

# ПОЛЯРИЗАЦИОННАЯ ЗАВИСИМОСТЬ СИГНАЛА В НЕЛИНЕЙНОЙ МОДУЛЯЦИОННОЙ СПЕКТРОСКОПИИ

*B.A. Гайсенок, И.И. Ганчаренок*

В основе поляризационной нелинейной модуляционной спектроскопии (НМС) лежит оптический эффект Керра, индуцированный комбинационным [1] или электронным резонансом [2]. Для наблюдения эффекта в среду направляются два поляризованных световых пучка с частотами  $\omega_i$  ( $i = 1$  — волна накачки и  $i = 2$  — зонд), разность которых можно сканировать вблизи частоты комбинационно-активного молекулярного колебания или электронного перехода. Вследствие индуцированной в среде анизоропии поляризация зондирующей волны может изменяться, и тогда регистрируется сигнал за скрещенным с начальным поляризационным состоянием этой волны анализатором. Несмотря на то, что в литературе (см., например, [3]) весьма распространена точка зрения, что поляризационная зависимость сигнала НМС подробно описана в [2], мы представляем в данном письме качественно новые, отличные от [2], результаты.

В рамках феноменологического подхода для инвариантного вектора нелинейной (кубической по напряженности электрического поля) поляризованности на частоте зонда изначально изотропной среды в обозначениях Ахманова и Кототеева [4]\* имеем

$$\begin{aligned} \mathbf{P}^3(\omega_2) &= D\chi_{1212}^3 \left\{ \hat{I}(\mathbf{E}_1 \mathbf{E}_1^*) + C_1 \mathbf{E}_1 \cdot \mathbf{E}_1^* + C_2 \mathbf{E}_1^* \cdot \mathbf{E}_1 \right\} \mathbf{E}_2 = \\ &= D\chi_{1212}^{(3)} \hat{S} \mathbf{E}_2, \quad C_1 = \chi_{1122}^{(3)} / \chi_{1212}^{(3)}, \quad C_2 = \chi_{1221}^{(3)} / \chi_{1212}^{(3)}. \end{aligned} \quad (1)$$

Здесь  $D$  — численный множитель;  $\hat{I}$  — единичный тензор;  $\hat{S}$  — тензор светоиндуцированной анизотропии [5];  $\chi_{ijk}^{(3)}$  — компоненты тензора нелинейной оптической восприимчивости третьего порядка, частотные аргументы которых (как и векторных амплитуд  $\mathbf{E}_i$ ) для краткости мы опустили;  $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}$

\* Данные обозначения отличаются от аналогичных обозначений в [2].

означает диадное, а  $(\mathbf{ab})$  — обычное скалярное произведение векторов  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ; звездочку мы использовали для обозначения комплексного сопряжения.

Дальнейший алгоритм нахождения решения для вектора  $\mathbf{E}_2$  на выходе нелинейной среды для произвольных направлений распространения волн в приближении заданного поля может быть построен на основе методов векторно-тензорного исчисления [5], так что для регистрируемого сигнала в НМС имеем

$$\Delta I = \frac{1}{2} c \varepsilon_0 \mathbf{U}_A^* \mathbf{E}_2^* \mathbf{U}_P \cong$$

$$A |C_1 (\mathbf{U}_A^* \mathbf{e}_1) (\mathbf{U}_P \mathbf{e}_1^*) + C_2 (\mathbf{U}_A^* \mathbf{e}_1^*) (\mathbf{U}_P \mathbf{e}_1)|^2, \quad (2)$$

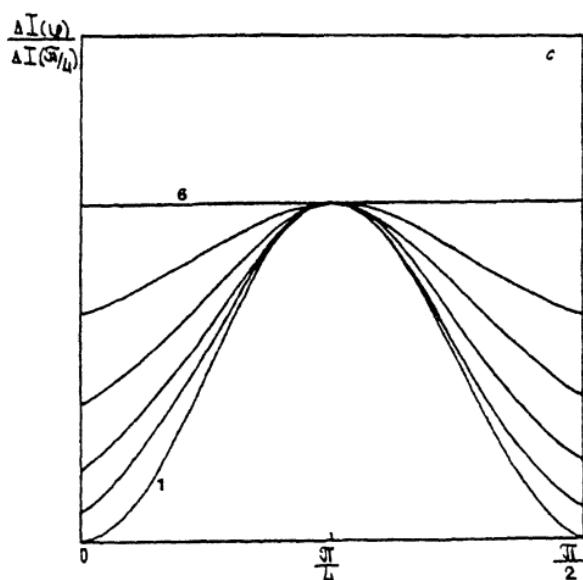
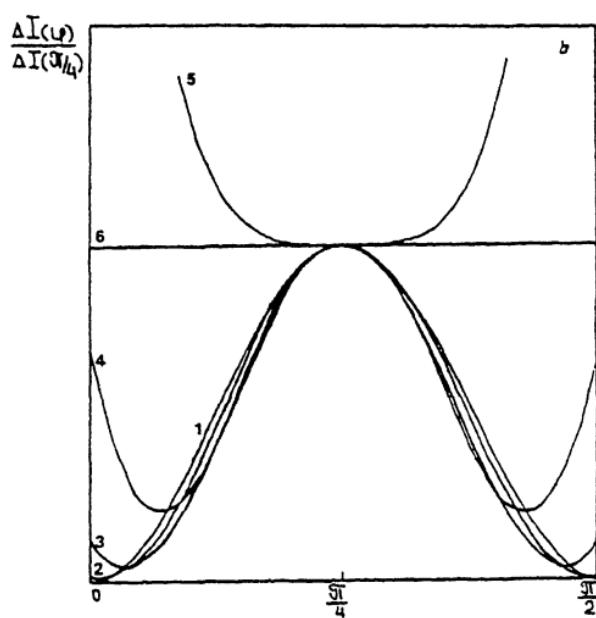
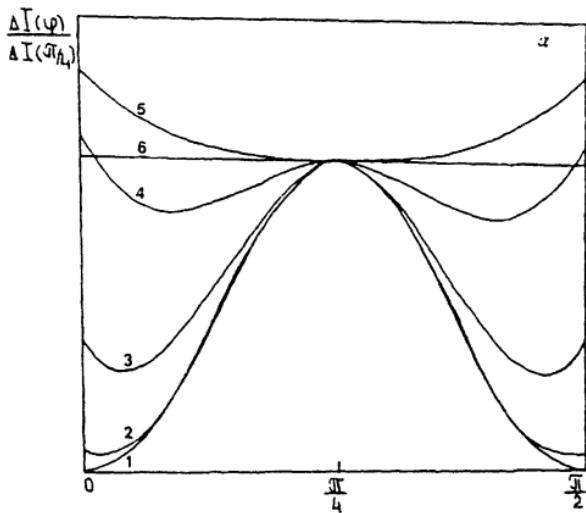
где  $A$  — действительный скалярный множитель,  $\mathbf{U}_A$  и  $\mathbf{U}_P((\mathbf{U}_A \mathbf{U}_P^*) = 0)$  — нормированные комплексные векторы в фазовой плоскости анализируемого пучка (такие векторы мы можем рассматривать как символы поляризационных приборов:  $\mathbf{U}_A$  — анализатор,  $\mathbf{U}_P$  — поляризатор),  $\mathbf{e}_i = \frac{\mathbf{E}_i}{E_i}$  — единичные поляризационные векторы волн,  $\varepsilon_0$  и  $c$  — электрическая постоянная и скорость света в вакууме соответственно.

Таким образом, выражение (2) позволяет проанализировать поляризационную зависимость сигнала НМС в самом общем случае эллиптически поляризованных взаимодействующих волн. Обычно в НМС используют эллиптически поляризованную волну накачки и линейно поляризованный зондирующий пучок под углом  $\varphi = \frac{\pi}{4}$  к большой полуоси эллипса накачки [2]. В работе [6] нами показано, что выбор  $\varphi = \frac{\pi}{4}$  в экспериментальных методиках типа НМС не всегда является оптимальным, так что представляется интересным получить выражение для  $\Delta I$  при произвольном  $\varphi$ . Направляя ось  $X$  декартовой системы координат вдоль большой оси эллипса накачки, поляризационная зависимость  $\Delta I$  может быть описана следующей функцией

$$F = \cos^2 2\varepsilon_1 \sin^2 2\varphi + |q|^2 \sin^2 2\varepsilon_1 - \operatorname{Im} q \sin 4\varepsilon_1 \sin 2\varphi,$$

$$q = \frac{C_2 - C_1}{C_1 + C_2}. \quad (3)$$

**Рис. 1.** Зависимости регистрируемого в НМС сигнала от азимута линейной поляризации зондирующей волны для:  $a$  — бензола ( $\operatorname{Re} q = -0.75$ ,  $\operatorname{Im} q = 0.40$ );  $b$  —  $\text{CS}_2$  ( $\operatorname{Re} q = -0.16$ ,  $\operatorname{Im} q = 0.32$ );  $c$  — ( $\operatorname{Re} q = -0.75$ ,  $\operatorname{Im} q = -0.40$ ). Угол эллиптичности волны накачки рассматривается как параметр:  $\varepsilon_1 = 0(1)$ ;  $\pi/20(2)$ ;  $\pi/10(3)$ ;  $3\pi/20(4)$ ;  $\pi/5(5)$ ;  $\pi/4(6)$ .



Здесь  $\varepsilon_1$  — угол эллиптичности волны накачки ( $-\frac{\pi}{4} \leq \varepsilon_1 \leq \frac{\pi}{4}$ ), так что эллиптичность  $\eta_1 = \operatorname{tg} \varepsilon_1$  [7].

Из (3) видно, что функция  $F$  является немонотонной по  $\varphi$ . Минимальные значения  $F$  (следовательно, и  $\Delta I$ ) достигаются при значениях азимутов поляризации пробной волны, определяемых соотношением

$$\varphi = \varphi_{\min} = \begin{cases} \frac{1}{2} \arcsin(\operatorname{Im} q \operatorname{tg} 2\varepsilon_1), \\ \frac{\pi}{2} - \frac{1}{2} \arcsin(\operatorname{Im} q \operatorname{tg} 2\varepsilon_1). \end{cases} \quad (4)$$

Соответствующие значения сигнала НМС равны

$$\Delta I_{\min}/\tilde{\Delta}I = (\operatorname{Re} q \sin 2\varepsilon_1)^2,$$

где  $\Delta I = \tilde{\Delta}(I)$ , когда  $\mathbf{e}_1 = \mathbf{e}_1^* = \mathbf{U}_A = \mathbf{U}_p$ . Интересно отметить, что из (4) для  $|\varepsilon_1| = \frac{\pi}{8}$  имеем

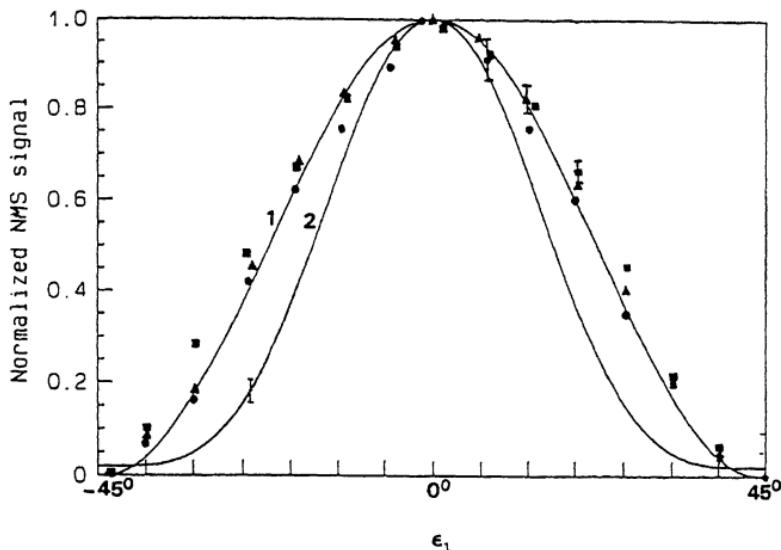
$$\sin 2\varphi_{\min} = \operatorname{Im} q.$$

На рис. 1 (а) и (в) приведены графики ожидаемых в соответствии с вышеизложенным анализом поляризационных зависимостей сигнала НМС для бензола (молекулярное колебание  $992 \text{ см}^{-1}$ ) и  $\text{CS}_2$  (рамановская линия  $655.7 \text{ см}^{-1}$ ) соответственно. Значения для мнимой и действительной частей параметра  $q$  взяты для бензола из работы [8] и для  $\text{CS}_2$  рассчитаны на основе экспериментальных данных [9]. Эллиптичность волны накачки рассматривалась в качестве параметра. Представляется важным отметить следующее: *a* — угол  $\varphi = \frac{\pi}{4}$  не является оптимальным в смысле получения максимального сигнала для поляризации накачки близкой к круговой; *b* — вид зависимостей  $\Delta I(\varphi)$  существенно зависит от  $\operatorname{sign}(\operatorname{Im} q)$  (см. рисунки 1(а) и (с), которые отличаются только знаком  $\operatorname{Im} q$ ).

Перейдем теперь к анализу случая, когда  $\varphi = \pm \frac{\pi}{4}$ . Тогда (3) перепишется в следующем виде:

$$F = \cos^2 2\varepsilon_1 + |q|^2 \sin^2 2\varepsilon_1 \mp \operatorname{Im} q \sin 4\varepsilon_1. \quad (5)$$

Выражение (5) принципиально отличается от уравнения (15) из работы [2], описывающего идентичную зависимость в рамках тех же приближений. На рис. 2 представлены результаты эксперимента для водных растворов трех красителей (crystal violet (CV), methylene-blue (MB), rhodamine-B (RB)), которые хорошо согласуются с теоретической зависимостью (5) (кривая 1) и находятся в явном несоответствии с теоретическими (кривая 2) и экспериментальными



**Рис. 2.** Зависимость нормированного на максимальное значение сигнала поляризационной НМС от угла эллиптичности волны накачки, когда  $\varphi = \pi/4$ . Отрезками обозначены типичные погрешности измерений. Все другие обозначения разъяснены в тексте.

данными для водного раствора красителя (malachite green (MG)) работы [2]. Следует подчеркнуть, что кривая (1) построена в предположении  $q = 0$ , что приводит (с учетом симметрии перестановок тензорных индексов) к равенству трех компонент тензора кубической восприимчивости  $\chi_{1122} = \chi_{1212} = \chi_{1221}$ . Таким образом, есть веские аргументы утверждать о выполнении симметрии Клейнмана для резонансного тензора  $\hat{\chi}^{(3)}$  в водных растворах красителей CV, MB, RB. Полученные в работе [2] малые величины для  $\text{Re } q$  и  $\text{Im } q$  вряд ли могут служить основанием для вывода о нарушении данной симметрии в водном растворе красителя MG (и других, как отмечено в [2], образцах), тем более, что не указаны погрешности найденных из подгонки теоретических и экспериментальных данных значений  $\text{Re } q$  и  $\text{Im } q$ .

Резюмируя результаты данного сообщения, можно сделать вывод о достаточно высокой информативности исследований поляризационных зависимостей в НМС. Более того, мы представляем экспериментальную очевидность выполнения клейнмановской симметрии для  $\hat{\chi}^{(3)}$  в водных растворах трех красителей. Последнее приводит к выводу о том, что анизотропия дипольного момента электронного перехода в данных красителях является линейной, проявление колебательной структуры электронных состояний и вклад когерентных рэлеевского и мандельштам-бриллюэновского рассеяния [10] — несущественными. С теоретической точки зрения это означает, что в рамках поляризационной НМС

достаточно хорошей моделью для данных сред может служить ансамбль хаотически ориентированных двухуровневых частиц.

Настоящая работа была частично поддержанна грантом фонда Сороса, учрежденного Американским физическим обществом.

### Список литературы

- [1] Levenson M.D., Song J.J. // J. Opt. Soc. Am. 1976. V. 66. N 7. P. 641–643.
- [2] Song J.J., Lee J.Y., Levenson M.D., // Phys. Rev. A. 1978. V. 17. N 4. P. 1439–1447.
- [3] Файнберг Б.Д. // Письма в ЖТФ. 1979. Т. 5. В. 6. С. 370–373.
- [4] Ахманов С.А., Коротеев Н.И. Методы нелинейной оптики в спектроскопии рассеяния света. М.: Наука. 1981. 544 с.
- [5] Gancheryonok I.I. // Rev. Laser Eng. (Japan). 1992. V. 20. N 10. P. 813–822.
- [6] Gancheryonok I.I. // Rev. Laser Eng. (Japan). 1992. V. 20. N 7. P. 502–513.
- [7] Аззам Р., Башара Н. Эллипсометрия и поляризованный свет. М.: Мир, 1981. С. 21–25.
- [8] Gancheryonok I.I. // Japan. Appl. Phys. 1992. V. 31. N 12A. P. 3862–3868.
- [9] Ma H., Gomes A.S.L., Araújo de Cid B. // Opt. Lett. 1992. V. 17. N 5. P. 1052–1054.
- [10] Коротеев Н.И., Терновская М.Ф. // Квантовая электроника. 1982. Т. 9. N 10. С. 1967–1976.

Белорусский  
государственный  
университет,  
Минск

Поступило в Редакцию  
9 апреля 1993 г.