### 05,06

# Управление запрещенными зонами в слоистой структуре магнонный кристалл—сегнетоэлектрик—магнонный кристалл

### © М.А. Морозова, О.В. Матвеев, Ю.П. Шараевский, С.А. Никитов

Саратовский государственный университет, Саратов, Россия E-mail: olvmatveev@gmail.com

#### (Поступила в Редакцию 7 июля 2015 г.)

Получено дисперсионное уравнение для гибридной электромагнитно-спиновой волны в слоистой структуре магнонный кристалл–сегнетоэлектрик–магнонный кристалл. Выявлены механизмы формирования запрещенных зон в такой структуре и показана возможность двойного управления характеристиками этих зон с помощью электрического и магнитного полей.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (грант № 13-07-12409-офи-м, грант № 15-07-05901-а).

### 1. Введение

В настоящее время большой интерес вызывают исследования периодических структур микронных и субмикронных размеров на основе магнитных пленок магнонных кристаллов (МК) [1–6], в которых распространяются спиновые волны (магноны).

Принципиальной особенностью периодических структур является наличие брэгговских резонансов, возникающих за счет взаимодействия прямых и встречных волн при выполнении условия:  $k_B^n = 2\pi/\lambda_n = (2n-1)\pi/L$ ,  $(n=1,\,2,\,\ldots)$  где  $k_B^n$  и  $\lambda_n$  — брэгговские волновые числа и длины волн, L — период структуры. В этом случае на частотах брэгговского резонанса возникают запрещенные зоны, центральная частота которых определяется соотношением  $\omega_B^n = k_B^n V_{\rm ph}$ , где  $V_{\rm ph}$  — фазовая скорость волны в структуре. В МК, в отличие от фотонных кристаллов, которые используются в оптических системах связи [7], возможно управление запрещенной зоной внешним магнитным полем. Это обстоятельство делает их привлекательным объектом для создания перестраиваемых магнитным полем устройств обработки и генерации сигналов в микроволновом диапазоне длин волн [8,9].

Другим способом управления характеристиками запрещенных зон в МК, наряду с магнитным полем, является использование мультиферроидных структур типа МК-сегнетоэлектрик (МК-СЭ) [10–12]. Поведение дисперсионных характеристик в такой структуре будет определяться не только связью между прямой и встречной магнитостатическими волнами (МСВ) в МК, что приводит к появлению запрещенных зон, но и связью между МСВ и электромагнитной волной (ЭМВ) в СЭ, которая зависит от величины приложенного к СЭ электрического поля. В этом случае появляется возможность двойного — электрического и магнитного управления характеристиками запрещенных зон [10–12].

Необходимо отметить, что первые работы по исследованию волн, распространяющихся в слоистой мультиферроидной структуре ферромагнитная пленка-сегнетоэлектрик (ФП-СЭ) относятся к 80-м годам прошлого века [13-17]. При больших значениях диэлектрической проницаемости СЭ, которая зависит от приложенного постоянного электрического поля, электромагнитные волны в СЭ оказываются сильно замедленными, и в этом случае в структуре ФП-СЭ на частотах, близких к частоте фазового синхронизма между ЭМВ и МСВ, возникают гибридные электромагнитные-спиновые волны (ГЭМСВ). Интерес к таким структурам был возобновлен в последние годы [18-21] в связи с развитием технологий производства керамических сегнетоэлектриков (титаната бария (BaTiO<sub>3</sub>), титаната стронция (SrTiO<sub>3</sub>)) с широким диапазоном перестраиваемой диэлектрической проницаемости. Условия фазового синхронизма достаточно легко выполняются, так как МСВ в пленках железоиттриевого граната (ЖИГ) имеют фазовые скорости  $\sim 10^6 - 10^9$  cm/s и частоты порядка  $\sim 10^9 - 10^{11}$  GHz, а ЭМВ в СЭ с диэлектрической проницаемостью  $\sim 10^2 - 10^4$  на тех же частотах имеют фазовые скорости  $\sim 10^8 - 10^9$  cm/s. Причем значение частот фазового синхронизма определяется величиной как электрического, так и магнитного полей. Необходимо отметить, что к настоящему времени эффекты гибридизации волн в структурах ФП-СЭ исследованы достаточно подробно при возбуждении различных типов МСВ [13-21], а также показана возможность создания на их основе СВЧ-устройств с двойным управлением [20,21].

Настоящая работа посвящена исследованию особенностей распространения гибридных электромагнитноспиновых волн в слоистой структуре, состоящей из двух магнонных кристаллов на основе ферромагнитных пленок, разделенных слоем сегнетоэлектрика. В таких слоистых структурах связь между электромагнитной волной в СЭ и магнитостатическими волнами в магнонных кристаллах позволяет осуществлять не только двойное



**Рис. 1.** Схема структуры МК-СЭ-МК. *1* — магнонный кристалл 1 (МК 1), *2* — сегнетоэлектрическая пластина (СЭ), *3* — магнонный кристалл 2 (МК 2).

управление характеристиками запрещенных зон, но и должна приводить к увеличению числа запрещенных зон в области первого брэгговского резонанса по сравнению со случаем одиночного МК-СЭ [22,23].

## 2. Схема структуры и дисперсионное соотношение

Анализируемая в работе структура состоит из двух одномерных МК (МК 1 и МК 2) и слоя СЭ толщиной D между ними, как показано на рис. 1. Каждый магнонный кристалл представляет собой ФП толщиной  $l_{1,2}$  с намагниченностью насыщения  $M_0$ , на поверхности которой нанесены неоднородности в виде системы канавок с периодом L, глубиной  $\Delta l_{1,2} = l_{1,2} - t_{1,2}$  и шириной  $a_1$  (см. рис. 1). Структура бесконечна в направлении осей x и z. Внешнее магнитное поле  $H_0$  приложено касательно к поверхности пленок вдоль оси z [24], а к слою СЭ толщиной D с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon$  приложено внешнее электрическое поле напряженности E. При этих условиях в структуре в направлении оси x будет распространяться ГЭМСВ [13,15,17].

Структуру МК-СЭ-МК можно считать периодической и решение волновых уравнений в каждом слое можно представить в виде суммы пространственных гармоник [22,23]

$$\psi = \sum_{i=-\infty}^{\infty} A_i \exp(jk_i y), \qquad (1)$$

где  $k_i = k + i2\pi/L$ ,  $(i = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3...)$  — постоянные распространения пространственных гармоник для прямых и встречных волн, k — постоянная распространения поверхностной МСВ (ПМСВ) в однородной ферромагнитной пленке [24].

В первой зоне Бриллюэна  $(0 \le kL \le 2\pi)$ , используя метод связанных волн см. [22,23], для каждого из слоев будем учитывать только нулевые гармоники прямых волн (i = 0) и "-1" гармоники встречных волн (i = -1) и рассмотрим гибридизацию волн только в полосе

первого брэгговского резонанса. В этом случае решение волновых уравнений в структуре МК-СЭ-МК может быть представлено в виде суммы прямых и встречных волн в каждом из слоев

$$\psi = \sum_{n=1}^{3} A_n \exp[j(\omega t - k_0 y)] + B_n \exp[j(\omega t + k_{-1} y)], \quad (2)$$

где  $A_n$  — амплитуды прямых волн в каждом из МК и в СЭ соответственно,  $B_n$  — амплитуды встречных волн в каждом из МК и СЭ, n — номер слоя,  $k_{-1} = -(k_0 - 2\pi/L)$ .

В рассматриваемой структуре толщины магнонных кристаллов  $d_{1,2}$  являются периодически меняющимися величинами, которые с учетом только резонансных членов в полосе первого брэгговского резонанса могут быть представлены как [23]

$$d_{1,2} = d_{10,20} \left( 1 + \delta d_{1,2} \cos\left(\frac{2\pi}{L}x\right) \right),$$
(3)

где  $d_{10,20} = l_{1,2} - \Delta l_{1,2} a_1/L$  — эффективные толщины МК 1 и МК 2,  $\delta d_{1,2} = 2\Delta l_{1,2} \sin(\pi a_1/L)/\pi d_{10,20}$ .

Используя подход, описанный в [12], с учетом сделанных предположений можно получить дисперсионное уравнение для гибридных волн в структуре МК-СЭ-МК в следующем виде

$$\mathbf{Det} \begin{bmatrix} \Omega_{\mathrm{FM1}}(k_{0},\omega) & \beta_{1}(k_{0}) & \chi_{\mathrm{Fe}}(k_{0}) & 0 & 0 & 0 \\ \beta_{1}(k_{-1}) & \Omega_{\mathrm{FM1}}(k_{-1},\omega) & 0 & \chi_{\mathrm{FE}}(k_{-1}) & 0 & 0 \\ 0 & \chi_{\mathrm{FM1}}(k_{-1}) & 0 & \Omega_{\mathrm{FE}}(k_{-1},\omega) & 0 & \chi_{\mathrm{FM2}}(k_{-1}) \\ 0 & 0 & \chi_{\mathrm{FE}}(k_{0}) & 0 & \Omega_{\mathrm{FM2}}(k_{0},\omega) & \beta_{2}(k_{0}) \\ 0 & 0 & 0 & \chi_{\mathrm{FE}}(k_{-1}) & \beta_{2}(k_{-1}) & \Omega_{\mathrm{FM2}}(k_{-1},\omega) \end{bmatrix} = \mathbf{0}.$$
(4)

Первая и вторая строки в (4) описывают прямую и встречную волны в МК 1, третья и четвертая строки прямую и встречную волны в слое СЭ, пятая и шестая строки — прямую и встречную волны в МК 2.

В уравнении (4) соотношения

$$\Omega_{\text{FM1,2}}(k_0, \omega) = \omega^2 - \omega_H^2 - \omega_M \omega_H - \omega_M^2 (1 - \exp(-2k_0 d_{10,20})) / 4$$

И

\_

$$\Omega_{\text{FM1,2}}(k_{-1},\omega) = \omega^2 - \omega_H^2 - \omega_M \omega_H - \omega_M^2 (1 - \exp(-2k_{-1}d_{10,20}))/4,$$

где  $\omega_H = \gamma H_0$ ,  $\omega_M = 4\pi\gamma M_0$ , приравненные к нулю эти уравнения определяют дисперсионные соотношения для прямой и встречной ПМСВ в однородных ферромагнитных пленках толщины  $d_{10,20}$  при  $k_{0,-1}d_{10,20} \ll 1$  [24]. Диагональные соотношения  $\Omega_{\rm FE}(k_0, \omega) = \operatorname{Arctan}(\xi_0/k_0) - \xi_0 D/2$  и  $\Omega_{\rm FE}(k_{-1}, \omega) = \operatorname{Arctan}(-\xi_{-1}/k_{-1}) - \xi_{-1}D/2$ ,



**Puc. 2.** Дисперсионные характеристики волн в структурах (*a*) ΦΠ–CЭ, (*b*) ΦΠ–CЭ–ΦΠ, (*c*) МК–CЭ. Расчеты выполнены при следующих параметрах структур:  $l_1 = 26 \cdot 10^{-4}$  cm,  $t_1 = 23 \cdot 10^{-4}$  cm,  $l_2 = 12 \cdot 10^{-4}$  cm,  $t_2 = 8 \cdot 10^{-4}$  cm,  $L = 200 \cdot 10^{-4}$  cm,  $a_1 = 100 \cdot 10^{-4}$  cm,  $D = 500 \cdot 10^{-4}$  cm,  $\varepsilon = 1500$ ,  $H_0 = 1500$  Oe,  $M_0 = 140$  G. На график нанесены ЭМВ (пунктиром) и МСВ (штрихом) в изолированных слоях.

где  $\xi_{0,-1} = \omega^2 \varepsilon / c^2 - k_{0,-1}^2$ , приравненные к нулю, являются дисперсионными соотношениями для первой<sup>1</sup> моды ЭМВ в СЭ [15]. Отличными от нуля компонентами

ВЧ полей ПМСВ являются следующие: одна компонента электрического поля  $e_z$  и две ортогональные компоненты магнитного поля  $h_x$  и  $h_y$ , лежащие в плоскости перпендикулярной  $e_z$ . Приведенные соотношения для СЭ описывают ВЧ электромагнитное поле с такими же компонентами (ТЕ-мода).

Недиагональные элементы в (4) описывают связь между прямыми и встречными волнами:  $\chi_{\text{FE}}(k_{0,-1}) = = \omega^2 \varepsilon / k_{0,-1}^2 - коэффициент связи между прямыми$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> В связанной структуре МК-СЭ-МК поля МСВ начинают проникать в СЭ, а поля ЭМВ — в феррит. В результате в структуре будут распространяться гибридные электромагнитные спиновые волны. В связи с тем, что влияние МСВ на однородную по толщине СЭ поперечную ТЕ-моду с номером n = 0 очень слабое, будем рассматривать только первую моду ЭМВ [17].

при  $k_0$  (встречными при  $k_{-1}$ ) волнами в СЭ и прямыми (встречными) волнами в МК 1 и МК 2,

$$\chi_{\text{FM1,2}}(k_0) = \omega_M(\omega + \omega_H + \omega_M/2) (1 - \exp(-2d_{10,20}k_0))/2$$

— коэффициент связи между прямыми волнами в МК 1 (МК 2) и в СЭ,

$$\chi_{\text{FM1,2}}(k_{-1}) = \omega_M(\omega + \omega_H + \omega_M/2) (1 - \exp(2d_{10,20}k_{-1}))/2$$

— коэффициент связи между встречными волнами в МК 1 (МК 2) и в СЭ,  $\beta_{1,2}(k_0) = \delta d\omega_M^2 k_{-1}^2 d_{10,20}/4k_0$  — коэффициент связи между прямой волной в МК 1 (МК 2) и встречной волной в МК 1 (МК 2),  $\beta_{1,2}(k_{-1}) = -\delta d\omega_M^2 k_0^2 d_{10,20}/4k_{-1}$  — коэффициент связи между встречной волной в МК 1 (МК 2) и прямой волной в МК 1 (МК 2).

### 3. Анализ дисперсионного соотношения для некоторых частных случаев

Для выяснения механизмов гибридизации волн в структуре МК-СЭ-МК рассмотрим сначала более простые структуры, для которых решения дисперсионного соотношения (4) представлены на рис. 2.

3.1. Структура  $\Phi \Pi - C \Im$ . Для рассматриваемого случая в (4) положим

$$\begin{split} \Omega_{\rm FM2}(k_0,\omega) &= \Omega_{\rm FM2}(k_{-1},\omega) = \Omega_{\rm FM1}(k_{-1},\omega) = 0, \\ \beta_1(k_0) &= \beta_1(k_{-1}) = \beta_2(k_0) = \beta_2(k_{-1}) = 0, \\ \chi_{\rm FM2}(k_0) &= \chi_{\rm FM2}(k_{-1}) = \chi_{\rm FM1}(k_{-1}) = 0, \\ \Omega_{\rm FE}(k_{-1},\omega) &= 0, \quad \chi_{\rm FE}(k_{-1}) = 0, \end{split}$$

тогда дисперсионное соотношение (4) примет вид [15]

$$\operatorname{Det} \begin{bmatrix} \Omega_{\mathrm{FM1}}(k_0, \omega) & \chi_{\mathrm{FE}}(k_0) \\ \chi_{\mathrm{FM1}}(k_0) & \Omega_{\mathrm{FE}}(k_0, \omega) \end{bmatrix} = 0, \quad (6)$$

На рис. 2, а показана дисперсионная зависимость для первой моды ЭМВ (*n* = 1) изолированного диэлектрического волновода (пунктирная кривая), соответствующая решению  $\Omega_{\text{FE}}(k_0, \omega) = 0$ , а также закон дисперсии МСВ в изолированной ФП (штриховая кривая), соответствующий  $\Omega_{\text{FM1}}(k_0, \omega) = 0$ . Как видно из рис. 2, *a*, возникает точка пересечения их дисперсионных характеристик (точка А) в которой МСВ и ЭМВ распространяются синхронно, что приводит к формированию гибридных волн, дисперсия которых описывается сплошными кривыми на рис. 2, а. Точка пересечения существует всегда, так как эта мода ЭМВ имеет нулевую частоту отсечки. Подчеркнем, что при увеличении є уменьшается наклон дисперсионной ветви ЭМВ, а, следовательно, изменяется и положение точки гибридизации А, которая сдвигается в область больших k.

3.2. Структура ФП-СЭ-ФП. В этом случае

$$\begin{split} \Omega_{\text{FM1}}(k_{-1},\omega) &= \Omega_{\text{FM2}}(k_{-1},\omega) = 0, \\ \beta_1(k_0) &= \beta_1(k_{-1}) = \beta_2(k_0) = \beta_2(k_{-1}) = 0, \\ \chi_{\text{FM1}}(k_{-1}) &= \chi_{\text{FM2}}(k_{-1}) = 0, \\ \Omega_{\text{FE}}(k_{-1},\omega) &= 0, \quad \chi_{\text{FE}}(k_{-1}) = 0 \end{split}$$

и дисперсионное соотношение (4) примет вид

$$\operatorname{Det} \begin{bmatrix} \Omega_{\mathrm{FM1}}(k_{0},\omega) & \chi_{\mathrm{FE}}(k_{0}) & 0\\ \chi_{\mathrm{FM1}}(k_{0}) & \Omega_{\mathrm{FE}}(k_{0},\omega) & \chi_{\mathrm{FM2}}(k_{0})\\ 0 & \chi_{\mathrm{FE}}(k_{0}) & \Omega_{\mathrm{FM2}}(k_{0},\omega) \end{bmatrix} = 0. (7)$$

На рис. 2, в показана дисперсионная характеристика первой моды ЭМВ (n = 1) изолированного диэлектрического слоя (пунктирная кривая), а также закон дисперсии МСВ в изолированных ФП1 и ФП2 с разной толщиной (штриховые кривые). Механизм гибридизации в этом случае следующий: поскольку толщина ФП1 больше, чем ФП2, то фазовая скорость МСВ в ФП1 также больше, и в первую очередь происходит гибридизация ЭМВ и МСВ в ФП1 (в точке А). После того, как образуется ГЭМСВ1 (штрих-пунктирные кривые), фазовая скорость ее низкочастотной ветви оказывается близкой к скорости МСВ в ФП2, и происходит дополнительное расталкивание дисперсионных кривых (в точке В). Результирующая ГЭМСВ2, возникающая при взаимодействии ЭМВ с ФП1 и ФП2, имеет три ветви дисперсии (сплошные кривые).

3.3. Структура МК-СЭ. Положим

$$\Omega_{\rm FM2}(k_0,\omega) = \Omega_{\rm FM2}(k_{-1},\omega) = 0,$$

 $\beta_2(k_0) = \beta_2(k_{-1}) = 0$ ,  $\chi_{FM2}(k_0) = \chi_{FM2}(k_{-1}) = 0$ . Дисперсионное соотношение (4) для рассматриваемой в этом случае структуры примет вид [12]

$$\operatorname{Det}\begin{bmatrix} \Omega_{\operatorname{FM1}}(k_{0},\omega) & \beta_{1}(k_{0}) & \chi_{\operatorname{FE}}(k_{0}) & 0\\ \beta_{1}(k_{-1}) & \Omega_{\operatorname{FM1}}(k_{-1},\omega) & 0 & \chi_{\operatorname{FE}}(k_{1})\\ \chi_{\operatorname{FM1}}(k_{0}) & 0 & \Omega_{\operatorname{FE}}(k_{0},\omega) & 0\\ 0 & \chi_{\operatorname{FM1}}(k_{1}) & 0 & \Omega_{\operatorname{FE}}(k_{-1},\omega) \end{bmatrix} = 0.$$
(8)

На рис. 2, с показаны дисперсионные характеристики, отвечающие структуре МК-СЭ, рассчитанные по соотношению (8). Штриховыми кривыми на рис. 2, с показаны дисперсионные зависимости для случая, когда недиагональные компоненты в (8) равны нулю, т.е. отсутствует связь между волнами в структуре. Как следует из рис. 2, с существует 5 точек пересечения этих зависимостей А, А', С, D, D', в которых возможен фазовый синхронизм между этими волнами. В точке С взаимодействуют прямая и встречная МСВ и образуется запрещенная зона (закрашенная область c на рис. 2, c), аналогичная запрещенной зоне одиночного МК [1-6], в точках D, D' взаимодействуют прямая MCB и встречная ЭМВ и образуется дополнительная запрещенная зона (закрашенная область d на рис. 2, c) [11,12]. В точках A, А' происходит гибридизация прямых МСВ и ЭМВ.



Рис. 3. Дисперсионные характеристики волн в структуре МК-СЭ-МК при (a)  $l_1 = l_2 = 26 \cdot 10^{-4}$  cm,  $t_1 = t_2 = 23 \cdot 10^{-4}$  cm,  $D = 150 \cdot 10^{-4}$  cm,  $(b) \ l_1 = 26 \cdot 10^{-4}$  cm,  $t_1 = 23 \cdot 10^{-4}$  cm,  $l_2 = 12 \cdot 10^{-4}$  cm,  $t_2 = 8 \cdot 10^{-4}$  cm,  $D = 150 \cdot 10^{-4}$  cm, остальные параметры как на рис. 2.

### 4. Анализ дисперсионных характеристик в структуре МК-СЭ-МК

Рассмотрим особенности дисперсионных характеристик ГЭМСВ в структуре МК-СЭ-МК, которые описываются соотношением (4), в котором все коэффициенты связи между волнами не равны нулю. Результаты решения этого уравнения в случае одинаковых МК представлены на рис. 3, a (сплошные кривые). Также на рис. 3 приведены дисперсионные характеристики следующих типов волн:

— прямой и встречной ЭМВ в СЭ (пунктирные линии) в изолированном слое СЭ;

— прямой и встречной МСВ в ФП 1 и ФП 2 (штриховые линии) в изолированных пленках.

В данной структуре имеет место связь между ПМСВ в магнонных кристаллах, что приводит к существованию двух нормальных мод связанной структуры — быстрой и медленной волн. Однако, как видно из рис. 3, *а* взаимодействие ЭМВ происходит только с прямой и встречной медленными модами ПМСВ (точка *D* на рис. 3, *a*). В этом случае образуется узкая полоса непропускания волн (область *d*). В точке *C* происходит взаимодействие быстрых прямой и встречной мод МСВ и образуется вторая полоса непропускания (область *c*). Взаимодействие прямых и встречных медленных МСВ в точке *E* приводит к образованию третьей полосы



**Рис. 4.** Зависимость положения и ширины запрещенных зон (*a*) от  $\varepsilon$  при  $H_0 = 1500$  Oe, (*b*) от  $H_0$  при  $\varepsilon = 1500$ . На вставках к рисункам приведены аналогичные зависимости в структуре МК-СЭ.

непропускания волн в рассматриваемой структуре (область e). Таким образом, в структуре, состоящей из двух МК и СЭ, возможно образование трех полос непропускания (запрещенных зон), две из которых соответствуют условию брэгговского резонанса (области c и e, где  $k = \pi/L$ ), а в третьей зоне d условие Брэгга не выполняется.

На рис. 3, *b* представлено решение дисперсионного уравнения (4) в случае связанных МК различной толщины, слева на рисунке по горизонтальной оси отложены действительные значения волновых чисел, справа — мнимые значения в полосах непропускания. В точках пересечения дисперсионных кривых волн в изолированных слоях будут выполняться условия фазового синхронизма при взаимодействии различных типов волн:

1) взаимодействие прямых и встречных волн в МК 1 (точка C) и в МК 2 (точка E); образуются запрещенные зоны c и e (аналогично результатам на рис. 3, a);

2) взаимодействие прямой ЭМВ и прямой МСВ в МК1 (точка A), происходит гибридизация первого порядка, аналогичная показанной на рис. 2, a, и образование ГЭМСВ1 (штрихпунктирные линии на рис. 3, b);

3) Взаимодействие прямой ЭМВ и встречной МСВ в МК 1 (точка *D*), образуется запрещенная зона *d* (закрашенная область), аналогичная показанной на рис. 2, *c*;

4) Взаимодействие прямой МСВ в МК2 с ГЭМСВ1 (точка *B*), происходит дополнительное расталкивание дисперсионных кривых, что соответствует гибридизации второго порядка, аналогичной приведенной на рис. 2, *b* в структуре  $\Phi\Pi$ –СЭ– $\Phi\Pi$ ;

5) Взаимодействие встречной МСВ в МК2 с ГЭМ-СВ1 (точки F, G), образуются запрещенные зоны второго порядка (закрашенные области f, g на рис. 3, b).

Рассмотренные выше взаимодействия происходят при  $k < k_B$ . В области  $k > k_B$  точки пересечения зеркально симметричны относительно прямой и механизм взаимодействий имеет аналогичную природу.

Таким образом, в структуре МК-СЭ-МК имеет место формирование пяти запрещенных зон, три из которых образованы взаимодействием МСВ и ЭМВ (зоны d, f и g показаны темной заливкой), а две — вза-имодействием только МСВ (зоны c, e показаны светлой заливкой). При этом, как видно из графика для мнимых частей волнового числа, в брэгговских запрещенных зонах c, e происходит большее подавление сигнала.

На рис. 4 показана зависимость ширины и положения всех запрещенных от величины магнитного поля и диэлектрической проницаемости  $\varepsilon$ . Из рис. 4, а видно, что при малой величине є имеет место формирование двух запрещенных зон с и е (светлые области), аналогичных запрещенным зонам в толстом и тонком МК, ширина которых не зависит от є. С увеличением є при фиксированной напряженности магнитного поля появляются еще три запрещенные зоны d, f и g (темные области), ширина которых с ростом є увеличивается. Из рис. 4, b следует, что при увеличении напряженности магнитного поля все запрещенные зоны структуры сдвигаются вверх по частоте, что связано со сдвигом частоты отсечки магнитостатических волн, определяемой соотношением  $\sqrt{\omega_H(\omega_H + \omega_M)}$ . Отметим, что для структуры МК-СЭ формируется только две запрещенные зоны с и d (см. вставку к рис. 4, *a*, *b*).

### 5. Заключение

Проведен анализ дисперсионных характеристик гибридных ЭМСВ в структуре МК-СЭ-МК. Показано, что в такой структуре имеет место увеличение числа запрещенных зон в полосе первого брэгговского резонанса по сравнению со структурой МК-СЭ [11,12]. В случае различной толщины МК образуется пять запрещенных зон, две из которых строго соответствуют условию брэгговского резонанса, а три обусловлены гибридизацией МСВ и ЭМВ и расширяются с увеличением диэлектрической проницаемости  $\varepsilon$ .

Показано, что в слоистой структуре магнонный кристалл-сегнетоэлектрик-магнонный кристалл за счет изменения связи между слоями существует функциональная возможность двойного управления (электрическим и магнитным полями) плотностью и характеристиками запрещенных зон в спектре распространяющихся волн.

### Список литературы

- S.A. Nikitov, Ph. Tailhadesand, C.S. Tsai. J. Magn. Magn. Mater. 236, 320 (2001).
- [2] Ю.В. Гуляев, С.А. Никитов, Л.В. Животовский, А.А. Климов, Ф. Тайад, Л.Пресманес, К. Бонин, Ч.С. Цай, С.Л. Высоцкий, Ю.А. Филимонов. Письма в ЖЭТФ 77, 670 (2003).
- [3] Ю.В. Гуляев, С.А. Никитов. ДАН 380, 469 (2001).
   [4] А.V. Chumak, А.А. Serga, B. Hillebrands, М.Р. Kostylev. Appl.
- Phys. Lett. **93**, 022 508 (2008).
- [5] V.V. Kruglyak, S.O. Demokritov, D. Grundler. J. Phys. D 43, 264 001 (2010).
- [6] A.A. Serga, A.V. Chumak, B.Hillebrands. J. Phys. D 43, 264 002 (2010).
- [7] R. Kashyap. Fiber Bragg Gratings. Academic press. San Diego (1999). 457 p.
- [8] M. Krawczyk, D. Grundler. J. Phys.: Cond. Matter 26, 123 202 (2014).
- [9] S.V. Grishin, E.N. Beginin, M.A. Morozova, Y.P. Sharaevskii, S.A. Nikitov. J.Appl. Phys. 115, 053 908 (2014).
- [10] А.Б. Устинов, Б.А. Калиникос. ПЖТФ 40, 58 (2014).
- [11] А.В. Дроздовский, А.А. Никитин, А.Б. Устинов, Б.А. Калиникос. ЖТФ 84, 87 (2014).
- [12] М.А. Морозова, Ю.П. Шараевский, С.А. Никитов. Радиотехника и электроника **59**, 510 (2014).
- [13] В.Б. Анфиногенов, Т.Н. Вербицкая, П.Е. Зильберман, С.В. Мериакри, Ю.Ф. Огрин, В.В. Тихонов. ПЖТФ 12, 938 (1986).
- [14] В.Б. Анфиногенов, Т.Н. Вербицкая, П.Е. Зильберман, Г.Т. Казаков, С.В. Мериакри, В.В. Тихонов. ЖТФ 60, 114 (1990).
- [15] В.Б. Анфиногенов, Т.Н. Вербицкая, П.Е. Зильберман, С.В. Мериакри, Ю.Ф. Огрин, В.В. Тихонов. Радиотехника и электроника 34, 494 (1989).
- [16] О.Г. Вендик, Б.А. Калиникос, С.И. Митева. Изв. вузов. Радиоэлектроника 24, 52 (1981).
- [17] Ю.В. Гуляев, П.Е. Зильберман. Спинволновая электроника. Сер. радиоэлектроника и связь. Знание, М.(1988). 64 с.
- [18] В.Е. Демидов, Б.А. Калиникос, П. Эденхофер. ЖТФ 72, 61 (2002).

- [19] A.A. Nikitin, P.Yu. Beliavsky, V.V. Vitko, A.B. Ustinov, A.A. Semenov. Proc. 42 European Microwave Conf. Amsterdam, 2012. IEEE, N.Y. (2012). P. 783.
- [20] A.B. Ustinov, V.S. Tiberkevich, G. Srinivasan, A.N. Slavin, A.A. Semenov, S.F. Karmanenko, B.A. Kalinikos, J.V. Mantese, R. Ramer. J. Appl. Phys. **100**, 093 905 (2006).
- [21] A.B. Ustinov, G. Srinivasan, B.A. Kalinikos. Appl. Phys. Lett. 90, 031913 (2007).
- [22] S.V. Grishin, E.N. Beginin, M.A. Morozova, Y.P. Sharaevskii, S.A. Nikitov.IEEE Trans. On Magn. 50, 4006 204 (2014).
- [23] М.А. Морозова, А.Ю. Шараевская. Гетеромагнитная микроэлектроника 15, 82 (2013).
- [24] А.В. Вашковский, В.С. Стальмахов, Ю.П. Шараевский. Магнитостатические волны в электронике сверхвысоких частот. Изд-во СГУ, Саратов (1993).311 с.