## 12,01

# Динамический сдвиг линий ЯМР в наноструктурированном расплаве Ga—In—Sn

© А.В. Усков<sup>1</sup>, Д.Ю. Нефедов<sup>1</sup>, Е.В. Чарная<sup>1</sup>, Д.Ю. Подорожкин<sup>1</sup>, А.О. Антоненко<sup>1</sup>, J. Haase<sup>2</sup>, D. Michel<sup>2</sup>, М.К. Lee<sup>3</sup>, L.J. Chang<sup>3</sup>, Ю.А. Кумзеров<sup>4</sup>, А.В. Фокин<sup>4</sup>, А.С. Бугаев<sup>5</sup>

 <sup>1</sup> Санкт-Петербургский государственный университет, Санкт-Петербург, Россия
 <sup>2</sup> Faculty of Physics and Geosciences, Leipzig University, Leipzig, Germany
 <sup>3</sup> National Cheng Kung Universuty, Tainan, Taiwan
 <sup>4</sup> Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия
 <sup>5</sup> Московский физико-технический институт, Москва, Россия
 E-mail: yskov@yandex.ru, charnaya@live.com
 (Поступила в Редакцию 18 мая 2017 г.)

Проведены измерения спектра ЯМР и восстановления продольной ядерной намагниченности после инвертирующего импульса для изотопов <sup>69</sup>Ga и <sup>71</sup>Ga в жидком эвтектическом сплаве Ga–In–Sn, внедренном в пористые стекла с размером пор 25 и 7 nm в сравнении с объемным расплавом в полях 9.4, 11.7 и 17.6 Т. Обнаружено различие формы и положения линий ЯМР в различных полях и для разных изотопов галлия в расплаве, внедренном в пористое стекло с размером пор 7 nm. Полученные в этом образце данные интерпретированы на основе теоретической модели динамического квадрупольного сдвига, в рамках которой найдено время корреляции атомного движения. Показана согласованность характеристик атомного движения, рассчитанных на основе модели динамического сдвига и на основе измерений спиновой релаксации.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (грант № 16-57-52009). Измерения частично проводились в Ресурсном центре "Центр диагностики функциональных материалов для медицины, фармакологии и наноэлектроники" Санкт-Петербургского государственного университета.

DOI: 10.21883/FTT.2017.12.45247.160

#### 1. Введение

В настоящее время большое внимание уделяется исследованию различных материалов, в том числе металлов и металлических сплавов, введенных в нанопористые матрицы [1]. Одним из информативных методов, чувствительных к локальным параметрам конденсированных сред, является ядерный магнитный резонанс (ЯМР), что обусловило его широкое применение для изучения материалов в порах. Большинство ЯМР-исследований проводников в условиях ограниченной геометрии проводилось для легкоплавких металлов, таких как галлий, индий, ртуть и их сплавы (см. [2-4] и ссылки в этих работах). Было выявлено существенное влияние размера пор и соответственно размера металлических частиц на атомную подвижность, электронную восприимчивость и фазовые переходы плавлениекристаллизация. Атомная подвижность представляет особый интерес, поскольку она напрямую связана с вязкостью и коэффициентом диффузии и отвечает за скорость протекания жидкостей через пористые среды. Для изучения атомной подвижности в жидкостях, заполняющих поры, была разработана методика измерения затухания спинового эха при приложении градиента магнитного поля [5]. Однако эта методика не применима

для расплавов металлов в связи с коротким временем ядерной релаксации. Альтернативой является методика, в которой измеряется восстановление продольной намагниченности ядер со спином I > 1/2 [6,7]. Она основана на выделении в общем процессе релаксации вклада квадрупольного механизма, обусловленного взаимодействием ядерного квадрупольного момента с динамическими градиентами электрических полей, возникающими при движении в жидкости.

Атомная подвижность сказывается также и на спектрах ЯМР. Изменение положения резонансных линий из-за внутренних движений в системе было впервые рассмотрено для электронного парамагнитного резонанса (ЭПР). Были получены выражения для ширины [8] и формы линии [9–13] ЭПР, которые нашли экспериментальное подтверждение. Изменение положения резонансной линии в связи с динамическими эффектами в системе получило название динамического сдвига. Динамические сдвиги наблюдаются при условии  $\omega_0 \tau \geq 1$  [11], где  $\omega_0$  — резонансная частота, а  $\tau$  — время корреляции атомного движения. В первое время динамические сдвиги наблюдались только в ЭПР-спектрах. Позднее, благодаря применению сильных квантующих полей в ЯМР-спектрометрах, стало возможным наблюдение динамического сдвига спектров ЯМР для вязких жидкостей, обладающих бо́льшим временем корреляции атомного движения [14–18], и для твердых тел с высокой атомной подвижностью [19].

Значительное продвижение в развитии методики ЯМР определения атомной подвижности в металлических жидкостях в условиях ограниченной геометрии может быть получено при комбинировании измерений статических характеристик (положения и формы линий ЯМР) и использованных ранее измерений ядерной спиновой релаксации [6]. В настоящей работе представлены результаты исследований методом ЯМР жидкого тройного сплава галлия, индия и олова, Ga-In-Sn, введенного в пористые стекла с различными размерами пор, с целью обнаружения динамического эффектов в положении и форме линий ЯМР и анализа атомной подвижности. Тройной сплав Ga-In-Sn изучен значительно слабее, чем бинарные сплавы металлов. ЯМР-исследований этого сплава ранее не проводилось, за исключением измерений спиновой релаксации в работе [7].

#### 2. Образцы и эксперимент

Как и многие другие металлические сплавы, Ga-In-Sn имеет фазовую диаграмму эвтектического типа [20]. Эвтектическая точка соответствует составу 75 at.% Ga, 17 at.% In и 8 at.% Sn. В эвтектической точке сплав плавится при температуре около 285 К. В промышленности широко применяется сплав под названием "галинстан", концентрация компонент в котором несколько отличается от приведенной выше за счет присутствия небольшого количества других элементов. Тройной сплав Ga-In-Sn также перспективен для использования в нанокомпозитных системах, в частности, в ферроколлоидных суспензиях.

Исследуемые в настоящей работе образцы представляли собой пористые стекла со средним размером пор 25 и 7 nm, заполненные Ga-In-Sn, и объемный образец сплава. Пористые стекла были изготовлены путем выщелачивания натриево-боросиликатных заготовок. Размер пор определялся с помощью азотной адсорбционной порометрии и дополнительно контролировался методом ртутной порометрии. Заполнение пор сплавом производилось при комнатной температуре под давлением. Из заполненных пористых стекол вырезались кубики с ребром 4 mm. Чтобы избежать паразитного сигнала от объемного сплава, перед измерениями поверхность образцов тщательно очищалась. В качестве объемного расплава использовались капли порядка 0.5 mm в диаметре, помещенные в стеклянную капсулу.

ЯМР-исследования проводились на импульсных спектрометрах Avance 400, Avance 500 и Avance 750 производства Bruker в магнитных полях 9.4, 11.7 и 17.6 Т соответственно. Измерения производились для двух стабильных изотопов галлия <sup>69</sup>Ga и <sup>71</sup>Ga при комнатной температуре. Изотопы галлия <sup>69</sup>Ga и <sup>71</sup>Ga имеют близкую природную распространенность

(60 и 40% соответственно) и спин I = 3/2. Их гиромагнитные отношения  $\gamma$  и квадрупольные моменты Q равны  $\gamma_{69} = 6.44 \cdot 10^7 \text{ rad s}^{-1}\text{T}^{-1}$ ,  $Q_{69} = 17.1 \text{ fm}^2$  и  $\gamma_{71} = 8.18 \cdot 10^7 \text{ rad s}^{-1}\text{T}^{-1}$ ,  $Q_{71} = 10.7 \text{ fm}^2$ . Для получения резонансных линий регистрировался сигнал свободной прецессии после 90-градусного импульса с последующим Фурье-преобразованием. Положение резонансных линий определялось по максимуму интенсивности и рассчитывалось относительно сигналов ЯМР галлия в водном растворе нитрата галлия III. Продольная спиновая релаксация наблюдалась по восстановлению сигнала ядерной намагниченности после инвертирующего 180-градусного импульса.

#### 3. Результаты

Положение линий ЯМР для ядер <sup>71</sup>Ga и <sup>69</sup>Ga совпадало для всех спектрометров в случае объемного образца, что согласуется с известными данными для жидких металлов [2,7]. Относительный сдвиг резонансной частоты К<sub>s</sub> (сдвиг Найта) равнялся 4460 ррт. Для образца на основе пористого стекла с размером пор 25 nm разница в положении линий изотопов галлия в разных полях также была меньше погрешности, хотя сдвиг Найта уменьшился по сравнению со сдвигом в объемном сплаве на 20 ррт. Форма линий ЯМР для объемного расплава и расплава в пористом стекле с размером пор 25 nm аппроксимировалась лоренцианом, причем для расплава в пористом стекле линии несколько уширялись. Для Ga-In-Sn в порах с размером 7 nm прослеживается тенденция к зависимости положения максимумов резонансных линий от номера изотопа и от напряженности поля. Форма линий при этом заметно отличалась от лоренцевской. Линии были несимметричными и сильно уширенными, при этом уширение было



**Рис. 1.** Формы линий ЯМР <sup>71</sup>Ga для объемного эвтектического сплава Ga–In–Sn (I) и сплава Ga–In–Sn в пористом стекле с размером пор 7 nm (2) в полях 9.4 T (тонкие линии) и 17.6 T (жирные линии).



**Рис. 2.** Зависимость положения максимума линии изотопа <sup>71</sup>Ga от обратного размера пор для полей 9.4 Т (квадраты), 11.7 Т (кружки), 17.6 Т (треугольники). Прямая линия показывает линейную зависимость, полученную методом наименыших квадратов. На вставке представлены положения максимумов линий изотопов <sup>69</sup>Ga и <sup>71</sup>Ga в случае стекла 7 nm.



**Рис. 3.** Восстановление намагниченности для изотопов <sup>71</sup>Ga (заполненные символы) и <sup>69</sup>Ga (пустые символы) в сплаве Ga–In–Sn, внедренном в пористое стекло с размером пор 7 nm для полей 9.4 T (квадраты), 11.7 T (кружки), 17.6 T (треугольники). Сплошными линиями показаны теоретические зависимости. На вставке представлены кривые восстановления намагниченности в объемном расплаве (штриховые линии) в сравнении с теоретическими (сплошные линии) и экспериментальными кривыми (квадраты) восстановления в расплаве, внедренном в пористое стекло с размером пор 7 nm в поле 9.4 T. Изотопу <sup>69</sup>Ga соответствуют тонкие линии и заполненные символы.

существенно больше для изотопа  $^{69}$ Ga. На рис. 1 в качестве примера показаны линии ЯМР  $^{71}$ Ga для объемного расплава и Ga–In–Sn, внедренного в пористое стекло с размером пор 7 nm, в полях 9.4 и 17.6 T. Положения

максимумов линий ЯМР для изотопа <sup>71</sup>Ga в зависимости от обратного размера пор в разных магнитных полях представлено на рис. 2. Из графика видно, что сдвиг Найта приблизительно линейно уменьшается с ростом обратного размера пор.

Восстановление намагниченности после инвертирующего импульса в объемном расплаве для обоих изотопов происходило по экспоненциальному закону со временами релаксации, которые не зависели от напряженности поля и равнялись  $T_{1,bulk}^{69} = 483 \pm 5 \, \mu s$  и  $T_{1,bulk}^{71} = 437 \pm 5\,\mu {
m s}$  в соответствии с данными, приведенными в [7]. Спин-решеточная релаксация для расплава в пористом стекле с размером пор 25 nm также была экспоненциальной и не зависела от магнитного поля. При этом релаксация была более быстрой, чем для объемного расплава, и описывалась временами  $T_1^{69} = 143 \pm 10\,\mu{
m s}$ и  $T_1^{71} = 257 \pm 10 \,\mu$ s. Однако для жидкого Ga-In-Sn в пористом стекле с размером пор 7 nm восстановление продольной намагниченности не описывалось одной экспонентой и происходило значительно быстрее, чем в объемном образце и в расплаве, введенном в поры размером 25 nm. Скорость релаксации зависела от магнитного поля. Кривые восстановления ядерной намагниченности для обоих изотопов в разных полях для расплава в стекле 7 nm показаны на рис. 3. Сравнение кривых восстановления для объемного расплава и в стекле 7 nm, измеренных на спектрометре Bruker Avance 400, представлено на вставке к рис. 3.

### 4. Обсуждение

Ускорение спиновой релаксации для расплава Ga-In-Sn в условиях ограниченной геометрии было впервые получено в работе [7] и трактовалось как следствие замедления атомного движения, приводящее к усилению роли квадрупольного механизма релаксации в соответствии с данными для других металлов и сплавов в нанопористых матрицах [6]. Неэкспоненциальная спиновая релаксация в образце на основе пористого стекла с размером пор 7 nm указывает, что в этом образце не выполняется приближение быстрого движения [21]. Таким образом, выявленная методом ЯМР зависимость положения линий ЯМР от магнитного поля для сплава Ga-In-Sn в стекле с размером пор 7 nm и различие положений резонансных линий изотопов галлия могут быть объяснены на основе теоретической модели динамического сдвига. Причем ответственным за динамический сдвиг является квадрупольное взаимодействие с градиентами переменных электрических полей, вызываемых атомным движением в расплаве. Отметим, что ранее зависимость положения резонансных линий от поля была экспериментально обнаружена для изотопов галлия в жидком сплаве Ga-In, введенном в пористое стекло с размером пор 5 nm [2].

Для интерпретации формы и положения линий ЯМР изотопов галлия в различных полях необходимо учесть, что для спина I = 3/2 резонансная линия в общем

случае представляет собой сумму двух компонент, имеющих вид лоренцианов [22],

$$g(\omega) = \frac{2T_{21}}{1 + (\omega - \omega_0 - \delta_1)^2 T_{21}^2} + \frac{3T_{22}}{1 + (\omega - \omega_0 - \delta_2)^2 T_{22}^2},$$
(1)

где  $T_{21}$  и  $T_{22}$  — времена спин-спиновой релаксации для каждой из компонент, которые характеризуют ширину линии, а  $\delta_1$  и  $\delta_2$  — сдвиги максимумов компонент от резонансной частоты. Отметим, что в (1) резонансная частота  $\omega_0$  включает в себя сдвиг Найта. Времена  $T_{2i}$  и сдвиги компонент  $\delta_i$  даются выражениями

$$T_{21} = \frac{2}{C\tau \left(\frac{1}{1+(\omega_0\tau)^2} + \frac{1}{1+(2\omega_0\tau)^2}\right)},$$

$$T_{22} = \frac{2}{C\tau \left(\frac{1}{1+(\omega_0\tau)^2} + 1\right)},$$

$$\delta_1 = \frac{C\omega_0\tau^2}{2} \left(\frac{2}{1+(2\omega_0\tau)^2} - \frac{1}{1+(\omega_0\tau)^2}\right),$$

$$C\omega\tau^2$$
(2)

$$\delta_2 = \frac{C\omega_0\tau^2}{2\left(1 + (\omega_0\tau)^2\right)},\tag{3}$$

где C — параметр квадрупольного взаимодействия, введенный аналогично [7] и пропорциональный квадрату ядерного квадрупольного момента Q. В приближении быстрого атомного движения ( $\omega_0 \tau \ll 1$ ) выражения (2) и (3) упрощаются. В этом приближении динамические сдвиги  $\delta_1$  стремятся к нулю, а уширения компонент становятся близкими и слабыми. Таким образом, наблюдается одна узкая резонансная линия на частоте  $\omega_0$ . В обратном случае большого времени корреляции, т.е. медленного атомного движения, ( $\omega_0 \tau \gg 1$ ) выражения (2) и (3) также упрощаются и могут быть записаны следующим образом

$$T_{21} = \frac{8\omega_0^2 \tau}{5C}, \quad T_2 = \frac{2}{C\tau},$$
 (4)

$$\delta_1 = -\frac{C}{4\omega_0}, \quad \delta_2 = \frac{C}{2\omega_0}, \tag{5}$$

Согласно (4) вторая компонента сильно уширяется и не наблюдается на эксперименте. Остается только одна компонента, сдвинутая на величину  $\delta_1$ . В промежуточном случае должны наблюдаться обе компоненты, сдвинутые относительно друг друга, что приводит к асимметрии суммарной резонансной линии.

При описании реальной экспериментальной линии ЯМР следует учитывать не только динамическое уширение, но и другие механизмы уширения, всегда присутствующие в спин-системе. В настоящей работе учитывались магнитное дипольное уширение, квадрупольное уширение, вызванное пространственной неоднородностью градиентов электрических полей на ядрах, и уширение, обусловленное распределением пор по размерам. Последнее связано с зависимостью сдвига Найта от размера пор, показанной на рис. 2. Дипольное и квадрупольное уширение учитывалось нами введением гауссовской формы линии с подгоночными параметрами. Распределение пор по размерам было получено методом адсорбционной азотной порометрии. По нему пересчитывалась функция распределения резонансной частоты в предположении линейной зависимости сдвига Найта от обратного размера пор.

Суммарная форма линии с учетом динамического уширения находилась в виде свертки

$$G(\omega) = n \iiint g(\omega - \omega_2) e^{\frac{-(\omega_2 - \omega_1)^2}{2D^2}} e^{\frac{-(\omega_3 - \omega_2)^2}{2(PQ)^2}}$$
$$\times f(\omega_1) d\omega_1 d\omega_2 d\omega_3, \tag{6}$$

где  $f(\omega_1)$  — функция распределения резонансных частот из-за неоднородности сдвига Найта, полученная из распределения пор по размерам, D и P — подгоночные параметры, характеризующие неоднородное дипольное и квадрупольное уширение соответственно, *п* — нормировочный коэффициент. Используя экспериментально измеренные формы линии ЯМР для двух изотопов галлия в различных полях, можно найти значения всех подгоночных параметров. Отметим, что ларморовские частоты и квадрупольные параметры различны для разных изотопов галлия, причем  $C_{69} = C_{71}Q_{69}^2/Q_{71}^2$  [7]. На рис. 4 и 5 показаны результаты оптимального расчета кривых формы линий ЯМР для двух изотопов галлия в различных полях в сравнении с экспериментальными линиями. Положения максимумов экспериментальных линий ЯМР отмечены вертикальными линиями. Подгоночные параметры были равны  $D = 0.8 \text{ rad}/\mu \text{s}, P = 0.007 \text{ rad}/\mu \text{s} \cdot \text{fm}^2, K_s = 4385 \text{ ppm},$  $C_{69} = 78 \pm 2\,\mu \mathrm{s}^{-2}, \, \tau = 0.66 \,\mathrm{ns}.$ 

С другой стороны, подгоночные параметры  $C_{69}$  и  $\tau$ , согласно [7], должны соответствовать данным измерений продольной ядерной релаксации. Как известно, в расплавах проводников релаксация квадрупольных ядер идет за счет дипольного вклада, обусловленного взаимодействием ядерного магнитного дипольного момента с электронами проводимости, и квадрупольного вклада, обусловленного взаимодействием ядерного электрического квадрупольного момента с динамическими градиентами электрических полей, которые индуцируются движением в жидкости. Восстановление намагниченности для ядер со спином 3/2 в зависимости от времени *t* описывается выражением [7]

$$\frac{M(t)}{M_0} = 1 - b \left[ \frac{4}{5} \exp\left(-\frac{C\tau t}{1 + 4\omega_0^2 \tau^2}\right) + \frac{1}{5} \exp\left(-\frac{C\tau t}{1 + \omega_0^2 \tau^2}\right) \right] \exp\left(-\frac{t}{T_{1m}}\right), \quad (7)$$

где b — коэффициент, учитывающий неполное импульсное инвертирование намагниченности образца,  $T_{1m}$  — время магнитной релаксации, M и  $M_0$  — зависящая от времени и равновесная намагниченности. Следуя методу, описанному в [7], можно получить  $T_{1m}^{71} = (580 \pm 10) \, \mu$ s и  $T_{1m}^{69} = (937 \pm 17) \, \mu$ s. Шесть



**Рис. 4.** Экспериментальные и теоретические формы линий  $\rm MMP$  <sup>71</sup>Ga в сплаве Ga–In–Sn, внедренном в пористое стекло 7 nm, в полях 9.4 T (квадраты и пунктирная линия), 11.7 T (кружки и штриховая линия), 17.6 T (треугольники и сплошная линия). Вертикальные линии показывают положения максимумов линий  $\rm SMP$ .



**Рис. 5.** Экспериментальные и теоретические формы линий  $\rm 3MP$  <sup>69</sup>Ga в сплаве Ga–In–Sn, внедренном в пористое стекло 7 nm, в полях 9.4 T (квадраты и пунктирная линия), 11.7 T (кружки и штриховая линия), 17.6 T (треугольники и сплошная линия). Вертикальные линии показывают положения максимумов линий  $\rm 3MP$ .

экспериментальных зависимостей для намагниченности, показанные на рис. 3, были подогнаны на основе формулы (7). Подгоночные кривые также представлены на рис. 3. В результате подгонки было рассчитано время корреляции атомного движения  $\tau$  и независимый квадрупольный параметр  $C_{69}$ . Найденные  $\tau$  и  $C_{69}$ 

совпали в пределах погрешности со значениями, полученными путем подгонки формы и положения линий ЯМР. Согласованность результатов, полученных из релаксационных измерений и измерений формы и положения линий ЯМР, показывает адекватность использованных подходов.

Таким образом, в настоящей работе показано, что модель динамического квадрупольного сдвига линии ЯМР может использоваться для определения параметров атомного движения в наноструктурированных расплавах проводников, для которых вследствие значительного уменьшения атомной подвижности перестает выполняться приближение экстремального сужения. Продемонстрирована согласованность результатов определения времени корреляции атомного движения на основе измерений ядерной спиновой релаксации и на основе модели динамического сдвига.

#### Список литературы

- Yu.A. Kumzerov, S.B. Vakhrushev. In: Encyclopedia of Nanoscience and Nanotechnology / Ed. H.S. Nalwa. American Science Publ. (2003). 810 p.
- [2] Д.Ю. Подорожкин, Е.В. Чарная, D. Michel, J. Haase, C. Tien, M.K. Lee, L.J. Chang, Ю.А. Кумзеров. ФТТ 54, 1104 (2012).
- [3] E.V. Charnaya, C. Tien, W. Wang, M.K. Lee, D. Michel, D. Yaskov, S.Y. Sun, Y.A. Kumzerov. Phys. Rev. B 72, 035406 (2005).
- [4] E.V. Charnaya, C. Tien, M.K. Lee, Yu.A. Kumzerov. Phys. Rev. B 75, 212202 (2007).
- [5] M. Weber, A. Klemm, R. Kimmich. Phys. Rev. Lett. 86, 4302 (2001).
- [6] E.V. Charnaya, T. Loeser, D. Michel, C. Tien, D. Yaskov, Y.A. Kumzerov. Phys. Rev. Lett. 88, 097602 (2002).
- [7] Д.Ю. Нефедов, А.О. Антоненко, Д.Ю. Подорожкин, А.В. Усков, Е.В. Чарная, М.К. Lee, J.L. Chang, J. Haase, D. Michel, Ю.А. Кумзеров, А.В. Фокин, М.И. Самойлович, А.С. Бугаев. ФТТ 59, 351 (2017).
- [8] A. Carrington, G.R. Luckhurst. Mol. Phys. 8, 125 (1964).
- [9] M. Rubinstein, A. Baram, Z. Luz. Mol. Phys. 20, 67 (1971).
- [10] A. Baram. J. Chem. Phys. 58, 4558 (1973).
- [11] R. Poupko, A. Baram, Z. Luz. Mol. Phys. 27, 1345 (1974).
- [12] S. Alexander, Z. Luz, Y. Naor, R. Poupko. Mol. Phys. 33, 1119 (1977).
- [13] L. Werbelow, R.E. London. Concepts Magn. Reson. 8, 325 (1996).
- [14] R.H. Tromp, J. Bleijser, J.C. Leyte. Chem. Phys. Lett. 175, 568 (1990).
- [15] P.O. Westlund, H. Wennerström. J. Magn. Reson. 50, 451 (1982).
- [16] U. Eliav, H. Shinar, G. Navon. J. Magn. Reson. 94, 439 (1991).
- [17] A.G. Marshall, T.C.L. Wang, C.E. Cottrell, L.G. Werbelow. J. Am. Chem. Soc. 104, 7665 (1982).
- [18] S.C. Shekar, J.A. Tang, A. Jerschow. Concepts Magn. Reson. A 36A, 362 (2010).
- [19] T. Kurkiewicz, M.J. Thrippleton, S. Wimperis. Chem. Phys. Lett. 467, 412 (2009).
- [20] D.S. Evans, A. Prince. Met. Sci. 12, 411 (1978).
- [21] A. Abragam. Principles of Nuclear Magnetism. Clarendon Press, Oxford (1989). 618 p.
- [22] P.S. Hubbard. J. Chem. Phys. 53, 985 (1970).