

## Двух- и трехфотонный линейно-циркулярный дихроизм в полупроводниках кубической симметрии

© В.Р. Расулов, Р.Я. Расулов<sup>✉</sup>, Р.Р. Султонов, Б.Б. Ахмедов

Ферганский государственный университет,  
150100 Фергана, Республика Узбекистан

<sup>✉</sup> E-mail: r\_rasulov51@mail.ru

Поступила в Редакцию 19 июня 2020 г.  
В окончательной редакции 13 июля 2020 г.  
Принята к публикации 13 июля 2020 г.

Теоретически исследован линейно-циркулярный дихроизм двух- и трехфотонного поглощения света в полупроводниках кубической симметрии дырочной проводимости. Рассчитаны матричные элементы двух- и трехфотонных оптических переходов, протекающих между подзонами валентной зоны полупроводника. При этом учтены переходы, связанные как с одновременным поглощением отдельных фотонов, так и одновременным поглощением двух фотонов, а также определены спектральная и температурная зависимости коэффициента двух- и трехфотонного поглощения поляризованного излучения.

**Ключевые слова:** линейно и циркулярно поляризованный свет, матричный элемент, оптический переход, вероятность перехода, носители тока, валентная зона, полупроводник.

DOI: 10.21883/FTP.2020.11.50082.9469

Создание лазеров и мазеров дает возможность проведения исследований по выстраиванию по импульсу и оптической ориентации моментов носителей тока при одно- и многофотонном поглощении поляризованного излучения в полупроводниках, дающих информацию о природе электрон-фотонного взаимодействия и спин-зависимой релаксации импульса электронов [1–9].

В настоящее время многофотонный линейно-циркулярный и циркулярно-циркулярный дихроизм исследован в полупроводниках при поглощении света различной частоты и поляризации [2], обусловленный межзонными оптическими переходами, т.е. оптическими переходами между валентной зоной и зоной проводимости полупроводника. В частности, в работе [2] построена теория линейно-циркулярного дихроизма многофотонного межзонного поглощения света в полупроводниках в области развитой нелинейности, т.е. в области интенсивности, когда удовлетворяется условие  $\frac{2\pi e^2 I |\mathbf{e}_{\mathbf{p}_{cv}}|^2}{c n_\omega \omega^2 m_0^2 (\hbar \omega)^2} \ll 1$ , где  $\mathbf{e}$  и  $I$  — вектор поляризации и интенсивность света,  $\mathbf{p}_{cv} = \mathbf{p}_{ck, vk} = \mathbf{e}_{\mathbf{p}_{ck, vk}}$  — межзонный матричный элемент оператора импульса,  $n_\omega$  — показатель преломления света среды на частоте  $\omega$ ,  $m_0$  — масса свободного электрона.

В вышеуказанных работах не изученными остались процессы поглощения света, обусловленные двух- и трехфотонными оптическими переходами между подзонами одной, например, валентной зоны или зоны проводимости полупроводника, а также не учтено одновременное поглощение двух фотонов [10–13], чему посвящено данное сообщение. Далее проводим квантовомеханический анализ двух и трехфотонного линейно-циркулярного дихроизма в полупроводниках кубической симметрии со сложной валентной зоной.

Отметим, что при поглощении линейно и циркулярно поляризованного света разрешены многоквантовые оптические переходы через виртуальные электронные состояния, находящиеся как в валентной зоне и в зоне проводимости, так и в далеко расположенных от них зонах. По закону сохранения углового момента носителей тока физическая природа оптических переходов зависит от степени поляризации света. В частности, при  $N$  фотонном поглощении циркулярно (линейно) поляризованного света будет происходить ориентация угловых моментов (выстраивание по импульсу) фотовозбужденных носителей тока, так что следующие фотоны будут взаимодействовать с оптически ориентированными (выстроенными по импульсу) носителями тока. По правилу отбора рассматриваемого оптического перехода носителей тока вероятность двух- и трехфотонных оптических переходов будет зависеть как от частоты, так и от степени поляризации света, и она приводит к появлению линейно-циркулярного дихроизма поглощения света. В результате получим, что в кристаллах кубической симметрии должен наблюдаться линейно-циркулярный дихроизм двух- и трехфотонного поглощения света. Заметим, что в сферическом приближении в энергетическом спектре носителей тока линейно-циркулярный дихроизм однофотонного поглощения света можно наблюдать при учете когерентного насыщения конечного состояния фотовозбужденных носителей тока [5, 10–13].

Несмотря на то что однофотонное (линейное по интенсивности) поглощение поляризованного излучения в полупроводниках, обусловленное оптическими переходами между подзонами легких и тяжелых дырок валентной зоны, исследуется как теоретически, так и экспериментально уже довольно давно ([5] и ссылки в ней), вопрос о линейно-циркулярном дихроизме (см., например, работы [10–13]) двух- и трехфотонного по-

глощения света с учетом одновременного поглощения света остается открытым.

Поэтому далее рассмотрим двух- и трехфотонное поглощение поляризованного излучения в полупроводниках кубической симметрии, обусловленное прямыми оптическими переходами между подзонами легких и тяжелых дырок.

В пространственно однородном случае матричные элементы оператора как межзонных, так и внутризонных оптических переходов состоят из двух составляющих, одна из которых описывает однофотонное взаимодействие, а вторая описывает взаимодействия электронов с двумя одновременно поглощающимися фотонами [10–13]. Тогда, следуя данным работ [10–13], с учетом вклада эффекта когерентного насыщения в коэффициент  $N$  фотонного поглощения света  $K^{(N)}(\omega, T)$  имеем

$$K^{(N)}(\omega, T) = 2\pi N \frac{\omega}{I} \rho(N\hbar\omega) F(\beta, N, \omega) \times \sum_{m=\mp 1/2, m'=\mp 3/2} \left\langle \frac{|M_{m',m}^{(N)}(\mathbf{k})|^2}{\sqrt{1 + 4 \frac{\alpha_\omega}{\hbar^2 \omega^2} |M_{m',m}^{(N)}(\mathbf{k})|^2}} \right\rangle, \quad (1)$$

где  $M_{m',m}^{(N)}(\mathbf{k})$  — составной матричный элемент оптического перехода из состояния  $|m'\mathbf{k}\rangle$  в  $|m\mathbf{k}\rangle$ ,  $F(\beta, N, \omega) = [1 - \exp(N\hbar\omega/(k_B T))] \exp[(E_F - E_1^{(N)})/k_B T]$ ,  $E_1^* = m_2 \hbar\omega (m_2 - m_1)$ ,  $I = \frac{n_\omega \omega^2 A_0^2}{2\pi c} (A_0)$  — интенсивность (амплитуда вектора потенциала) света,  $E_{lk}$  — энергетический спектр дырок в подзоне  $l$  ( $l = 1(l = 2)$  — для тяжелых (легких) дырок),  $n_\omega$  — коэффициент преломления на частоте  $\omega$ ,  $\hbar\omega$  — энергия фотона,  $\rho(N\hbar\omega) = \mu_- k_\omega^{(N)} / (\pi^2 \hbar^2)$  — приведенная плотность состояний фотовозбужденных дырок,  $k^{(N)} = (2\mu_- N\omega/\hbar)^{1/2}$ ,  $\alpha_\omega = 6\omega^2 T_1^{(1)} T_2^{(1)} \frac{I}{I_0}$ ,  $I_0 = \frac{cn_\omega \hbar^3 \omega^3}{2\pi|B|}$ ,  $B = \frac{\hbar^2(m_1 - m_2)}{2m_1 m_2}$ , знак  $\langle \dots \rangle$  означает усреднение по телесному углу волнового вектора дырок  $\mathbf{k}$ . Остальные величины — общеизвестные. Здесь электронам в подзоне  $l = 1$  (тяжелые дырки) соответствуют состояния с проекцией  $m = \pm 3/2$  углового момента на направление  $\mathbf{k}$ , а электронам в подзоне  $l = 2$  (легкие дырки) — состояния с  $m = \pm 1/2$ . Например, для  $p$ -GaAs и  $I_0 = 13420$  кВт/см<sup>2</sup> при  $\hbar\omega = 17$  мэВ,  $m_1 = 0.51m_0$  ( $m_2 = 0.09m_0$ ) — эффективная масса тяжелых (легких) дырок,  $E_1^{(N)} = NE_1^*$ .

Закон сохранения энергии, описывающий функцию  $\delta(E_{2k} - E_{1k} - N\hbar\omega)$ , надо учитывать в конечных результатах. Как указано в работах [10–13], использование этого соотношения в начальных или промежуточных этапах расчета, например, спектральной или температурной зависимости многофотонного коэффициента поглощения света или поляризационно-зависимого фототока [14–16], может привести к ошибочным результатам.

Из (1) видно, что для определения спектральной или температурной зависимости коэффициента многофотонного поглощения света  $K^{(N)}$  надо рассчитать матричные

элементы рассматриваемых оптических переходов, которые будем анализировать далее для конкретных случаев.

Исходя из данных работы [12] матричный элемент двухфотонного оптического перехода представим в виде

$$M_{mk,m'\mathbf{k}}^{(2)} = M_{m,m'}^{(2)} = \sum_{m''=\pm 1/2, \pm 3/2} \frac{M_{m,m''}^{(1)} M_{m'',m'}^{(1)}}{(E_{m''\mathbf{k}} - E_{m'\mathbf{k}} - \hbar\omega)} - \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right) [H_{\Gamma_6}^{(2)}(\mathbf{e}')]_{m,m'}, \quad (2)$$

где  $H_{\Gamma_6}^{(2)}(\mathbf{e}') = H_{\Gamma_6}^{(2)}(\mathbf{k} \rightarrow \mathbf{e}')$ ,  $H_{\Gamma_i}^{(2)}(\mathbf{k})$  — эффективный гамильтониан дырок в представлении Латтинжера–Кона [17,18],  $e_{x'}, e_{y'}, e_{z'}$  — компоненты вектора  $\mathbf{e}'$ , где  $e_{x'}, e_{y'}$  — проекции  $\mathbf{e}'$  вектора поляризации света на оси  $x', y'$ , перпендикулярные к волновому вектору дырок  $(\mathbf{k})$ . Отметим, что первое слагаемое (2) описывает двухквантовый межподзонный оптический переход, протекающий с поглощением двух одинарных фотонов, а второе слагаемое — одновременное поглощение двух фотонов.

Так как нас интересуют оптические переходы типа  $|\pm 3/2\rangle \rightarrow |\pm 1/2\rangle$ , приведем выражения для матричных элементов  $N$  фотонных оптических переходов ( $\|M_{m,m'}^{(N)}\|$ ), происходящих между подзонами валентной зоны полупроводника. При расчетах  $\|M_{m,m'}^{(N)}\|$  обратим внимание на многофотонные оптические переходы, изображенные следующими фейнмановскими диаграммами: для  $N = 2$  для  $N = 3$  где диаграмма описывает однофотонное поглощение света, а диаграмма описывает одновременное поглощение двух фотонов.

Далее проанализируем матричные элементы для различного типа двух- и трехфотонных оптических переходов в зависимости от степени поляризации света. Сначала сгруппируем оптические переходы по их физической природе, т.е. рассмотрим как последовательное поглощение двух или трех фотонов, так и одновременное поглощение двух фотонов. Расчеты показывают, что матричный элемент двухфотонного оптического перехода типа  $|\pm 3/2\rangle \rightarrow |m\rangle \rightarrow |\pm 1/2\rangle$ , описываемого диаграммами равен  $3\sqrt{3} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^2 B e'_\pm e_{z'}$ , а типа  $|\pm 3/2\rangle \rightarrow |m\rangle \rightarrow |\mp 1/2\rangle$  равен  $-\left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^2 B \frac{\sqrt{3}}{2} e_{\mp}^2$ ; матричный элемент двухфотонного оптического перехода типа  $|\pm 3/2\rangle \Rightarrow |\pm 1/2\rangle$ , описываемого диаграммой , равен  $-\left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^2 B \sqrt{3} e'_z e'_{\mp}$ , а типа  $|\mp 3/2\rangle \Rightarrow |\pm 1/2\rangle$  равен  $-\left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^2 B \frac{\sqrt{3}}{2} e_{\mp}^2$ . В результате получим выражение для квадрата модуля матричного элемента двухфотонного оптического перехода, описываемого суммой фейнмановских диаграмм , в виде

$$|M_{\pm 3/2, \pm 1/2}^{(N=2)}(\mathbf{k})|^2 = 75 \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^4 B^2 |e'_\pm e_{z'}|^2, \quad (3)$$

а квадрат модуля матричного элемента двухфотонного оптического перехода типа  $|\pm 3/2\rangle \rightarrow |m\rangle \rightarrow |\mp 1/2\rangle$ ,

$|\mp 3/2\rangle \Rightarrow |\pm 1/2\rangle$  определяется как

$$|M_{\pm 3/2, \mp 1/2}^{(N=2)}(\mathbf{k})|^2 = \frac{3}{4} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^4 B^2 |e'_{\mp}|^2, \quad (4)$$

и после углового усреднения имеем

$$\langle |M_{\pm 3/2, \mp 1/2}^{(N=2)}(\mathbf{k})|^2 \rangle = \frac{1}{20} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^4 B^2 \begin{cases} 8 & \text{для линейной} \\ & \text{поляризации,} \\ 7 & \text{для циркулярной} \\ & \text{поляризации.} \end{cases}$$

Тогда коэффициент линейно-циркулярного дихроизма, рассчитанный для вышеуказанных оптических переходов, равен 8/7.

Если учтем эффект когерентного насыщения [5,10–12], то вклад этого эффекта в матричный элемент вышеуказанных оптических переходов определяем как

$$\begin{aligned} & \sum_{m'=\pm 1/2, m=\pm 3/2} \delta |M_{m'm}^{(N)}(\mathbf{k})|^2 \\ &= \sum_{m'=\pm 1/2, m=\pm 3/2} \frac{|M_{m'm}^{(N)}(\mathbf{k})|^2}{\sqrt{1 + 4 \frac{\alpha\omega}{\hbar^2\omega^2} |M_{m'm}^{(N)}(\mathbf{k})|^2}} - |M_{m'm}^{(N)}(\mathbf{k})|^2. \end{aligned} \quad (5)$$

Отметим, что для определения вероятностей оптических переходов или коэффициента поглощения света требуется провести усреднение выражений (3), (4), (5) по телесным углам волнового вектора дырок. Эти угловые усреднения для  $N = 2, 3, \dots$  с учетом эффекта когерентного насыщения (с учетом (5)) аналитически не решаются. Учитывая, что для экспериментально интересующей области интенсивности света выполняется условие  $1 \gg 4 \frac{\alpha\omega}{\hbar^2\omega^2} |M_{m'm}^{(N)}(\mathbf{k})|^2$ , удобно произвести интегрирование по телесным углам волнового вектора дырок, разлагая радикал (5) в ряд. В частности, для однофотонных оптических переходов имеем

$$\begin{aligned} & \sum_{m'=\pm 1/2, m=\pm 3/2} \delta |M_{m'm}^{(N=1)}(\mathbf{k})|^2 = -\frac{9}{4} \frac{\alpha\omega}{\hbar^2\omega^2} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^8 \\ & \times B^4 \left[ 1296 |e'_{\pm} e_{z'}|^4 + \left( 36 e_{z'}^2 |e'_{\pm}|^2 + |e'_{\pm}|^2 \right)^2 \right], \end{aligned} \quad (6)$$

и, проведя угловое интегрирование, получим следующие соотношения:

$$\begin{aligned} & \left\langle \sum_{m'=\pm 1/2, m=\pm 3/2} \delta |M_{m'm}^{(N=1)}(\mathbf{k})|^2 \right\rangle \\ &= -\frac{9}{4} \frac{\alpha\omega}{\hbar^2\omega^2} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^8 B^4 \frac{1}{315} \begin{cases} 29792 & \text{для линейной} \\ & \text{поляризации,} \\ 30395 & \text{для циркулярной} \\ & \text{поляризации,} \end{cases} \end{aligned} \quad (7)$$

где  $e'_{\pm} = e_{x'} \pm i e_{y'}$ .

Из последнего выражения видно, что вклад эффекта когерентного насыщения в коэффициент двухфотонного линейно-циркулярного дихроизма в *p*-GaAs равен 0.98.

Теперь переходим к анализу трехфотонных оптических переходов между подзонами тяжелых и легких дырок. Если рассмотрим оптические переходы, происходящие с поглощением трех отдельных фотонов, описываемых диаграммой  $\downarrow\downarrow\downarrow$ , то увидим, что поляризационная зависимость матричного элемента оптического перехода типа  $|+3/2\rangle \rightarrow |m\rangle \rightarrow |m'\rangle \rightarrow |+1/2\rangle$  выражается как  $2\sqrt{3} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^3 \frac{(Bk)^3}{(\hbar\omega)^2} e'_+ (4|e_{z'}|^2 - \frac{3}{8}|e'_+|^2)$ , где по номерам промежуточных состояний  $|m\rangle, |m'\rangle$  проводится суммирование. Матричный элемент трехфотонного оптического перехода типа  $\downarrow\downarrow\downarrow$ , где сначала поглощается один фотон, а далее одновременно поглощаются два фотона,  $-\frac{\sqrt{3}}{2} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^3 \frac{B^2k}{\hbar\omega} e'_+ \left\{ \left[ 2 \left( \frac{A}{B} - 1 \right) + 2e'_{z'} + \frac{1}{2} e'_{\perp} \right] - 4 \left( \frac{A}{B} - 1 \right) e'_{z'} \right\}$ , матричный элемент оптического перехода типа  $\downarrow\downarrow\downarrow$ , где сначала одновременно поглощаются два фотона, а далее поглощается один фотон, определяется аналогичным образом. Сумма матричных элементов последних двух переходов выражается как  $-\frac{\sqrt{3}}{2} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^3 \frac{B^2k}{\hbar\omega} e'_+ (10e'_{z'} - e'_{\perp})$ .

В результате поляризационная зависимость суммы всех трехфотонных оптических переходов, описываемых диаграммой  $\downarrow\downarrow\downarrow + \downarrow\downarrow\downarrow + \downarrow\downarrow\downarrow$ , выражается как  $\frac{\sqrt{3}}{2} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^3 \times \frac{B^2k}{\hbar\omega} e'_+ \left[ (-10e'_{z'} + e'_{\perp}) + 4 \frac{Bk^2}{\hbar\omega} (4|e_{z'}|^2 - \frac{3}{8}|e'_+|^2) \right]$ . Если учтем закон сохранения энергии трехфотонного оптического перехода и  $e'_{\perp} = |e'_+|^2$ , то последнее выражение примет вид  $-\frac{\sqrt{3}}{8} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^3 \frac{B^2k}{\hbar\omega} e'_+ (136e'_{z'} - 13e'_{\perp})$ . Тогда квадрат модуля трехфотонных оптических переходов типа  $\downarrow\downarrow\downarrow$  запишется в виде

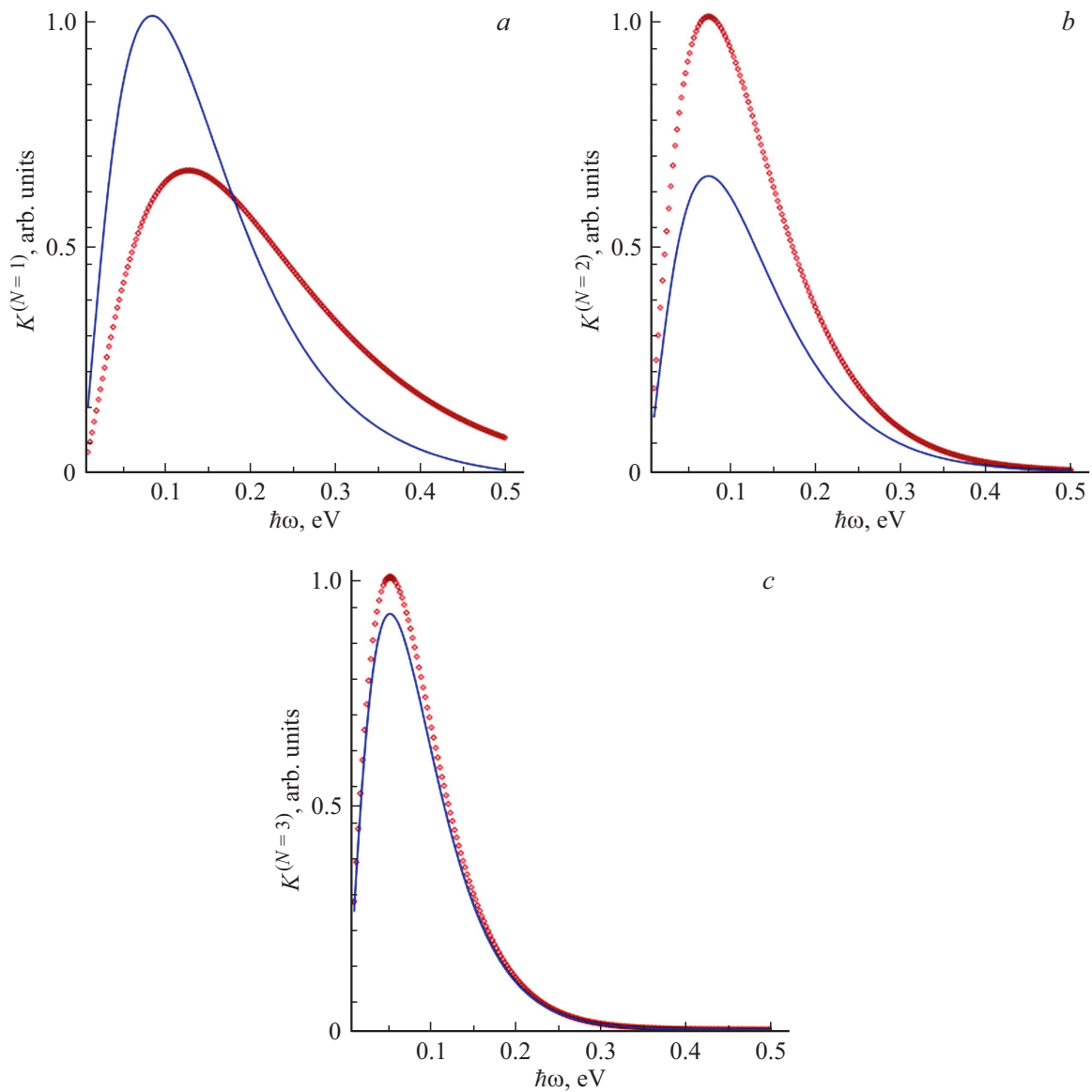
$$\begin{aligned} & \left\{ |M_{+1/2; +3/2}^{(1-1-1)}|^2 + |M_{-1/2; -3/2}^{(1-1-1)}|^2 \right\} = \left( \frac{eA_0}{c\hbar} Bk \right)^3 \frac{24}{(\hbar\omega)^4} \\ & \times \left\{ \left| e'_+ \left( 4|e_{z'}|^2 - \frac{3}{8}|e'_+|^2 \right) \right|^2 + \left| e'_- \left( 4|e_{z'}|^2 - \frac{3}{8}|e'_-|^2 \right) \right|^2 \right\}. \end{aligned} \quad (8)$$

После проведения углового усреднения по телесному углу волнового вектора дырок имеем

$$\begin{aligned} & \left\langle \left\{ |M_{+1/2; +3/2}^{(1-1-1)}|^2 + |M_{-1/2; -3/2}^{(1-1-1)}|^2 \right\} \right\rangle_{\text{linear por}} \\ &= \frac{297}{4} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^6 B^3 \frac{1}{\hbar\omega} \end{aligned}$$

для линейной,

$$\begin{aligned} & \left\langle \left\{ |M_{+1/2; +3/2}^{(1-1-1)}|^2 + |M_{-1/2; -3/2}^{(1-1-1)}|^2 \right\} \right\rangle_{\text{circ. por}} \\ &= \frac{405}{16} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^6 B^3 \frac{1}{\hbar\omega} \end{aligned}$$



**Рис. 1.** Спектральные зависимости  $K^{(N=1)}$  (a),  $K^{(N=2)}$  (b),  $K^{(N=3)}$  (c) для  $p$ -GaAs при межподзонаном поглощении линейно поляризованного света для двух температур: сплошная линия при  $T = 200$  К, ромбики — при  $T = 300$  К.

для циркулярной поляризации. Из последних соотношений видно, что коэффициент трехфотонного линейно-циркулярного дихроизма, когда фотоны поглощаются по отдельности, равен  $\eta_{\pm 1/2; \pm 3/2}^{(1-1-1)} = 44/15$ .

Квадрат модуля поляризационной зависимости суммарных матричных элементов оптических переходов типа  $\downarrow\downarrow\downarrow + \downarrow\downarrow\downarrow + \downarrow\downarrow\downarrow$  упрощается при  $A = B$ , т.е. когда считаем, что эффективная масса бесконечная и принимает вид

$$|M_{\pm 3/2, \pm 1/2}^{(N=3)}(\mathbf{k})|^2 + |M_{\pm 3/2, \mp 1/2}^{(N=3)}(\mathbf{k})|^2 = \frac{9}{8} \left( \frac{eA_0}{c\hbar} \right)^6 \frac{B^3}{(\hbar\omega)} |e'_{\pm}|^2 \times \left\{ -40e'_z{}^2 + 84e'_z{}^4 - 6e'_z{}^2 e'_{\pm}{}^2 + \frac{5}{2} e'_{\pm}{}^4 \right\}. \tag{9}$$

Тогда, усредняя последнее соотношение по телесным углам волнового вектора дырок, получим

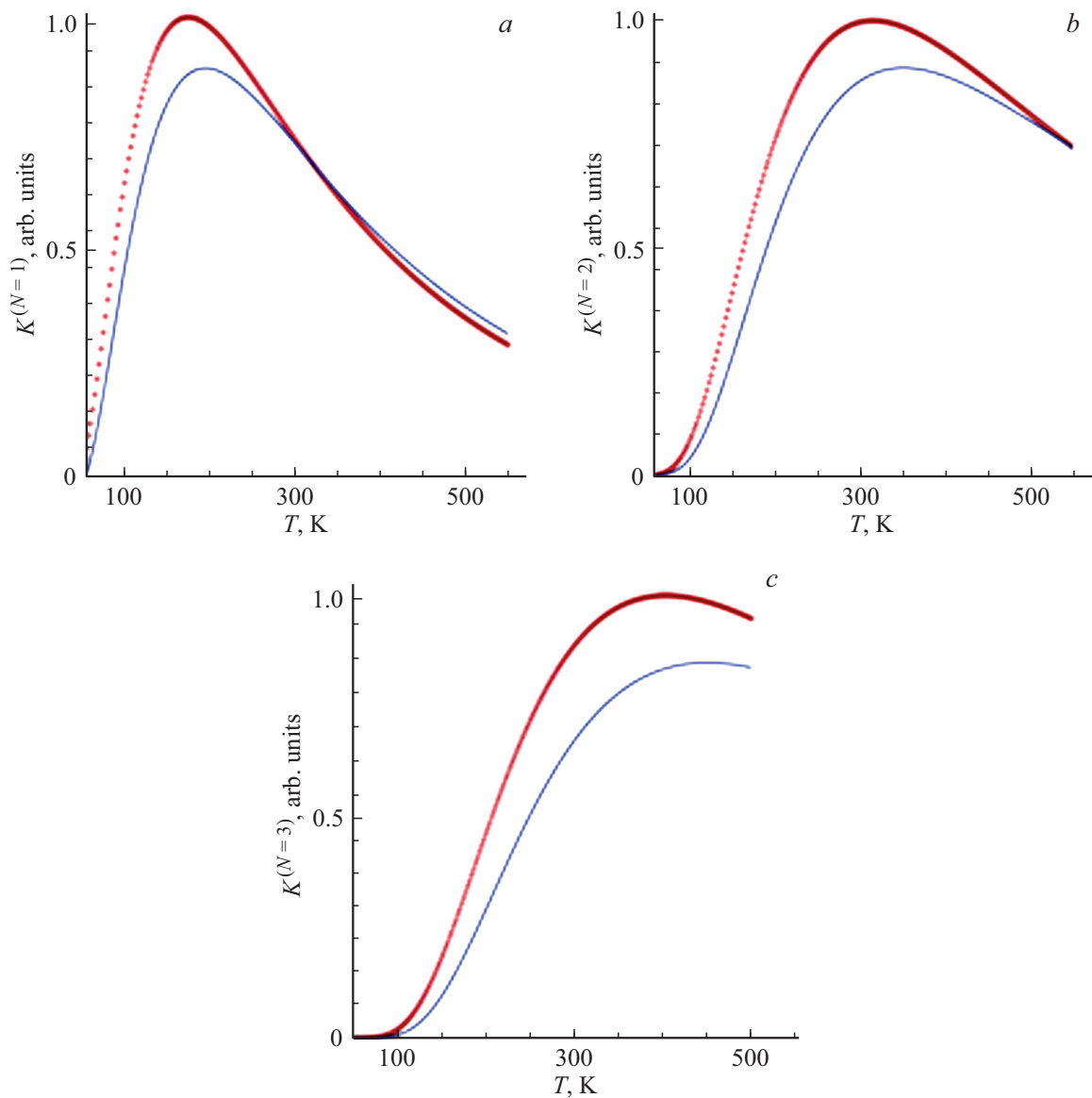
$$\left\langle \sum_{m=\pm 3/2; m'=\pm 1/2} |M_{m,m'}^{(3)}|^2 \right\rangle_{\text{linear}} = \frac{7764}{35} \xi^6 \frac{B}{\hbar\omega}$$

для линейной,

$$\left\langle \sum_{m=\pm 3/2; m'=\pm 1/2} |M_{m,m'}^{(3)}|^2 \right\rangle_{\text{circ}} = \frac{7125}{35} \xi^6 \frac{B}{\hbar\omega}$$

для циркулярной поляризации, где  $\xi = \frac{eA_0}{c\hbar} \sqrt{B}$ .

Далее определим спектральную и температурную зависимости коэффициента двухфотонного поглощения. Следуя данным работ [5,10–12], определим коэффициент



**Рис. 2.** Температурные зависимости  $K^{(N=1)}$  (a),  $K^{(N=2)}$  (b),  $K^{(N=3)}$  (c) для  $p$ -GaAs при межподзонаном поглощении линейно поляризованного света для двух длин волны света: сплошная линия при  $\lambda = 10.6$  мкм, ромбики — при  $\lambda = 9.5$  мкм.

фотонного поглощения поляризованного света в виде

$$K^{(N)} = \frac{2\pi}{\hbar} \frac{\hbar\omega}{I} \sum_{\mathbf{k}, m=\pm 1/2; m'=\pm 3/2} (f_{1\mathbf{k}}^{(N)} - f_{2\mathbf{k}}^{(N)}) |M_{m,m'}^{(N)}(\mathbf{k})|^2 \times \delta(E_{2\mathbf{k}} - E_{1\mathbf{k}} - N\hbar\omega), \quad (10)$$

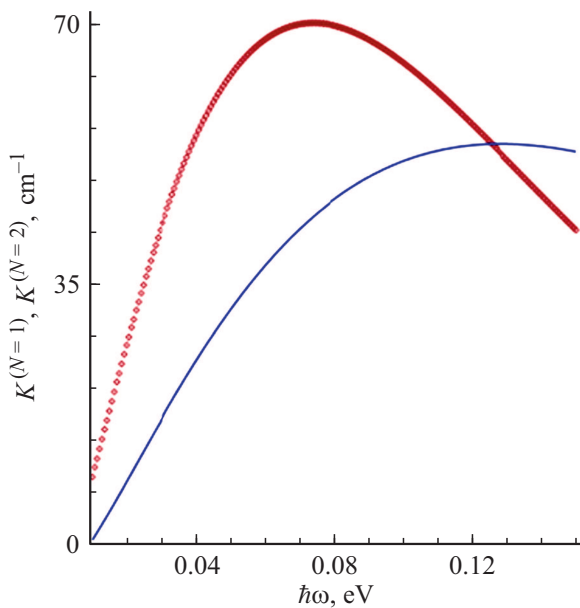
где  $f_{i\mathbf{k}}^{(N)}$  — неравновесная функция распределения дырок, участвующих в  $N$  фотонном оптическом переходе. Тогда коэффициенты двух- и трехфотонного поглощения света без учета эффекта когерентного насыщения определяются выражениями

$$K^{(N=2)} = 2\sqrt{2} \Xi_{m'm}^{(2,1)} \times \exp[-m_{hh}m_{lh}\hbar\omega / (m_{hh} - m_{lh})k_B T] K^{(N=1)}, \quad (11)$$

$$K^{(N=3)} = 3\sqrt{3} \Xi_{m'm}^{(3,1)} \times \exp[-2m_{hh}m_{lh}\hbar\omega / (m_{hh} - m_{lh})k_B T] K^{(N=1)}, \quad (12)$$

где  $K^{(N=1)}$  — коэффициент однофотонного поглощения света (см. [5,13]),  $E_1^{(N=2)} = 2E_1^*$ ,  $E_1^* = \frac{m_{hh}m_{lh}}{m_{hh}-m_{lh}} \hbar\omega$ ,  $\Xi_{m'm}^{(2,1)} = \xi^2$  и  $\Xi_{m'm}^{(3,1)} = 111 \cdot \xi^4$  для линейной,  $\Xi_{m'm}^{(2,1)} = 0.65\xi^2$  и  $\Xi_{m'm}^{(3,1)} = 102 \cdot \xi^4$  для циркулярной поляризации. В результате имеем, что коэффициент двухфотонного ЛЦД равен 1.52, а трехфотонного равен 1.1.

На рис. 1 приведены спектральные зависимости  $K^{(N=1)}$  (a),  $K^{(N=2)}$  (b),  $K^{(N=3)}$  (c) для  $p$ -GaAs при межподзонаном поглощении линейно поляризованного света для двух температур:  $T = 200$  К (сплошная линия) и  $T = 300$  К (ромбики). На рис. 2 показаны темпера-



**Рис. 3.** Спектральные зависимости  $K^{(N=1)}$  (сплошная линия) и  $K^{(N=2)}$  (ромбики) для  $p$ -GaAs при межподзональном поглощении линейно поляризованного света при  $T = 300$  К.

турные зависимости  $K^{(N=1)}$  (а),  $K^{(N=2)}$  (б) для  $p$ -GaAs при межподзональном поглощении линейно поляризованного света для двух длин волн света:  $\lambda = 10.6$  мкм (сплошная линия) и  $\lambda = 9.5$  мкм (ромбики). Из рис. 1 и 2 видно, что спектральная (температурная) зависимость коэффициентов поглощения линейно поляризованного света с ростом энергии фотона (температуры) сначала растет и достигает максимума, далее уменьшается.

Расчеты показывают, что при уменьшении температуры в 1.5 раза максимальные значения в спектральных зависимостях  $K^{(N=1)}(\omega)$ ,  $K^{(N=2)}(\omega)$  уменьшаются в  $\sim 1.4$  раза, в  $K^{(N=3)}(\omega)$  почти не изменяются, а при уменьшении длины волны света незначительно уменьшаются максимальные значения в температурных зависимостях  $K^{(N=1)}(T)$ ,  $K^{(N=2)}(T)$  и  $K^{(N=3)}(T)$ . Для сопоставления  $K^{(N=1)}(\omega)$ ,  $K^{(N=2)}(\omega)$  на рис. 3 приведены спектральные зависимости  $K^{(N=1)}$  (сплошная линия) и  $K^{(N=2)}$  (ромбики) для  $p$ -GaAs при межподзональном поглощении линейно поляризованного света для  $T = 300$  К, откуда видно, что при  $\xi = 0.1$  лишь в области малых значений частот преобладает двухфотонное поглощение над однофотонным, а далее наоборот.

Аналогичная ситуация имеет место и для циркулярно-поляризованного света.

Таким образом, пренебрежение одновременного поглощения двух фотонов может привести к заметной погрешности в расчетах коэффициента поглощения или других оптических величин, например фототока. В заключение отметим, что:

а) вероятности многофотонных переходов зависят от степени поляризации света, т.е. имеет место ЛЦД нели-

нейного по интенсивности поглощения света в полупроводнике со сложной валентной зоной;

б) температурная зависимость коэффициента двух- и трехфотонного межподзонального поглощения поляризованного излучения в полупроводнике со сложной валентной зоной в области частот, когда  $\hbar\omega \gg k_B T$ , определяется температурной зависимостью коэффициента однофотонного поглощения;

в) как спектральная, так и температурная зависимости коэффициентов поглощения линейно и циркулярно поляризованного света с ростом энергии фотона (температуры) сначала растут и, достигая максимума, уменьшаются;

г) показано, что при  $T = 300$  К и  $\xi = 0.1$  лишь в области малых значений частот преобладает двухфотонное поглощение над однофотонным (а далее наоборот), а трехфотонное поглощение всегда меньше, чем однофотонное.

### Благодарности

Один из авторов (РЯР) выражает благодарность Л.Е. Голубу за ценные замечания.

### Финансирование работы

Данная работа частично финансирована грантом ОТ-Ф2-66.

### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

### Список литературы

- [1] E.L. Ivchenko. *Optical Spectroscopy of Semiconductor Nanostructures* (Harrow, Alpha Science International Ltd, 2005) v. XII, p. 427.
- [2] Е.Л. Ивченко. Автореф. докт. дис. (Л., 1983) с. 148; Е.Л. Ивченко. ФТТ, **14** (12), 3489 (1972).
- [3] М.И. Dyakonov (ed.). *Spin Physics in Semiconductors* (Springer Verlag, Heidelberg, 2008) p. 447; F. Meier, В.Р. Zakharchenya (eds). *Optical orientation* (North-Holland, N. Y.–Tokyo, 1984) p. 534.
- [4] В.А. Шальгин. Автореф. докт. дис. (СПб., 2013) с. 34.
- [5] Р.Я. Расулов. Диссертация на соиск. уч. ст. докт. дис. (СПб., 1993) с. 168.
- [6] R.A. Negres A., J.M. Hales, A. Kobayakov, D.J. Hagan, E.W. van Stryland. IEEE J. Quant. Electron., **38**, 205 (2002).
- [7] J. He, Y. Qu, H. Li, J. Mi, W. Ji. Opt. Express, **13**, 9235 (2005).
- [8] W.C. Hurlbut, Y.-Sh. Lee, K.L. Vodopyanov, P.S. Kuo, M.M. Fejer. Optics Lett., **32**, 668 (2007).
- [9] Sh. Pearl, N. Rotenberg, H.M. van Driel. Appl. Phys. Lett., **93**, 131102 (2008).
- [10] V.R. Rasulov, R.Ya. Rasulov, I. Eshboltaev. Phys. Solid State, **59** (3), 463 (2017).
- [11] V.R. Rasulov, R.Ya. Rasulov, I. Eshboltaev. Russian Phys. J., **58** (12), 1681 (2016).



- [12] Р.Я. Расулов. ФТТ, **35** (6), 1107 (1993)
- [13] С.Д. Ганичев, Е.Л. Ивченко, Р.Я. Расулов, И.Д. Ярошецкий, Б.Я. Авербух. ФТТ, **35** (1), 198 (1993).
- [14] V.R. Rasulov, R.Ya. Rasulov, I. Eshboltaev. Semiconductors, **50** (2), 145 (2016).
- [15] V.R. Rasulov, R.Ya. Rasulov, I. Eshboltaev. Russian Phys. J., **59** (1), 92 (2016).
- [16] В.Р. Расулов, Р.Я. Расулов, И.М. Эшболтаев. Изв. вузов. Физика, **59** (3), 114 (2013).
- [17] Г.Л. Бир, Г.Е. Пикус. *Симметрия и деформационные эффекты в полупроводниках* (М., Наука, 1973) с. 584.
- [18] Е.Л. Ивченко, Р.Я. Расулов. *Симметрия и реальная зонная структура полупроводников* (Ташкент, Фан, 1989) с. 126.

Редактор А.Н. Смирнов

## Two and three photon linear circular dichroism in semiconductors with cubic symmetry

V.R. Rasulov, R.Ya. Rasulov, R.R. Sultonov,  
B.B. Axmedov

Ferghana State University,  
150100 Ferghana, Republic of Uzbekistan

**Abstract** The linear-circular dichroism of two and three photon absorption of light in semiconductors of cubic symmetry of hole conductivity is theoretically investigated. The matrix elements of two and three-photon optical transitions occurring between the subbands of the semiconductor valence band are calculated. In this case, transitions associated with both non-simultaneous absorption of individual photons and simultaneous absorption of two photons are taken into account, and the spectral and temperature dependences of the coefficient of two and three-photon absorption of polarized radiation are determined.