

- [1] *Barengolts S.A., Litvinov E.A.* // Proc. 38<sup>th</sup> IFES. Vienna, 1991. P. P1-P8.  
 [2] *Shkuratov S.I.* // Surf. Sci. 1992. Vol. 266. P. 88-99.  
 [3] *Елинсон М.И., Васильев Г.Ф.* Автоэлектронная эмиссия. М.: Физматгиз, 1958. 272 с.  
 [4] *Barengolts S.A., Litvinov E.A., Uimanov I.V.* // Surf. Sci. 1992. Vol. 266. P. 132-136.  
 [5] *Баренгольц С.А., Литвинов Е.А.* // СФХТ. 1989. Т. 2. № 8. С. 26-28.  
 [6] *Брэндон Д.* // Автоионная микроскопия. М.: Мир, 1971. Гл. 4. С. 59-74.  
 [7] *Barbour J.P., Charbonnier F.M., Dolan W.W. et al.* // Phys. Rev. 1960. Vol. 117. N 6. P. 1452-1459.  
 [8] *Hirsch J.E., Marsiglio F.* // Physica C. 1990. Vol. 172. P. 265-266.  
 [9] *Wijnngaarden R.J., Scholtz J.J., Van Eenige E.N., Griessen R.* // High Pressure Research. 1991. Vol. 7,8. N 1-3. P. 33-37.  
 [10] *Золоторевский В.С.* Механические свойства металлов. М.: Metallurgy, 1983. Гл. 4. С. 105-145.  
 [11] *Таланцев Е.Ф., Иеченко В.А., Сюткин Н.Н.* // СФХТ. 1990. Т. 3. № 9. С. 2017-2022.  
 [12] *Muller E.W.* // Science. 1965. Vol. 149. P. 591-601.  
 [13] *Cava R.J., Batlogg B., Rabe K.M. et al.* // Physica C. 1988. Vol. 156. N 5. P. 523-527.  
 [14] *Shkuratov S.I., Ivanov S.N., Shilimanov S.N.* // Surf. Sci. 1992. Vol. 266. P. 224-231.

Институт электрофизики  
Екатеринбург

Поступило в Редакцию  
14 мая 1992 г.  
В окончательной редакции  
23 ноября 1992 г.

02;03  
© 1993 г.

Журнал технической физики, т. 63, в. 8, 1993

## КОЭФФИЦИЕНТЫ ПЕРЕНОСА ПЛОТНОГО ГАЗА ИЗ МОЛЕКУЛ С ТВЕРДОЙ СЕРДЦЕВИНОЙ

*В.И.Курочкин, С.В.Паплин*

В предыдущей работе одного из авторов [1] рассмотрено кинетическое уравнение для плотных газов из молекул с твердой сердцевиной, т.е. потенциал взаимодействия которых состоит из суммы потенциала твердых сфер диаметром  $\sigma\varphi_r(r)$  и хвоста  $\varphi_s(r)$ , учитывающего взаимодействие частиц на расстоянии  $r > \sigma$ . Кинетическое уравнение получено из точного первого уравнения Грэда путем аппроксимации двухчастичной функции распределения, предложенной Хоффманом и Кэртиссом [2]. В работе [1] получены аналитические выражения для коэффициентов переноса в первом порядке по параметру взаимодействия  $\varepsilon' = \max |\varphi_s(r)|/kT$ . В данной работе полученные в [1] выражения используются для расчета коэффициентов вязкости и теплопроводности.

Для расчета коэффициентов переноса плотного газа в первом порядке по параметру взаимодействия необходимо рассчитать в этом приближении давление  $p$  и коэффициенты  $a(m, n)$ ,  $\omega(m, n)$ ,  $l(m, n)$  и  $\omega_n$ , для которых получено

$$p = \left[ 1 + \frac{2\pi}{3} n \sigma^3 g(\sigma) \right] nkT - \frac{2\pi}{3} n^2 \int_{\sigma}^{\infty} \varphi'_s g(r) r^3 dr, \quad (1)$$

$$a(m, n) = \frac{\sigma}{kT} \int_1^{\infty} dx \int_0^1 dy \varphi'_s(x\sigma) \frac{y^{n-1}}{(x^2 + y^2 - 1)^{m/2}}, \quad (2)$$

$$\omega(m, n) = \frac{\sigma}{kT} \int_1^{\infty} dx \int_0^1 dy \varphi'_s(x\sigma) \chi(x\sigma) \frac{y^{n-1}}{(x^2 + y^2 - 1)^{m/2}}, \quad (3)$$

$$l(m, n) = \frac{1}{kT} \int_1^{\infty} dx \int_0^1 dy \varphi'_s(x\sigma) x \frac{y^{n-1}}{(x^2 + y^2 - 1)^{m/2}}, \quad (4)$$

$$\omega_n = \frac{\sigma^{-n}}{kT} \int_1^{\infty} \varphi'_s(r) \chi(r) r^n dr, \quad (5)$$

где  $x = r/\sigma$  — безразмерная координата.

Для расчета соотношений (1)–(5) необходимо знать бинарную функцию распределения равновесного состояния  $g(r)$  или связанную с ней функцию

$$\chi(r) = g(r) \exp[\varphi(r)/kT], \quad (6)$$

причем в формулах (2)–(5) достаточно знать функцию  $\chi(r)$  в приближении твердых сфер, так как коэффициенты  $a(m, n)$ ,  $\omega(m, n)$ ,  $l(m, n)$  и  $\omega_n$  уже имеют первый порядок по параметру взаимодействия.

В данной работе для расчета функций  $g(r)$  и  $\chi(r)$  используется известное уравнение Перкуса-Йевики [3]

$$\chi(r) = 1 + n \int [g(r') - \chi(r')] [g(|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|) - 1] d\mathbf{r}'. \quad (7)$$

Пусть далее  $\varphi'_s(r) = \varepsilon f(x)$ , где  $\varepsilon$  — глубина потенциальной ямы потенциала взаимодействия. Представим функцию  $\chi(r)$  в виде ряда по параметрам плотности  $\rho(2\pi/3)n\sigma^3$  и взаимодействия  $\varepsilon' = \varepsilon/kT = 1/\tau$ , где  $\tau = kT/\varepsilon$  — приведенная температура. При этом с точностью до членов первого порядка по  $\varepsilon'$  будем иметь

$$\chi(r) = \sum_{i=0}^{\infty} \left( \chi_i^{(0)}(x) + \chi_i^{(1)}(x)/\tau \right) \rho^i, \quad \chi_i^{(0)}(x) = 1, \quad \chi_i^{(1)}(x) = 0, \quad (8)$$

где  $\chi_i^{(0)}(x)$  — соответствует разложению по параметру плотности  $\rho$  функции  $\chi(r)$  для твердых сфер.

Подставляя разложение (8) в уравнение (7) с учетом (6) и собирая члены одинаковых порядков по  $\varepsilon'$  и  $\rho$ , получим систему уравнений для определения функций  $\chi_i^{(0)}(x)$  и  $\chi_i^{(1)}(x)$  в виде

$$x\chi_{i+1}^{(0)}(x) = 3 \int_0^1 \left\{ 2xs\chi_i^{(0)}(s) - \sum_{k=0}^i \chi_k^{(0)}(s) H_{i-k}^{(0)}(x, s) \right\} s ds, \quad (9)$$

$$\begin{aligned}
 x\chi_{i+1}^{(1)}(x) = & 3 \int_0^1 \left\{ 2xs\chi_i^{(1)}(s) - \sum_{k=0}^i \chi_k^{(1)}(s)H_{i-k}^{(0)}(x,s) - \chi_k^{(0)}(s)H_{i-k}^{(1)}(x,s) \right\} sds + \\
 & + 3 \int_0^\infty \left\{ 2xs\chi_i^{(0)}f(s) - \sum_{k=0}^i \chi_k^{(0)}(s)f(s)H_{i-k}^{(0)}(x,s) \right\} sds. \quad (10)
 \end{aligned}$$

Здесь

$$H_i^{(0)}(x,s) = \int \chi_i^{(0)}(t)tdt, \quad (11)$$

$$H_i^{(1)}(x,s) = \int [\chi_i^{(0)}(t)f(t) - \chi_i^{(1)}(t)]tdt, \quad (12)$$

где интегрирование по  $t$  производится от  $\max(1, |x-s|)$  до  $(s+x)$ .

Для функций  $\chi_1^{(0)}$  аналитическое решение известно [3]. Решение для  $\chi_2^{(0)}$  получено в работе [2]. Для функций  $\chi_3^{(0)}(x)$  и  $\chi_4^{(0)}(x)$  получено численное решение, которое приближенно, с точностью до 2%, может быть представлено с помощью формул

$$x\chi_3^{(0)} = \begin{cases} (1.39 - 1.95x + 0.64x^2), & 1 \leq x \leq 2, \\ (-3.82 + 3.42x - 0.74x^2), & 2 \leq x \leq 2.5, \\ 0.15(x - 3.5)^2 - 0.04(3.5 - x), & 2.5 \leq x \leq 3.5, \\ 0, & x \geq 3.5, \end{cases} \quad (13)$$

$$x\chi_4^{(0)} = \begin{cases} (0.61 - 0.90x + 0.33x^2), & 1 \leq x \leq 1.75, \\ (1.85 - 1.86x - 0.45x^2), & 1.75 \leq x \leq 2.5, \\ (1.69 - 1.18x + 0.20x^2), & 2.5 \leq x \leq 3.25, \\ 0, & x \geq 3.25. \end{cases} \quad (14)$$

Проведенные авторами расчеты показали, что при разложении функции  $\chi(x)$  в ряд по параметру плотности при  $\rho \leq 1$  для достижения точности расчетов порядка 2–3% достаточно взять первые четыре члена разложения по этому параметру. При  $\rho > 1$  сходимость значительно ухудшалась. Величина ошибки аппроксимации по параметру взаимодействия имеет порядок  $\tau^{-2}$ , поэтому полученные формулы имеет смысл использовать только в области приведенных температур  $\tau^2 \gg 1$ .

Авторами проведены предварительные численные расчеты коэффициентов вязкости и теплопроводности в области приведенных температур  $\tau \sim 3-8$ . В расчетах использовался модифицированный потенциал Леннарда-Джонса 12-6 (ЛЛМ(12-6))

$$f(x) = \begin{cases} \infty, & x < 1, \\ 4(x^{-12} - x^{-6}), & x \geq 1. \end{cases} \quad (15)$$

Сравнение результатов расчета с табличными данными для аргона и азота (значения параметров потенциала брались из [4]) показало, что расхождение составляет 8–10% в диапазоне приведенных плотностей  $\rho < 0.8$

и 10–15% при  $\rho \leq 1.0$ . Можно добиться уменьшения расхождения расчетных и табличных значений, если ввести слабую зависимость диаметра твердой сердцевины от температуры, как это делается в равновесной теории при исследовании уравнения состояния [3], или путем введения зависимости диаметра твердой сердцевины от энергии взаимодействия частиц при их столкновении в соответствии с более современными исследованиями, проведенными в [5].

Исследование данного вопроса, а также сравнительный анализ рассмотренной модели с другими теориями будут представлены в отдельной работе.

### Список литературы

- [1] Курочкин В.И. // ЖТФ. 1992. Т 62. Вып. 5. С. 1772–1778.
- [2] Hoffman D.H., Curtiss C.F. // Phys. Fluids. 1964. Vol. 7. N 12. P. 1887–1897.
- [3] Крокстон К. Физика жидкого состояния. М.: Мир, 1978. 400 с.
- [4] Севастьянов Р.М., Зыков Н.А. Термодинамические свойства газов при высоких давлениях // Труды ЦАГИ. 1977. Вып. 1874.
- [5] Квазиклассическая теория столкновений в газах. Новосибирск: Наука, 1989. 201 с.

Самарский университет

Поступило в Редакцию  
12 ноября 1992 г.  
В окончательной редакции  
26 апреля 1993 г.