Моделирование структурной стабильности *α*-Zr под давлением методом молекулярной динамики

© В.Ю. Трубицын, Е.Б. Долгушева, Е.И. Саламатов

Физико-технический институт Уральского отделения Российской академии наук, 426001 Ижевск, Россия

E-mail: tvy@otf.fti.udmurtia.su

(Поступила в Редакцию 8 октября 2004 г. В окончательной редакции 12 января 2005 г.)

> На основе метода молекулярной динамики проведено исследование структурной стабильности α -Zr в широких интервалах температур и давлений. Межатомное взаимодействие описывалось парным потенциалом, вычисленным в рамках псевдопотенциальной модели Анималу. Параметры потенциала подбирались по фононным спектрам α -Zr. Рассмотрены особенности динамики переходов $\alpha - \beta$ и $\alpha - \omega$ при различных температурах и давлениях. Обсуждаются полученный в результате расчета гистерезис прямых и обратных переходов и его зависимость от давления и температуры. По полученным данным построены линии равновесия фаз на P-T-фазовой диаграмме.

> Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 04-02-16680).

1. Введение

Разработка методов расчета электронных и фононных состояний в рамках теории функционала электронной плотности (ТФЭП) позволяет проводить теоретическое изучение разнообразных свойств кристаллических твердых тел из первых принципов. Одним из наиболее важных и интенсивно развивающихся приложений таких расчетов является теоретическое изучение структурной стабильности кристаллов под действием высоких давлений и температур.

Зная зависящую от объема полную энергию E(V)электронной подсистемы кристаллов различных структур, можно получить экспериментально наблюдаемую при низких температурах последовательность структурных превращений как в простых, так и в сложных материалах. Для описания температурной зависимости структурных фазовых переходов необходимо перейти от сравнения энергии основного состояния E(V) к сопоставлению термодинамических потенциалов: свободной энергии F(V, T) или при задании давления потенциалов Гиббса G(P, T). Основные сложности при вычислении термодинамических потенциалов возникают при учете вкладов, обусловленных колебаниями решетки. В принципе динамические свойства решетки могут быть вычислены в рамках ТФЭП в приближении линейного отклика [1]. Тогда задача определения структурной фазовой диаграммы решается полностью из первых принципов. Несмотря на всю привлекательность такого подхода, ab initio колебательные спектры иногда не могут быть использованы непосредственно при расчете температурной зависимости F(V, T). Такая ситуация возникает, в частности, при изучении высокотемпературных фаз кристаллов, не существующих при нулевых температурах и обладающих сильным ангармонизмом колебаний решетки. В этом случае для вычисления вклада колебательных состояний в термодинамические

потенциалы приходится использовать какие-либо приближенные схемы. Например, используя модель Дебая для вычисления энергии и энтропии колебаний решетки, мы рассчитали фазовую диаграмму циркония и ряда других металлов, хорошо согласующуюся с известными экспериментальными данными [2].

В настоящее время принято считать, что фазовый переход из высокотемпературной β -фазы в α -фазу, в которой цирконий находится при нормальных условиях ($T_{\beta\to\alpha} = 1136$ K), происходит по механизму мягкой моды (см., например, [3]). Расчеты эффективного потенциала, проведенные Ченом [3] в модели "замороженных" фононов, показывают, что при низких температурах ОЦК-решетка, соответствующая β -фазе Zr, становится неустойчивой по отношению к поперечным колебаниям с волновым вектором k = (1, 1, 0) (N-фонон) и продольным колебаниям с k = 2/3(1, 1, 1) (L-фонон).

Существует несколько различных точек зрения на механизмы стабилизации высокотемпературной β-фазы циркония. С одной стороны, в работе Чена [3] сообщается о том, что частота поперечных колебаний *N*-фонона становится вещественной и сопоставимой с экспериментальной величиной, если учесть фонон-фононное взаимодействие *N*-фонона с другими модами. В свою очередь нами [4] в рамках модифицированного псевдогармонического приближения [5] было показано, что для правильного описания температурной зависимости частоты колебаний *N*-фонона достаточно учесть собственный ангармонизм данной моды. С другой стороны, авторы [6], решая нелинейное стохастическое уравнение типа Ланжевена для описания динамики движения L- или *N*-фонона, помещенного в термостат, пришли к выводу, что колебания имеют сложный характер и вообще не могут быть описаны в терминах фононов.

Расчеты эффективного потенциала для *L*- и *N*-фононов [7], проведенные в модели "замороженных" фононов в рамках ТФЭП, показывают, что имеется корреляция между степенью ангармоничности потенциала и давлением: при увеличении давления уменьшаются ангармоничность потенциала и как следствие температура, при которой ОЦК-цирконий становится стабильным. В той же работе показано, что переход $\alpha \rightarrow \omega$, наблюдаемый экспериментально под давлением в Zr, может быть связан с аномальной поперечной оптической модой E_{2g} точки Г ГПУ-зоны Бриллюэна. Эффективный потенциал этой моды при увеличении давления становится сильно ангармоническим, что ведет к уменьшению частоты колебаний данной моды и нестабильности α -фазы циркония. Экспериментально такое аномальное поведение моды E_{2g} в α -Zr под давлением наблюдалось в работе [8]. Все это косвенно подтверждает важную роль мягких мод в P-T-фазовых переходах.

Таким образом, с одной стороны, имеется ряд работ, в которых отмечается значительная роль выделенных мягких мод на структурную стабильность циркония, а с другой — удается достаточно хорошо описать структурную фазовую диаграмму, используя модель Дебая для фононной подсистемы. В принципе решить вопрос о том, какую роль играют мягкие моды в фазовых переходах в цирконии, можно, проведя расчеты структурной стабильности в рамках метода молекулярной динамики (МД).

Такие расчеты для перехода $\beta \to \alpha$ в Zr были проведены в [9–11]. В этих работах исследовалась динамика перехода $\beta \to \alpha$ при нулевом давлении при использовании модельных парных потенциалов для описания межатомного взаимодействия. В целом, результаты работ показывают, что переход $\beta \to \alpha$ является мартенситным и связан со смещениями атомов, соответствующими *N*-фонону. К сожалению, при МД-моделировании выделить роль отдельно взятой колебательной моды довольно сложно. Это связано с тем, что в системе при высоких температурах имеется огромное число взаимодействующих колебательных мод. Одной из возможностей определения вклада той или иной мягкой моды является моделирование структурного перехода при различных давлениях и температурах.

В данной работе мы приводим результаты МД-моделирования структурной стабильности циркония в широких интервалах температур и давлений, используя парный псевдопотенциал межатомного взаимодействия Анималу.

2. Потенциал и фононные спектры

В настоящей работе межатомное взаимодействие описывалось парным потенциалом, вычисленным в рамках псевдопотенциальной модели Анималу для переходных металлов [12]. Псевдопотенциал Анималу неоднократно использовался для расчета различных физических свойств как простых, так и переходных металлов. Например, в работе [13] во втором порядке теории возмущений был проведен расчет полных энергий и равновесных атомных объемов ГЦК-, ГПУ-, ОЦК-модификаций 24 переходных элементов. В частности, для циркония удалось получить правильную (ГПУ) низкотемпературную



Рис. 1. Рассчитанные фононные спектры α -Zr (a) и β -Zr (b). Мнимые частоты, соответствующие нестабильным фононам, показаны как отрицательные. Точки — экспериментальные значения, взятые из работ [15,16].

фазу. Расчеты в рамках гармонического приближения температурной зависимости свободной энергии фаз, проведенные в [13], дают температуру ($T_{calc} = 1080 \text{ K}$) перехода ГПУ-ОЦК в Zr, близкую к экспериментальной ($T_{exp} = 1136 \text{ K}$). Применение псевдопотенциалов Анималу для МД-моделирования динамики сложных решеток, таких как высокотемпературные сверхпроводники, описано в работе [14].

Одним из достоинств данной модели псевдопотенциала является то, что в ней учитывается набор естественных физических параметров, необходимых при моделировании структурных превращений под давлением. Параметры A_i , характеризующие глубину потенциальной ямы и определяемые из спектроскопических данных, были взяты нами из работы Анималу [12] и в нашем расчете полагались неизменными. Варьируемыми параметрами были лишь элементарный объем Ω_0 и эффективная валентность Z_{eff} . Эти два параметра подбирались по экспериментальным фононным спектрам α -фазы циркония [15] и значению равновесного элементарного объема данной фазы $\Omega_0 = 23.3$ Å.

На рис. 1 приведены фононные дисперсионные кривые α - и β -Zr, рассчитанные при значениях параметров $Z_{\rm eff} = 3$ и $\Omega_0 = 23.3$ Å. Суммирование при вычислении элементов динамической матрицы в расчете фононных дисперсионных кривых проводилось по шести координационным сферам. Из рис. 1, а видно, что для α-фазы наибольшее расхождение с экспериментом наблюдается в окрестности точки Г, где теоретическое значение частоты оптической ветви примерно на 4.5 meV больше экспериментального. Такая переоценка частоты оптического фонона в точке Г зоны Бриллюэна ГПУ Zr, Ti и Hf получается во всех расчетах с использованием парного потенциала (см., например, [17,18]). Как показано в [19], наблюдаемое в эксперименте [15] аномальное уменьшение частоты LO-колебаний в точке Г ГПУ-циркония при уменьшении температуры связано с особенностями строения электронных зон вблизи поверхности Ферми

и не может быть точно описано в терминах псевдопотенциала. В целом наблюдается неплохое согласие вычисленного нами в модели псевдопотенциала Анималу фононного спектра α -Zr с экспериментальным. Кроме того, наши результаты сравнимы с расчетами, проведенными с использованием многочастичных межатомных потенциалов [17], и довольно хорошо воспроизводят коротковолновые акустические фононы, что важно для обеспечения стабильности решетки.

В расчете дисперсионных кривых для β-фазы Zr (рис. 1, b) акустическая ветвь вдоль направления Г-N (110), соответствующая поперечным колебаниям, имеет мнимые значения частот. Такое поведение акустической ветви хорошо согласуется с экспериментом [16], в котором наблюдается аномальное уменьшение частоты поперечных колебаний β-Zr вдоль направления [110] при уменьшении температуры. Это также согласуется с результатами ab initio расчетов, выполненных в модели "замороженных" фононов [3,4], в которых частота колебаний моды T_{1N} получается чисто мнимой. Появление в спектре колебаний мягких мод, как правило, свидетельствует о структурной нестабильности решетки. Наличие целой ветви колебательного спектра с мнимыми частотами объясняет, почему при нормальном давлении β-фаза циркония не существует при низкой температуре. Аналогичный результат был получен в работе [17]. В остальном, как видно из рис. 1, b, псевдопотенциал Анималу, подобранный по ГПУ-фазе, хорошо воспроизводит динамические свойства и ОЦК-Zr. В частности, об этом свидетельствует наличие провала на рассчитанной дисперсионной кривой, соответствующей продольным колебаниям моды L2/3[111]. Данная мода играет важную роль при превращениях циркония $\beta \rightarrow \omega$, наблюдаемых при больших давлениях.

На рис. 2 приведена плотность колебательных состояний ГПУ-Zr. Расчет плотности состояний проводился с помощью метода тетраэдров по 135 точкам в неприводимой части зоны Бриллюэна. Рассчитанная нами плотность состояний достаточно хорошо совпадает с плотностью, полученной на основе экспериментальных данных [15].



Рис. 2. Плотность состояний циркония.

Таким образом, нам удалось подобрать парный псевдопотенциал Анималу, хорошо описывающий динамические свойства как α -, так и β -циркония. Мы не стали проводить расчет фононных дисперсионных кривых для третьей наблюдаемой фазы циркония (ω -фазы), так как для этой структуры нет экспериментально измеренных фононных спектров.

В дальнейшем при МД-моделировании подобранный потенциал считался неизменным для всех фаз, температур и давлений.

3. Методика МД-моделирования

В качестве начальной атомной конфигурации задавалась ГПУ-структура с 4500 атомами и циклическими граничными условиями. После минимизации потенциальной энергии и релаксации системы кристаллит выдерживался при температуре T = 0 не менее $t = 10^{-12}$ s. Во всех расчетах временной шаг был равен $\delta t = 0.5 \cdot 10^{-15}$ s. Разогрев и охлаждение кристаллита моделировались путем умножения на каждом десятом временном шаге компонент скоростей атомов на коэффициент $\gamma_v = \sqrt{((T - T_s)\alpha_T + T_s)/T}$. Здесь T и T_s текущая и требуемая температура, α_T — коэффициент, определяющий скорость изменения температуры. При расчете мы использовали значения α_T , лежащие в интервале от 0.995 до 0.999. Нагревание проводилось последовательно в несколько этапов. На каждом этапе новое задаваемое значение температуры Т_s отличалось от текущего не более чем на 200 градусов. После достижения температуры T_s система выдерживалась при этой температуре, свободно эволюционируя до равновесного состояния. После этого при необходимости задавалось новое значение температуры T_s .

Моделирование переходов $\alpha \to \omega$, наблюдаемых в цирконии при высоких давлениях, проводилось при постоянной температуре. Предварительно кристаллит нагревался до необходимой температуры, приводился в равновесное состояние, затем пошагово изменялось внешнее давление *P* (моделирование при постоянном объеме) либо значения параметров решетки *a* и *c* на 1% (моделирование при постоянном давлении). После каждого изменения параметров *P* или *V* система приводилась в равновесное состояние при заданном значении температуры.

Система считалась приведенной в равновесие, если функция распределения по скоростям не изменялась со временем и основные параметры системы (кинетическая, потенциальная, полная энергии, минимальное расстояние между атомами и т.п.) флуктуировали за счет конечных размеров системы около некоторых средних значений, которые не менялись в течение времени порядка 10^{-12} s.

Начало структурного превращения, как правило, предварительно определялось по резкому изменению кинетической энергии кристаллита. Начальная, конечная и промежуточные фазы отслеживались по эволюции функции радиального распределения атомов (ФРРА).



Рис. 3. Изменения кристаллической структуры Zr при переходе $\alpha \rightarrow \beta$. Пояснения в тексте.

4. Результаты расчетов

Динамику прехода $\alpha \to \beta$ можно проследить по рис. 3, где изображены мгновенные положения атомов в различные моменты времени МД-моделирования.

На верхнем левом рисунке показана исходная α -фаза с ГПУ-решеткой перед началом температурного перехода, на верхнем правом — состояние кристаллита через 300 временны́х шагов. Видно, что перестройка структуры начинается практически одновременно во всем объеме рассматриваемого кристаллита. При этом смещения атомов соответствуют двум типам колебаний: коротковолновым, изменяющим локальную структуру, и длинноволновым, приводящим к образованию двойниковой структуры. На нижнем левом рисунке ($\Delta t = 600$ шагов) показан момент времени, когда формирование двойников в результате структурного перехода в β -фазу в основном закончилось, хотя атомы, расположенные на границе областей, все еще сохраняют локальное окружение исходной α-фазы. И наконец, через 1000 шагов (нижний правый рисунок) происходит полная перестройка атомов на границах двойников. В дальнейшем полученная β-фаза остается стабильной в течение всего времени наблюдения.

С понижением температуры наблюдается обратный переход из β - в α -фазу. На рис. 4 приведены ФРРА и показано изменение со временем кинетической энергии кристаллита, выраженной в температурных единицах. Уменьшение кинетической энергии на начальном этапе (рис. 4, b) соответствует отводу тепла при МД-моделировании. После достижения температуры, близкой к 750 K, начинается перестройка атомов, что выражается в резком увеличении кинетической энергии. Как

показывает анализ атомной структуры, аналогичный проведенному для рис. 3, первый основной максимум кинетической энергии на 180 000 шаге связан с перестройкой атомов на границе двойников, затем в течение короткого промежутка времени происходит переход в ГПУ-структуру в остальной части кристаллита. Начало этого перехода совпадает с появлением второго пика на кривой кинетической энергии. Дальнейшее охлаждение приводит к возникновению однородной и стабильной α -фазы циркония. На рис. 4, *а* показаны функции радиального распределения в зависимости от времени моделирования. Числа около кривых обозначают номер шага в соответствии с рис. 4, *b*.

Кинетика мартенситного перехода из β - в α -фазу, полученная при нашем расчете, в целом согласуется с результатами, приведенными в работах [9-11]. Необходимо отметить, что в этих работах в отличие от нашей в качестве начальной конфигурации выбиралась ОЦК-структура и основное внимание было уделено моделированию перехода $\beta \rightarrow \alpha$. При таких начальных условиях идеальная ОЦК-решетка превращалась в упорядоченную систему двойников с ГПУ-структурой. В нашем случае при моделировании перехода $\beta \rightarrow \alpha$ начальная структура представляла собой систему двойников ОЦК-решетки, полученной в результате температурного перехода из α-фазы. При этих начальных условиях вновь восстановленная α-фаза имела однородную ГПУ-решетку. Это свидетельствует о том, что прямой и обратный переходы происходят по одному и тому же механизму.

Необходимо заметить, что авторам работы [10] не удалось получить переход $\alpha \to \beta$ при обычной процедуре



Рис. 4. Изменение функции радиального распределения атомов (a) и кинетической энергии кристаллита (b) при переходе $\beta \rightarrow \alpha$.



Рис. 5. Изменения кристаллической структуры Zr при переходе $\alpha \to \omega$. Пояснения в тексте.

моделирования. Переход стал возможным только после искусственного введения в систему колебаний, соответствующих T_{1N} -фонону. Но и в этом случае полученная фаза имела помимо атомов с ОЦК-окружением значительное число атомов с ГПУ-упорядочением. Невозможность получения обратного перехода $\alpha \rightarrow \beta$ авторы [10] связывают с отсутствием в ГПУ-фазе колебаний, точно соответствующих T_{1N} -фонону ОЦК-решетки. Наши расчеты больше согласуются с результатами МД-моделирования [20], в которой превращение $\alpha \rightarrow \beta$ происходит при температуре T > 1925 К по тому же механизму, что и мартенситный переход $\beta \rightarrow \alpha$.

Типичное изменение структуры при МД-моделировании перехода $\alpha \rightarrow \omega$ приведено на рис. 5. Как видно из этого рисунка, в исходной матрице α-фазы с ГПУрешеткой (верхний левый рисунок) через 640 шагов появляются области со структурой, отличной от ГПУ (верхний правый рисунок). Затем наблюдается рост зародышей новой фазы (нижний левый рисунок, $\Delta t = 640$), и через 1820 шагов (нижний правый рисунок) новая фаза образуется во всем кристаллите. Таким образом, из нашего расчета следует, что в отличие от превращения $\alpha \rightarrow \beta$ переход в ω -фазу происходит, скорее, по механизму образования зародышей новой фазы и последующего их роста. При этом время, необходимое для полного превращения, примерно в 2 раза больше времени, необходимого для перехода $\alpha \rightarrow \beta$. Отметим также, что и $\alpha \rightleftharpoons \beta$ -, и $\alpha \rightleftharpoons \omega$ -превращения являются сдвиговыми, т.е. превращения полностью происходят за счет небольших смещений атомов.

Для определения области структурной стабильности α-Zr в зависимости от давления и температуры была проведена серия МД-расчетов при различных внешних условиях (*P*, *T*). Моделирование переходов $\alpha \rightleftharpoons \beta$ проводилось при постоянном давлении P_t с пошаговым изменением температуры, как было описано выше. Начало перехода определялось по резкому изменению кинетической энергии и элементарного объема, а также по изменению ФРРА. Моделирование переходов $\alpha \rightleftharpoons \omega$ проводилось при постоянной температуре T_t , при этом давление изменялось пошагово. Начало перехода также определялось по скачку кинетической энергии и контролировалось по изменению элементарного объема и ФРРА. Полученные результаты приведены на рис. 6. Положение символов на рисунке соответствует значениям пар (P_t, T_t) , полученных в процессе МД-моделирования. Квадратами обозначены экспериментальные данные [21-25]. Следует отметить, что экспериментальные значения давления, соответствующие переходу в *ω*-фазу при комнатной температуре, значительно различаются у разных авторов и зависят от условий проведения эксперимента. Согласно данным работы [21], давление равновесия превращения $\alpha \rightleftharpoons \omega$, полученное в опытах со сдвиговыми деформациями, составляет 22 kbar. Эксперименты, проведенные в работах [22,25] с помощью измерения электросопротивления



Рис. 6. Область стабильности *α*-фазы Zr, полученная при молекулярно-динамическом моделировании.

при квазигидростатическом сжатии циркония, дают гораздо бо́льшие значения давления — от 50 до 70 kbar. На рис. 6 мы привели крайние экспериментальные значения. Тонкими сплошными линиями условно разделены области стабильности α -, β - и ω -фаз Zr. Темными кружками и треугольниками обозначены прямые переходы из α -фазы соответственно в β - и ω -фазы, полученные при нашем МД-моделировании. Светлыми кружками и треугольниками отмечены точки, в которых начинается обратный переход в α -фазу.

Как видно из этого рисунка, имеется значительный гистерезис прямого и обратного превращений как для $\alpha \rightleftharpoons \beta$ -, так и для $\alpha \rightleftharpoons \omega$ -перехода, причем если величина гистерезиса для перехода $\alpha \rightleftharpoons \beta$ практически не зависит от температуры и давления, то для перехода $\alpha \rightleftharpoons \omega$ наблюдается сильная температурная зависимость. Наличие значительного гистерезиса при комнатных температурах в наших МД-расчетах хорошо согласуется с экспериментальным фактом существования метастабильной ω -фазы при атмосферном давлении после снятия давления.

В отличие от эксперимента переход из α - в β -фазу наблюдался нами только под давлением, тогда как обратный переход был получен и при нормальном давлении. На рис. 6 мы дополнительно привели линии раздела фаз, соответствующие среднему положению между прямым и обратным переходами (жирные линии). Необходимо отметить, что во всех случаях наклон линии равновесия $\alpha \rightleftharpoons \beta$ намного больше экспериментального. Это может быть связано с тем, что в расчетах потенциал межатомного взаимодействия не менялся с давлением, а также с тем, что при МД-моделировании невозможно учесть вклад от электронной энтропии. Как следует из работы [26], электронная энтропия играет значительную роль в стабилизации высокотемпературной ОЦК-фазы. Наш ab initio расчет [2] фазовой диаграммы циркония показывает, что учет электронной энтропии понижает температуру перехода $\alpha - \beta$ при атмосферном давлении примерно на 400 К. Поскольку разность энтропии двух фаз $\Delta S = S_{\alpha} - S_{\beta}$ уменьшается с давлением,

при больших давлениях роль электронной энтропии становится незначительной. По нашему мнению, это основная причина, по которой температура перехода $\alpha - \beta$, полученная нами при МД-моделировании, близка к экспериментальным данным при высоких давлениях и значительно расходится с ними в области низких давлений.

Из анализа изменения величины гистерезиса следует, что при переходе $\alpha - \beta$ глубина энергетической ямы исходной α -структуры обратно пропорциональна давлению, т.е. при переходе $\alpha \to \beta$ высота энергетического барьера, отделяющего α -структуру от β -фазы, с увеличением давления уменьшается. При уменьшении давления увеличивается высота барьера для β -фазы.

Совершенно по-другому изменяется высота барьера при превращении $\alpha - \omega$. Переход из α - в ω -фазу сопровождается уменьшением энергетического барьера со стороны α -фазы при увеличении давления. Это следует из отрицательного наклона линии раздела фаз (темные треугольники на рис. 6). Обратный переход (светлые треугольники на рис. 6) сопровождается уменьшением барьера со стороны ω -фазы при уменьшении давления. Различная зависимость высоты барьера от давления при прямом и обратном переходе $\alpha - \omega$ свидетельствует о том, что, хотя и тот, и другой переход является сдвиговым, неустойчивость решеток связана с различной комбинацией колебательных мод.

5. Заключение

В настоящей работе приведен расчет структурной стабильности α-Zr в широких интервалах температур и давлений с помощью МД-моделирования. Результаты моделирования показывают, что использование парного потенциала позволяет достаточно хорошо описать динамику перехода между фазами $\alpha - \beta$ и $\alpha - \omega$. В частности, структурные превращения $\alpha \rightleftharpoons \beta$ и $\alpha \rightleftharpoons \omega$ происходят за счет небольших смещений атомов, связанных с наличием как коротковолновых, определяющих локальную структуру после перехода, так и длинноволновых колебаний, приводящих к образованию крупномасштабных структур типа двойников. Прямой переход $\alpha \rightarrow \beta$ на начальном этапе идет за счет образования двойниковой системы, в которой происходит перестройка структуры в объеме двойников, тогда как в ближнем порядке на границах двойников по-прежнему остается исходная ГПУ-решетка. Последующие изменения целиком связаны с перестройкой и движением границы двойников. Обратный переход ($\beta \rightarrow \alpha$) при понижении температуры из высокотемпературной ОЦК-фазы начинается с перестройкой границ двойников и образования на границах в ближнем порядке ГПУ-структуры с последующим быстрым переходом в *а*-фазу во всей оставшейся области кристаллита. С увеличением давления температура перехода $\alpha \rightleftharpoons \beta$ понижается. Однако наклон линии раздела этих фаз значительно больше экспериментального, что может быть связано с отсутствием вклада электронной энтропии при МД-моделировании.

Совершенно по другому механизму происходит переход из α - в ω -фазу. Образование новой фазы здесь начинается также в связи с фононной неустойчивостью, но происходит в несколько этапов. Сначала в объеме кристаллита образуются небольшие участки новой фазы, которые медленно растут с образованием полосатой структуры, состоящей из полос начальной и конечной фаз. С течением времени размер полос с начальной ГПУ-структурой уменьшается, а области с вновь сформировавшейся структурой продолжают расти. В результате получается новая фаза с двойниковой структурой во всем кристаллите.

Расчеты, проведенные при различных давлениях, показывают, что общая картира $\alpha - \beta$ и $\alpha - \omega$ -переходов остается неизменной и связана с одними и теми же смещениями атомов при различных давлениях.

Необходимо отметить, что в данной работе мы предполагали, что потенциал межатомного взаимодействия не зависит от давления. Однако нами были проведены тестовые расчеты с псевдопотенциалами при различных значениях эффективного заряда $Z_{\rm eff}$ и объема Ω_0 , чтобы проследить, как влияет изменение межатомного парного потенциала на механизмы переходов. Как показывают эти расчеты, небольшие изменения потенциала не меняют общей картины механизмов перехода, а сказываются только на положении на P-T-диаграмме линий равновесия между различными фазами.

Список литературы

- [1] S.Y. Savrasov. Phys. Rev. B 54, 23, 16470 (1996).
- [2] S.A. Ostanin, V.Yu. Trubitsin. Phys. Rev. B 57, 21, 13485 (1998).
- [3] Y. Chen, C.-L. Fu, K.-M. Ho, B.N. Harmond. Phys. Rev. B 31, 10, 6775 (1985).
- [4] S.A. Ostanin, E.I. Salamatov, V.Yu. Trubitsin. Phys. Rev. B 57, 9, 5002 (1998).
- [5] E.I. Salamatov. Phys. Stat. Sol. (b) 197, 323 (1996).
- [6] Yu.N. Gornosyrev, M.I. Katsnelson, A.V. Trefilov, S.V. Tret'jakov. Phys. Rev. B 54, 5, 3286 (1996).
- [7] S.A. Ostanin, E.I. Salamatov, V.Yu. Trubitsin. High Press. Res. 17, 385 (2000).
- [8] H. Olijnyk, A.P. Jephcoat. Phys. Rev. B 56, 17, 10751 (1997).
- [9] U. Pinsook, G.J. Ackland. Phys. Rev. B 58, 17, 11252 (1998).
- [10] U. Pinsook, G.J. Ackland. Phys. Rev. B 59, 21, 13642 (1999).
- [11] Ю.Н. Горностырев, М.И. Кацнельсон, А.Р. Кузнецов, А.В. Трефилов. Письма в ЖЭТФ 70, 6, 376 (1999).
- [12] A.O. Animalu. Phys. Rev. B 8, 8, 3542 (1973).
- [13] А.А. Кацнельсон, О.М. Татаринская, М.М. Хрущов. ФММ 64, 4, 655 (1986).
- [14] Е.Б. Долгушева, В.Г. Чудинов, А.Г. Чирков. ФТТ 41, 10, 1729 (1999).
- [15] C. Stassis, J. Zarestky, D. Arch, O.D. McMasters, B.N. Harmon. Phys. Rev. B 18, 6, 2632 (1978).
- [16] A. Heiming, W. Petry, J. Trampenau, M. Alba, C. Herzig, H.R. Schober, G. Vogl. Phys. Rev. B 43, 13, 10948 (1991).
- [17] F. Willaime, C. Massobrio. Phys. Rev. B 43, 14, 11653 (1991).
- [18] В.Г. Вакс, В.Г. Капинос, Ю.Н. Осецкий, Г.Д. Самолюк, А.В. Трефилов. ФТТ **31**, *3*, 139 (1989).

- [19] S.H. Liu, C. Stassis, K.-M. Ho. Phys. Rev. B 24, 9, 5093 (1981).
- [20] F. Willaime, C. Massobrio. Phys. Rev. Lett. 63, 20, 2244 (1989).
- [21] В.А. Зильберштейн, Н.Л. Чистотятина, А.А. Жаров, Н.С. Гришин, Э.И. Эстрин. ФММ **39**, *2*, 445 (1975).
- [22] Y. Akahama, M. Kobayashi, H. Kawamura. J. Phys. Soc. Jap. 59, 11, 3843 (1990).
- [23] Y. Akahama, M. Kobayashi, H. Kawamura. J. Phys. Soc. Jap. 60, 10, 3211 (1991).
- [24] Е.Ю. Тонков. Фазовые диаграммы элементов при высоком давлении. Наука, М. (1979). С. 103–105.
- [25] A. Jayaraman, W. Klement, G.C. Kennedy. Phys. Rev. 131, 2, 644 (1963).
- [26] E.G. Moroni, G. Grimvall, T. Jarlborg. Phys. Rev. Lett. 76, 15, 2758 (1996).