06

## Распределенная модель организации автоколебаний в полупроводнике, вызванных джоулевым саморазогревом

© А.В. Мелких, Ф.Н. Рыбаков, А.А. Повзнер

Уральский государственный технический университет, Екатеринбург E-mail: mav@dpt.ustu.ru

Поступило в Редакцию 1 марта 2005 г.

Построена модель автоколебаний тока и напряжения в полупроводнике, вызванных саморазогревом. Учтено пространственное распределение температуры в образце в виде пластины. Найдены зависимости параметров автоколебаний от чисел подобия. Полученные зависимости могут быть использованы для управления генерацией автоколебаний в терморезисторах.

В литературе неоднократно рассматривались модели неустойчивости тока в полупроводнике, возникающей в результате саморазогрева [1-7]. Показано, что начиная с некоторой величины ширины запрещенной зоны ВАХ полупроводника становится S-образной, что может привести к организации автоколебаний тока и напряжения. Автоколебания тока и напряжения в полупроводнике использованы в ряде приборов, построенных на основе терморезисторов (см., например, [8-10]), однако теоретический анализ автоколебаний с учетом зависимости температуры образца от координат не проводился. Ранее авторами предложена точечная модель автоколебаний тока в полупроводнике при наличии саморазогрева, в которой температура образца считалась одинаковой [11]. Вместе с тем в случае саморазогрева при определенных размерах образца и условиях теплообмена с окружающей средой будет иметь место пространственное распределение температуры по объему образца. Такое распределение может привести к значительному изменению зависимостей амплитуды и периода автоколебаний от свойств образца по сравнению с точечной моделью.

Рассмотрим полупроводниковый образец в виде тонкой пленки, находящейся под воздействием постоянной разности потенциалов. Выбор геометрии образца обусловлен широким применением тонких пленок в

5\*

полупроводниковой технике, а также возможностью точного решения задачи. Ограничимся случаем, когда температура зависит только от поперечной координаты x (это верно для достаточно тонкой пленки) T=T(x), а потенциал внутри образца зависит лишь от продольной координаты  $z\colon \phi=\phi(z)$ .

Будем полагать, что проводимость полупроводника удовлетворяет известному соотношению для собственных полупроводников [5]:

$$\sigma(T) = \sigma_{\infty} \cdot e^{\frac{-(E_{g0} - M \cdot T)}{2 \cdot k \cdot T}}.$$
 (1)

Зависимость коэффициента теплопроводности полупроводника от температуры в общем случае включает фононную, электроннодырочную, фотонную, а также экситонную составляющие [13]. Однако для ряда полупроводниковых материалов (например, для InSb) электронный вклад становится заметным лишь при температурах порядка 500 К и выше [12,13], экситонная и фотонная составляющие несущественны, фононная теплопроводность при температуре выше дебаевской обратно пропорциональна абсолютной температуре [12,13], и теплопроводность в довольно широком диапазоне температур можно представить зависимостью:

$$\lambda(T) = \frac{C_{\lambda}}{T}.\tag{2}$$

Температуру окружающей среды можно считать заданной и постоянной  $T_0$ . При этом поток тепла с образца в окружающую среду будет пропорционален разности температур поверхности образца и окружающей среды:

$$\hat{O} = \alpha (T_s - T_0), \tag{3}$$

где  $T_s$  — температура поверхности образца,  $\alpha$  — коэффициент теплоотдачи.

Система уравнений переноса в этом случае имеет вид

$$\operatorname{div}(\lambda \cdot \operatorname{grad}(T)) + \sigma \cdot \operatorname{grad}(\phi)^2 = 0,$$
 
$$\operatorname{div}(\sigma \cdot \operatorname{grad}(\phi)) = 0,$$
 (4)

где  $\phi$  — потенциал,  $\sigma$  — удельная электропроводность,  $\lambda$  — коэффициент теплопроводности образца.

Переходя к безразмерным переменным и интегрируя систему уравнений (4), получим зависимость плотности тока от приложенного напряжения:

$$c_{2} \cdot j \cdot u$$

$$- \int_{a_{Ei}\left(Ei\left(\frac{-1}{c_{1}+j\cdot u}\right)-j^{2} \cdot c_{2}\right)}^{-1} \frac{1}{p \cdot \sqrt{1 + \frac{1}{j^{2} \cdot c_{2}} \cdot \left(Ei\left(\frac{-1}{p}\right) - Ei\left(\frac{-1}{c_{1}+j\cdot u}\right)\right)}} dp = 0,$$

$$(5)$$

где

$$\sigma_{0} = \sigma_{\infty} \cdot e^{\frac{M}{2 \cdot k}}, \qquad T_{\sigma} = \frac{E_{g0}}{2 \cdot k}, \qquad Ei(x) = \int_{-\infty}^{x} \frac{e^{x}}{x} dx,$$

$$X = \frac{J \cdot U}{2 \cdot L \cdot H \cdot \alpha \cdot T_{\sigma}}, \qquad c_{1} = \frac{T_{0}}{T_{\sigma}},$$

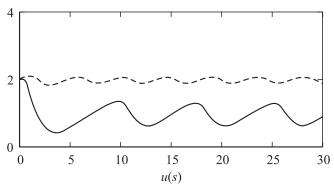
$$c_{2} = h \cdot \frac{\alpha \cdot T_{\sigma}}{C_{\lambda}}, \qquad Y = \frac{J^{2}}{8 \cdot L^{2} \cdot C_{\lambda} \cdot \sigma_{0}},$$

$$j = \sqrt{\frac{Y}{c_{2}}} = J \cdot \frac{1}{2 \cdot L \cdot \sqrt{2 \cdot \sigma_{0} \cdot h \cdot \alpha \cdot T_{\sigma}}},$$

$$u = X \cdot \sqrt{\frac{c_{2}}{Y}} = U \cdot \frac{1}{H} \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot \sigma_{0} \cdot h}{\alpha \cdot T_{\sigma}}}.$$

Численное интегрирование уравнения (5) показывает, что ВАХ может иметь участок отрицательного дифференциального сопротивления. Как известно, наличие такого участка может привести к организации автоколебаний [6].

Использование терморезисторов в качестве автогенераторов позволяет получать сверхнизкочастотные автоколебания, которые могут быть использованы в различных технических целях (например, для измерения температуры окружающей среды). Работа генератора в таком



**Рис. 1.** Временны́е зависимости напряжения в цепи с терморезистором:  $c_1=0.24,\ c_2=10,\ c_3=0.1,\ j_0=0.1,\ u_0=2,\ p_0=c_1;$  пунктир — точечная модель; сплошная линия — распределенная модель.

случае описывается уравнениями (в безразмерном виде):

$$\frac{d}{ds} p = \frac{u^2}{2 \cdot c_3} \cdot \exp\left(\frac{-1}{p}\right) + \frac{d}{dr} \left(\frac{1}{p} \cdot \frac{d}{dr} p\right) \cdot \frac{1}{c_2 \cdot c_3},$$

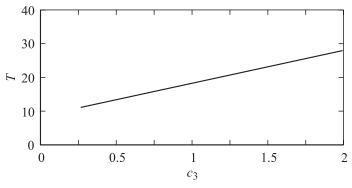
$$\frac{d}{ds} u = 2j_0 - u \cdot \int_0^1 \exp\left(\frac{-1}{p}\right) dr,$$

$$\left(\frac{d}{dr} p\right)_{r=1} = -c_2 \cdot p_{r=1} \cdot (p_{r=1} - c_1), \quad \left(\frac{d}{dr} p\right)_{r=0} = 0,$$
(6)

где  $c_3 = \frac{2 \cdot c \cdot \rho \cdot L \cdot \sigma_0 \cdot h^2}{\alpha \cdot C \cdot H}$  — безразмерная величина, зависящая от тепловой и электрической емкостей образца, а также от его размеров. Физический смысл константы  $c_3$  — отношение характерного времени теплообмена к емкостному времени.

В результате численного решения системы уравнений (6) получаем зависимости параметров автоколебаний от свойств полупроводника и окружающей среды. В частности, увеличение константы  $c_2$ , пропорциональной числу Нуссельта, приводит к существенному различию точечной и распределенной моделей (рис. 1).

Следовательно, при больших числах  $c_2$  (хороший теплообмен с окружающей средой, большая толщина пленки) точечная модель не



**Рис. 2.** Зависимость периода автоколебаний от величины  $c_3$ , аппроксимированная прямой  $T=8+13c_3; c_1=0.24, c_2=10, j_0=0.1, u_0=0, p_0=c_1.$ 

может быть использована для нахождения параметров автоколебаний и необходимо использовать более точную распределенную модель. Причем при увеличении  $c_3$  период колебаний увеличивается (рис. 2).

Таким образом, изменяя условия теплообмена образца, его размеры или ширину запрещенной зоны, можно оптимизировать работу автогенератора на терморезисторе, получая заданные величины периода и амплитуды автоколебаний. В частности, для увеличения периода автоколебаний необходимо уменьшать теплоотдачу полупроводника в окружающую среду или увеличивать его размеры.

## Список литературы

- [1] Shaw M.P., Yildirim N. // Advances in electornics and electron physics. 1982. V. 60. P. 307–385.
- [2] Altchen L., Klein N. // IEEE transactions on electron devices. 1973. V. ED–20. P. 801–811.
- [3] Alekseev A., Bose S., Rodin P., Scholl E. // Physical Review. E. 1998. V. 57.
   N 3. P. 2640–2649.
- [4] Rodin P. // Phys. Rev. B. 2004. V. 69. N 045307. P. 1-11.
- [5] Ю П., Кардона М. Основы физики полупроводников. М.: Физматлит, 2002.560 с.

- [6] *Шелль* Э. Самоорганизация в полупроводниках. Неравновесные фазовые переходы в полупроводниках, обусловленные генерационно-рекомбинационными процессами. М.: Мир, 1991. 464 с.
- [7] Волков А.Ф., Коган Ш.М. // УФН. 1968. Т. 96. № 4. С. 633.
- [8] Мэклин Э.Д. Терморезисторы. М.: Радио и связь, 1983. 208 с.
- [9] Шефтель И.Т. Терморезисторы. Электропроводность 3*d*-окислов. Параметры, характеристики и области применения. М.: Наука, 1973. 415 с.
- [10] Кривоносов А.И. Полупроводниковые датчики температуры. М.: Энергия, 1974. 184 с.
- [11] Мелких А.В., Повзнер А.А. // Письма в ЖТФ. 2003. Т. 29. В. 6. С. 14–18.
- [12] *Могилевский Б.М., Чудновский А.Ф.* Теплопроводность полупроводников. М.: Наука, 1972. 536 с.
- [13] Зеегер К. Физика полупроводников. М.: Мир, 1977. 615 с.