

06;09;11

©1993 г.

## КВАНТОВОЕ УСИЛЕНИЕ МАГНИТОСТАТИЧЕСКИХ ВОЛН В ФЕРРИТ-ПАРАМАГНИТНЫХ СТРУКТУРАХ

*М.Г.Балинский, В.В.Данилов, А.Ю.Нечипорук*

Представлены результаты анализа процесса квантового усиления дипольных спиновых магнитостатических волн (МСВ) в структурах феррит-мазерный кристалл и эпитаксиальная ферритовая пленка на подложке диамагнитного граната с активными парамагнитными примесями. В обоих случаях возможна реализация мазера бегущей волны с коэффициентом усиления более 20 дБ/см при температурах 4.2 К и выше. Предложен метод расширения динамического усиления за счет неоднородного распределения мазерных примесей, проведены оценки усиления МСВ в миллиметровом диапазоне длин волн для структуры барийевый феррит-кристалл рутила с примесями ионов трехвалентного железа, а также шумовой температуры и полосы усиления указанных структур.

### Введение

Возможность квантового усиления спиновых волн обсуждалась в [<sup>1,2</sup>] и впоследствии в [<sup>3</sup>]. В этих работах предлагалось создание инверсной населенности в системе парамагнитных примесей, введенных в магнитоупорядоченный кристалл.

Малость энергии квантов СВЧ диапазона обусловливает даже при низких температурах относительно небольшие значения коэффициента квантового усиления и рекордно низкие собственные шумы [<sup>4</sup>], что требует при практической реализации усилителя тщательной минимизации всех видов потерь. Среди магнитоупорядоченных материалов наименьшими потерями обладает чистый кристалл железо-иттриевого граната (ЖИГ)  $Y_3Fe_5O_{12}$ , однако введение большинства парамагнитных примесей, как правило, приводит к резкому возрастанию затухания магнонов, особенно при низких температурах (см., например, [<sup>5</sup>]). В этой связи был предложен [<sup>6-8</sup>] вариант усиления дипольных магнитостатических спиновых волн (МСВ) инвертированной спиновой системой парамагнитного мазерного кристалла в составной структуре ЖИГ-рубин. МСВ характеризуются хорошей связью с электромагнитной системой возбуждения и съема сигнала, а также с парамагнитным кристаллом, находящимся в непосредственном контакте с пластиной ЖИГ. В этом случае изменение амплитуды волны при ее распространении на длине  $l$  структуры

ЖИГ-рубин можно записать в виде

$$h = h_0 \exp \left\{ \left( -k_f'' - k_p'' \right) \cdot l \right\}, \quad (1)$$

где  $h_0$  — магнитное поле МСВ на входе системы;  $k_p''$  — затухание, вызванное парамагнитным поглощением;  $k_f''$  — релаксация МСВ в феррите, для которой в [9] получено выражение

$$k_f'' \cong \gamma \frac{\Delta H}{2} V_g^{-1} = \omega_r \cdot V_g^{-1}. \quad (2)$$

Здесь  $V_g$  и  $\omega_r$  — групповая скорость и частота релаксации МСВ,  $\Delta H$  — ширина линии ферромагнитного резонанса (ФМР),  $\gamma$  — гиромагнитное отношение. Величина  $k_p''$  может быть определена в виде [10]

$$k_p'' = \frac{1}{2} \omega \cdot d_m \cdot V_g^{-1}. \quad (3)$$

Здесь  $\omega$  — частота электронного парамагнитного резонанса (ЭПР) активного кристалла;  $d_m$  — магнитный декремент, численно равный произведению магнитной проницаемости парамагнетика на коэффициент его использования [7] и характеризующий отношение энергии, запасенной в парамагнетике, ко всей энергии МСВ, распространяющейся вдоль структуры, а также степень отклонения поляризации магнитного поля от оптимальной.

В случае инверсии парамагнитного мазерного кристалла величина  $k_p''$  становится отрицательной, и если  $|k_p''| > k_f''$ , то в структуре будет иметь место нарастание амплитуды сигнала, т.е. усиление волны.

Таким образом, с учетом (2), (3) для коэффициента квантового усиления МСВ на единицу пути распространения в структуре феррит-парамагнетик получаем выражение [8] (частоты ЭПР и МСВ совпадают)

$$G(\text{дБ/см}) = \frac{4.34}{V_g} (d_m \cdot \omega - 2 \cdot \omega_r). \quad (4)$$

Выражение (4) получено в рамках метода мазеров бегущей волны (МБВ), использование которого возможно вследствие малости  $d_m$  типичных мазерных кристаллов ( $d_m < 10^{-3} - 10^{-4}$ ). Строгое обоснование применимости этого приближения получено в результате решения граничной электродинамической задачи для многослойной феррит-парамагнитной структуры [9,11].

Расчеты [6-8,11,12] и экспериментальные исследования [13] показали, что коэффициент усиления и ширина полосы усиления в слоистой структуре ЖИГ-рубин больше, чем у типичных МБВ, а габариты охлаждаемой части такого усилителя в диапазоне частот 1-10 ГГц много меньше. В развитие этих работ, а также с точки зрения практики необходимо проанализировать возможность квантового усиления в миллиметровом диапазоне длин волн, расширения динамического диапазона и полосы усиления и от составных структур перейти к монолитным. Все эти вопросы обсуждаются в настоящей работе.

# Квантовое усиление МСВ в миллиметровом диапазоне

Для создания мазеров в диапазоне частот более 30 ГГц, что особенно важно для систем радиолокации, радиометрии и космической связи [14], возможно использование взаимодействия МСВ, распространяющихся в кристалле бариевого феррита (БФ)  $\text{BaFe}_{12}\text{O}_{19}$ , с кристаллом рутила  $\text{TiO}_2:\text{Fe}^{3+}$ , имеющим частоты ЭПР в миллиметровом диапазоне для волн.

В кристалле БФ в относительно малых и даже нулевом внешнем магнитном поле создается регулярная доменная структура, которая не вносит существенного вклада в затухание МСВ. Дисперсионные соотношения для этого случая получены в [15], причем наименее затухающими, а следовательно, имеющими наибольшее практическое значение оказались объемные МСВ, распространяющиеся в касательно намагниченном слое, когда внешнее магнитное поле направлено вдоль нормали к доменной границе. На рис. 1 приведены частотно-полевые области существования этого типа МСВ в БФ и ЭПР в рутиле при  $T = 4.2\text{ K}$ , а на рис. 2 — частотная зависимость коэффициента квантового усиления МСВ в структуре рутил-БФ-рутил. Для вычислений выбраны параметры бариевого феррита и рутила при 4.2 К [10, 16], в частности,  $\Delta H = 30\text{ Гц}$ , процентное содержание в кристалле рутила парамагнитных ионов  $\text{Fe}^{3+}$  по отношению к замещаемым диамагнитным ионам  $C_{a1} = 0.075\%$ , ширину линии ЭПР  $\Delta f = 45\text{ МГц}$ , толщину ферритового слоя выберем 10 мкм. Анализ такой структуры показал возможность квантового усиления МСВ в миллиметровом диапазоне (длина волны  $\lambda = 6.5\text{ мм}$ ). Максимальное расчетное усиление (до 30 дБ/см) получено для минимальных значений внешне-

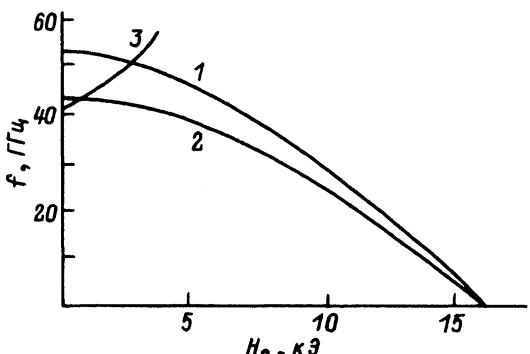


Рис. 1. Частотно-полевые области совпадения МСВ в слое бариевого феррита (1 и 2 — верхняя и нижняя частотные границы спектра) и ЭПР иона  $\text{Fe}^{3+}$  в кристалле рутила (3, переход 1 → 4, внешнее магнитное поле параллельно оси С кристалла).

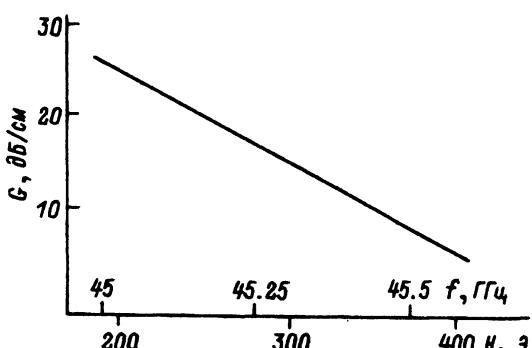


Рис. 2. Квантовое усиление МСВ в структуре  $\text{TiO}_2:\text{Fe}^{3+}-\text{BaFe}_{12}\text{O}_{19}-\text{TiO}_2:\text{Fe}^{3+}$  при  $T = 4.2\text{ K}$ .

го магнитного поля; уменьшение коэффициента усиления с ростом поля объясняется частотной зависимостью групповой скорости МСВ и коэффициента использования мазерного кристалла.

Приведенные величины коэффициента усиления не хуже типичных МБВ миллиметрового диапазона. Например, в [17] приведены сведения о парамагнитном усилителе на кристалле андалузита с ионами  $\text{Fe}^{3+}$ ,  $\lambda = 4-8 \text{ мм}$ ,  $T = 1.6-2 \text{ К}$ . Коэффициент усиления составляет 20-30 дБ при длине замедляющей структуры (штыревая гребенка с диэлектриком)  $l = 20 \text{ мм}$ .

Отметим также, что использование кристалла  $\text{BaFe}_{12-x}(\text{Ga},\text{Al})_x\text{O}_{12}$  взамен чистого БФ вследствие незначительного изменения его магнитных параметров [16] и соответствующего смещения спектра МСВ, обеспечивающего совпадение частот ЭПР в  $\text{TiO}_2:\text{Fe}^{3+}$  и МСВ в БФ- $\text{Ga},\text{Al}$  при  $H_0 = 0$ , может позволить создать мазер, работающий в нулевом внешнем магнитном поле на частоте 43.3 ГГц.

## Усиление МСВ в монолитных активных структурах

Синтезируемые в настоящее время эпитаксиальные структуры ЖИГ содержат в качестве подложки кристалл гадолиний-галлиевого граната (ГГГ), обладающий большим магнитным моментом и сильным парамагнитным поглощением при низких температурах [18-20]. Поэтому для достижения эффектов квантового усиления в монолитной эпитаксиальной структуре необходим поиск диамагнитных материалов в качестве подложек гранатовых пленок. Особо перспективным представляется найденный в ряду замещенных гранатов и синтезированный кристалл иттрий-галлиевого граната (ИГГ) с частичным кальций-магний-циркониевым замещением  $\{\text{Y}, \text{Ca}\}_3(\text{Ga},\text{Mg},\text{Zr})_2[\text{Ga}]_3\text{O}_{12}$  [21]. Ширина линии ФМР эпитаксиальной пленки ЖИГ, выращенной на такой подложке, составила менее 1 Э, а ширина линии спиновых волн 0.25 Э. Указанный подложечный кристалл можно как диамагнитную решетку легировать парамагнитными центрами (например, ионом  $\text{Cr}^{3+}$ ) и использовать одновременно в качестве мазерного кристалла.

Найдем области совпадения частот ЭПР в предполагаемом кристалле и МСВ в пленке ЖИГ. Для этого необходимо решить стационарное уравнение Шредингера для парамагнитного иона  $\text{Cr}^{3+}$  (спин 3/2), помещенного в кристаллическую решетку граната. Оператор Гамильтона выберем в виде, приведенном в [22] для кристалла  $\text{Y}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}:\text{Cr}^{3+}$ ,

$$\hat{H} = g \cdot \mu_B \cdot H \cdot \hat{S}_z + D \cdot \left( \hat{S}_z^2 + 5/4 \right), \quad (5)$$

где  $\hat{S}_z$  — оператор проекции спина;  $D$  и  $g$  — константы, определяемые экспериментально для конкретного кристалла и равные в рассматриваемом случае 10.463 ГГц и 1.98 соответственно [22].

Будем полагать, что частичное Ca-Mg-Zr замещение в ИГГ не повлияет существенно на величины констант  $D$  и  $g$  в нем.

Решение стационарного уравнения Шредингера с учетом (5) позволило определить частоты и компоненты матрицы вероятностей энергетических переходов в предполагаемом кристалле. На рис. 3 приведены области совпадения частот ЭПР ионов  $\text{Cr}^{3+}$  в ИГГ и прямых объемных МСВ

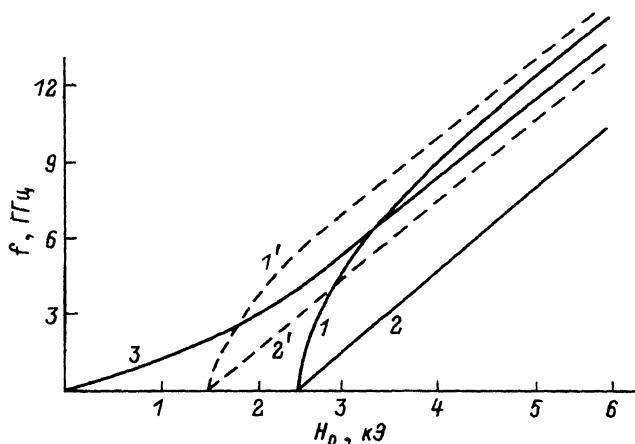


Рис. 3. Области совпадения частот ЭПР иона  $\text{Cr}^{3+}$  в ИГГ (3, переход  $3 \rightarrow 4$ ) и ПОМСВ в монокристаллах  $\text{Y}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  (1 и 2 — верхняя и нижняя частотные границы спектра) и  $\text{Y}_3\text{Fe}_{4.7}\text{Ga}_{0.3}\text{O}_{12}$  ( $1'$  и  $2'$  — верхняя и нижняя частотные границы спектра).

(ПОМСВ) в пленках  $\text{Y}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  и  $\text{Y}_3\text{Fe}_{4.7}\text{Ga}_{0.3}\text{O}_{12}$ . На рис. 4 представлены зависимости величины квантового усиления нижайшей моды ПОМСВ от величины внешнего магнитного поля (частоты волны) в структуре ИГГ-ЖИГ-Ga при температурах 77 (кривая 1) и 100 К (кривая 2); при  $T = 4.2$  К величина коэффициента усиления составляет более 100 дБ/см без учета эффекта насыщения. При расчетах использовались следующие параметры:  $\Delta H = 0.5$  Э,  $\Delta f = 60$  МГц,  $C_{at} = 0.05\%$ ,  $s = 10$  мкм. Частотно-полевая зависимость коэффициента усиления МСВ объясняется совместным влиянием магнитного декремента парамагнетика, групповой скорости и величины потерь МСВ в ферритовой пленке. Уменьшение усиления при повышении температуры связано с соответствующим уменьшением  $d_m$ . Таким образом, проведенное исследование впервые показало возможность создания мазера бегущей волны, работающего при температуре жидкого азота.

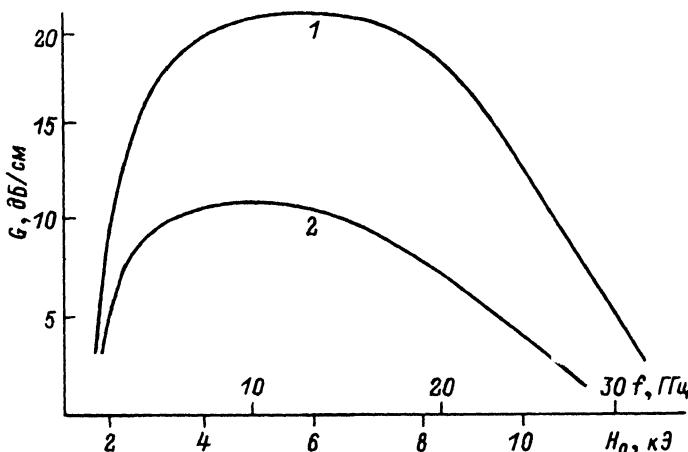


Рис. 4. Квантовое усиление нижайшей моды ПОМСВ в монолитной активной структуре при  $T = 77$  (1) и 100 К (2).

# Квантовое усиление МСВ в неоднородных активных структурах

Важнейшей характеристикой усиливающей структуры феррит-парамагнетик, определяющей возможность ее практического применения, является величина динамического диапазона. Его нижняя граница определяется собственными шумами многослойной структуры, а существование верхней границы динамического диапазона усиления обусловлено эффектами насыщения сигнального перехода мазерного кристалла, что приводит к уменьшению магнитного декремента с ростом амплитуды переменного магнитного поля МСВ [12].

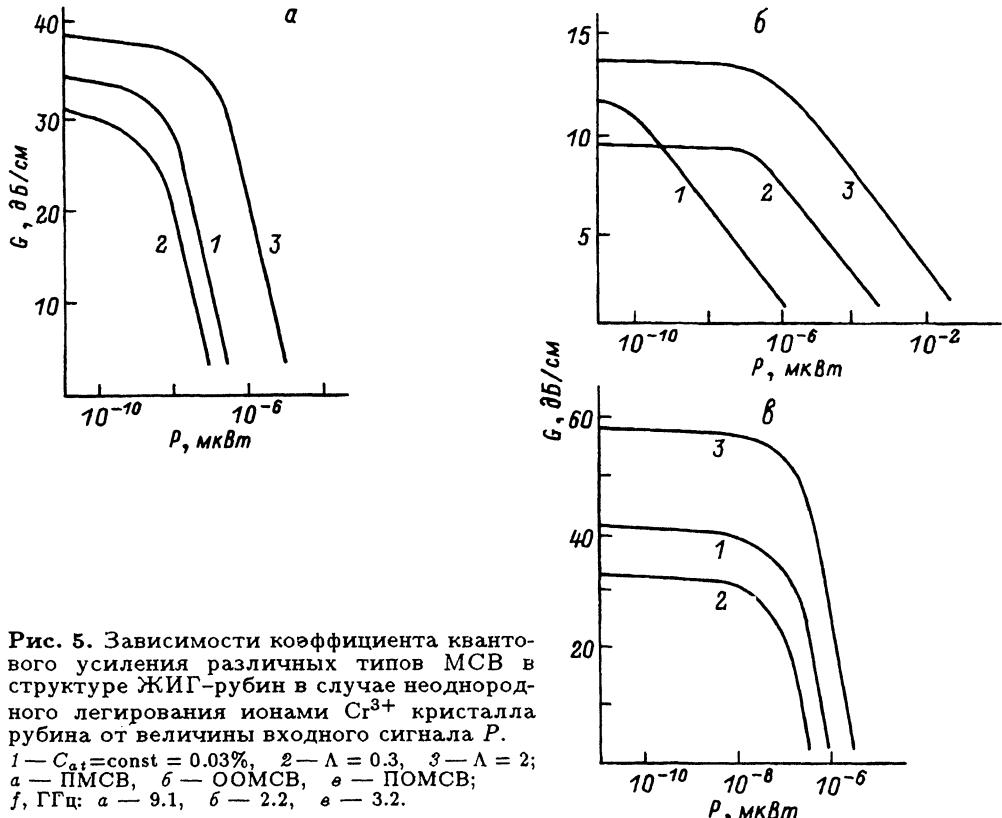
Предлагается метод расширения динамического диапазона квантового усиления путем создания неоднородного распределения парамагнитных примесей в мазерном кристалле в соответствии с конфигурацией СВЧ поля МСВ, который проанализируем на примере структуры ЖИГ-рубин.

Предположим, что концентрация парамагнитных ионов  $\text{Cr}^{3+}$  в слое диамагнитной матрицы  $\text{Al}_2\text{O}_3$  распределяется по его толщине в соответствии с законом

$$C_{at}(x) = C_{at}^0 \exp \{ \Lambda \cdot (s - x) \}, \quad (6)$$

где  $C_{at}^0$  — концентрация ионов  $\text{Cr}^{3+}$  на границе ЖИГ-рубин,  $\Lambda > 0$  — показатель легирования.

Разобъем рубин на такие слои, в пределах которых величину переменного магнитного поля и концентрацию парамагнитных ионов хрома мож-



но считать постоянными. Коэффициент усиления каждого из таких слоев определяется формулой (4), а суммарный коэффициент усиления может быть найден путем интегрирования по всему объему активного кристалла. В результате получаем выражение для коэффициента усиления МСВ в указанной структуре с учетом (6) и эффектов насыщения, на основании которого проведен анализ эффектов квантового усиления в неоднородных активных структурах. В расчетах приняты параметры кристаллов ЖИГ и рубина при температуре 4.2 К [10,16].

На рис. 5,а–е приведены зависимости коэффициента усиления МСВ от величины подаваемого на активную многослойную структуру электромагнитного сигнала. Расчеты проводились для различных значений показателя легирования и сравнивались с соответствующими зависимостями для однородного (традиционного) легирования ионами  $\text{Cr}^{3+}$  кристалла  $\text{Al}_2\text{O}_3$  ( $C_{\text{ат}} = 0.03\%$ ); для всех типов волн выбраны участки с максимальными коэффициентами усиления.

В случае неоднородного легирования насыщение мазерного кристалла около поверхности феррита, где концентрация парамагнитных ионов и амплитуда МСВ максимальны, наступает при больших значениях сигнала. Наибольший эффект, как видно из рис. 5, имеет место для  $\Lambda = 0.3–0.5$ . В случае ПОМСВ величина мощности насыщения  $P_{\text{sat}}$  увеличивается на порядок по сравнению с  $C = \text{const}$ , ПМСВ и ООМСВ — на два–три и составляет более  $10^{-3}$  мкВт. Это обеспечивает соответствующее расширение динамического диапазона квантового усиления с 40 до 55 дБ. Возможно также увеличение коэффициента усиления волны для  $\Lambda = 0.3–0.5$ , что связано с зависимостью ширины линии ЭПР рубина от концентрации ионов  $\text{Cr}^{3+}$  [10]:

### Шумовые характеристики феррит–парамагнитных структур

Как уже указывалось, нижняя граница динамического диапазона квантового усиления МСВ определяется собственными шумами многослойной структуры, связанными с потерями на возбуждение МСВ и преобразование их энергии в энергию электромагнитного сигнала, потерями при распространении МСВ, спонтанным излучением мазерного кристалла и характеризуется величиной эквивалентной шумовой температуры  $T_n$ . В [12] приведена формула, полученная с учетом всех видов потерь, которая при реальных значениях входящих в нее параметров для структуры ЖИГ–рубин и  $T = 2$  К дает величину 5 К, что является типичным для существующих мазеров; можно полагать, что и в неоднородной активной структуре ЖИГ–рубин  $T_n$  составляет такую же величину.

В структуре БФ–рутил, обеспечивающей квантовое усиление МСВ в миллиметровом диапазоне, при гелиевой физической температуре имеем  $T_n = 28$  К, что сравнимо с традиционными мазерами в этом диапазоне частот. В монолитной структуре ЖИГ–Ga–ИГГ:Cr<sup>3+</sup> при  $T = 77$  К соответствующая характеристика составляет 105 К.

### Расширение полосы усиления

В МБВ ширина полосы усиления, как правило, составляет порядка трети ширины линии ЭПР мазерного кристалла. Полосой квантового усиления можно управлять с помощью изменения законов дисперсии волны в многослойных структурах, например металл–диэлектрик–феррит–диэлектрик–металл (МДФДМ), посредством изменения толщин

и параметров ее слоев. Изменяя толщину диэлектрика, можно реализовать сдвиг диапазона существования ПМСВ на 5 ГГц, а нижайшей моды ПОМСВ — на 2.5 ГГц. Таким образом, если в качестве диэлектрических слоев указанных структур использовать активные парамагнитные кристаллы, частоты ЭПР которых совпадают с областью существования МСВ ферритовой компоненты, то набор таких структур может представлять собою мазер с широкой полосой усиления. Ширина полосы мазера определяется в этом случае суммой полос отдельных каналов. Такое устройство может быть организовано как на основе монолитных структур (с использованием структуры ЖИГ-Ga-ИГГ:Cr<sup>3+</sup>), так и составных систем (пластины ЖИГ и рубина).

Другим способом расширения полосы усиления является применение набора ферритовых компонент многослойных структур различной ширины. Дисперсия МСВ в них зависит от поперечного размера [23], что обеспечит максимум усиления на различных, но достаточно близких частотах для каждого ферритового волновода, расширяя тем самым полосу усиления в целом.

Подчеркнем, что прикладное значение рассмотренных эффектов не ограничивается созданием сверхмалошумящих усилителей — мазеров, предназначенных для предварительного усиления слабых сигналов в системах радиоастрономии и космической связи, локации. Кроме того, могут быть рассмотрены возможности разработки на основе феррит-парамагнитных структур спектрально чистых генераторов и высокодобротных активных фильтров. В первом случае для самовозбуждения феррит-парамагнитных резонаторов необходимо обеспечить выполнение условий баланса фаз и амплитуд. Во втором происходит лишь частичная компенсация потерь в резонаторе за счет энергии источника накачки (условие баланса амплитуд не выполняется) и активный фильтр обеспечивает фильтрацию сигнала на частотах, соответствующих собственным частотам (модам) феррит-парамагнитного резонатора.

### Список литературы

- [1] Корнюшин Ю.В., Лось В.Ф., Машкевич В.С. // ЖЭТФ. 1972. Т. 62. Вып. 5. С. 1897–1901.
- [2] Kornyushin Yu.V., Los V.F., Mashkewich V.S. // Sol. St. Commun. 1972. Vol. 10. N 2. P. 1097–1100.
- [3] Ожогин В.И., Фарзетдинова Р.М., Михайлова А.С. // ЖЭТФ. 1990. Т. 97. Вып. 3. С. 863–871.
- [4] Сигмен М. Мазеры. М.: Мир, 1966. 520 с.
- [5] Гуревич А.Г. Магнитный резонанс в ферритах и ферромагнетиках. М.: Наука, 1973. 592 с.
- [6] Данилов В.В. // ФТТ. 1980. Т. 22. Вып. 5. С. 1539–1541.
- [7] Данилов В.В. // УФЖ. 1980. Т. 23. № 5. С. 853–855.
- [8] Данилов В.В. // Изв. вузов. Радиофизика. 1980. Т. 23. № 12. С. 1511–1515.
- [9] Данилов В.В., Зависляк И.В., Балинский М.Г. Спин-волновая электродинамика. Киев: Лыбидь, 1991. 212 с.
- [10] Штейнишлегер В.Б., Мисесянников Г.С., Лифанов П.С. Квантовые усилители СВЧ (мазеры). М.: Сов. радио, 1971. 430 с.
- [11] Балинский М.Г., Данилов В.В., Зависляк И.В. // Квантовая электрон. 1984. № 24. С. 34–42.
- [12] Балинский М.Г., Данилов В.В. // Изв. вузов. Радиоэлектроника. 1984. Т. 27. № 1. С. 68–69.
- [13] Данилов В.В., Балинский М.Г., Журиленко Б.Е. и др. // Тез. докл. Всесоюз. конф. по магнитному резонансу. Казань, 1984. Т. 2. С. 83.
- [14] Черпак Н.Т. // Изв. вузов. Радиофизика. 1984. Т. 27. № 7. С. 815–851.

- [15] Зависляк И.В., Данилов В.В. // Письма в ЖТФ. 1982. Т. 8. Вып. 2. С. 72–74.
- [16] Яковлев Ю.М., Генделеев С.Ш. Монокристаллы ферритов в радиотехнике. М.: Сов. радио, 1975. 360 с.
- [17] Черпак Н.Т., Смирнова Т.А., Мищенко В.В. и др. // РиЭ. 1982. Т. 27. № 9. С. 1804–1813.
- [18] Балинский М.Г., Данилов В.В., Нечипорук А.Ю., Талалаевский В.М. // Изв. вузов. Радиофизика. 1986. Т. 29. № 10. С. 1253–1258.
- [19] Данилов В.В., Лыфарь Д.Л., Любонько Ю.В. и др. // Изв. вузов. Физика. 1989. Т. 32. № 4. С. 48–53.
- [20] Chen H., De Gasperis P., Marcelli R. et al. // J. Appl. Phys. 1990. Vol. 67. N 9. Pt II-B. P. 5530–5532.
- [21] Еськов Н.А., Данилов В.В., Дубинко С.В. и др. // Тез. докл. Всесоюз. конф. "Материалы и изделия функциональных устройств электроники". Львов, 1989. С. 45.
- [22] Garsom J., White R. // J. Appl. Phys. 1961. Vol. 32. P. 1787–1792.
- [23] Данилов В.В., Зависляк И.В., Фирсова Т.В. // Тез. докл. Всесоюз. конф. по микроэлектронике. Таганрог, 1982. С. 164–165.

Киевский университет им. Т.Г.Шевченко  
Киевский политехнический институт

Поступило в Редакцию  
6 декабря 1991 г.  
В окончательной редакции  
14 сентября 1992 г.

---