Особенности структурных, электрокинетических и магнитных свойств сильно легированного полупроводника ZrNiSn. Акцепторная примесь Dy

© В.А. Ромака^{+*¶}, D. Fruchart[•], В.В. Ромака[‡], Е.К. Hlil[•], Ю.В. Стаднык[‡], Ю.К. Гореленко,[‡] Л.Г. Аксельруд[‡]

⁺ Институт прикладных проблем механики и математики им. Я. Пидстрыгача Национальной академии наук Украины, 79060 Львов, Украина

* Национальный университет "Львовская политехника",

79013 Львов, Украина

• Институт Нееля Национального центра научных исследований,

38042 Гренобль, Франция

[‡] Львовский национальный университет им. И. Франко,

79005 Львов, Украина

(Получена 5 декабря 2007 г. Принята к печати 14 марта 2008 г.)

Исследованы структурные, энергетические, электрокинетические и магнитные характеристики интерметаллического полупроводника ZrNiSn, сильно легированного акцепторной примесью Dy (уровень легирования $9.5 \cdot 10^{19} - 3.8 \cdot 10^{21} \text{ см}^{-3}$) в температурном диапазоне T = 80 - 380 K. Установлена связь между концентрацией примеси, амплитудой крупномасштабной флуктуации, а также степенью заполнения носителями тока потенциальной ямы мелкомасштабной флуктуации (тонкой структурой). Обсуждение результатов ведется в рамках модели сильно легированного и компенсированного полупроводника Шкловского–Эфроса.

PACS: 71.20.Nr, 72.20.Pa

1. Введение

В предыдущей работе [1] при исследовании особенностей структурных, энергетических и электрокинетических свойств интерметаллического полупроводника p-TiCoSb, сильно легированного донорной примесью путем замещения атомов Ті $(3d^24s^2)$ атомами V $(3d^34s^2)$, был экспериментально установлен факт различной степени занятости позиций атомов в кристаллической структуре (дефектность структуры) в зависимости от состава Ti_{1-x}V_xCoSb. Авторами также было обнаружено, что кристаллическая структура TiCoSb уже является дефектной — позиции атомов Со и Ті заняты лишь на 95.8 и 93.3% соответственно. Незанятые позиции представляют собой вакансии, что эквивалентно введению в полупроводник акцепторной примеси. Контролируемое введение в *p*-TiCoSb донорной примеси V сопровождается одновременной генерацией дополнительных дефектов акцепторной природы.

Результаты структурных исследований нашли свое подтверждение в экпериментах по измерению температурных зависимостей удельного сопротивления и коэффициента термоэдс. Легирование *p*-TiCoSb донорной примесью V приводит к перекомпенсации полупроводника с инверсией типа проводимости от дырочного к электронному и реализации перехода диэлектрик-металл-диэлектрик. Наблюдаемый срыв металлической проводимости в полупроводнике уже электронного типа при введении донорной примеси V объясняется механизмом синхронного появления в кристалле Ti_{1-x}V_xCoSb

компенсирующих доноров и акцепторов, что обеспечивает полупроводниковый характер зависимостей $\ln \rho(1/T)$ во всем исследуемом диапазоне концентраций примеси V — до $N_{\rm V} = 1.9 \cdot 10^{21}$ см⁻³.

В то же время при легировании *p*-TiCoSb донорными примесями Ni и Cu получен иной результат [2,3]. Если упорядоченное или неупорядоченное расположение атомов в модели кристаллической структуры $Ti_{1-x}V_x$ CoSb является результатом различной степени занятости позиций атомов, то в $TiCo_{1-x}Ni_x$ Sn и $TiCo_{1-x}Cu_x$ Sn различия в занятости не обнаружено — позиции заняты атомами практически на 100%. Установлено, что легирование *p*-TiCoSb примесями Ni и Cu сопровождается улучшением структурного качества кристалла с точки зрения занятости позиций атомов. Как результат, введение наименьших концентраций донорной примеси Ni или Cu приводит к перекомпенсации полупроводника и реализации перехода диэлектрик-металл. Срыва металлической проводимости не наблюдалось.

Ответить на вопрос о причинах генерации вакансий в *p*-TiCoSb при легировании V сегодня не представляется возможным, но проанализировать факторы, которые могут этому способствовать, является одной из задач представленной работы. Можем предположить, что "размерный фактор" — существенно больший атомный радиус V ($r_{\rm V} = 1.35$ Å) по сравнению с атомными радиусами Ni ($r_{\rm Ni} = 1.25$ Å) и Cu ($r_{\rm Cu} = 1.28$ Å) — является важным при вхождении атомов в кристаллическую структуру TiCoSb.

Поиск ответа на поставленный вопрос актуален и с практической точки зрения, поскольку интерметаллические полупроводники структурного типа MgAgAs

[¶] E-mail: vromaka@polynet.lviv.ua

являются наиболее исследуемыми термоэлектрическими материалами [4–7]. Установление механизма и условий генерации дефектов в таких полупроводниках позволит глубже понять сформулированные в [8] условия появления максимальных значений коэффициента термоэлектрической мощности Z^* ($Z^* = \alpha^2 \sigma$, где α — коэффициент термоэдс, σ — проводимость полупроводника).

Для решения поставленной задачи нами исследовались температурные зависимости удельного сопротивления (ρ), коэффициента термоэдс (α), магнитной восприимчивости (χ), а также структурные характеристики и осуществлялся расчет распределения плотности электронных состояний (DOS) сильно легированного и компенсированного интерметаллического полупроводника *n*-ZrNiSn, имеющего ту же, что и *p*-TiCoSb, кристаллическую структуру. Легирование *n*-ZrNiSn осуществлялось атомами с незастроенными внутренней 4*f* - и внешней 3*d*- оболочками, обладающими магнитным моментом:

1) введение акцепторов путем замещения атомов Zr $(4d^25s^2)$, атомный радиус $r_{\rm Zr} = 1.60$ Å) атомами Dy $(4f^{10}5d^06s^2)$, атомный радиус $r_{\rm Dy} = 1.77$ Å, $\mu_{\rm eff} = 10.65 \,\mu_{\rm B});$

2) введение акцептора путем замещения атомов Ni $(3d^84s^2)$ атомами Fe $(3d^64s^2)$, атомный радиус $r_{\rm Fe} = 1.27$ Å, $\mu_{\rm eff} = 5.92\,\mu_{\rm B}$).

Здесь μ_{eff} — эффективный магнитный момент на атом вводимого элемента, μ_{B} — магнетон Бора.

В первом случае соотношение атомных радиусов $r_{\rm Zr}/r_{\rm Dy}=0.904$, во втором — $r_{\rm Ni}/r_{\rm Fe}=0.978$. В данной работе мы представим результаты первой части исследований, касающихся полупроводникового твердого раствора Zr_{1-x}Dy_xNiSn. Концентрация акцепторной примеси Dy изменялась от $N_{\rm Dy} \approx 9.5 \cdot 10^{19} \, {\rm cm}^{-3}$ (x = 0.005) до $3.8 \cdot 10^{21}$ см⁻³ (x = 0.20). Отметим, что в этом диапазоне концентраций примеси наблюдались максимальные значения Z^* [8]. Значительные концентрации примеси позволяют наблюдать сообенности кинетических характеристик при высоких температурах [9]. Методики получения образцов, результаты их структурных исследований, измерения удельного сопротивления, коэффициента термоэдс по отношению к меди, магнитной восприимчивости (метод Фарадея) в интервале температур T = 80-380 K, расчета DOS в рамках самосогласованного метода Корринги-Кона-Ростоккера в приближении когерентного потенциала (ККR-CRA-LDA) приведены в [2].

2. Структурные исследования Zr_{1-x}Dy_xNiSn

Сутью проводимых структурных исследований было найти вариант расположения атомов (или вакансий) в элементарной решетке $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$, при котором брэгговский фактор соответствия (R_{Br}) между модельным представлением кристаллической структуры образца и



Рис. 1. Изменение периода элементарной решетки (a) $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$ в зависимости от концентрации Dy.

экспериментальными результатами по дифракции рентгеновского излучения был бы наименьшим. Рентгеновские фазовый, структурный и микрозондовый анализы подтвердили, что исследуемые образцы Zr_{1-x}Dy_xNiSn являются однофазными. При помощи автоматического рентгеновского дифрактометра HZG-4а и программного обеспечения WinCSD [10] методом дифракции комбинированного рентгеновского излучения [11] для каждого образца определялся период решетки (а) (рис. 1), уточнялась кристаллическая структура и рассчитывался брэгговский фактор как в предположении упорядоченности кристаллической структуры — все атомы занимают позиции, определяемые структурным типом MgAgAs (пространственная группа $F\bar{4}3m$: 4Ni в 4(c) (1/4, 1/4, 1/4); 4Sn B 4(a) (0, 0, 0); 4Zr B 4(b)(1/2, 1/2, 1/2)), так и с учетом локальной аморфизации. Обращаем внимание на высокую степень точности определения периода а, сравнимую с результатами, полученными при дифракции нейтронов, а также на малость величин $R_{\rm Br}$ (например, $R_{\rm Br} = 5.19\%$ для x = 0и $R_{\rm Br} = 5.59\%$ для x = 0.134), что обеспечивается используемым нами методом дифракции комбинированного рентгеновского излучения.

Структурные исследования ZrNiSn показали различную степень занятости позиций атомов Zr и Ni, однако занятость позиций атомов Ni превосходит таковую для атомов Zr — имеет место "излишек" Ni над Zr, что создает дефекты донорной природы. Полученный результат объясняет природу "априорного легирования" ZrNiSn донорами — во всех лабораториях полупроводник ZrNiSn всегда имеет электронный тип проводимости в диапазоне 1.7–800 K.

Легирование *n*-ZrNiSn примесью Dy является классическим примером образования твердого раствора замещения $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$, что подтверждается выполнением правила Вегарда (рис. 1) — период решетки изменяется практически линейно по мере увеличения

13

концентрации атомов большего размера (Dy). В результате структурных исследований удалось установить, что занятость позиций всех атомов для упорядоченного варианта структуры $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$ равна ~ 100%, а в случае неупорядоченной структуры занятость позиций Zr/Dy незначительно меньше 100%. Таким образом, процесс легирования *n*-ZrNiSn акцепторной примесью Dy сопровождается "залечиванием" структурных дефектов, свойственных исходному соединению *n*-ZrNiSn, и напоминает таковой для случая легирования *p*-TiCoSb донорными примесями Ni и Co [2,3].

Результаты структурных исследований подтверждаются результатами измерения температурных зависимостей магнитной восприимчивости для $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$. Исследуемые образцы $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$ являются парамагнетиками, а зависимости $\chi^{-1}(T)$ описываются законом Кюри–Вейсса. Из зависимостей $\chi^{-1}(T)$ определены величины эффективного магнитного момента на атом редкоземельного металла, которые практически совпали с таковым для Dy^{+3} , что, с одной стороны, свидетельствует о высокой точности определения концентрации вводимой примеси, а с другой — о 100-процентной занятости позиций атомов Dy.

Таким образом, контролируемое введение в *n*-ZrNiSn акцепторной примеси Dy не сопровождается, как в случае $Ti_{1-x}V_x$ CoSb, одновременной генерацией компенсирующих дефектов. На выходе мы получаем сильно легированный и перекомпенсированный кристаллический полупроводник с частичным локальным структурным разупорядочением (локальной аморфизацией), вызванным значительными концентрациями примеси.

Расчет электронной структуры Zr_{1-x}Dy_xNiSn

Исходя из результатов структурных исследований $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$ расчет распределения электронной плотности для x > 0 осуществляли в предположении упорядоченности кристаллической структуры — все атомы занимают позиции, определяемые структурным типом MgAgAs. Результаты расчета DOS показали, что нелегированный образец n-ZrNiSn является полупроводником, в котором энергетическая щель между зоной проводимости и валентной зоной образуется в результате сильной гибридизации *d*-состояний переходных металлов Zr и Ni. Полученный результат подтверждает ранее полученные для *n*-ZrNiSn данные [12]. Электронная плотность в зоне проводимости определяется главным образом d-состояниями Zr, а в валентной зоне — *d*-состояниями Ni, которые перекрываются с d-состояниями Zr и p-состояниями Sn. Уровень Ферми располагается вблизи дна зоны проводимости, что в эксперименте обеспечивает отрицательный знак коэффициента термоэдс.

Расчет DOS $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$ отражает появление магнитной составляющей, вносимой 4f-электронами атомов редкоземельного металла Dy, а также изменение



Рис. 2. Распределение электронной плотности для каждого из компонентов и суммарной электронной плотности $Zr_{0.9}Dy_{0.1}NiSn$ с учетом магнитной поляризации для спинов с направлениями "вниз" (*a*) и "вверх" (*b*). Энергия отсчитывается от уровня Ферми.

электронного состояния кристалла при изменении степени компенсации полупроводника, показывая дрейф уровня Ферми є_F от зоны проводимости в направлении валентной зоны, а при $x \approx 0.10$ уровень Ферми фиксирован порогом подвижности валентной зоны (рис. 2). Таким образом, введение в n-ZrNiSn компенсирующей примеси Dy вначале сопровождается увеличением степени компенсации полупроводника (x < 0.005), далее перекомпенсацией (x > 0.005) и наконец вхождением в валентную зону и дрейфом по зоне, т.е. реализуется переход диэлектрик-металл (переход Андерсона) [9]. Из-за расположения уровня Ферми вне зон непрерывных энергий для x < 0.10 в электропроводности Zr_{1-x}Dy_xNiSn могут реализоваться активационные механизмы — прыжковый и активация носителей тока на уровень протекания [9]. При $x \ge 0.10$, когда уровень Ферми и уровень протекания зоны проводимости пересекутся, активационные участки на температурных зависимостях проводимости Zr_{1-x}Dy_xNiSn должны отсутствовать.



Рис. 3. Температурные зависимости удельного сопротивления $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$ с разной концентрацией Dy.

4. Исследование электрокинетических характеристик Zr_{1-x}Dy_xNiSn

Температурные зависимости удельного сопротивления $\ln \rho(1/T)$ и коэффициента термоэдс $\alpha(1/T)$ для некоторых исследуемых образцов $\operatorname{Zr}_{1-x}\operatorname{Dy}_x\operatorname{NiSn}$ приведены на рис. 3 и 4 соответственно. Дадим качественный анализ представленных результатов и вначале рассмотрим нелегированный полупроводник *n*-ZrNiSn.

Температурные зависимости $\ln \rho(1/T)$ и $\alpha(1/T)$ *n*-ZrNiSn являются типичными для легированных полупроводников, и на них можно выделить высоко- и низкотемпературные активационные участки, свидетельствующие о нескольких типах активационных механизмов. Учитывая отрицательный знак коэффициента термоэдс во всем температурном интервале, можем утверждать, что имеют место активация электронов с уровня Ферми на уровень протекания зоны проводимости (энергия активации ε_1^{ρ}) [13,14] и прыжки электронов (энергия активации ε_3^{ρ}) [15] по состояниям с энергиями, близкими к уровню Ферми (мелкомасштабные флуктуации зоны проводимости являются изолированными).



Рис. 4. Температурные зависимости коэффициента термоэдс $Zr_{1-x}Dy_vNiSn$ с разной концентрацией Dy.

Если в *n*-ZrNiSn уровень Ферми располагается вблизи зоны проводимости, то легирование *n*-ZrNiSn наименее достижимыми в эксперименте концентрациями компенсирующей примеси Dy, соответствующими Zr_{1-x}Dy_xNiSn с x = 0.005, приводит к сильной компенсации полупроводника, увеличению радиуса экранирования и амплитуды крупномасштабных флуктуаций, погружению уровня Ферми в глубину запрещенной зоны и к участию в проводимости нескольких сортов носителей тока [14]. Как следует из данных по термоэдс, на зависимости $\alpha(T)$ при $T \approx 213$ К наблюдается смена знака. При T < 213 К $\alpha(T) > 0$, что указывает на близость уровня Ферми и уровня протекания валентной зоны. При T > 213 К $\alpha(T) < 0$; очевидно, увеличивается число ионизованных доноров, изменяется степень компенсации полупроводника и уровень Ферми смещается ближе к уровню протекания зоны проводимости: имеет место активация электронов с уровня Ферми на уровень протекания зоны проводимости Двух типов носителей тока в проводимости $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$, x = 0.005 свидетельствует наличие характерного экстремума на зависимости $\alpha(1/T)$ (рис. 4). Дальнейшее увеличение



Рис. 5. Зависимости проводимости $\sigma(I)$ и энергий активации $\varepsilon_1^{\rho}(2), \varepsilon_3^{\rho}(3)$ от состава $Zn_{1-x}Dy_xNiSn$.

концентрации акцепторной примеси Dy, x = 0.01 и x = 0.02, сопровождается сменой знака коэффициента термоэдс при ~ 248 и ~ 325 К соответственно. При бо́льших концентрациях примеси Dy дырки являются основными носителями тока во всем исследуемом температурном диапазоне. Полученные экспериментальные результаты согласуются с результатами расчета DOS.

Следует обратить внимание на величину энергии активации $\varepsilon_1^{\rho} = 182.7$ мэВ, которая практически совпадает с таковой для полностью компенсированного полупроводника ZrNiSn_{1-x}In_x, x = 0.02 ($\varepsilon_1^{\rho} = 182.0$ мэВ) [16]. В случае легирования ZrNiSn наименее достижимыми в эксперименте концентрациями примеси In, x = 0.005, смены знака коэффициента термоэдс не наблюдалось. Она имела место в образце ZrNiSn_{1-x}In_x с x = 0.02, который, как показано в [16], был полностью компенсированным полупроводником.

В соответствии с моделью полностью компенсированного полупроводника Шкловского–Эфроса [14] уровень Ферми в таком полупроводнике равноудален от уровней протеканий зоны проводимости и валентной зоны, а амплитуда крупномасштабных флуктуаций является наибольшей. Следовательно, наибольшей компенсации полупроводника соответствует наибольший энергетический зазор между уровнями Ферми и протекания.

Тот факт, что в $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$, x = 0.005, при $T \approx 213$ К имеет место смена знака на зависимости

 $\alpha(1/T)$, а величина энергии активации ε_1^{ρ} является наибольшей в ряду исследуемых образцов, косвенно указывает на близость концентраций ионизованных акцепторов и доноров — степень компенсации в образце $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$, x = 0.005, является максимальной.

Дальнейшее легирование ZrNiSn акцепторной примесью Dy сопровождается быстрым, но монотонным уменьшением энергии активации ε_1^{ρ} (рис. 5), что свидетельствует о дрейфе уровня Ферми в направлении уровня протекания валентной зоны. Раз так, то практически по этому же закону будет увеличиваться концентрация свободных дырок, что приведет к росту проводимости полупроводника. Именно этот результат мы наблюдаем на рис. 5.

Для образцов, на зависимостях $\ln \rho(1/T)$ которых присутствуют низкотемпературные активационные участки, определены величины энергии активации прыжковой проводимости ε_3^{ρ} (рис. 5). Результаты укладываются в рамки теории прыжковой проводимости сильно легированных полупроводников Шкловского [15]. Внешнее подобие зависимостей $\varepsilon_1^{\rho}(x)$ и $\varepsilon_3^{\rho}(x)$, как экспериментально установлено на примере $ZrNiSn_{1-x}In_x$ [16], отображает связь между амплитудой крупномасштабной флуктуации и глубиной потенциальной ямы мелкомасштабной флуктуации. Чем меньше степень компенсации полупроводника $Zr_{1-x}Dy_xNiSn$, x > 0.005, уже дырочного типа проводимости, тем меньше амплитуда крупномасштабной флуктуации, меньше становится величина энергии активации ε_1^{ρ} , дырки постепенно "заливают" мелкомасштабный рельеф, что следует из уменьшения $\varepsilon_{3}^{\rho}(x)$. При $x \ge 0.134$ проводимость полупроводника носит металлический характер — уровень Ферми и уровень протекания валентной зоны пересеклись.

Таким образом, наблюдается зависимость между концентрацией примеси, с одной стороны, и амплитудой крупномасштабной флуктуации, а также степенью заполнения носителями тока потенциальной ямы мелкомасштабной флуктуации (тонкой структурой), с другой стороны, как это имело место в ZrNiSn_{1-x} In_x [16].

Работа выполнялась в рамках грантов Национальной академии наук Украины (№ 0106U000594), Министерства образования и науки Украины (№ 0106U001299, 0106U005428).

Список литературы

- В.А. Ромака, Ю.В. Стаднык, Л.Г. Аксельруд, В.В. Ромака, D. Fruchart, P. Rogl, В.Н. Давыдов, Ю.К. Гореленко. ФТП, 42 (7), 769 (2008).
- [2] В.А. Ромака, М.Г. Шеляпина, Ю.В. Стаднык, D. Fruchart, Л.П. Ромака, В.Ф. Чекурин. ФТП, 40 (7), 796 (2006).
- [3] В.А. Ромака, Ю.В. Стаднык, D. Fruchart и др. Укр. физ. журн., 52 (7), 650 (2007).
- [4] S. Bhattacharya, A. Pope, R.T. Littleton, T.M. Tritt, V. Ponnambalam, Y. Xia, S.J. Poon. Appl. Phys. Lett., 77, 2476 (2000).

17

- [5] Y. Kawaharada, H. Uneda, H. Muta, K. Kurosaki, S. Yamanaka. J. Alloys Comp., 364, 59 (2004).
- [6] K. Kurosaki, H. Muta, S. Yamanaka. J. Alloys Comp., 384, 51 (2004).
- [7] T.M. Tritt, M.A. Subramanian. MRS Bulletin, **31** (3), 188 (2006).
- [8] В.А. Ромака, Д. Фрушарт, Ю.В. Стаднык, Я. Тобола, Ю.К. Гореленко, М.Г. Шеляпина, Л.П. Ромака, В.Ф. Чекурин. ФТП, 40 (11), 1309 (2006).
- [9] Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос. Электронные свойства легированных полупроводников (М., Наука, 1979).
- [10] L.G. Akselrud, Yu.N. Grin, P.Yu. Zavalii, V.K. Pecharsky, V.S. Fundamenskii. 12th Eur. Crystallographic Meeting. Collected Abstract (M., Nauka, 1989) p. 155.
- [11] V.K. Pecharsky, P.Y. Zavalij. Fundamentals of Powder Diffraction and Structural Characterization of Materials (N.Y., Springer, 2005).
- [12] S. Ögut, K.M. Rabe. Phys. Rev. B, 51 (16), 10443 (1995).
- [13] Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос. ЖЭТФ, 61, 816 (1971).
- [14] Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос. ЖЭТФ, 62, 1156 (1972).
- [15] Б.И. Шкловский. ФТП, 7 (1), 112 (1973).
- [16] В.А. Ромака, Ю.В. Стаднык, В.В. Ромака, D. Fruchart, Ю.К. Гореленко, В.Ф. Чекурин, А.М. Горынь. ФТП, 41 (9), 1059 (2007).

Редактор Л.В. Шаронова

Features of structure, electrotransport and magnetic characteristics of heavy doped ZrNiSn semiconductor. Dy acceptor impurity

V.A. Romaka^{+*}, D. Fruchart[•], V.V. Romaka[‡], E.K. Hlil[•], Yu.V. Stadnyk[‡], Yu.K. Gorelenko[‡], L.G. Akselrud[‡]

⁺ Ya. Pidstryhach Institute for Applied Problems of Mechanics and Mathematics, National Academy of Sciences of Ukraine, 79060 Lviv, Ukraine
* National University "Lvivska Politechnika", 79013 Lviv, Ukraine
• Institut Néel, CNRS, BP 166, 38042 Grenoble Cedex 9, France
[‡] I. Franko Lviv National University, 79005 Lviv, Ukraine

Abstract Crystal structure, density of electron states, electrotransport and magnetic characteristics of the Dy impurity heavy doped intermetallic semiconductor ZrNiSn (doping level $9.5 \cdot 10^{19} - 3.8 \cdot 10^{21} \text{ cm}^{-3}$) were investigated in the 80-380 K temperature range. The relationship is established between the impurity concentration and amplitude of the large-scale fluctuation, and also the occupation degree by the charge carriers of the potential well of the low-scale fluctuation (i.e. its fine structure). The data were discussed in the framework of heavy doped and compensated semiconductor model by Shklovskii–Efros.