# Влияние магнитного поля на эффект увлечения электронов фононами в n-Cd<sub>x</sub>Hg<sub>1-x</sub>Te

© С.А. Алиев, Э.И. Зульфигаров, Р.И. Селим-Заде, З.Ф. Агаев¶

Институт физики Национальной академии наук Азербайджана, А-1143 Баку, Азербайджан

(Получена 29 января 2009 г. Принята к печати 18 февраля 2009 г.)

Проведено исследование термоэдс в *n*-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te (6–100 K). Обнаружен большой эффект увлечения носителей заряда фононами  $\alpha_{\rm ph}$ . Рассмотрено влияние магнитного поля *H* на термоэдс увлечения. Установлено, что магнитное поле оказывает влияние в основном на электронную долю  $\alpha_{\rm ph}$ . Полученные данные интерпретированы в рамках теории, учитывающей влияние *H* на термоэдс  $\alpha_{\rm ph}$ , в которой вводится параметр  $A(\varepsilon)$ , пропорциональный статистической силе эффекта увлечения. По экспериментальным данным  $\alpha_{\rm ph}(T, H)$  определены зависимости  $A(\varepsilon)$  от *T* и *H*. Показано, что с ростом  $H A(\varepsilon)$  сильно убывает. Это объясняет уменьшение  $\alpha_{\rm ph}$  в магнитном поле, показателя степени *k* в зависимости  $\alpha_{\rm ph} \propto T^{-\kappa}$ , а также сужение области проявления эффекта увлечения. Установлено, что при классически сильных полях эффект увлечения в *n*-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te не исчезает.

PACS: 81.05.Dz, 75.47.Pq

### 1. Введение

Как известно, основным условием возникновения эффекта увлечения является близость длин волн фононов и носителей заряда q < 2k, которое реализуется при низких температурах. Несмотря на такие упрощенные представления об эффекте увлечения, число полупроводников, в которых он обнаружен, ограничено. Кроме Ge и Si, в которых впервые эффект проявился, он обнаружен в Te [1], InSb [2], HgSe [3], InP [4], GaAs [5], Cd<sub>x</sub>Hg<sub>1-x</sub>Te [6] и Ag<sub>2</sub>S [7]. В этих работах основное внимание уделялось факту обнаружения эффекта, величине термоэдс увлечения  $\alpha_{ph}$ , а также связи с фононной теплопроводностью.

Влияние магнитного поля на термоэдс и на поперечный термомагнитный эффект Нернста—Эттингсгаузена теоретически рассмотрено в работах [8,9]. Из теории известно, что по данным  $\alpha(H, T)$  можно получить полезную информацию об электрон-фононном взаимодействии. Естественно, что такие исследования необходимо проводить в полупроводниках с высокой подвижностью и низкой концентрацией электронов, в которых при низких температурах обычная диффузионная термоэдс велика, что способствует соответствующему большому эффекту увлечения и позволяет проследить за влиянием магнитного поля на термоэдс увлечения  $\alpha_{\rm ph}(H)$ .

Данные термоэлектрических свойств кристаллов  $Cd_xHg_{1-x}$  Те удовлетворяют этим требованиям, тем более что при x = 0.14 наблюдается эффект увлечения дырок фононами [6]. Полагаем, что сильный эффект увлечения фононами может иметь место в образцах  $Cd_xHg_{1-x}$  Те с *n*-типом проводимости, составы которых должны соответствовать полупроводниковому состоянию при x > 0.16. Поэтому для этой цели был выбран n-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te с  $n = 3.7 \cdot 10^{14}$  см<sup>-3</sup> и с подвижностью  $\mu = 14\,000$  см<sup>2</sup>/В · с (при 4.2 K).

Эксперименты показывают, что общая термоэдс в интервале 100–5 К отрицательна (рис. 1), с понижением температуры ( $T \le 60$  K) наблюдается экстремум, характерный для эффекта увлечения. В магнитном поле характер кривых термоэдс  $\alpha(H, T)$  качественно не меняется, но ее величина значительно уменьшается,



**Рис. 1.** Температурная зависимость термоэдс (1) и магнитотермоэдс (2-6) в *n*-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te (пунктирные линии — рассчитанная диффузионная часть термоэдс) при значениях магнитного поля H (кЭ): 1 - 0, 2 - 1.9, 3 - 3.5, 4 - 5.5, 5 - 9 и 6 - 12.2.

<sup>¶</sup> E-mail: agayevz@rambler.ru



**Рис. 2.** Температурная зависимость термоэдс увлечения в n-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te при различных магнитных полях H (кЭ): 1 - 0, 2 - 1.9, 3 - 3.5, 4 - 5.5, 5 - 9 и 6 - 12.2.



**Рис. 3.** Температурная зависимость  $\Delta \alpha$  в *n*-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te при различных магнитных полях *H* (кЭ): *1* — 0, *2* — 1.9, *3* — 3.5, *4* — 5.5, *5* — 9 и *6* — 12.2.

появляются две области с положительным значением магнитотермоэдс (при  $T \le 8$  K и  $30 \le T \le 100$  K). В полях  $1.5 \le H \le 4$  кЭ наблюдается одна точка инверсии знака  $\alpha(H, T)$  ( $T \le 8$  K), которая с возрастанием H

смещается в область высоких T, а высокотемпературная (30 К  $\leq T \leq$  100 К) точка смены знака  $\alpha(H, T)$  ( $H \geq 4$  кЭ) — в область низких температур (рис. 1).

Представленные данные указывают на участие в проводимости тяжелых дырок помимо легких электронов.

С целью выявления численных данных о влиянии магнитного поля на термоэдс увлечения необходимо выделить все ее составляющие. Для этого необходимо вычислить диффузионную часть электронного и дырочного вкладов. Известно, что в случае смешанной проводимости термоэдс в магнитном поле имеет вид [9]

$$\alpha(H) = \alpha_p(\alpha_h, \sigma_e, \sigma_h, R_e, R_h, H) + \alpha_n(\alpha_e, \sigma_e, \sigma_h, R_e, R_h, H) + \alpha_{N-E}, \qquad (1)$$

где  $\alpha_p$  — дырочный,  $\alpha_n$  — электронный вклады,  $\alpha_{N-E}$  — слагаемое, учитывающее вклад поперечного термомагнитного эффекта,  $\sigma_e$ ,  $\sigma_h$  — электронная и дырочная проводимости,  $R_e$ ,  $R_h$  — соответствующие коэффициенты Холлла носителей заряда. Парциальная термоэдс носителей заряда  $\alpha_i$  (i = e, h) в произвольном магнитном поле H рассчитана как [9]

$$\alpha(H) = \alpha_e \pm \Delta \alpha$$
$$= \alpha_0 \pm \frac{\nu^2}{1 + \nu^2} \Delta \alpha_{\infty} \quad \left(\nu = \frac{\mu H}{c}\right). \tag{2}$$

Для расчета всех параметров были определены концентрации (n, p) и подвижности  $(\mu_e, \mu_h)$  носителей заряда по методике, описанной в [10].

Результаты расчета температурной зависимости  $\alpha_{\rm dif}(H)$  приведены на рис. 1 пунктирными линиями. Из этих данных можно заключить, что максимум  $\alpha$  в интервале  $40 \le T \le 90 \,\mathrm{K}$  обусловлен диффузионными составляющими термоэдс электронов и дырок. На рис. 2 представлены температурные зависимости выделенной фононной части термоэдс при различных значениях магнитного поля. Видно, что с возрастанием магнитного поля (до 12 кЭ) уменьшение  $\alpha_{\rm ph}(H)$  в точках максимума происходит почти в 2 раза, а положение максимума на температурной шкале слегка смещается в область высоких температур. Температурный интервал проявления эффекта увлечения в магнитном поле сужается. Определены температурные зависимости магнитотермоэдс  $\Delta \alpha(T, H)$  (рис. 3). Показано, что в области  $T \approx 10 - 12 \,\mathrm{K}$   $\Delta \alpha(T, H)$  проходит через максимум, при 70 К наблюдается менее выраженный экстремум. Сопоставление этих данных с расчетными кривыми диффузионной части  $\Delta \alpha(T, H)$  позволяет заключить, что первый максимум Δα обусловлен эффектом увлечения электронов, а высокотемпературный экстремум обусловлен диффузионной частью  $\Delta \alpha$ . Сдвиг положения этих максимумов в сторону более высоких температур обусловлен постепенным подавлением высокоподвижных электронов магнитным полем.

#### 2. Обсуждение результатов

Как отмечалось, основная цель работы сводится к рассмотрению влияния магнитного поля на термоэдс увлечения. Теоретически данный вопрос рассмотрен в [8,9], где увлечение носителей заряда фононами рассмотрено в общем случае: когда энергия носителей заряда в полупроводнике описывается произвольным и изотропным законом дисперсии при произвольной степени вырождения носителей заряда.

В [9] приведена формула  $\alpha_{\rm ph}(H)$  (17.28), где вводится очень важный параметр  $A(\varepsilon)$  — сила эффекта увлечения. Для вычисления  $\alpha_{\rm ph}(T, H)$  необходимо знать явный вид  $A(\varepsilon)$ . Из общего выражения  $\alpha_{\rm ph}(T, H)$  следует, что если электроны проводимости полностью вырождены, то  $\alpha_{\rm ph}$  отлична от нуля и независимо от наличия магнитного поля равна

$$\alpha_{\rm ph}(T) = -\frac{\kappa}{e} A(T,\xi), \qquad (3)$$

где *ξ* — граница Ферми. Отсюда следует, что термоэдс увлечения  $\alpha_{\rm ph}$  отлична от нуля даже без учета температурного размытия границы Ферми. Поскольку  $A \propto T^{-4}$ или  $A \propto T^{-3}$  [9], при низких T и вырождении электронного газа *а*<sub>bh</sub> может доминировать над обычной диффузионной термоэдс ( $\alpha \propto T$ ). Поэтому по экспериментальным значениям  $\alpha_{ph}(T, H)$  при низких T по формуле (3) можно рассчитать этот важный параметр  $A(T, \xi)$ , пропорциональный статистической силе увлечения, равной  $(-A(\varepsilon)\kappa_0\nabla T)$  [9]. При низких T, где основную роль играет рассеяние фононов на границе образца,  $A(\xi)$ не зависит от T и  $\alpha_{\rm ph}(T)$  должна насыщаться. Однако при более низких T (после прохождения  $\alpha_{\rm ph}$  через максимум), когда выполняется условие  $k_0 T \ll \hbar \omega_q$ , сила увлечения  $A(\varepsilon)$  и соответственно  $\alpha_{ph}$  стремятся к нулю при  $T \to 0$ . Из общего выражения для  $\alpha_{ph}(T)$  (17.28 [9]) следует, что в области классически сильных магнитных полей  $\alpha_{\rm ph}(H \to \infty, T)$ , так же как и диффузионная термоэдс, не зависит от механизма рассеяния электронов, но сильно зависит от Т и определяется только средней силой увлечения

$$\alpha_{\rm ph}(H \to \infty, T) = -\left(\frac{k_0}{e}\right) \langle A(\varepsilon) \rangle.$$
(4)

Из (4) следует, что по значениям термоэдс увлечения при сильных полях можно непосредственно найти среднюю силу увлечения  $\langle A(\varepsilon) \rangle$ , что позволит оценить константу взаимодействия.

Из (17.28 [9]) также следует, что в отсутствие магнитного поля значение данного отношения

$$\frac{\alpha_{\rm ph}(0)}{\alpha(0)} = \frac{\langle \tau/m^* A_{\rm ph}(\varepsilon) \rangle / \langle \tau/m^* \rangle}{\langle x \tau/m^* \rangle / \langle \tau/m^* \rangle - \eta}$$
(5)

увеличивается с ростом степени вырождения.

Заметим, что все особенности теории фононного увлечения имеют непосредственное отношение к представленным экспериментальным данным. Для объяснения



**Рис. 4.** Зависимость  $\alpha_{ph}$  от эффективного значения магнитного поля  $\nu = \frac{\mu H}{c}$  при различных температурах T(K): 1 - 24, 2 - 16 и 3 - 10.



**Рис. 5.** Зависимость  $A(T, \xi)$  от эффективного значения магнитного поля  $v = \frac{\mu H}{c}$  при различных температурах T(K): I = 24, 2 = 16 и 3 = 10.

перечисленных выше особенностей необходимо рассчитать параметр  $A(T, \xi)$  и его зависимость от магнитного поля. На основе данных рис. 2 при температурах 24 (кривая I), 16 (кривая 2) и 10 (кривая 3) К определены значения  $\alpha_{\rm ph}(\nu)$  (рис. 4). По формуле (3) вычислены значения  $A(T, \xi)$  при различных T в зависимости от значения магнитного поля (рис. 5). Получено, что с возрастанием  $\nu A(T, \xi)$  уменьшается, причем кривая, соответствующая максимуму  $\alpha_{\rm ph}(T)$ , (16 K) изменяется меньше, чем при 10 K, имеющая резкую зависимость. Результирующие данные о  $A(T, \xi)$ , полученные на осно-

ве данных  $\alpha_{ph}$ , представлены на рис. 5. Полевые зависимости  $A(T, \xi)$  качественно повторяют ход зависимости  $\alpha_{ph}(\nu)$  (рис. 4).

Таким образом, все отмеченные аномалии  $\alpha_{\rm ph}(T, H)$  однозначно объясняются зависимостью  $A(T, \xi)$  от магнитного поля и от температуры. Расчеты, проведенные на основе экспериментальных данных, показывают, что по мере возрастания эффективного значения поля сила существенно убывает, что и приводит к ослаблению эффекта в целом. Этим объясняется уменьшение самой  $\alpha_{\rm ph}(\nu)$ , показателя степени k в  $\alpha_{\rm ph} \propto T^{-k}$ , смещение начала и конца эффекта, сужение области проявления эффекта и др.

Немаловажное значение имеет определение и среднего значения силы увлечения  $\langle A(\varepsilon) \rangle$ . Для этого использованы значения  $\alpha_{\rm ph}(H)$  при классически сильных полях. С этой целью была использована методика определения  $\alpha_{\infty}$  для диффузионной термоэдс ( $\alpha_{\infty} = \alpha_0 \pm \Delta \alpha_{\infty}$ ), согласно которой [9]

$$\Delta \alpha_{\rm ph\infty} = \Delta \alpha_{\rm ph0}(\nu) \, \frac{1+\nu^2}{\nu^2}. \tag{6}$$

Эксперименты показывают, что в исследованной области  $T \ \alpha_{\infty}(\nu)$  в магнитном поле уменьшается, т. е.  $\Delta \alpha_{\infty}$  имеет отрицательный знак. По уже определенным данным  $\Delta \alpha_{\rm ph}(\nu)$  по формуле (6) рассчитано  $\Delta \alpha_{\rm ph\infty}$  и определено  $\alpha_{\rm ph\infty} = \alpha_{\rm ph0} - \Delta \alpha_{\rm ph\infty}$ , затем по формуле (4) определено среднее значение параметра  $\langle A(\varepsilon) \rangle$ . Оказалось, что при максимуме  $\alpha_{\rm ph}$  (при 16 K)  $\langle A(\varepsilon) \rangle = 2.4$ , а при T = 24 K —  $\langle A(\varepsilon) \rangle = 1.5$ . Это означает, что в *n*-Cd<sub>x</sub>Hg<sub>1-x</sub>Te при этих температурах эффект увлечения, до классически сильных полей  $\nu \gg 1$ , не исчезает.

Произведена оценка величин отношения  $\frac{\alpha_{\rm ph}(0)}{\alpha(0)}$ , которое при температурах 30, 24 и 16 К соответствуют 1.6, 3.5 и 14.2. Это подтверждает вывод о том, что данное отношение с ростом степени вырождения электронного газа увеличивается.

#### Список литературы

- [1] И.Н. Тимченко, С.С. Шалыт. ФТТ, 6 (4), 934 (1962).
- [2] С.С. Шалыт, П.В. Тамарин. ФТТ, 6, 2327 (1964).
- [3] С.А. Алиев, Л.Л. Коренблит, С.С. Шалыт. ФТТ, 8 (3), 705 (1966).
- [4] С.А. Алиев, А.Я. Нашельский, С.С. Шалыт. ФТТ, 7 (1), 159 (1965).
- [5] С.А. Алиев, С.С. Шалыт. ФТТ, 7, 12 (1965).
- [6] Т.Г. Гаджиев, С.А. Алиев, Р.И. Селимзаде. Изв. вузов. Физика, 33 (4), 112 (1990).
- [7] З.С. Гасанов, С.Н. Абдуллаев, С.А. Алиев. J. Fizika, НАНА, 2, 6 (1997).
- [8] Б.М. Аскеров. ФТТ, 16, 2083 (1982).
- [9] Б.М. Аскеров. Электронные явления переноса в полупроводниках (М., Наука, 1985).
- [10] С.А. Алиев, Р.И. Селимзаде, Т.Г. Гаджиев. Изв. вузов. Физика, 28 (17), 128 (1986).

Редактор Л.В. Беляков

## Influence of the magnetic field on the effect of electron drag by phonons in n-Cd<sub>x</sub>Hg<sub>1-x</sub>Te

S.A. Aliyev, E.I. Zulfigarov, R.I. Selim-Zade, Z.F. Agayev

Institute of Physics, Azerbaijan Academy of Sciences, AZ-1143 Baku, Azerbaijan

Abstract Research of thermo-e.m.f. in n-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te (6-100 K) have been conducted. A big effect of drag of the charge carries by phonons  $\alpha_{ph}$  is revealed. Influence of the magnetic field H on  $\alpha_{ph}$  has been considered. It is established that a magnetic field influences basically on the electronic part  $\alpha_{ph}$ . The received data are interpreted within the framework of the theory which are taking into account influence of H on thermoe.m.f.  $\alpha_{\rm ph}(H)$  in which parameter  $A(\varepsilon)$  is entered, proportional to statistical force of the drag effect. On the basis of experimental data  $\alpha_{\rm ph}(T, H)$  dependences  $A(\varepsilon)$  on T and H have been determined. It is shown that with growth of H a value of  $A(\varepsilon)$ strongly decreases. It explains reduction of  $\alpha_{ph}$  in magnetic field, an exponent k in dependance  $\alpha_{\rm ph} \propto T^{-k}$  as well as narrowing of the region where drag effect become apparent. It is established that at classically strong fields the effect of drag in n-Cd<sub>0.2</sub>Hg<sub>0.8</sub>Te does not disappear.