05.4

## О возможности высокополевого джозефсоновского магнитного резонанса в высокотемпературных сверхпроводниках

© Л.В. Белевцов, А.И. Дьяченко, А.А. Костиков

Донецкий физико-технический институт им. А.А. Галкина НАН Украины E-mail: apmath@dgma.donetsk.ua Донбасская государственная машиностроительная академия, Краматорск, Донецкая область, Украина

В окончательной редакции 21 января 2006 г.

Теоретически показана возможность высокополевого джозефсоновского магнитного резонанса, механизм которого основан на эффекте джозефсоновских осцилляций в межгранульном переходе, вызванных проникновением в гранулы абрикосовских вихрей [2]. В полях  $H_{c1} \leqslant H < H_x$  ( $H_x$  — поле срыва вихрей с центров пиннинга) спектр микроволнового поглощения ВТСП-поликристаллов может быть использован при исследовании макроструктуры вещества и свойств вихревой материи; при этом в последнем аспекте проявляется аналогия с техникой СКВИДов.

PACS: 74.25.Jz

1. Существуют предложения по использованию джозефсоновского магнитного резонанса для исследования высокотемпературных сверхпроводников [1]. При этом джозефсоновский эффект относится к величине магнитного потока в межгранульном контакте. В наших работах [2,3] на основе вихрь-ламинарной модели показано, что джозефсоновские осцилляции должны наблюдаться не только при росте

1 1

магнитного потока в переходе, но и когда абрикосовские вихри (AB) проникают в гранулы, образующие слабую связь. Известный механизм низкотемпературного джозефсоновского магнитного резонанса (ДМР) основан на резонансном микроволновом поглощении, отображающем структуру джозефсоновских вихрей [1]. В настоящей работе теоретически показано, что возможен механизм высокополевого джозефсоновского магнитного резонанса (ВДМР), при котором резонансное поглощение происходит вследствие влияния абрикосовских вихрей на межгранульный переход. При этом в отличие от ДМР может быть извлечена информация о макроструктурных параметрах сверхпроводящего поликристалла: отношения размеров гранул, составляющих контакт, интенсивность связи между зернами, гранульной анизотропии и структуре абрикосовской вихревой решетки.

2. Если через джозефсоновский переход приложено напряжение U, то он становится источником осциллирующего поля, а частота излучения электромагнитной волны определяется джозефсоновским отношением [4]

$$f [MHz] = 483.5976U [\mu V].$$
 (1)

Таким образом, контакт излучает волны в микроволновом диапазоне с частотой, например, 9.4 GHz при напряжении  $U=19.44\,\mu\mathrm{V}$ . Поскольку излучение спонтанное, то переход систематически поглощает и испускает микроволновое поле. Наблюдаемое излучение одиночного контакта весьма незначительное  $(10^{-12}\,\mathrm{W})$  [4]. С другой стороны, в высокотемпературных гранулярных сверхпроводниках количество межгранульных джозефсоновских переходов достигает  $\sim 10^{12}\,\mathrm{cm}^{-3}$  (при размере гранул  $D\sim 1\,\mu$ ), поэтому суммарная энергия поглощения может быть достаточно большой.

В переменном магнитном поле H ток через контакт выражается формулой [5]

$$I = I_S + I_N = I_{c0} \sin \Theta + (\hbar/2eR_N)\partial \Theta/\partial t, \tag{2}$$

где первый член — сверхпроводящий ток, а второй — нормальный ток;  $R_N$  — сопротивление контакта;  $\Theta$  — разность фаз через межгранульный переход, зависящий от поля H и расположения абрикосовских вихрей  $(x_i,z_i)$  в гранулах, образующих контакт, а также от параметров джозефсоновской среды:  $\Gamma=a/b$  — отношение размеров гранул [2,3],  $\sigma$  — интенсивность связи между гранулами, численно равная отношению

глубины проникновения магнитного поля в зерно  $\lambda_{ab}$  и в контакт  $\lambda_J$ ; анизотропия  $\nu=\lambda_c/\lambda_{ab}$ , равная отношению глубин проникновения поля вдоль кристаллографической c-оси в ab-плоскости. В отличие от низкополевого ДМР [1] в нашем случае отсутствует внешнее напряжение через контакт. Тем не менее, когда есть изменение внешнего поля  $dH/dt\neq 0$ , джозефсоновский ток будет проявлять нестационарный характер. Так, при увеличении внешнего магнитного поля H меняется конфигурация вихревой решетки [2,3], а вместе с ней и разность фаз  $\Theta[\Phi(t)]$  на берегах контакта, т.е.  $d\Theta/dt\neq 0$  (здесь  $\Phi$  — поток поля через образующие контакт гранулы). Это генерирует нестационарный ток Джозефсона, поскольку на границах контакта появляется напряжение U, что связано с изменением фазы во времени

$$U(x,t) = \frac{\hbar}{2e} \frac{d\Theta}{dt} = \frac{\hbar}{2e} \frac{\partial\Theta}{\partial\Phi} \frac{\partial\Phi}{\partial t}.$$
 (3)

Иначе говоря, на туннельном переходе разность фаз  $\Theta(x,t)$  волновых функций параметра порядка будет изменяться с круговой частотой

$$\omega = \frac{2e}{\hbar} U(t), \tag{4}$$

где  $U(t)=\int\limits_0^{\lambda_J}U(x,t)dx$ . Когда ток через переход превышает критическое значение  $I_{c0}$ , то через контакт без энергетических потерь протекают только куперовские пары. Изменение поля H ведет к перестройке вихревой решетки, что вызовет небольшие флуктуации напряжения  $\delta U$  через межгранульный переход, и, как результат, это приведет к диссипации тока и флуктуации фазы. Флуктуации фазы, в свою очередь, ведут к временной зависимости индуктивности

$$L^{-1} = \frac{2e}{\hbar} I_c \cos \omega. \tag{5}$$

Эти флуктуации могут быть измерены фазово-чувствительным детектором магнитно-резонансного спектрометра, в котором резистивные потери ВТСП-образца могут быть определены по соответствующей добротности резонатора Q. Когда микроволновая частота устанавливается в резонансе с новой джозефсоновской частотой  $\omega_J$ , флуктуации достигают наибольшей величины вследствие надлежащего изменения

разницы фаз между двумя сигналами от  $+\pi/2$  до  $-\pi/2$ . Это ведет к нестабильности потерь, откорректированных при сигнале  $H_0=0$  в спектрометре. Область флуктуаций в основном зависит от отношения джозефсоновской энергии  $E_J$  к энергии тепловых возбуждений  $E_T=kT$ 

$$H_{\rm max} \propto \frac{I_c \hbar}{ekT}.$$
 (6)

Вид флуктуаций может быть установлен посредством температурной зависимости  $H_{\max}(T)$ . Другой способ представляет собой магнитополевую зависимость энергии микроволнового поглощения dP/dH от H, которая имеет лоренцеву форму. Как замечено Кантером [6], спектр флуктуаций джозефсоновского перехода следует принимать в форме лоренцевой кривой с полушириной  $\Delta f = 4\pi (2e/\hbar)^2 \cdot kTR_N$ .

Естественно, сверхпроводящие токи  $I_S$  не вносят вклад в диссипацию микроволнового поля, тогда как флуктуирующие нормальные токи  $I_N$  вносят вклад в величину потерь микроволнового поля. Форма резонансной кривой dP/dH может быть вычислена согласно соотношению [7]

$$P = k\Omega, \tag{7}$$

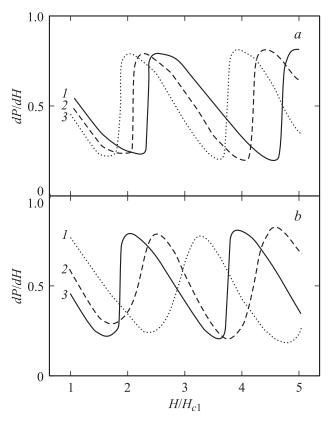
где  $k = \omega \Phi_0 / 2\pi L$ ,

$$\Omega = 2LI_c + \left(\frac{1}{2}N - 1\right) \cdot \Phi_0 = 2LI_c - \frac{1}{2}\Phi_0,$$

здесь L — индуктивность перехода;  $\Phi_0$  — квант магнитного потока. При этом критический ток  $I_c = I_c(H, \Gamma, \sigma, \nu)$  и дается выражением

$$I_c^2 = I_{c0}^2 \left| \int_0^W \exp[i\Theta(x) \cdot dx] \right|^2. \tag{8}$$

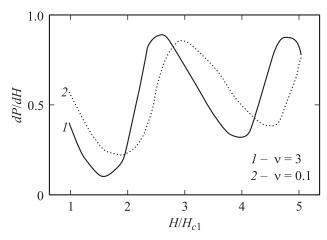
На рис. 1 показана вычисленная полевая зависимость энергии джозефсоновского поглощения, когда внутрь гранул входят вихри Абрикосова. Видно, что амплитуда dP/dH фактически не зависит от параметра  $\Gamma$  (рис. 1,a). Тем не менее по мере увеличения числа AB в гранулах, амплитуда и полуширина сигнала растут. С другой стороны, уменьшение  $\Gamma$  ведет к большей чувствительности сигнала — смещению кривой в сторону меньших полей. Такое смещение тем больше, чем больше



**Рис. 1.** Зависимость dP/dH от приведенного магнитного поля  $H/H_{c1}$  при различных параметрах джозефсоновской среды:  $a-\Gamma=0.4$  (I); 0.35 (2) и 0.3 (3);  $b-\sigma=0.5$  (I); 0.1 (2) и 0.01 (3).

 $H/H_{c1}$ . Влияние интенсивности связи  $\sigma$  на спектр джозефсоновского поглощения показано на рис. 1, b. Видно, что чем меньше  $\sigma$ , тем на меньшие поля реагирует спектр поглощения dP/dH.

Роль анизотропии  $\nu$  в межгранульном джозефсоновском отклике видна из рис. 2. При достаточно близких значениях поля H сигнал имеет большую амплитуду, когда  $\nu$  больше. Тогда как полуширина сигнала имеет обратную тенденцию.



**Рис. 2.** Зависимость dP/dH от приведенного магнитного поля  $H/H_{c1}$  при различных значениях анизотропии  $\nu$ .

3. Таким образом, в полях  $H\geqslant H_{c1}$  микроволновый отклик межгранульного джозефсоновского перехода на присутствие AB в гранулах имеет место и зависит от параметров среды:  $\Gamma$ ,  $\sigma$  и  $\nu$ . Физическая природа рассматриваемого резонанса состоит в том, что рассматривалась джозефсоновская среда с примерно одинаковыми гранулами размером  $D \geqslant \lambda_{ab}$ . Приготовление таких образцов с  $D > 0.2 \, \mu \text{m}$  вполне технологически достижимая задача. В то же время добиться примерно одинаковых джозефсоновских связей между подобными гранулами весьма сложно, так как для этого необходимо согласовать размеры слабых связей, которые много меньше  $D = 0.2 \, \mu \text{m}$ . Например, толщина оксидных туннельных барьеров между гранулами составляет всего  $d \sim 2 \, \mathrm{nm} \ll D$  [4]. Понятно, что дефекты структуры гранул в масштабе порядка d незначительно скажутся на магнитном потоке через гранулу ( $\Phi \sim D^2$ ), но очень сильно повлияют на критический ток  $I_c$  джозефсоновских контактов между такими гранулами, так как имеется экспоненциальная зависимость  $I_c \sim \exp(-10d(W)^{1/2})$  [4]. Здесь W — высота потенциального барьера туннельных контактов (в mW), d — толщина контактов (в нанометрах). Обычно  $W \approx 1$ , поэтому вариации толщины барьера d всего на  $0.1\,\mathrm{nm} \ll d \ll D$  меняет критический ток контактов на порядок величины. В результате сеть

джозефсоновских контактов приобретает большой разброс критических токов, поэтому поглощение СВЧ-мощности такой средой становится нерезонансным. Но это справедливо в малых внешних магнитных полях. В больших магнитных полях ( $H > H_{c1}$  гранул) особенности в поглощении возникают даже для нерегулярной джозефсоновской среды, в которой размеры гранул (с точностью  $\sim 5-10\%$ ) одинаковы, так как эти особенности вызываются дискретным характером проникновения абрикосовских вихрей в микрогранулы, что приводит к дискретным изменениям джозефсоновской фазы между гранулами. В таком случае величины критических токов гранул несущественны.

Ввиду того что описанное явление возникает при поглощении микроволнового поля (вызванное влиянием поля AB на фазу параметра порядка в берегах перехода), находящегося в резонансе с частотой флуктуаций фазы  $\Theta$ , можно назвать это как высокополевой джозефсоновский магнитный резонанс (ВДМР). Представляется, что, с одной стороны, ВДМР позволит систематизировать информацию о проникновении магнитного потока в гранулы (в этом аспекте проявляется сравнение со СКВИДами — приборами, работающими на принципе квантования магнитного потока), с другой — информировать о роли параметров джозефсоновской среды на магнитные и транспортные (эффект собственного магнитного поля) свойства ВТСП и гранульных сверхпроводников. Более полный спектральный анализ, вероятно, может представить информацию о поверхностных и межгранульных барьерах [8], включая барьер Бина—Ливингстона.

## Список литературы

- Stankowski J. // Proc. XXIX Congres AMPERE. Poznań, 1988; Elsevier, New York, 1989. P. 645–662.
- [2] Belevtsov L.V., Kostikov A.A. // Phys. Lett A. 2005. V. 343 (6). P. 454-461.
- [3] Белевцов Л.В., Костиков А.А. // ЖЭТФ. 2005. Т. 128. В. 3(9). С. 586–596; Belevtsov L.V., Kostikov A.A. // J. Low Temp. Phys. 2005. V. 139(1). P. 11–19.
- [4] Бароне А., Патерно Дж. Эффект Джозефсона: физика и применения. М.: Наука, 1984.
- [5] Абрикосов А.А. Основы теории металлов. М.: Наука, 1987. 520 с.
- [6] Kanter H., Vernon F.L., jr. // J. Appl. Phys. 1972. V. 43(7). P. 3174–3183.
- [7] Vichery H., Beuneu F., Lejay P. // Physica C. 1989. V. 159(6). P. 823-830.
- [8] Белевцов Л.В. // ФНТ. 2005. Т. 31(2). С. 155–163.