09,08

Неустойчивость фотоиндуцированного оптического поглощения кристаллов Bi₁₂SiO₂₀: Al

© Т.В. Панченко, А.А. Дяченко, О.В. Хмеленко

Днепропетровский национальный университет им. Олеся Гончара, Днепропетровск, Украина,

E-mail: pancht@mail.ru

(Поступила в Редакцию 14 июля 2014 г. В окончательной редакции 2 октября 2014 г.)

Представлены результаты экспериментального исследования неустойчивости установления и релаксации фотохромного эффекта в кристаллах Bi₁₂SiO₂₀, легированных алюминием. Наблюдались осциллирующие и немонотонные кинетические зависимости фотоиндуцированного оптического поглощения. Осцилляции поглощения связываются с конкуренцией процессов образования и разрушения фотохромных центров [Al_{Si}O₄]⁰.

Работа выполнена при финансовой поддержке Министерства образования и науки Украины (бюджетная тема № 1-266-12).

1. Введение

Фоторефрактивные кристаллы со структурой силленита $Bi_{12}MO_{20}$ (BMO, где M = Si, Ge, Ti) используются как функциональные среды в высокоскоростных устройствах записи, обработки и хранения оптической информации. Оптические и электрофизические свойства BMO чувствительны к внешним воздействиям. Это проявляется, в частности, как фотохромный эффект (ФХЭ) и неустойчивость ряда свойств. Известна нестабильность фототока [1–3], осцилляции темнового тока и оптического поглощения после импульсного освещения [4], нестационарность фото-ЭДС [5], осцилляции дифракционной эффективности и немонотонность временных зависимостей характеристик голографической записи и/или считывания информации [6–9].

Выявлено влияние примесей Cu, Al, Mn и Ni на нестационарность электрооптических явлений [10], немонотонность кинетики записи и разрушения (при считывании) объемных голограмм в кристаллах ВМО [11]. Таким образом, влияние легирования на неустойчивость свойств может изменить или придать новые функциональные возможности кристаллам ВМО как оптически реверсивным средам, однако этот вопрос мало изучен.

В данной работе представлены результаты исследования неустойчивости фотоиндуцированного оптического поглощения кристаллов $Bi_{12}SiO_{20}$ (BSO), легированных алюминием (BSO:Al).

2. Эксперимент

Кристаллы BSO: A1 были выращены по методу Чохральского вдоль кристаллографического направления [001]. Содержание алюминия по данным спектрально-эмиссионного анализа составляло 0.012 и 0.046 wt. % в кристаллах BSO: Al* и BSO: Al** соответственно. Образцы приготавливались в виде набора полированных пластин толщиной d = 0.4, 3.6 и 7.2 mm площадью 8×8 mm в плоскостях (001). Перед исследованием ФХЭ образцы приводились в исходное состояние прогревом до 800 K и последующим медленным (~ сутки) охлаждением в темноте до $T_0 = 85$ K.

С помощью спектрофотометра "Cary-4E" в диапазоне энергий квантов света $hv = 0.5 - 3.4 \,\mathrm{eV}$ при T_0 измерялись спектры стационарного оптического пропускания $D_0(h\nu)$ и пропускания $D^{\mathrm{ph}}(h\nu, t^*)$ после действия фотоактивирующей засветки, где t^* — суммарная длительность (доза) фотоактивации. Фотоиндуцированное состояние (ФХЭ) возбуждалось импульсами света из ближнего УФ-диапазона ($h\nu_1 = 3.3 \,\mathrm{eV}$) и синей области спектра ($hv_2 = 2.73 \,\text{eV}$). Свет с энергией квантов $hv_1 = 3.3 \,\text{eV}$ выделялся пороговым светофильтром с "хвостом" пропускания t = 10 - 80% в спектральном диапазоне 3.04-3.3 eV, граница диапазона соответствует максимальному пропусканию фильтра t = 80%. Свет с $hv_2 = 2.73 \, \text{eV}$ выделялся интерференционным светофильтром с полосой пропускания t = 10-60% в диапазоне 2.57-2.8 eV, где максимальное пропускание t = 60% приходится на энергию квантов 2.73 eV. Длительность импульсов составляла $\Delta t^* = 2$ s на начальном этапе возбуждения ФХЭ, $\Delta t^* = 10$ и 20 s на остальных этапах. Спектры $D^{\rm ph}(h\nu, t^*)$ записывались в промежутках между импульсами засветки. После насыщения ФХЭ изучалась его релаксация (разрушение) при То — зависимости $D^r(t, hv_{\max,i})$, где t — текущее время, $hv_{\max,i}$ спектральное положение *i*-полосы фотоиндуцированного поглощения. Условия релаксации ФХЭ изменялись кратковременным прогревом образцов до температур $T_1 = 170$ и $T_2 = 230$ К с возвращением к температуре T_0 .

Исследовались соответствующие спектрам пропускания спектры стационарного поглощения $\alpha_0(h\nu)$, поглощения после фотоактивации $\alpha^{\rm ph}(h\nu, t^*)$, релаксации поглощения после фотоактивации $\alpha^{\text{ph}}(t, hv_{\text{max},i})$, а также разностные спектры, характеризующие изменение фотоиндуцированного поглощения $\Delta \alpha^{\text{ph}}$ в результате возбуждения и релаксации ФХЭ: $\Delta \alpha^{\text{ph}}(hv, t^*) = \alpha^{\text{ph}}(hv, t^*) - \alpha_0(hv)$ и $\Delta \alpha^r(t, hv_{\text{max},i}) = \alpha^{\text{ph}}_{\text{max}}(hv_{\text{max},i}) - -\alpha^{\text{ph}}(t, hv_{\text{max},i})$, соответственно, где $\alpha^{\text{ph}}_{\text{max}}$ — максимальное поглощение в *i*-полосах спектров $\Delta \alpha^{\text{ph}}_{\text{max}}(hv, t_s^*)$ насыщенного ФХЭ, t_s^* — время (доза), необходимое для насыщения ФХЭ. Спектры поглощения рассчитывались по методике [12].

Из параметрических зависимостей $\Delta \alpha^{\rm ph}(hv, t^*)$ были получены кинетические (дозовые) зависимости формирования ФХЭ: $\Delta \alpha^{\rm ph}(t^*, hv_{\max,i}) = \alpha^{\rm ph}(t^*, hv_{\max,i}) - -\alpha_0(hv_{\max,i}).$

3. Экспериментальные результаты

Полученные результаты сводятся к следующему.

Легирование кристаллов BSO алюминием приводит к изменению их окраски от желто-коричневой до почти бесцветной, тональность которой зависит от содержания Al, изменяясь от бледно-розоватой до дымчатой (для кристаллов BSO: Al* и BSO: Al** соответственно).

Спектры стационарного оптического поглощения кристаллов BSO: Al (рис. 1, a), как отмечалось и ранее [13–15], слабо структурированы, в отличие от спектров кристаллов BSO не имеют известного "плеча" оптического поглощения, коррелирующего по спектральному положению с максимальной примесной фотопроводимостью BSO в сине-зеленой области спектра.

Оценка оптической ширины запрещенной зоны по краю фундаментального поглощения (при $\alpha = 100 \text{ cm}^{-1}$) $E_g \approx 3.3 \text{ eV}$ согласуется с [16]. Увеличение содержания Аl приводило к дальнейшему уменьшению (компенсации) стационарного поглощения BSO во всей исследованной спектральной области (рис. 1, *a*). Варьирование содержания Al позволило выявить в спектре $\Delta \alpha_0 (h\nu)$ две группы полос (A и B) частично компенсированного стационарного поглощения собственных дефектов BSO [17] в диапазонах 0.3–1.5 и 2.3–3.3 eV соответственно (вставка на рис. 1, *a*).

На начальном этапе установления ФХЭ проявляется неустойчивость спектрального распределения ненасыщенного фотоиндуцированного поглощения $\Delta \alpha^{\rm ph}(hv, t^*)$, когда в одном и том же спектральном диапазоне увеличение поглощения сменяется его уменьшением, затем вновь — увеличением по мере роста времени t^* (дозы) фотоактивации (рис. 1, *b*).

Спектры ненасыщенного и насыщенного ФХЭ кристаллов BSO: Al ($\Delta \alpha^{\rm ph}(h\nu, t^*)$ и $\Delta \alpha^{\rm ph}_{\rm max}(h\nu, t^*_s)$ соответственно имеют сложную структуру (рис. 1, *b*, *c*, а также [17–19]). Наличие нескольких типов центров (диаи парамагнитных), формирующих спектры стационарного и фотоиндуцированного поглощения кристаллов BSO: Al, установлено в [19]. Вид спектров (спектральное распределение поглощения) существенно изменя-



Рис. 1. Спектры стационарного оптического поглощения $\alpha_0(hv)$ (a), $\Phi X \ni \Delta \alpha^{ph}(hv, t^*)$ на начальной стадии его установления ($t^* = 2$, 140 и 400 s (b, 1, 2, 3 соответственно) и спектры $\Phi X \ni \Delta \alpha_{max}^{ph}(hv, t_s^*)$ в состоянии его насыщения ($t_s^* = 3200$, 6400 и 810 s (c, 1, 2 и 3 соответственно) для кристаллов BSO: Al* (a, 1; c, 2, 3) и BSO: Al** (a, 2; b, 1, 2, 3; c, 1) после фотоактивации светом с hv_1 (b, 1, 2, 3; c, 1, 2) и hv_2 (c, 3). На вставке к рис. 1, a — спектр стационарного поглощения $\Delta \alpha_0(hv)$ частично компенсированных собственных дефектов кристаллов BSO.

ется с ростом содержания АІ: стационарное поглощение усиливается, в спектрах $\alpha_0(h\nu)$ проявляются полосы примесного поглощения (рис. 1, *a*), тогда как ФХЭ ослабевает, а спектры $\Delta \alpha^{\rm ph}(h\nu, t^*)$ и $\Delta \alpha^{\rm ph}_{\rm max}(h\nu, t^*_s)$ трансформируются с усилением вклада коротковолновых компонент (рис. 1, b, c). В результате, в кристаллах BSO: Al* и BSO: Al** наиболее интенсивные полосы насыщенного ФХЭ (С и D) располагаются в разных областях спектра ($h\nu_{max} = 0.78$ и 3.12 eV соответственно), накладываясь на края А- и В-полос стационарного поглощения собственных дефектов BSO (рис. 1, c), при этом спектры ФХЭ нелегированного BSO не содержат полос С и D [18]. Отличное от выше рассмотренного содержание Al в кристаллах BSO: Al обусловливает появление примерно равных по интенсивности С- и Dкомпонент спектра ФХЭ [17]. Энергия квантов света,

возбуждающего ФХЭ (hv_1 или hv_2), заметного влияния на спектры $\Delta \alpha_{\max}^{\text{ph}}(hv, t_s^*)$ не оказывает (рис. 1, *c*).

Кинетика формирования ФХЭ представлена временными (дозовыми) зависимостями $\Delta \alpha^{\rm ph}(t^*)$ для С- и D-полос спектров ФХЭ (рис. 2, *а* и *b* соответственно). Приближенно кинетические кривые описываются выражением $\Delta \alpha^{\rm ph}(t^*) = \Delta \alpha^{\rm ph}_{\rm max}[1 - \exp(-t^*/\tau_1)]$, где τ_1 — постоянная (таблица).

Неустойчивость кинетики фотоактивации поглощения проявляется на начальных этапах формирования спектров ФХЭ в виде осцилляций кинетических кривых $\Delta \alpha^{ph}(t^*)$. Зависимости $\Delta \alpha^{ph}(t^*)$ для Си D-полос демонстрируют затухающий характер осцилляций (рис. 2, *a*, *b*). Вид кинетических кривых, значения τ_1 , глубина и длительность затухания осцилляций различны для кристаллов BSO: Al* и BSO: Al**, полос С



Рис. 2. Кинетические (дозовые) ФХЭ зависимости $\Delta \alpha^{\rm ph}(t^*, hv_{{\rm max},i})$ (a, b) и релаксации ФХЭ $\Delta \alpha^r(t, hv_{{\rm max},i})$ (c) фотоиндуцированного полосах поглощения в \mathbf{c} $hv_{\text{max 1}} = 0.78 \text{ eV}$ (a, 1; b, 2, c, 1) и $hv_{\text{max 2}} = 3.12 \text{ eV}$ (a, 2; c, 2) для кристаллов BSO:Al^{*} (a) и BSO:Al^{**} (b, c).Аппроксимация прохождения через максимум кинетической зависимости $\Phi X \ni \Delta \alpha^{\text{ph}}(t^*)$ в полосе с $h \nu_{\text{max 1}} = 0.78 \text{ eV} (a, 3)$.

Характеристики проце	ессов формирования	и релаксации ФХЭ
----------------------	--------------------	------------------

Процесс		Формирование ФХЭ		D	
		hv_1, eV	hv_2 , eV	Релаксация ФХЭ	
		3.3	2.73		
Кристалл	Полоса поглощения в спектрах ФХЭ	$ au_1, { m s}$	$ au_1, s$	$ au_2', \mathbf{s}$	$ au_2^{\prime\prime}$,s
BSO:Al*	С	1977	156		_
	D	1992	154	—	_
BSO:Al**	С	1066	90	420	1250
	D	1295	110	400	1000

и D, а также зависят от энергии квантов фотоактивации $(hv_1 \text{ или } hv_2)$ (таблица, рис. 2).

Релаксация ФХЭ при T_0 для D-полос спектра ФХЭ незначительна: спад фотоиндуцированного поглощения в течение 45 min не превышает 3.5% от $\Delta \alpha_{\max}^{ph}$, тогда как C-полоса полностью исчезает (рис. 2, c). Спад описывается зависимостями $\Delta \alpha^r(t) \sim \Delta \alpha_{\max}^{ph} \exp(-t/\tau_2)$. Они имеют быструю и медленную компоненты (рис. 2, c) с временами релаксации τ'_2 и τ''_2 , которые значительно меньше значений τ_1 для зависимостей $\Delta \alpha^{ph}(t^*)$, характеризующих формирование ФХЭ (таблица). Релаксационные кривые немонотонны, содержат участки прохождения через максимум и изменения знака величины $\Delta \alpha^r(t)$, указывающего на восстановление фотохромных центров (рис. 2, c).

Низкотемпературные прогревы существенно изменяют ситуацию: после прогрева до T_1 поглощение восстанавливается на некоторую величину $\Delta \alpha^T$, время релаксации τ_2 уменьшается. Прогрев до T_2 не только полностью "стирает" ФХЭ, но и вызывает некоторое увеличение поглощения.

4. Обсуждение результатов

Для обсуждения результатов примем во внимание, что $\Phi X \ni$ в нелегированном BSO может быть связан с "антиструктурными" ионами висмута (Bi_{Si}^{3+} и Bi_{Si}^{5+}), занимающими вакантные позиции ионов Si⁴⁺ в кислородных тетраэдрах. Модель с 3-х и 5-ти валентным висмутом в позициях Si или Ge была предложена в [20]. Она успешно использовалась для предсказания и синтеза новых силленитов, в которых *M*-позиции занимают разные пары из 3-х и 5-ти валентных ионов [21], привлекалась для объяснения физических свойств силленитов, например, в [17]. Более того, наличие ионов Bi_{Si}^{3+} установлено с помощью нейтроноструктурных исследований, хотя наличие ионов Bi_{Si}^{3+} исключается [22]. Однако, учитывая, что в [22] фотоактивированные центры не изучались, можно допустить появление ионов Bi_{Si}^{5+} в результате фотоионизаци Bi_{Si}^{3+} . Например, образование ионов Bi_{Si}^{4+} при освещении кристаллов $Bi_{12}GeO_{20}$ синим светом обнаружено методами магнитного циркулярного дихроизма и оптического детектирования магнитного резонанса [23].

Антиструктурные ионы висмута ответственны в основном за желто-коричневую окраску BSO, глубокие локальные уровни в запрещенной зоне, плечо оптического поглощения, примесную фотопроводимость в области плеча. ФХЭ обусловлен образованием центров [Bi_{Si}O₄] и внутрицентровыми оптическими переходами в них [23].

Легирующие ионы Al^{3+} входят в кристаллы BSO, тоже замещая ионы Si^{4+} и образуя диамагнитные центры $[Al_{Si}O_4]^-$ [19]. Это влечет за собой обесцвечивание кристаллов BSO: Al вследствие уменьшения концентрации антиструктурных ионов висмута, кроме того, ионы Al_{Si}^{3+} играют роль акцепторов, компенсирующих собственные донорные центры BSO [13,17]. Соответственно уменьшается примесная фотопроводимость [13,17,24]. Подобные центры наблюдались в кристаллах кварца с добавками алюминия, обеспечивая их розоватую окраску [25]. В данных экспериментах видна связь уменьшения стационарного поглощения и ослабления ФХЭ со степенью компенсации собственных дефектов BSO, т. е. с содержанием ионов Al^{3+} (рис. 1, *a*, *c*).

Идентичность спектров ФХЭ в исследованных кристаллах при возбуждении светом с hv_1 и hv_2 из разных (ближнего УФ и видимого) диапазонов (рис. 1, c), возможно, обусловлена тем, что реально энергетический интервал возбуждения более узкий, чем тот, что задается разницей $hv_1 - hv_2$. К этому приходим, принимая во внимание, что импульсы возбуждающего света не являются строго монохроматичными. Возбуждение ФХЭ может происходить в диапазоне $hv = 2.7 - 3.25 \,\text{eV}$ или еще более узком, где коэффициент стационарного поглощения света α с увеличением hv от 2.7 до 3.25 eV растет незначительно, от 1.7 до 2.8 сm⁻¹ соответственно (рис. 1, a). Иными словами, возбуждение ФХЭ не сопровождается интенсивным межзонным поглощением, происходящем в приповерхностном слое с иным примеснодефектным составом, чем в толще кристаллов.

ФХЭ в кристаллах BSO: Al не сопровождается также ростом фотопроводимости в области полос фотоиндуцированного поглощения, следовательно, механизм поглощения — внутрицентровый. Магнитооптические исследования показали, что за С- и D-полосы ФХЭ ответственны два вида парамагнитных центров $[Al_{Si}O_4]^0$ со значениями *g*-фактора (2.01 и 2.05), зависящими от окружения центров [19]. Значения g > 2 указывают на дырочный характер центров. Центры образуются под действием квантов света hv за счет захвата ионом Al_{Si}^{3+} дырки p: $Al_{Si}^{3+} + hv \rightarrow Al_{Si}^{3+} + p = Al_{Si}^{4+}$. Дырка делокализована на 4-х атомах кислорода, занимающих вершины кислородного тетраэдра [19].

Различное соотношение интенсивностей С- и D-полос в спектрах $\Phi X \Im$ в кристаллах BSO:Al* и BSO:Al** (рис. 1, *c*), вероятно связано с разным соотношением концентрации центров $[Al_{Si}O_4]^0$, отличающихся по величине *g*-фактора. Принимая во внимание, что электронные переходы в центрах $[Al_{Si}O_4]^0$ и $[Al_{Si}O_4]^-$ сопровождаются сильным электрон-фононным взаимодействием [19], полагаем, что спектральное положение полос внутрицентрового поглощения определяется зависимостями потенциальной энергии электронов от конфигурационных координат.

Термическая ионизация акцепторов в виде ионов Al_{Si}^{3+} за счет электронов валентной зоны обеспечивает стирание ФХЭ.

Для объяснения неустойчивости свойств и осциллирующих кинетических зависимостей характеристик процессов, связанных с переносом заряда в чистых и легированных кристаллах ВМО, к настоящему времени предложены разные модели перезарядки ловушек запрещенной зоны фотоиндуцированными или инжектированными носителями заряда в условиях пространственно неоднородного оптического поглощения [1,2,4–11]. Осцилляции фототока связываются также с колебаниями пьезонапряжения [3]. Колебания оптического поглощения в кристаллах ВSO описываются двухуровневой моделью локальных центров с учетом конкуренции процессов рекомбинации и захвата электронов на ловушки [4].

Для кристаллов BSO: Al представляется возможным объяснить осцилляции фотоиндуцированного поглощения конкуренций процессов образования и распада центров $[Al_{Si}O_4]^0$. Тогда каждое прохождение фотоиндуцированного поглощения через максимум может быть связано с изменением концентрации центров $[Al_{Si}O_4]^-$, которое описывается уравнением

$$\frac{dN_1(t)}{dt} = -\gamma_1 N_1(t) + \gamma_2 N_{01} \exp\left(\frac{t}{\tau}\right),\tag{1}$$

где γ_1 и γ_2 — коэффициенты, характеризующие соответственно убыль центров (за счет захвата дырки и образования центров $[Al_{Si}O_4]^0$) и возобновление их концентрации (за счет распада центров $[Al_{Si}O_4]^0$), N_{01} и $N_1(t)$ — начальная и текущая концентрация ионов центров $[Al_{Si}O_4]^-$), τ — время релаксации. Фотоиндуцированное поглощение $\Delta \alpha^{\rm ph}(t) \sim \sigma N_2$ определяется в данной модели концентрацией N_2 -центров $[Al_{Si}O_4]^0$ ($N_2 = N_{01} - N_1$) и сечением захвата электронов σ . Решая уравнение (1), получаем уравнение для N_2

$$N_2(t) = N_{01} \left[1 - \left(\frac{\gamma_1}{\gamma_2 + \tau^{-1}} \exp\left(\frac{t}{\tau}\right) + C \exp(-pt) \right) \right],\tag{2}$$

где *С* и *р* — постоянные величины, разные для разных полос поглощения в спектрах ФХЭ.

Используя значение $\sigma = 5.5 \cdot 10^{-18} \text{ сm}^2$, типичное по порядку величины для глубоких центров [26], и уравнение (2) с параметрами $N_{01} = 1.8 \cdot 10^{17} \text{ сm}^{-3}$, $\tau = 150 \text{ s}$, $\gamma_1 = 0.57 \text{ s}^{-1}$, $\gamma_2 = 0.123 \text{ s}^{-1}$, $C = 9 \cdot 10^{-3}$, $p = 3 \cdot 10^{-3} \text{ s}^{-1}$, получаем удовлетворительное описание одного из экспериментально наблюдавшихся колебаний фотоиндуцированного поглощения (кривая 3, рис. 2, *a*).

5. Выводы

1. Неустойчивость фотоиндуцированного поглощения в кристаллах BSO: А1 проявляется как спектральное перераспределение и осциллирующие кинетические зависимости его интенсивности в процессе формирования спектра ФХЭ.

2. Глубина осцилляций и длительность их затухания зависят от содержания Al в кристаллах BSO: Al, энергии квантов фотоактивации и спектрального положения полос фотоиндуцированного поглощения.

3. Неустойчивость фотоиндуцированного поглощения и осциллирующий характер кривых $\Delta \alpha^{\rm ph}(t)$ можно объяснить конкуренцией процессов накопления и разрушения фотохромных центров $[{\rm Al}_{\rm Si}{\rm O}_4]^0$.

Список литературы

- [1] R. Oberschmid. Phys. Status Solidi A 89, 657 (1985).
- [2] И.С. Захаров, П.А. Петухов. Изв. вузов 12, 101 (1983).
- [3] Н.Н. Лебедева, А.Р. Мордухаев, А.Х. Зейналлы. Письма в ЖТФ 5, 1082 (1979).
- [4] Alfred E. Attard. J. Appl. Phys. 69, 1, 44 (1991).
- [5] М.П. Петров, С.И. Степанов, Г.С. Трофимов. Письма в ЖТФ 12, 916 (1986).
- [6] А.И. Грачев. ФТТ 41, 1012 (1999).
- [7] А.М. Плесовских, С.М. Шандаров, Е.Ю. Агеев. ФТТ **43**, 245 (2001).
- [8] A.L. Khromov, A.A. Kamshilin, M.P. Petrov. Opt. Commun. 77, 139 (1990).
- [9] М.П. Петров, Н.О. Шелаевский, А.В. Хоменко, М.Г. Шлягин, В.М. Петров, В.В. Брыксин, Л.И. Коровин. Письма в ЖТФ 12, 694 (1986).
- [10] И.И. Кацавец, Е.И. Леонов. ЖТФ 56, 1993 (1986).
- [11] Н.И. Кацавец, Е.И. Леонов, В.М. Орлов, Е.Б. Шадрин. Письма в ЖТФ **8**, 424 (1982).
- [12] Т.В. Панченко. ФТТ 40, 452 (1998).
- [13] Ю.Л. Копылов, В.Б. Кравченко, В.В. Куча. Микроэлектроника 11, 477 (1982).
- [14] Т.В. Панченко, А.Ю. Кудзин, В.Х. Костюк. Изв. АН СССР. Неорган. материалы 19, 1144 (1983).
- [15] R. Oberschmid. Phys. Status Solidi A 89, 263 (1985).
- [16] B.C. Grabmaier, R. Oberschmid. Phys. Status Solidi A 96, 199 (1986).
- [17] J.J. Martin, I. Foldvari, C.A. Hunt. J. Appl. Phys. 70, 7554 (1991).
- [18] T.V. Panchenko, N.A. Truseyeva, Yu.A. Osetsky. Ferroelectrics 129, 113 (1992).
- [19] B. Briat, T.V. Panchenko, Y. Bou Rjeily, A. Hamri. J. Opt. Soc. Am. B 15, 2147 (1998).
- [20] D.C. Craig, N.S. Stephenson. J. Solid State Chem. 15, 1 (1975).
- [21] Ю.Ф. Каргин, А.А. Марьин, В.М. Скориков. Изв. АН СССР. Неорган. материалы 18, 1605 (1982).
- [22] С.Ф. Радаев, В.И. Симонов. Кристаллография 37, 914 (1992).
- [23] B. Briat, H.J. Reyher, A. Hamri, N.G. Romanov, J.C. Launay, F. Ramaz. J. Phys.: Cond. Matter 7, 6952 (1995).
- [24] Т.В. Панченко, З.З. Янчук. ФТТ 38, 3042 (1996).
- [25] А.Н. Платонов. Природа окраски минералов. Наук. думка, Киев (1975). 263 с.
- [26] Б. Ридли. Квантовые процессы в полупроводниках. Мир, М. (1988). 304 с.