

©1994

## ВЛИЯНИЕ ПРИМЕСИ С ПЕРЕМЕННОЙ ВАЛЕНТНОСТЬЮ НА ПЕРЕХОД В ФАЗУ ВОЛНЫ ЗАРЯДОВОЙ И СПИНОВОЙ ПЛОТНОСТИ

*E.E. Слядников, B.B. Тугушев*

Вычисляются зависимости температур перехода в фазы волн зарядовой и спиновой плотности от концентрации примеси с переменной валентностью. Методом  $(1/N)$ -разложения рассчитаны поправки к собственным энергиям уровней примеси.

Воздействие электрон-примесного рассеяния на формирование дальнего и ближнего порядка в кристаллах с волнами зарядовой и спиновой плотности (ВЗП и ВСП) изучается уже достаточно давно. Начиная с ранних работ (например, [1]) наиболее активно используется простейшая модель точечного несамосогласованного потенциала примесного центра, позволяющая во многих случаях качественно верно оценить влияние примеси на структуру и параметры ВЗП или ВСП. В модели потенциального точечного рассеивателя воздействие примеси описывается единственным параметром — частотой рассеяния  $\nu$  (в двухзонной модели — матрицей по зонным индексам  $v_{ij}$ ) — и приводит к подавлению амплитуды ВЗП (ВСП), а также соответствующих температур перехода  $T_s = (T_t)$  (см., например, ссылки в [2]). Несколько сложнее обстоит дело в модели магнитного точечного рассеивателя (локального примесного спина) для случая ВСП. Помимо обычного механизма подавления ВСП, связанного с разрушением когерентности электрон-дырочной пары, может иметь место эффект усиления ВСП (и соответственно повышения  $T_t$ ) за счет ориентации спинов в поле ВСП (см., например, обзор [3] и соответствующие ссылки). Рассеяние на локальном примесном спине в случае ВЗП, так же как и на точечном потенциальном центре, ведет к подавлению амплитуды ВЗП и уменьшению  $T_s$ .

Попытки выхода за рамки модели точечного несамосогласованного потенциала примесного центра предпринимались в нескольких направлениях. С одной стороны, крупномасштабное пространственное перераспределение зарядовой  $\rho(\mathbf{r})$  и спиновой  $S(\mathbf{r})$  плотности в окрестности дефекта удалось самосогласованно описать в области применимости разложения Гинзбурга-Ландау для термодинамического потенциала  $\Omega$  (см. обсуждение в [4]). С другой стороны, получили распространение и различные частично самосогласованные подходы: работы [5,6] для систем с ВЗП и [7-9] для систем с ВСП. В основе всех этих работ ле-

жит приближение жесткой формы ВЗП (ВСП), т.е. при расчете  $\rho(\mathbf{r})$  и  $S(\mathbf{r})$  величина и форма параметра порядка  $\Delta(\mathbf{r})$  считаются заданными.

Недавно [10] мы обратились к исследованию сложных многоэлектронных примесных центров в системах с ВЗП и ВСП, которые в принципе не могут быть описаны моделью точечного потенциала рассеяния. Была рассмотрена модель примеси Андерсона в Кондо-режиме в случае  $T_s, T_t \ll T_k$  ( $T_k$  — температура Кондо). Оказалось, что влияние примесного рассеяния на ВЗП или ВСП можно в известных приближениях свести к действию самосогласованного псевдопотенциала  $U(\omega)$  ( $\omega$  — частота). Величина потенциала  $U$  и его частотная зависимость определяются характеристиками Кондо-резонанса и вычисляются из соответствующей системы уравнений самосогласования.

В данной работе мы продолжаем рассмотрение, начатое в [10], в другом предельном случае  $T_k \ll T_s, T_t$  для модели примеси Андерсона в режиме переменной валентности. Ранее [11] случай  $T_k \ll T_s, T_t$  уже начинал изучаться нами в модели точечного локального спина; были рассчитаны в паркетном приближении поправки к частоте рассеяния  $\nu(\omega)$  и их влияние на  $T_s$  и  $T_t$ . Формально модель [11] соответствует случаю сильно удаленного от уровня Ферми энергетического уровня примесного центра. Здесь мы рассматриваем случай произвольного положения примесного одночастичного уровня, в том числе в области диэлектрической цели в спектре зонных состояний. Вычисляются зависимости  $T_s$  и  $T_t$  от концентрации примеси при различных соотношениях между параметрами — энергией резонанса и матричным элементом гибридизации зонных и примесных состояний. Все расчеты проводятся в пределе  $U \rightarrow \infty$  методом  $(1/N)$ -разложения ( $U$  — энергия хаббардовского отталкивания на примесном центре,  $N$  — кратность вырождения примесного состояния).

## 1. Модельный гамильтониан и основные уравнения

Запишем гамильтониан одиночного андерсоновского примесного центра в системе с ВЗП или ВСП аналогично [10]

$$H = H_1 + H_2 + H_3, \quad (1)$$

где  $H_i$  — гамильтониан зонных электронов в поле ВЗП или ВСП (для конкретности рассматриваем систему с удвоением периода, обладающую свойством «нестинга» затравочного электронного спектра  $\varepsilon(k) = -\varepsilon(k + Q)$ , где  $Q$  — половина вектора обратной решетки кристалла [2]).

$$H_1 = \sum_{\mathbf{k}, \alpha} \varepsilon(\mathbf{k}) \mathbf{a}_{\mathbf{k}, \alpha}^+ \mathbf{a}_{\mathbf{k}, \alpha} - \sum_{\mathbf{k}, \alpha, \beta} \left[ \Delta_{\alpha, \beta} \mathbf{a}_{\mathbf{k}, \beta}^+ \mathbf{a}_{\mathbf{k} + Q, \alpha} + \text{k.c.} \right], \quad (2)$$

$$\Delta_{\alpha \beta} = (\Delta_t \sigma)_{\alpha \beta}, \quad \text{ВСП},$$

$$\Delta_{\alpha \beta} = \Delta_s \sigma_{\alpha \beta}, \quad \text{ВЗП}.$$

Здесь  $\Delta_t$  и  $\Delta_s$  — триплетный и синглетный параметры порядка, соответствующие ВСП и ВЗП и описываемые стандартными уравнениями самосогласования [2].

Гамильтониан примеси  $H_2$  запишем в двухконфигурационном приближении с использованием вспомогательных псевдодоронного ( $b$ ) и псевдофермионного ( $f$ ) полей, следя [12]

$$H_2 = \sum_m E_f f_m^+ f_m + E_0 b^+ b. \quad (3)$$

Здесь  $E_f$  и  $E_0$  — энергии конфигураций  $|\{m\}\rangle$  и  $|0\rangle$  соответственно. Суммирование по индексу  $m$  ведется от  $-J$  до  $J$ , где  $J = (N-1)/2$ ,  $N$  — кратность вырождения уровня  $|m\rangle$ . Гамильтониан (3) получается из стандартной модели Андерсона с  $N$ -кратным вырождением в пределе бесконечного хаббардовского отталкивания.

Одноэлектронная гибридизация между локализованными орбиталами примеси и состояниями зонных электронов описывается гамильтонианом

$$H_3 = \sum_{\mathbf{k}} \sum_{m,\alpha} [V_f^{m\alpha}(\mathbf{k}) f_m^+ b a_{\alpha}(\mathbf{k}) + k.c.], \quad (4)$$

$$V_f^{m\alpha}(\mathbf{k}) = \langle |\mathbf{k}| J, m | V | \mathbf{k} \alpha \rangle, \quad (4)$$

где  $V$  — потенциал взаимодействия зонного электрона с примесью.

Применение псевдодоронных и псевдофермионных операторов позволяет использовать стандартные методы теории поля, однако оно вводит лишние (нефизические) состояния, в которых число псевдодоронов и псевдофермионов на узле больше единицы. Согласно [12], эти нефизические состояния можно устраниТЬ при вычислении средних по статистическому ансамблю, если к гамильтониану  $H$  добавить член  $\lambda (\sum_m f_m^+ f_m + b^+ b - 1)$  и в конечных выражениях для физических средних

перейти к пределу  $\lambda \rightarrow \infty$ .

Статистическую сумму  $Z$  для гамильтониана (4) можно представить в виде

$$Z = Z_{\text{band}} Z_{\text{loc}}, \quad (5)$$

где  $Z_{\text{band}}$  — статистическая сумма зонных электронов;  $Z_{\text{loc}}$  — статистическая сумма локализованных электронов, имеющая, согласно [12], следующую структуру:

$$Z_{\text{loc}} = \pi^{-1} \lim_{\lambda \rightarrow \infty} \int [\text{Im } D(\omega + \lambda) + \sum_m \text{Im } G_{fm}(\omega + \lambda)] \exp(-\beta\omega) d\omega. \quad (6)$$

Здесь  $D(\omega)$  и  $G_{fm}(\omega)$  — псевдодоронная и псевдофермионная одночастичные функции Грина,  $\beta = (kT)^{-1}$ .

Далее нас будет интересовать область температур  $T \gg T_k$  ( $T_k$  — температура Кондо), и более того, ограничимся лишь задачей о расчете перенормированной температуры перехода (в состоянии ВЗП либо ВСП), т.е.  $T \sim T_s$ ,  $T_t \gg \Delta_s$ ,  $\Delta_t$  ( $\Delta_{s,t}$  — параметр порядка). В этом случае для расчета  $Z_{\text{loc}}$  справедливо квазичастичное двухуровневое приближение [13], соответствующее  $\delta$ -образной аппроксимации спектральных плотностей функций  $D(\omega)$  и  $G_{fm}(\omega)$  с единичными вычетами

в полюсах  $\omega = E_0^*$  и  $\omega = E_{fm}^*$  соответственно. Здесь  $E_0^*$  и  $E_{fm}^*$  — перенормированные энергии локальных уровней. В приближении слабой связи по гибридизации ( $V/W \ll 1$ ,  $W$  — ширина зоны коллективизированных электронов), которым только и ограничимся, для  $Z_{loc}$  имеем, таким образом, соотношение

$$Z_{loc} = \exp[-\beta E_0^*] + \sum_m \exp[\beta E_{fm}^*]. \quad (7)$$

Явная зависимость  $E_0^*(\Delta)$  и  $E_{fm}^*(\Delta)$  может быть найдена из системы уравнений

$$\begin{aligned} E_0^* &= E_0 + \prod_0 (E_0^*, E_{fm}^*), \\ E_{fm}^* &= E_f + \sum_m (E_0^*, E_{fm}^*). \end{aligned} \quad (8)$$

Собственно-энергетические поправки  $\prod_0$  и  $\sum_m$  к энергиям квазичастиц запишем в приближении непересекающихся диаграмм (NCA), для которого можно получить явные выражения термодинамических функций Грина

$$\begin{aligned} G_{fm}(\omega_n, \lambda) &= [i\omega_n - E_f - \sum_m (\omega'_n, \lambda) - \lambda]^{-1}, \\ D(\nu_n, \lambda) &= [i\nu_n - E_0 - \prod_0 (\nu'_n, \lambda) - \lambda]^{-1}. \end{aligned} \quad (9)$$

Здесь

$$\begin{aligned} \sum_m (\omega_n, \lambda) &= -T \sum_{\nu_1} \sum_{k_1, l_1, l_2} \sum_{\alpha_1, \alpha_2} V_{m\alpha_1}^{fl_1}(\mathbf{k}_1) \times \\ &\times D(\nu_1, \lambda) G_{l_1 l_2}^{0 \alpha_1 \alpha_2}(\mathbf{k}_1, \omega_n - \nu_1) V_{\alpha_2 m}^{* i_2 f}(\mathbf{k}_1), \end{aligned} \quad (10)$$

$$\begin{aligned} \prod(l_n, \lambda) &= T \sum_{\omega_1} \sum_{l_1, l_2, k_1} \sum_{\alpha_1, \alpha_2, m_1} V_{m_1 \alpha_1}^{fl_1}(\mathbf{k}_1) \times \\ &\times G_{m_1}(\omega_1, \lambda) G_{l_1, l_2}^{0 \alpha_1 \alpha_2}(\mathbf{k}_1, \omega_1 - \nu_n) \nu_{\alpha_2 m_1}^{* i_2 f}(\mathbf{k}_1), \end{aligned} \quad (11)$$

$$\begin{aligned} \prod_0 &= \lim_{\lambda \rightarrow \infty} \prod(l_n, \lambda)|_{\nu_n + \lambda = E_0^*}, \\ \sum_m &= \lim_{\lambda \rightarrow \infty} \sum_m (\omega_n + \lambda, \lambda)|_{\omega_n + \lambda = E_{fm}^*}. \end{aligned} \quad (12)$$

Заметим, что  $\prod_0$  и  $\sum_m$  являются сложными функциями  $E_0^*$ ,  $E_{fm}^*$ , так что система (8) в общем случае может быть решена лишь численно.

Функции Грина кристалла без примеси  $G_{l_1 l_2}^{0 \alpha_1 \alpha_2}$  имеют известный вид

$$G_{ij}^{0 \alpha_1 \alpha_2}(\mathbf{k}, \omega_n) = G^{0 \alpha_1 \alpha_2}(\mathbf{k}, \mathbf{k}, \omega_n) = \frac{i\omega_n + \varepsilon(\mathbf{k})}{(i\omega_n)^2 - \varepsilon^2(\mathbf{k}) - |\Delta|^2}, \quad (13)$$

$$G_{ij}^{\alpha_1 \alpha_2}(\mathbf{k}, \omega_n) = G^{\alpha_1 \alpha_2}(\mathbf{k}, \mathbf{k}, +Q, \omega_n) = -\frac{\Delta_{\alpha_1 \alpha_2} \delta_{ij \pm 1}}{(i\omega_n)^2 - \varepsilon^2(\mathbf{k}) - |\Delta|^2}. \quad (14)$$

Нижние индексы введены для удобства обозначения нормальных (13) и аномальных (14) функций Грина, параметры  $\Delta_{\alpha_1 \alpha_2}$  определены в соответствии с (2).

Термодинамический потенциал системы с одиночным центром имеет вид

$$\tilde{\Omega} = \Omega_0 - \beta^{-1} \ln Z_{\text{loc}}, \quad (15)$$

где  $\Omega_0$  — потенциал зонных электронов. Для случая конечной, но малой концентрации примесей  $x$  в приближении невзаимодействующих центров запишем плотность термодинамического потенциала системы

$$\Omega = \Omega_0 - \frac{\beta^{-1}}{N_{\text{at}}} \sum_{R_j} \ln Z_{\text{loc}}^{(j)}, \quad (16)$$

где суммирование ведется по узлам  $R_j$ , занятых примесями;  $N_{\text{at}}$  — число атомов в решетке. Равновесное значение параметра порядка  $\Delta$  (индексы  $s, t$  будем далее опускать там, где это не вызовет недоразумений) определяется минимизацией функционала (16)

$$\frac{\delta \Omega}{\delta \Delta} = \frac{\delta \Omega_0}{\delta \Delta} - \frac{\beta^{-1}}{N_{\text{at}}} \sum_{R_j} \frac{1}{Z_{\text{loc}}^{(j)}} \frac{\delta Z_{\text{loc}}^{(j)}}{\delta \Delta} = 0. \quad (17)$$

## 2. Температура перехода в фазы ВЗП и ВСП

Для нахождения температуры перехода достаточно разложить величины  $\Pi_0$  и  $\Sigma_m$  до квадратичных по  $\Delta$  слагаемых

$$\Sigma_m(\mathbf{R}_j) = \Sigma^0 + A^{s,t} \Delta^2 + \tilde{m} D^{s,t} \Delta \cos \mathbf{Q} \mathbf{R}_j, \quad (18)$$

$$\prod_0^0(\mathbf{R}_j) = \prod_0^0 + A_0^{s,t} \Delta^2 + D_0^{s,t} \Delta \cos \mathbf{Q} \mathbf{R}. \quad (19)$$

Здесь  $\tilde{m} = -1$  для ВЗП и  $\tilde{m} = m/J + 1$  для ВСП. Коэффициенты  $A^{s,t}$  и  $D^{s,t}$  не зависят явно от  $m$ . Явный вид всех величин ( $\Sigma^0, \Pi^0, A^{s,t}, A_0^{s,t}, D^{s,t}, D_0^{s,t}$ ) приведен в Приложении. Вычисляя  $Z_{\text{loc}}(\Delta)$  согласно (7), (8) и (18), (19), из (17) можем получить интересующие нас уравнения для критических температур  $T_{s,t}$ .

Выпишем явно эти уравнения только для случая  $T_{s,t} \ll |\varepsilon|$ ,  $\varepsilon = E_{fm}^* - E_0^*$ , когда расстояние между уровнями не является аномально малым. С экспоненциальной точностью, т.е. отбрасывая слагаемые  $\sim \exp(-|\varepsilon|/T)$ , имеем

$$\bar{N}(0) \ln \frac{T_s}{T_s^0} = -x[A_0^s \theta(\varepsilon) + A^s \theta(-\varepsilon)], \quad (20)$$

$$\bar{N}(0) \ln \frac{T_t}{T_t^0} = -x[A_0^t \theta(\varepsilon) + \left( A^t - \frac{(D^t)^2}{N 6 T_t} \right) \theta(-\varepsilon)]. \quad (21)$$

Здесь  $T_{s,t}^0$  — температуры перехода в отсутствие примеси,  $\bar{N}(0)$  — плотность электронных состояний на уровне Ферми. Заметим, что коэффициенты  $A^{s,t}$  и  $D^t$  содержат по отношению к  $A_0^{s,t}$  дополнительную малость  $\sim (N^{-1})$  и в рамках схемы  $(1/N)$ -разложения при  $N \gg 1$  влияние примеси сильно подавляется при

$$\varepsilon < 0, \quad |\varepsilon| \gg T_{s,t}^0. \quad (22)$$

Рассмотрим некоторые предельные случаи, когда удается записать коэффициенты в (20), (21) в достаточно компактной форме и вычислить  $T_{s,t}$  аналитически. Если  $\varepsilon > 0$ ,  $T_{s,t} \ll \varepsilon$ , то в случае идеального «нестинга» электронного и дырочного участков поверхности Ферми запишем

$$A_0^s = \frac{D^s(0)}{2\varepsilon} [1 + (n^0 + 2) D^s(0)], \quad (23)$$

$$A_0^t = \frac{D^t(0)}{2\varepsilon}, \quad (24)$$

$$D^{s,t}(0) = n^0 \ln \frac{4\gamma\varepsilon}{\pi T_{s,T}}, \quad n^0 = \frac{2V^2 N(0) N}{\varepsilon + 2V^2 N(0) N}. \quad (25)$$

Здесь  $\gamma = \exp C$ ,  $C$  — постоянная Эйлера. Напомним, что в нашей модели  $V^2 \sim N^{-1}$ , так что (23)-(25) содержат только низший (нулевой) порядок  $1/N$ -разложения. Из (20), (21) с учетом (23)-(25) получаем для ВЗП

$$T_s = \frac{4\gamma\varepsilon}{\pi} \exp[-F_s], \quad (26)$$

$$F_s = \frac{(1-b) \pm [(1-b)^2 - 4abd]^{1/2}}{2ab}, \quad (27)$$

$$a = n^0(n^0 + 2), \quad b = x \frac{n^0}{2\varepsilon N(0)}, \quad d = \ln \frac{4\gamma\varepsilon}{\pi T_s^0}.$$

Для ВСП выражение оказывается более простым

$$T_t = T_t^0 \left[ \frac{\pi}{4\gamma} \frac{T_t^0}{\varepsilon} \right]^{b/1-b}, \quad (28)$$

$T_{s,t}^0$  — температура перехода в отсутствие примеси. В пределе  $x \rightarrow 0$  одно из решений (26) переходит в  $T_s^0$ , а (28) — в  $T_t^0$ . Второе решение (26) дает  $T_s \rightarrow 0$  при  $x \rightarrow 0$ , т.е. зависимость  $T_s(x)$  оказывается неоднозначной. Обе ветви  $T_s(x)$  существуют только при концентрациях  $x < x_s^*$ , где последняя определяется соотношением

$$(1 - b_2^*)^2 = 4ab_2^*d. \quad (29)$$

При  $x > x_s^*$  величина  $F_s$  становится мнимой и формула (26) теряет смысл. При  $x = x_s^*$  значение  $T_s(x_s^*)$  остается конечным. Возможно, что

наличие двух ветвей (26) указывает на первый род перехода в фазу ВЗП по концентрации либо на переход в неоднородную (модулированную) структуру. Подробнее данный вопрос здесь не анализируется. Подчеркнем, что всюду речь идет только о случае малых концентраций  $x \ll 1$ .

Для решения (28) дело обстоит проще: температура  $T_t(x)$  монотонно падает до нуля при  $x \rightarrow x_t^*$ , где  $x_t^* = (n^0/2\epsilon N(0))^{-1}$ . При  $x > x_t^*$  фаза ВСП не реализуется. Такое поведение целиком укладывается в традиционную картину влияния примесного рассеяния на переход второго рода в модели типа «экзитонного диэлектрика» [2].

Обсудим теперь ситуацию  $\epsilon < 0$ . Для системы с ВЗП, как можно убедиться, при  $|\epsilon| \gg T_s^0$  в низшем по  $N^{-1}$  приближении

$$T_s = T_s^0 \left[ 1 - b_1 \ln \frac{4\gamma|\epsilon|}{\pi T_s^0} \right], \quad b_1 = x \frac{V^2}{\epsilon^2} \ll 1. \quad (30)$$

Для системы с ВСП при  $|\epsilon| \gg T_t^0$

$$T_t = T_t^0 \left[ 1 - b_1 \ln \frac{4\gamma|\epsilon|}{\pi T_t^0} \left( 1 - \frac{2}{3} \frac{V^2 N(0)}{T_t^0} \ln \frac{4\gamma|\epsilon|}{\pi T_t^0} \right) \right]. \quad (31)$$

Таким образом, поправка за счет электрон-примесного взаимодействия приводит в случае ВЗП к уменьшению температуры перехода. В случае ВСП может иметь место как уменьшение, так и увеличение температуры перехода в зависимости от соотношения слагаемых в круглых скобках (31). Последний результат в принципе не является неожиданным и связан с двояким влиянием магнитной примеси на переход в фазу ВСП: обычное уменьшение  $T_t$  за счет разрушения когерентной электрон-дырочной пары (аналогично ситуации в системе с ВЗП) и увеличение  $T_t$  за счет ориентации примесных спинов в поле ВСП [3].

Наконец, рассмотрим влияние слабого легирования системы зонных электронов ( $|\mu|/2\pi T_{s,t} \ll 1$ ) на температуру перехода в состояние с ВСП (ВЗП). Из формул Приложения следует, что изменение температуры перехода, вызванное легированием системы, в линейном по  $\mu$  приближении имеет вид

$$T_{s,t}(x, \mu) - T_{s,t}(x, 0) = \Delta T_{s,t}^{(x, \mu)} = -x N^{-1}(0) B_0^{s,t} \frac{\mu}{T_{s,t}(x, 0)}, \quad \epsilon > 0, \quad (32)$$

$$\Delta T_{s,t} = x N^{-1}(0) B^{s,t} \frac{\mu}{T_{s,t}(x, 0)}, \quad \epsilon < 0, \quad (33)$$

$$B_0^t = B_0^s = \frac{2n^0}{\pi^2}, \quad (34)$$

$$B^s = B^t = \frac{4V^{-2}N(0)}{\pi^2|\epsilon|}. \quad (35)$$

Легко видно, что выражения (32), (33) симметричны относительно одновременной замены  $\mu \rightarrow -\mu$ ,  $\epsilon \rightarrow -\epsilon$ ,  $B_0 \rightarrow B$ . Физический смысл

(32), (33) также прозрачен: при электронном додировании  $\mu > 0$  уровень Ферми приближается к энергии локального центра ( $\varepsilon > 0$ ) или удаляется от нее ( $\varepsilon < 0$ ). Соответственно частота резонансного рассеяния в первом случае возрастает и температура перехода уменьшается (см. (32) при  $\mu > 0$ ), во втором случае частота рассеяния уменьшается и температура перехода возрастает (см. (33) при  $\mu > 0$ ). Для случая дырочного додирования  $\mu < 0$  все рассуждения аналогичны с точностью до замены  $\varepsilon \rightarrow -\varepsilon$ . Заметим, что в отсутствие примеси ( $x = 0$ ) величина  $T_{s,t}(\mu)$  зависит только от  $|\mu|$  и начинается с  $\mu^2$ , поэтому в (32) и (33) соответствующие вклады опущены.

### 3. Заключение

Важные качественные особенности зависимостей температур перехода  $T_{s,t}(x)$  в фазу ВСП или ВЗП от концентрации примеси с флюктуирующей валентностью, полученные выше, состоят в следующем.

1. Даже при малой концентрации примеси эти зависимости имеют сильно нелинейный характер. Обычно используемые характеристики  $dT_{s,t}/dx = Z_{s,t}$  (скорости убывания или возрастания температур перехода), удобные для модели точечного потенциального дефекта, где  $Z_{s,t} \simeq \text{const}$  во всей области применимости приближения невзаимодействующих дефектов, теряют практический смысл из-за сильной зависимости  $Z_{s,t}(x)$ .

2. В системах с ВСП зависимость  $T_t(x)$  монотонно убывает до нуля с ростом  $x$  до значения  $x = x_{\max}$ . В то же время в системах с ВЗП зависимость  $T_s(x)$  имеет как убывающую, так и возрастающую ветви в интервале концентраций  $0 \leq x \leq x_{\max}$ . Это указывает на возможность расслоения однородной структуры ВЗП и (или) первый род перехода из нормальной фазы в упорядоченную. В модели потенциального точечного дефекта подобное поведение  $T_s(x)$  не имеет места и зависимости  $T_t(x)$  и  $T_s(x)$  монотонны.

3. Отклонение от идеального нестинга может приводить как к уменьшению, так и к увеличению  $T_{s,t}$  в зависимости от уменьшения (увеличения) расстояния между уровнем Ферми и уровнем одночастичного резонанса на примесном центре. Напомним, что в модели точечного потенциального дефекта оба фактора (рассеяние и сдвиг уровня Ферми при легировании) ведут только к уменьшению  $T_{s,t}$ .

В качестве стандартных объектов качественного применения рассмотренной выше теоретической модели для систем с ВСП можно указать, по-видимому, разбавленные сплавы Cr с Al, Ga и Si, а также тройные сплавы типа Cr-(V,Mn)-(Al,Si,Ga). Некоторые особенности магнитных фазовых диаграмм этих сплавов свидетельствуют в пользу такого предположения. Именно немонотонность зависимости температуры Нееля от концентрации легирующей компоненты, наличие локального минимума и максимума в некотором интервале концентраций могут быть интерпретированы в рамках представлений о резонанском характере электрон-примесного рассеяния и одновременном изменении нестинга при легировании. В качестве интересных примеров систем с ВЗП можно рекомендовать для изучения рассмотренных выше особенностей чистые поверхности (100) W или Mo с сорбированными на них атомами РЗМ. Если допустить, что в последнем случае

реконструкция поверхности идет по механизму ВЗП, то, меняя положение уровня Ферми в поверхностной зоне, например, за счет хемосорбирования Н, можно попытаться обнаружить эффект резонансного рассеяния на локальном уровне РЗМ в такой структуре.

## ПРИЛОЖЕНИЕ

Выполняя в (10), (11) суммирование по частотам и переходя к пределу  $\lambda \rightarrow \infty$ , получим

$$\Sigma(\omega) = V^2 \sum_{\mathbf{K}} \left\{ \overset{\circ}{D}(\omega + \mu + \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) f(\mu + \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) \left[ 1 - \frac{\tilde{m} \cos(\mathbf{Q}\mathbf{R}_l)}{\sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}} \right] + \right. \\ \left. + \overset{\circ}{D}(\omega + \mu - \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) f(\mu - \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) \left[ 1 + \frac{\tilde{m} \cos(\mathbf{Q}\mathbf{R}_l)}{\sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}} \right] \right\}, \quad (\text{П.1})$$

$$\prod(\nu) = V^2 \sum_{m \in \mathbf{K}} \sum_{m \in \mathbf{K}} \left\{ \overset{\circ}{G}_m(u - \mu + \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) f(-\mu + \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) - \Delta^2}) \times \right. \\ \times \left[ 1 + \frac{\tilde{m} \Delta \cos(\mathbf{Q}\mathbf{R}_l)}{\sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}} \right] \overset{\circ}{G}_m(u - \mu - \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) \times \\ \times f(-\mu - \sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}) \left[ 1 - \frac{\tilde{m} \Delta \cos(\mathbf{Q}\mathbf{R}_l)}{\sqrt{\varepsilon^2(\mathbf{K}) + \Delta^2}} \right] \right\}, \quad (\text{П.2})$$

$(E)$  — фермиевская функция распределения.

Коэффициенты в (18), (19) имеют вид

$$\Sigma^0 = 2V^2 N(0) \left\{ -\ln \frac{\tilde{\omega}}{2\pi T} + \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right\}, \quad (\text{П.3})$$

$$D^{s,t} = -V^2 N(0)(\varepsilon + \mu)^{-1} \left[ \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} - \frac{i\mu}{2\pi T} \right) - \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right] (1 + \lambda)^{-1}, \quad (\text{П.4})$$

$$A^{s,t} = A - 2V^2 N(0) \tilde{m}^2 \left[ D^{s,t} \left\{ (\varepsilon + \mu)^{-2} \left[ \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right] - \operatorname{Re} \psi' \left( \frac{1}{2} - \frac{i\mu}{2\pi T} \right) \right\} + \right. \\ \left. + (\varepsilon + \mu)^{-1} \frac{1}{2\pi T} \operatorname{Im} \psi' \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right\} + \frac{1}{2} (D^{s,t}) \frac{1}{2\pi T} \operatorname{Re} \psi'' \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right] (1 + \lambda)^{-1}, \quad (\text{П.5})$$

$$A = V^2 N(0) \left\{ (\varepsilon + \mu)^{-2} \left[ \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) - \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} - \frac{i\mu}{2\pi T} \right) \right] + (\varepsilon + \mu)^{-1} \times \right. \\ \left. \times \frac{1}{2\pi T} \operatorname{Im} \psi' \left( \frac{1}{2} - \frac{i\mu}{2\pi T} \right) (1 + \lambda)^{-1} \right\}, \quad (\text{П.6})$$

$$\lambda = 2V^2 N(0) \frac{1}{2\pi T} \operatorname{Im} \psi' \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right), \quad (\text{П.7})$$

$$\prod_0^0 = 2V^2 N(0) N \left\{ -\ln \frac{\tilde{\omega}}{2\pi T} + \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right\}, \quad (\text{П.8})$$

$$D_0^{s,t} = \sum_m \tilde{m} 2V^2 N(0) (\varepsilon - \mu_0)^{-1} \left[ \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\mu}{2\pi T} \right) - \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right] (1+\lambda)^{-1}, \quad (\text{П.9})$$

$$A_0^{s,t} = A_0 + 2V^2 N(0) \left[ \sum_m \tilde{m} D_0^{s,t} \left\{ (\varepsilon - \mu)^{-2} \left[ \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) - \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\mu}{2\pi T} \right) \right] + (\varepsilon - \mu)^{-1} \frac{1}{2\pi T} \times \right. \right. \quad (\text{П.10})$$

$$\left. \times \operatorname{Im} \psi' \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right\} - \frac{1}{2} \frac{(D_0^{s,t})}{(2\pi T)^2} \operatorname{Re} \psi'' \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) \right] (1+\lambda')^{-1}, \quad (\text{П.10})$$

$$A_0 = V^2 N(0) N \left\{ (\varepsilon - \mu)^{-2} \left[ \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\varepsilon}{2\pi T} \right) - \operatorname{Re} \psi \left( \frac{1}{2} + \frac{i\mu}{2\pi T} \right) \right] + (\varepsilon - \mu)^{-1} \frac{1}{2\pi T} \times \right. \right. \quad (\text{П.11})$$

$$\left. \times \operatorname{Im} \psi' \left( \frac{1}{2} + \frac{i\mu}{2\pi T} \right) \right\} (1+\lambda')^{-1}, \quad (\text{П.11})$$

$$\lambda' = N\lambda. \quad (\text{П.12})$$

### Список литературы

- [1] Everts H., Zittarts J. // J. Low Temp. Phys. V. 11. P. 349.
- [2] Копаев Ю.В. // Труды ФИАН, 1975. Т. 86.
- [3] Куликов Н.И., Тугушев В.В. // УФН. Т. 144. С. 694.
- [4] Меньшов В.Н., Тугушев В.В. // ЖЭТФ. Т. 96. С. 1340.
- [5] Tutto I., Zawadovski A. // Phys. Rev. B. 1985. V. 32. P. 2449.
- [6] Voit J. // J. Phys. C. 1988. V. 21. P. L649.
- [7] Behera S., Viswarathan K. // Can. J. Phys. 1969. V. 47. P. 477.
- [8] Tua P., Ruwalds J. // Phys. Rev. B. 1985. V. 32. P. 4660.
- [9] Tutto I., Zawadovski A. // Phys. Rev. Lett. 1988. V. 60. P. 1442.
- [10] Слядников Е.Е., Тугушев В.В. // ЖЭТФ. 1992. Т. 102. С. 271.
- [11] Слядников Е.Е., Тугушев В.В. // ФТТ. 1990. Т. 32. № 3. С. 881.
- [12] Coleman P. // Phys. Rev. B. 1984. V. 29. P. 3035.
- [13] Bickers N. // Rev. Mod. Phys. 1987. V. 59. P. 845.

РНЦ «Курчатовский институт»  
Институт молекулярной физики  
Москва

Поступило в Редакцию  
7 сентября 1993 г.