаксацией параметра порядка, может существовать, а наблюдаемая в эксперименте зависимость от температуры качественно согласуется с ожидаемой для него (см., обсуждение в начале этого раздела). Величина скачка упругих модулей при ориентационном переходе в твердом  $C_{60}$  рассчитывалась лишь в работе [18] в рамках упрощенной феноменологической модели, не учитывающей возможность ориентационных переходов в низкотемпературной фазе фуллерита. Согласно такому расчету, все упругие константы при  $T_c$ должны увеличиваться примерно на 30%. Наблюдаемые в эксперименте значения по порядку величины согласуются с этими оценками.

Что касается релаксационных вкладов в сдвиговые модули упругости, наблюдаемых в эксперименте (по крайней мере, для модуля  $C_{44}$ ), то к настоящему времени не существует расчетов, которые показывали бы возможность влияния сдвиговых деформаций на частоту переходов между ориентационными состояниями или на величину параметра порядка в твердом С<sub>60</sub>. В работе [14] было сделано предположение, что связь между вероятностью ориентационных переходов и сдвиговыми составляющими может появиться в результате учета поворотных мод деформации в рамках несимметричной теории упругости [22]. Это связано с тем, что ось вращения отдельной молекулы в низкотемпературной фазе фуллерита является полярной [23,24], и в выражении для энергетического барьера при переходе молекулы из одного ориентационного состояния в другое могут появиться слагаемые, пропорциональные несимметричной части тензора деформации и пространственным производным вектора вращения. Другим важным моментом является возникновение в низкотемпературной фазе твердого С<sub>60</sub> ориентационных доменов — областей кристалла с изоморфной структурой [13,25]. Наличие таких доменов означает, что направление и знак полярности оси вращения молекулы при трансляции на период решетки сохраняются в статистически значимом объеме. При этих условиях получаются уравнения движения, характерные для микрополярной среды [22,26], что может привести к вкладу релаксационного типа в скорость распространения сдвиговых колебаний. Оценки показывают, что эффекты того порядка величины, который наблюдается в эксперименте, могут проявиться лишь на очень высоких частотах ( $\sim 10^{12}$  Hz). Однако оказывается, что при тех же условиях (наличие полярной оси и разбиение на домены изоморфной структуры) в выражение для деформационного потенциала можно записать члены, связанные с симметричной частью сдвиговой деформации (более подробно данный вопрос будет рассмотрен в отдельной работе). В этом случае релаксационный вклад в сдвиговые модули появляется и в рамках классической теории упругости.

Как нам кажется, последовательный учет полярности осей вращения молекул C<sub>60</sub> и наличие ориентационных возбуждений в структуре низкотемпературной фазы фуллерита мог бы дать ответ и на вопрос о возможности связи сдвиговых мод деформации с флуктуацями параметра порядка.

## Список литературы

- N.P. Kobelev, R.K. Nikolaev, Ya.M. Soifer, S.S. Khasanov. Chem. Phys. Lett. 276, 263 (1997).
- [2] Н.П. Кобелев, Р.К. Николаев, Я.М. Сойфер, С.С. Хасанов. ФТТ 40, 1, 173 (1998).
- [3] N.P. Kobelev, Ya.M. Soifer, R.K. Nikolaev, V.M. Levin. Phys. Stat. Sol. (b) 214, 303 (1999).
- [4] X.D. Shi, A.R. Kortan, J.M. Williams, A.M. Kini, B.M. Savall, P.M. Chaikin. Phys. Rev. Lett. 68, 827 (1992).
- [5] S. Hoen, N.G. Ghopra, R. Mostovoy, Jianguo Hou, W.A. Vareka, A. Zettl. Phys. Rev. B46, 12737 (1992).
- [6] W. Sharanz, A. Fuith, P. Dolinar, H. Wardanek, M. Halusha, H. Kuzmany. Phys. Rev. Lett. 71, 1561 (1993).
- [7] Н.П. Кобелев, А.П. Моравский, Я.М. Сойфер, И.О. Башкин, О.Г. Рыбченко. ФТТ 36, 9, 2732 (1994).
- [8] Ya.M. Soifer, N.P. Kobelev. Molecular Mat. 7, 267 (1969).
- [9] F. Yan, M. Gu, Y.N. Wang. J. de Phys. IV 6, C8-819 (1996).
- [10] R. Tycko, R.C. Haddon, G. Dabbagh, S.H. Glarum, D.C. Douglass, A.M. Mujsce. J. Phys. Chem. 95, 518 (1991).
- [11] W.I.F. David, R.M. Ibberson, T. Matsuo. Proc. Roy. Soc. (Lond.) A442, 129 (1993).
- [12] R.C. Yu, N. Tea, M.V. Salanon, D. Lorents, R. Malhotra. Phys. Rev. Lett. 68, 2050 (1992).
- [13] W.I.F. David, R.M. Ibberson, T.J.S. Dennis, J.P. Hare, K. Prassides. Europhys. Lett. 18, 219 (1992).
- [14] В.Д. Нацик, А.В. Подольский. ФНТ 24, 689 (1998).
- [15] G.B. Alers, B. Golding, A.R. Kortan, R.C. Haddon, F.A. Thiel. Science 257, 511 (1992).
- [16] F. Gugenberg, R. Heid, C. Meingast, P. Adelmann, M. Braun, H. Wühl, M. Halushka, H. Kuzmany. Phys. Rev. Lett. 69, 3774 (1992).
- [17] Н.П. Кобелев, Я.М. Сойфер. ФТТ 21, 5, 1362 (1979).
- [18] E. Burgos, E. Halas, H. Bonadeo. Phys. Rev. B49, 22, 15544 (1994).
- [19] W.L.F. David, R.M. Ibberson. J. Phys. Cond. Matter 5, 7923 (1993).
- [20] O. Anderson, A. Soldatov, B. Sundqvist. Phys. Rev. B54, 3093 (1996).
- [21] D. Lamoen, K.H. Mishel. Phys. Rev. B48, 2, 807 (1993).
- [22] В. Новацкий. Теория упругости. Мир, М. (1975). 872 с.
- [23] K.H. Michel. D. Lamoen, W.I.F. David. Acta Crystallogr. A51, 365 (1995).
- [24] S.Savin, A.B. Harris, T. Yildirim. Phys. Rev. B55, 21, 14182 (1997).
- [25] A.B. Harris, R. Sachidanandam. Phys. Rev. B46, 8, 4944 (1992).
- [26] В.И. Ерофеев. Волновые процессы в твердых телах с микроструктурой. Изд-во МГУ, М. (1999). 327 с.