# <sup>10</sup> Акустическая эмиссия при образовании и срыве дислокационного скопления

© Д.С. Андрианов,<sup>2</sup> В.В. Благовещенский,<sup>1</sup> И.Г. Панин<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Костромской государственный университет им. Н.А. Некрасова,

156000 Кострома, Россия

<sup>2</sup> Костромской государственный технологический университет,

156005 Кострома, Россия

e-mail: blagovvv@list.ru

(Поступило в Редакцию 21 сентября 2015 г.)

Построена модель образования дислокационного скопления и его эволдюции после открепления головной дислокации. По данным, полученным в результате работы модели, вычислен сигнал акустической эмиссии, сопровождающий стадию образования скопления и его срыва. Оценена величина упругих напряжений в излучаемом сигнале. Приведены данные по релаксации упругих напряжений в образце, содержащем скопление.

#### Введение

Явление акустической эмиссии происходит в кристаллических твердых телах при деформации, сопровождающейся образованием и эволюцией дислокационных ансамблей. Упругая энергия, излучаемая при этом, может регистрироваться диагностической аппаратурой, используемой для контроля над состоянием металлических конструкций [1,2]. Одним из возможных механизмов эмиссии является акустическое излучение, сопровождающее работу источника Франка-Рида (ФР). Начальная стадия этого процесса, начинающаяся задолго до момента блокировки образующегося скопления обратными напряжениями, и сопровождающего его излучения моделировалась в работах В.Д. Нацика и К.А. Чишко [3,4]. Теоретические расчеты акустической эмиссии при пластической деформации с коллективным движением дислокаций представлены в [5]. Они показывают, что релаксация напряжений начинается с момента максимального значения акустического импульса, который совпадает по времени с максимальным значением напряжений в кристалле. В то же время полученная при этом кривая напряжения не совсем точно описывает реальный процесс деформирования ни с точки зрения опытных данных [6], ни с точки зрения результатов моделирования [7]. В настоящей работе представлены результаты моделирования акустической эмиссии скопления вплоть до момента его блокировки, а также после его срыва.

## Модель

При решении данной задачи образования источника ФР дислокационного скопления и движения его после срыва был использован разработанный авторами ранее метод численного решения уравнения движения дислокационного сегмента [8]. Для этого в правую часть уравнения движения дислокационного сегмента было добавлено слагаемое  $q(\lambda, t)$ , учитывающее взамодействие дислокаций в скоплении

$$p \frac{\partial U}{\partial t} - \frac{\partial^2 U}{\partial \lambda^2} = S - \frac{1}{R(\lambda)} + q(\lambda, t),$$
$$U(0, t) = U(L, t) = 0 \ \forall \ t, \quad U(\lambda, 0) = 0 \ \forall \ \lambda, \quad (1)$$

где  $p = B/Gb^2$ ,  $S = \sigma/Gb$ , t — время, G — модуль сдвига, b — модуль вектора Бюргерса, B — коэффициент динамической вязкости, U — смещение точек дислокационного сегмента,  $R(\lambda)$  — радиус кривизны сегмента в точке  $\lambda$ ,  $\sigma$  — величина внешнего напряжения,  $\lambda$  — криволинейная координата вдоль сегмента, L — длина сегмента в криволинейных координатах, q — сила воздействия со стороны других дислокаций. Уравнение (1) справедливо для смещений U сегмента  $U \ll L$  и решается численно методом сеток.

В образовании скоплений определяющую роль играет взаимодействие между дислокациями, для учета которого в правую часть уравнения (1) введено дополнительное слагаемое q, представляющее собой усилие, создаваемое в точке  $\lambda$  данного дислокационного сегмента со стороны всех уже испущенных источником дислокационных петель:

$$q(\lambda, t) = \sum (\sigma_{yz}) / \sigma_{cr}, \qquad (2)$$

где  $\sigma_{\rm cr} = Gb/l_0$  — критическое напряжение, при котором дислокационная петля источника теряет устойчивость,  $l_0$  — расстояние между точками закрепления,  $\sigma_{yz}$  — компонента поля напряжений, создаваемого отдельными отрезками дислокаций. Суммирование в (2) выполняется по всем прямолинейным отрезкам дислокаций, состовляющим все дислокационные скопления.

Поле напряжений в точке с координатами (x, y), создаваемое отрезком дислокации с координатами концов



Рис. 1. Образовавшееся скопление дислокаций из девяти дислокационных петель.



Рис. 2. Образец, деформируемый постоянным однородным напряжением.

 $(x_1, y_1)$  и  $(x_2, y_2)$ , определяется как в [9]:

$$\sigma_{yz} = -\frac{Gb}{4\pi} \left( J_1 \left( ax + \frac{v}{v-1} \left( c - y \right) \right) + J_2 \frac{a}{v-1} \right), \quad (3)$$

где v — коэффициент Пуассона,

$$a = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2}, \quad c = \frac{x_1 y_1 - x_2 y_2}{x_1 - x_2},$$
$$J_1 = \int_{x_1}^{x_2} \frac{dx'}{R^3}, \quad J_2 = \int_{x_1}^{x_2} \frac{x' dx'}{R^3},$$
$$R = \sqrt{(x - x')^2 + (y - ax' - c)^2}.$$

Именно эта компонента  $\sigma_{yz}$  поля напряжений определяет взаимодействие дислокаций в плоскости скольжения. Головная дислокация, испущенная источником, закрепляется на некотором расстоянии от него, как бы встретив на своем пути непреодолимое препятствие. Следующая дислокация, приближаясь к первой, испытывает на себе ее воздействие, возрастающее по мере приближения к ней и препятствуя дальнейшему продвижению вплоть до полной остановки. Таким образом, начинает образовываться дислокационное скопление, в котором все дислокационные линии действуют друг на друга. Все последующие дислокации, испущенные источником, испытывают на себе воздействие со стороны скопления. Процесс генерации петель источником прекращается, когда сумма внешнего напряжения и напряжений от дислокаций скопления становится меньше  $\sigma_{\rm cr}$  (рис. 1). В этот же момент вычисляется полная деформация  $\varepsilon$ образца по формуле

где

$$\varepsilon = \varepsilon_E + \varepsilon_M,$$
 (4)

$$\varepsilon_E = \sigma/G, \quad \varepsilon_M = bS_S/(ha^2).$$

Здесь  $\varepsilon_E$  — упругая деформация,  $\varepsilon_M$  — деформация, вызванная движением дислокаций,  $S_S$  — суммарная заметенная всеми дислокациями к этому моменту площадь,  $a = 35 \cdot 10^{-6}$  m — сторона площадки моделирования, h = 0.1a — высота образца (рис. 2).

После блокировки источника и окончания процесса генерации новых петель производится искусственный срыв скопления за счет освобождения внешней дислокационной петли. Непосредственно перед срывом скопления фиксируется полная деформация образца, а заметаемая дислокациями площадь после срыва приводит к значительному увеличению дислокационной части деформации (4), при этом уменьшается упругая составляющая полной деформации  $\varepsilon_E$  и, как следствие, уменьшаются и упругие напряжения в образце  $\sigma = G\varepsilon_E$ .

Акустическое излучение, сопровождающее процесс образования скопления и его срыв, можно оценить формулой [4,10]

$$\sigma \approx G \, \frac{b}{r} \left( \frac{\rho b^2 c}{l_0 B} \right)^2 \frac{d^2 S}{d\tau^2},\tag{5}$$

где с — скорость звука,  $\rho$  — плотность кристалла, r — расстояние от источника до приемника сигнала,  $\tau = tD/Bl_0^2$  — безразмерное время,  $D = (Gb^2/4\pi) \ln(l_0b)$ . Из выражения (5) видно, что величина упругих напряжений излучения пропорциональна второй производной от заметаемой дислокационной площади. На основе данного факта строятся дальнейшие эксперименты с моделью при вычислении акустического излучения.

## Результаты

Далее представлены результаты двух экспериментов: зависимость акустического излучения от времени при образовании дислокационного скопления до и после срыва. На рис. 3 представлен график второй производной от заметаемой площади по времени до момента срыва скопления при образовании дислокационной конфигурации, представленной на рис. 1. Данный график представляет собой периодически повторяющиеся двуполярные



**Рис. 3.** Зависимость величины сигнала акустического излучения при образовании дислокационного скопления от времени до его срыва.



Рис. 4. Зависимость величины сигнала акустического излучения после срыва скопления от времени.



Рис. 5. Релаксация действующего в образце напряжения после срыва скопления.

импульсы, уменьшающиеся по амплитуде. Стрелками отмечены моменты аннигиляции с образованием замкнутой петли по ФР. Положительный импульс соответствует ускоренному движению после преодоления критического положения и потери устойчивости. Отрицательный импульс превосходит на порядок положительный и вызван резким торможением дислокаций при образовании скопления. Амплитуда импульсов уменьшается, а ширина увеличивается с ростом скопления, что обусловлено ростом числа дислокаций в скоплении. Полученный результат в основном согласуется с расчетами, приведенными в [3]. Отличие вызвано тем, что в [3] для образования скопления головная петля фиксировалась далеко от скопления, поэтому к моменту фиксации успевало образовываться несколько петель. В данном же случае момент фиксации головной петли происходил во время движения второй петли. Период импульсов порядка  $10^{-6}$  s пропорционален коэффициенту динамической вязкости *B* и увеличивается из-за тормозящего воздействия образующегося скопления.

На рис. 4 представлен акустический сигнал, возникающий в момент открепления головной петли (срыва дислокационного скопления). Сигнал представляет собой двуполярный импульс значительной амплитуды. Положительный всплеск имеет величину порядка  $1.6 \cdot 10^6 \text{ m}^2/\text{s}^2$ , отрицательный —  $0.6 \cdot 10^6 \text{ m}^2/\text{s}^2$ . Положительный всплеск вызван "разбеганием" дислокаций в начальный момент после срыва, а отрицательный замедлением разбегания при удалении дислокаций друг от друга и уменьшением взаимодействия между ними, а также уменьшением внешнего напряжения из-за релаксации. Второй двуполярный импульс меньшей амплитуды возникает при возврате последней "неотшнуровавшейся" петли в исходное положение.

На рис. 5 изображено изменение внешнего напряжения вследствие релаксации. Пользуясь формулой (5), можно оценить упругие напряжения сигнала. Подставляя используемые параметры модели:  $G = 1.8 \cdot 10^{10}$  Ра,  $b = 4 \cdot 10^{-10}$  m,  $\rho = 5 \cdot 10^3$  kg/m<sup>3</sup>,  $r = 10^{-2}$  m,  $B = 8 \cdot 10^{-4}$  Ра · s,  $c = 5 \cdot 10^3$  m/s,  $l_0 = 0.5 \cdot 10^{-6}$  m, получим оценку  $\sigma \sim 10^3$  Ра.

#### Заключение

Амплитуда звукового импульса при срыве скопления значительно превышает амплитуду сигнала на всех этапах его образования. Например, амплитуда положительного импульса, образовавшегося сразу после открепления головной дислокационной петли, в 30 раз превышает амплитуду наибольшего отрицательного выброса при торможении дислокаций в образующемся скоплении. Следует отметить сходство этого процесса с образованием больших сдвиговых напряжений в земной коре перед землетрясением [9].

Учет взаимодействия дислокаций при образовании и срыве скопления требует значительных вычислительных ресурсов. Для ускорения расчетов применялась технология распараллеливания вычислений, а сами расчеты проводились с использованием вычислительного 38 ядерного кластера T-Edge-10 с пиковой нагрузкой 456 tf Костромского государственного университета им. Н.А. Некрасова. Все это позволило свести время вычислений к приемлемым величинам.

## Список литературы

- [1] Муравьев Т.В., Зуев Л.Б. // ЖТФ. 2008. Т. 78. Вып. 8. С. 135–139.
- [2] Kamyshanchenko N.V., Nikulin I.S., Kungurtsev E.S., Kungurtsev M.S. // Technical Phys. Lett. 2013. Vol. 39. N 5. P. 469–471.
- [3] Нацик В.Д., Чишко К.А. // ФТТ. 1975. Т. 17. № 1. С. 342– 345.
- [4] Нацик В.Д., Чишко К.А. // ФТТ. 1978. Т. 20. № 7. С. 1933– 1936.
- [5] Kumar J., Ananthakrishna G. // Phys. Rev. Lett. 2011. Vol. 106. N 10. P. 105 702.
- [6] Полухин П.И., Гун Г.Я., Галкин А.М. Сопротивление пластической деформации металлов и сплавов. М.: Металлургия, 1983. 352 с.
- [7] Благовещенский В.В., Панин И.Г. // Физика металлов и материаловедение. 2010. Т. 109. Вып. 3. С. 286–288.
- [8] Благовещенский В.В., Панин И.Г. // Вычислительные технологии. 2008. Т. 13. Вып. 5. С. 5–10.
- [9] Хирт Дж., Лоте И. Теория дислокаций. М.: Атомиздат, 1972. 599 с.
- [10] Косевич А.М. // УФН. 1964. Т. 84. Вып. 4. С. 579-609.

127