

01;10

## Однокомпонентный релятивистский электронный поток

© Л.Г. Дубас

Институт ядерного синтеза  
Российского научного центра „Курчатовский институт“  
E-mail: top1@bk.ru

Поступило в Редакцию 7 декабря 2005 г.

Рассмотрены две модели однокомпонентного релятивистского электронного потока, которые могут представлять интерес для практических приложений и которые по-разному описываются с точки зрения учета собственного магнитного поля. Так как в натурном эксперименте при прочих равных обстоятельствах реально может быть осуществлена только одна практическая ситуация, то одна из моделей является более или менее целесообразной.

PACS: 41.75.Ht

Интенсивные релятивистские электронные пучки, формируемые и фокусируемые в условиях пространственного заряда и генерируемые в различных ускоряющих устройствах, находят широкое применение в современных практических приложениях [1]. В данной работе будут рассмотрены две модели однокомпонентного интенсивного релятивистского электронного потока [2, с. 79 и 3], которые могут представлять интерес для вышеуказанных приложений и которые по-разному описываются с точки зрения учета собственного магнитного поля. Так как в натурном эксперименте реально может быть осуществлена только одна практическая ситуация, то одна из моделей является более или менее целесообразной. Собственное магнитное поле для заряженных частиц является дополнительным релятивистским фактором и поэтому его следует учитывать наряду с другим релятивистским фактором для энергии и скорости частиц. В противном случае можно ограничиться нерелятивистским приближением, так как погрешность, связанная с отсутствием учета собственного магнитного поля, противоположна по знаку погрешности, связанной с отсутствием учета релятивистского фактора для энергии, и превышает ее. Здесь следует заметить, что для обоснования применимости модели однокомпонентного реляти-

вистского потока без учета собственного магнитного поля [2, с. 79] вместо нерелятивистской модели используется приближение сильного ускоряющего поля, и в этом случае сомнительным представляется именно применение этого приближения в данном конкретном случае

Для понимания этой теоретической ситуации выбора реальной модели потока следует более подробно остановиться на другой приближенной модели однокомпонентного потока [3], где в релятивистской асимптотике с учетом собственных полей в первом приближении изложены характеристики потока в квадратурах. В этом приближении величина первеанса для цилиндрического потока изменяется обратно пропорционально квадрату релятивистского фактора.

$$P_2 \sim \gamma^{-2}, \quad (1)$$

где  $P_2$  — первеанс однокомпонентного потока,  $\gamma$  — релятивистский фактор для энергии.

Более точные представления о первеансе однокомпонентного потока могут быть получены при переходе от первого параксиального приближения ко второму. При этом появляются неоднородность плотности тока, извлекаемого с эмиттера, и нелинейность трубок тока в заданной системе координат, которая приводит к перераспределению неоднородности плотности тока в поперечном сечении потока на коллекторе. Если во втором параксиальном приближении ограничиться рассмотрением приближения, когда имеется слабая неоднородность плотности тока пучка и слабая нелинейность трубок тока, тогда интегральная характеристика для тока, извлекаемого с эмиттера, определяется формулой, изложенной в [4], которая с инженерной точностью ( $< 0.15$ ) может иметь следующий вид:

$$J = 2.333 \left[ \frac{\mu A}{V^{3/2}} \right] \frac{\pi r^2}{z^2} \frac{(U + \frac{U^2}{2U_1})^{3/2}}{(1 + \frac{U}{U_1})} \frac{9F^2}{2\pi}; \quad 1 > F \geq \sqrt{\frac{2\pi}{9}} > 0.83;$$

$$P = \frac{r^2}{4\pi z^2} F^2; \quad J = P \frac{4\pi J_1 (\frac{2U}{U_1} + \frac{U^2}{U_1^2})^{3/2}}{(1 + \frac{U}{U_1})}; \quad P = \frac{J}{4\pi J_1 \gamma^2 \beta^3}; \quad (2)$$

$$F = \frac{\sqrt{2\pi}}{2} \sqrt[4]{(p^2 + 1)} \sqrt{\frac{p}{\arctg p}} \left[ \frac{1}{1 + \sqrt{1 + p^2}} + \frac{1}{6} \left( \frac{\arctg p}{p} \right)^2 \right];$$

$$F(U = \infty) = 1; \quad p = \sqrt{\frac{2U}{U_1} + \left(\frac{U}{U_1}\right)^2}; \quad \gamma = \left(1 + \frac{U}{U_1}\right); \quad \beta = \frac{p}{\gamma},$$

где  $P$  — безразмерный релятивистский первеанс;  $F$  — поправка к первеансу;  $J, U$  — ток и энергия электронов пучка;

$$U_1 = 511.02 \text{ keV}; \quad J_1 = 1.356 \text{ kA}.$$

В приведенной формуле удобно ввести безразмерную величину первеанса

$$P = \frac{J}{4\pi J_1 \gamma^2 \beta^3}; \quad 4\pi J_1 = 17.04 \text{ kA}, \quad (3)$$

где  $\beta$  — релятивистский фактор для скорости.

Для уточнения полученной формулы для плотности тока, извлекаемого из сплошного эмиттера, для электронов, стартующих с нулевой скоростью, был проведен численный эксперимент по формированию сплошного аксиально-симметричного цилиндрического релятивистского электронного потока посредством использования метода трубок тока. Для численного моделирования использовалась простейшая электронная пушка, включающая катод, фокусирующий электрод и анод. Геометрия электродов аксиально-симметричной пушки эмпирически подбиралась подбором углов наклона электродов и межэлектродных расстояний с целью получения для огибающих электронного пучка практически прямолинейных трубок тока. Аппроксимацию эмпирической зависимости плотности тока, извлекаемого из эмиттера электронов, стартующих с нулевой скоростью, от поперечной координаты будем искать в форме следующего выражения, в виде разложения в некоторый ряд:

$$j_0 = j_z \left(1 + \sum_k a_k r^{2k}\right), \quad (4)$$

где  $a_k$  — коэффициенты разложения в ряд;  $j_z$  — плотность тока внутри электронного потока;  $j_0$  — плотность тока электронов, стартующих на эмиттере.

Для приближенного расчета можно ограничиться первыми двумя членами в указанном разложении в ряд. В частном случае из результатов численного моделирования для формирования сплошного аксиально-симметричного цилиндрического электронного потока с током пучка 400 А при ускоряющем напряжении 1000 кВ посредством

использования метода трубок тока получаем следующее выражение:

$$j_0 \simeq j_z \left( 1 + 0.36 \left( \frac{r}{a} \right)^4 - 0.2 \left( \frac{r}{a} \right)^8 \right); \quad j_z = j_0(r=0); \quad 0 \leq r \leq a; \quad (5)$$

где  $r$  — поперечная радиальная координата,  $2a$  — диаметр пучка.

Погрешность интегральной характеристики тока определяется при интегрировании плотности тока по поперечному сечению:

$$\frac{\int j_0 r dr - \int j_z r dr}{\int j_z r dr} \simeq 0.08. \quad (6)$$

Рассмотрим теперь более подробно другую модель одномерного потока [2], где пучок рассматривается в приближении отсутствия собственного магнитного поля. Это представление справедливо в системе из двух пучков для двухкомпонентного потока заряженных частиц, когда полный ток в системе равен нулю в приближении отсутствия двухпучковой неустойчивости. В этом приближении и в релятивистской асимптотике величина первеанса для цилиндрического потока изменяется обратно пропорционально релятивистскому фактору:

$$P_1 \sim \gamma^{-1}, \quad (7)$$

где  $P_1$  — первеанс одномерного потока.

Таким образом, получаем, что решения (1) и (7) противоречат друг другу в релятивистской асимптотике, если они относятся к однокомпонентному потоку заряженных частиц при прочих равных условиях. В нерелятивистской асимптотике противоречие отсутствует, и аналогичные решения совпадают между собой и совпадают с известным решением Пирса [5]. Противоречие снимается, если противопоставляются разные однокомпонентные и двухкомпонентные потоки в различных электронно-лучевых устройствах.

## Список литературы

- [1] Гинзбург Н.С., Розенталь Р.М., Песков Н.Ю., Аржанников А.В., Синицкий С.Л. // ЖТФ. 2001. Т. 71. В. 12. С. 58–61.
- [2] Сыровой В.А. Введение в теорию интенсивных пучков заряженных частиц. М.: Энергоатомиздат, 2004. 488 с.
- [3] Дубас Л.Г. // ЖТФ. 1989. Т. 59. В. 12. С. 123–126.
- [4] Дубас Л.Г. // ЖТФ. 1989. Т. 59. В. 12. С. 147–148.
- [5] Pierce J.R. // Applied Phys. 1940. V. 11. P. 548–554.