

©1994

**ВЛИЯНИЕ ГЛУБОКИХ ЦЕНТРОВ ПРИЛИПАНИЯ  
НА ЛЮКС-АМПЕРНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ  
ДИЭЛЕКТРИКА ПРИ ДВУХФОТОННОМ  
ПРИМЕСНОМ ВОЗБУЖДЕНИИ**

M. B. Мельников

Рассмотрены люкс-амперные характеристики диэлектрика с глубокими двухфотонно ионизуемыми примесными центрами и однофотонно ионизуемыми уровнями прилипания. Показан степенной характер зависимости плотности тока  $j$  от интенсивности фотовозбуждения  $P$ :  $j \sim P^k$ , где  $k$  может принимать значения от  $1/2$  до  $2$ , кратные  $1/2$ , причем конкретная величина  $k$  определяется как соотношением равновесных концентраций центров рекомбинации и уровней прилипания в образце, так и зарядовыми состояниями, в которых могут находиться последние. Исследовано влияние дополнительной инфракрасной подсветки на вид  $j(P)$ . Результаты хорошо согласуются с последними измерениями фототока, проведенными на широкозонных ( $E_g = 5$  eV) кристаллах  $\text{Li}_{12}\text{Ge}_7\text{O}_{15}:\text{Cr}$ .

Недавно [1] были измерены стационарные люкс-амперные характеристики широкозонных ( $E_g = 5$  eV) диэлектриков  $\text{Li}_{12}\text{Ge}_7\text{O}_{15}:\text{Cr}$  (LGO : Cr) при изменении интенсивности фотовозбуждения на длине волны  $\lambda = 514.5$  nm от 1 до  $10^4$  W/cm<sup>2</sup>. Обнаружено, что в чистых образцах LGO:Cr во всем исследованном диапазоне с точностью до погрешности измерений наблюдается строго квадратичная зависимость плотности фототока  $j$  от интенсивности накачки  $P$ :  $j \sim P^2$ , а при наличии в образце примеси-коактиватора (Mg) — зависимость типа  $j \sim P^{3/2}$ . Результаты интерпретированы авторами [1] с учетом двухфотонной генерации и наличия в образце глубоких уровней прилипания. Согласно [2, 3], фотопроводимость в подобных материалах связана с фотостимулированной перезарядкой примесных ионов ( $\text{Cr}^{3+}$ ) и соответственно зависит от содержания последних в кристалле и от их зарядового состояния. В [3] показано, что фотоионизация примесных центров в LGO двухфотонная.

В настоящей работе рассмотрены стационарные люкс-амперные характеристики диэлектрика при двухфотонном возбуждении монополярной (электронной) примесной проводимости в зависимости от концентрации и возможных зарядовых состояний однофотонно возбуждаемых уровней прилипания. Контакты полагаются омическими, объемный заряд в кристалле — незначительным, так что ток пропорционален напряжению на контактах и концентрации свободных носителей, темновая проводимость полагается пренебрежимо малой, что соответствует условиям эксперимента [1].

# 1. Уровни локальных центров и процессы в кристалле

Будем принимать во внимание уровни и процессы, изображенные на рисунке. Обозначим:  $N^0$  — равновесная (темновая) концентрация неионизованных глубоких центров,  $N$  — их текущая (при наличии фотовозбуждения) концентрация,  $N^{ex}$  — концентрация возбужденных (поглотивших один фотон и еще не релаксировавших) глубоких центров,  $N_+^0$  и  $N_+$  — равновесная и текущая концентрации ионизованных глубоких центров,  $N_s$  и  $n_s$  — концентрации центров прилипания и электронов на них соответственно,  $\sigma$  — сечение фотоиндуцированного перехода глубокого центра из основного состояния в возбужденное,  $\sigma_{ex}$  — сечение фотоионизации возбужденного состояния глубокого центра,  $\sigma_s$  — сечение фотовозбуждения электрона с уровнем прилипания,  $\theta$  и  $\theta_s$  — величины, обратные произведениям средней скорости свободного электрона на сечение его захвата ионизированным глубоким центром и уровнем прилипания соответственно,  $P$  — интенсивность фотовозбуждения,  $\tau$  — время спонтанного распада возбужденного состояния. Коэффициент примесного поглощения будем считать достаточно малым для того, чтобы фотовозбуждение было однородным. Отметим, что, как и обычно [4], уровень прилипания мелок по сравнению с глубоким центром, но лишь в том смысле, что последний может породить свободный носитель только в результате двухфотонного, а первый — в результате однофотонного поглощения. Однако рассматриваемый центр прилипания глубок в том смысле, что вероятность термостимулированного выброса носителя с него пренебрежимо мала.

В принятой схеме фотон с энергией  $h\nu$ , такой, что  $E_D^{ex} < E_D - E_D^{ex}$ ,  $E_s < h\nu \ll E_D$  (обозначения см. на рисунке; энергия отсчитывается от дна зоны проводимости), может 1) перевести глубокий центр из основного состояния в возбужденное ( $DL_{gr} + h\nu = DL_{ex}$ ); 2) превратить глубокий центр в возбужденном состоянии в ионизованный глубокий

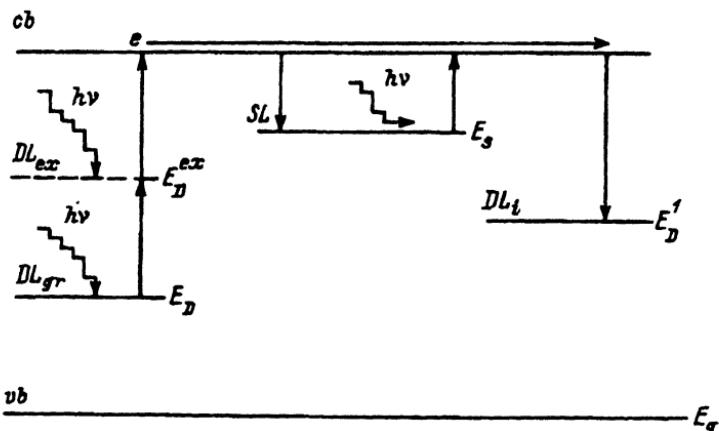


Схема уровней и электронных переходов в диэлектрике при двухфотонном примесном возбуждении.

$DL$  — глубокий центр ( $DL_{gr}$  — в основном состоянии,  $DL_{ex}$  — в возбужденном),  $DL_i$  — ионизованный глубокий центр,  $SL$  — уровень прилипания,  $cb$  — зона проводимости,  $vb$  — валентная зона,  $h\nu$  — квант фотовозбуждения. Уровни энергии отсчитываются от дна зоны проводимости.

центр, породив при этом свободный электрон ( $DL_{ex} + h\nu = DL_i + e$ ); 3) перебросить электрон с уровня прилипания (если он там найдется) в зону проводимости ( $(SL + e) + h\nu = SL + e$ ). Возбужденный глубокий центр, кроме фотоиндуцированного превращения в ионизованный, может 4) спонтанно релаксировать за время  $\tau$  в основное состояние ( $DL_{ex} = DL_{gr}$ ). Появляющиеся в процессах 2), 3) свободные электроны с концентрацией  $n$  дрейфуют в электрическом поле  $E$ , создавая ток  $j = e n \mu E$  ( $\mu$  — подвижность), пока не покинут зону проводимости одним из следующих способов: 5) захват на уровень прилипания ( $e + SL = (e + SL)$ ), 6) рекомбинация на ионизованный глубокий центр с превращением его в неионизованный центр в основном состоянии ( $e + DL_i = DL_{gr}$ ). Рекомбинацией с образованием возбужденного глубокого центра пренебрежем; можно показать, что она принципиально не изменит результат рассмотрения, если время спонтанной релаксации  $\tau$  не слишком велико.

В стационарном случае процессы 1)–6) описываются известными уравнениями

$$\sigma_{ex} N_{ex} P - n N_+ / \theta = 0, \quad (1a)$$

$$\sigma_{ex} N_{ex} P + N_{ex} / \tau - \sigma N P = 0, \quad (1b)$$

$$\sigma_s N_s P - n (N_s - n_s) / \theta_s = 0, \quad (1c)$$

которые надо дополнить законом сохранения общего количества глубоких центров

$$N + N_{ex} + N_+ = N^0 + N_+^0 \quad (1d)$$

и законом сохранения заряда

$$n + n_s - n_s^0 = N_+ - N_+^0, \quad (1e)$$

где  $n_s^0$  — темновая концентрация электронов на уровне прилипания.

## 2. Основные результаты

Здесь необходимо остановиться на величине  $n_s^0$ , от которой будет существенно зависеть условие задачи. Очевидно, она определяется теми зарядовыми состояниями, в которых может находиться уровень прилипания. Мы рассмотрим два типа уровней.

I)  $n_s^0 = 0$ , т.е. уровни прилипания в темноте пусты. Это означает, что  $SL$  — уровни «акцепторного» типа в том смысле, что они могут находиться в зарядовых состояниях  $D_0$  и  $D_-$ , захватывая (на свету) электроны с «доноров»  $DL$ . (Отметим, что  $SL$  не являются при этом акцепторами в полном смысле, придаваемом этому термину в полупроводниках, так как их наличие не порождает дырочной проводимости).

II)  $n_s^0 = N_s$ , т.е. уровни прилипания в темноте полностью заняты электронами. Это означает, что  $SL$  — уровни «донорного» типа в том смысле, что они могут находиться в зарядовых состояниях  $D_0$  и  $D_+$ , а на свету отдают электроны. (Строго говоря, название «уровни прилипания» к таким уровням подходит лишь в условиях весьма сильного фотовозбуждения).

Обычно [5] центры типа I образуют примеси, сродство которых к электрону больше, чем у элементов исходной решетки, а центры типа II образуют примеси, энергия ионизации которых меньше, чем у элементов решетки.

Далее мы будем считать фотовозбуждение достаточно слабым для того, чтобы концентрация электронов была малой по сравнению с концентрациями всех принимаемых во внимание центров. Уровни типов I и II рассмотрим отдельно.

I) Центры прилипания «акцепторного» типа. Система (1) сводится к уравнению

$$n^3 + n^2 (N_+^0 + N_s) + nP \left\{ \sigma_s \theta_s N_+^0 - PT [N^0 - N_s(\sigma + \sigma_{ex}) \sigma_s \theta_s N_+^0 \tau / T] \right\} - \sigma_s \theta_s T N^0 P^3 = 0, \quad (2)$$

где  $T = \sigma \sigma_{ex} \theta \tau$ . Решение (2) зависит от присутствия DL-центров.

A) Ионизованные глубокие центры присутствуют в образце в состоянии равновесия (в количестве  $N_+^0 \gg N^0 \sigma \sigma_{ex} \theta \tau (\sigma_s \theta_s)^{-1} P$ ). Тогда

$$n = (N^0 / N_+^0) \sigma \sigma_{ex} \theta \tau P^2, \quad (2a)$$

т.е. ток пропорционален квадрату мощности накачки и никак не зависит от центров прилипания.

B) Ионизованные глубокие центры отсутствуют в образце в состоянии равновесия (т.е. их меньше, чем  $N_+^0 \ll N^0 \sigma \sigma_{ex} \theta \tau (\sigma_s \theta_s)^{-1} P$ ). Тогда

$$n = \left( (N^0 / N_s) \sigma \sigma_{ex} \sigma_s \theta \theta_s \tau \right)^{1/2} P^{3/2}, \quad (2b)$$

т.е. ток пропорционален мощности накачки в степени 3/2 и существенно зависит от центров прилипания.

II) Центры прилипания «донорного» типа. Система (1) сводится к уравнению

$$n^3 + n^2 \{N_+^0 + \sigma_s \theta_s P\} + nP \left\{ \sigma_s \theta_s (N_+^0 - N_s) - TN^0 P \right\} - \sigma_s \theta_s T (N^0 + N_s) P^3 = 0. \quad (3)$$

A) Ионизованные глубокие центры присутствуют в образце в состоянии равновесия (в количестве  $N_+^0 \gg \sigma_s \theta_s P$ ).

A1) Если  $N_+^0 > N_s$ , то

$$n = \sigma \sigma_{ex} \theta \tau (N^0 + N_s) (N_+^0 - N_s)^{-1} P^2, \quad (3a1)$$

причем если концентрация глубоких центров сильно превосходит концентрацию центров прилипания, то (3a1) превращается в (2a), т.е. результат ничем не отличается от случая I.

A2) Если  $N_+^0 < N_s$ , то

$$n = \sigma_s \theta_s (N_s - N_+^0) (N_+^0)^{-1} P, \quad (3a2)$$

т.е. здесь мы имеем дело практически с однофотонной генерацией с доноров, роль которых играют центры прилипания, а глубокие центры лишь уменьшают время жизни свободного носителя.

A3) Если  $N_+^0 = N_s$  (т.е.  $|N_+^0 - N_s| \ll \sigma\sigma_{ex}\theta\tau(\sigma_s\theta_s)^{-1}N^0P$ ), то

$$n = \left( \sigma\sigma_{ex}\sigma_s\theta\theta_s\tau (N^0 + N_s) / N_s \right)^{1/2} P^{3/2}. \quad (3a3)$$

Заметим, что если  $N^0 \gg N_s = N_+^0$ , то результат полностью совпадает с выражением (2b).

B) Ионизованные глубокие центры отсутствуют в образце в состоянии равновесия (т.е.  $N_+^0 \ll \sigma_s\theta_sP$ ). Тогда

$$n = (\sigma_s\theta_s N_s)^{1/2} P^{1/2}, \quad (3b)$$

что соответствует случаю однофотонной генерации, при которой время жизни носителя контролируется захватом на те же уровни, с которых идет генерация.

III) Для общности приведем результат и для случая, когда центры прилипания отсутствуют вообще ( $N_s = 0$ ). Тогда уравнение (1c) теряет смысл, а уравнение (1e) упрощается до  $n = N_+ - N_+^0$ . При этом при наличии темновой концентрации ионизованных глубоких центров результат, как отмечено выше, не зависит от  $N_s$  и совпадает со случаем I.A (и II.A1), а при ее отсутствии люкс-амперная характеристика вырождается в линейную

$$n = (\sigma\sigma_{ex}\theta\tau N^0)^{1/2} P. \quad (4)$$

Результаты проведенного анализа представлены в таблице.

Обратим внимание на то, что при двухфотонном поглощении закон  $j \sim P^{3/2}$  появляется в случаях I и II тогда, когда в образце совпадают темновые концентрации ионизованных глубоких центров и концентрация захваченных на центры прилипания электронов.

Люкс-амперные характеристики диэлектрика  
в зависимости от равновесной концентрации ионизованных  
глубоких центров  $N_+^0$  и уровней прилипания  $N_s$

	$N_s \neq 0$	$N_s = 0$
I. «Акцепторные» уровни прилипания (возможные состояния $D_0$ и $D_-$ )		
$N_+^0 \neq 0$	$j \sim P^2$	$j \sim P^2$
$N_+^0 = 0$	$j \sim P^{3/2}$	$j \sim P$
II. «Донорные» уровни прилипания (возможные состояния $D_+$ и $D_0$ )		
$N_+^0 \neq 0$	$j \sim P,$ $j \sim P^{3/2},$ $j \sim P^2,$	$\text{если } N_+^0 < N_s$ $\text{если } N_+^0 = N_s$ $\text{если } N_+^0 > N_s$ $j \sim P^2$
$N_+^0 = 0$	$j \sim P^{1/2}$	$j \sim P$

### 3. Влияние дополнительной инфракрасной подсветки

При исследовании примесных диэлектриков может быть целесообразно ввести дополнительное возбуждение образца светом с энергией кванта  $h\nu'$ , взаимодействующим лишь с электронами на центрах прилипания ( $E_s < h\nu' < E_D^{ex}$ ); для кристалла LGO — это инфракрасная подсветка. Формально это возбуждение описывается добавлением в уравнение (1c) члена  $\sigma'_s N_s P'$  ( $P'$  — интенсивность ИК-света,  $\sigma'_s$  — сечение возбуждения им электрона с уровня прилипания), а его влияние на люкс-амперную характеристику оказывается зависящим от  $n_s^0$  и  $N_+^0$  следующим образом.

#### 1. «Акцепторные» уровни прилипания ( $n_s^0 = 0$ )

А) В равновесии в образце присутствуют центры рекомбинации. Зависимость  $n(P)$ , описываемая формулой (2a), не изменится, т.е. ИК-подсветка не влияет в этом случае на вид люкс-амперной характеристики.

Б) Центры рекомбинации в равновесии отсутствуют. В описывающее зависимость  $n(P)$  выражение (2b) добавится сомножитель  $(1 + \sigma'_s P' / (\sigma_s P))^{1/2}$ . Очевидно, что при большой интенсивности ИК-подсветки ( $\sigma'_s P' \gg \sigma_s P$ ) это приведет к трансформации (2b) в

$$n = \left[ (N^0 / N_s) \sigma \sigma_{ex} \sigma'_s \theta \theta_s \tau \right]^{1/2} P'^{1/2} P, \quad (2b')$$

т.е. к понижению степени зависимости тока от  $P$ .

#### 2. «Донорные» уровни прилипания ( $n_s^0 = N_+^0$ )

А) В равновесии в образце присутствуют центры рекомбинации.

А1)  $N_+^0 > N_s$ . Здесь для  $n(P)$  сохранится выражение (3a1), ИК-подсветка не повлияет на вид люкс-амперной характеристики.

А2)  $N_+^0 < N_s$ . В (3a2) появится тот же дополнительный сомножитель  $(1 + \sigma'_s P' / (\sigma_s P))^{1/2}$ , что при  $\sigma'_s P' \gg \sigma_s P$  приведет к отсутствию зависимости тока от интенсивности «двуухфотонного» возбуждения

$$n = \sigma'_s \theta_s (N_s - N_+^0) (N_+^0)^{-1} P'. \quad (3a2')$$

А3)  $N_+^0 = N_s$ . Соответствующее этому случаю выражение (3a3) трансформируется аналогично (2b), т.е. при  $\sigma'_s P' \gg \sigma_s P$  получим

$$n = \left( \sigma \sigma_{ex} \sigma'_s \theta \theta_s \tau (N^0 + N_s) / N_s \right)^{1/2} P'^{1/2} P. \quad (3a3')$$

Б) В темноте в образце вообще отсутствуют центры рекомбинации ( $N_+^0 = 0$ ). Тогда люкс-амперная характеристика при введении дополнительной подсветки не изменяется и по-прежнему описывается (3b).

Отметим, что описываемая (2b') и (3a3') тенденция к понижению степени зависимости  $j(P) \sim P^{3/2}$  наблюдалась в кристаллах LGO [1] при дополнительной подсветке на длине волнны 1060 нм.

## 4. Рассматриваемая модель и интерпретация эксперимента

Авторы [1] интерпретировали результаты своих исследований LGO:Cr(Mg) в соответствии с первым из рассмотренных здесь случаев, полагая, что образцы без Mg содержат в равновесии ионизованные глубокие центры, а кристаллы с Mg не содержат. «Акцепторный» характер уровней прилипания в LGO подтверждался тем, что инфракрасный свет ( $\hbar\nu' < E_{ex}$ ), влиявший на величину тока при наличии зеленой засветки, сам по себе не вызывает стационарного фототока. Следует, однако, отметить, что окончательная уверенность в такой интерпретации появилась бы, если бы была информация об отсутствии также импульсного фототока после включения ИК-подсветки. Дело в том, что в диэлектриках возможна ситуация, когда стационарный сквозной ток начинает протекать через кристалл лишь при заметном росте поля на обедняющем электроде, осуществляющемся за счет ионизации примесных центров в приэлектродной области (см., например, [6]). А в связи с небольшой по сравнению с  $DL$  концентрацией  $SL$  может оказаться, что даже полная ионизация последних не обеспечивает требуемого роста поля. К сожалению, влияние дополнительной ИК-подсветки на стационарный фототок в рассматриваемой модели одинаково для I и II случаев: оно отсутствует для квадратичной  $j(P)$  и понижает степень зависимости  $j(P)$  при  $j \sim P^{3/2}$ , так что экспериментальное исследование этого влияния не позволяет отличить случаи I и II. Несмотря на отсутствие измерений импульсного фототока, интерпретация [1] выглядит довольно убедительно, поскольку подтверждена авторами рядом косвенных экспериментов, свидетельствующих в пользу того, что  $SL$  должны находиться в зарядовых состояниях  $D_0$  либо  $D_-$ .

В заключение отметим, что проведенное рассмотрение отличается от хорошо развитой [4] модели фото проводимости по следующим положениям.

С одной стороны, оно упрощено тем, что здесь не принимаются во внимание ни диффузионная составляющая тока, ни дырочная проводимость, а темновая концентрация носителей считается пренебрежимо малой. С другой стороны, здесь учитывается двухквантовый характер генерации, а эффекты прилипания и отклонение концентрации носителей от равновесной не считаются малыми, т.е. фотоэлектроны в рассматриваемой модели являются единственными носителями тока. Сравнение с экспериментом [1] показывает, что подобная ситуация может быть весьма актуальной при изучении широкозонных примесных диэлектриков.

### Список литературы

- [1] Басун А.С., Каплянский А.А., Феофилов С.П., Мельников А.К., Севастьянов Б.К. // ФТТ. 1994. Т. 36. № 5. С. 1451–1460.
- [2] Sommerfeldt R., Holtman L., Kratzig E. // Ferroelectrics. 1989. V. 92. P. 219–225.
- [3] Basun S.A., Feofilov S.P., Kaplyanskii A.A., Bykov A.B., Sevastyanov B.K., Sharonov M.Yu. // J. Lumin. 1992. V. 53. P. 24–27.

- [4] Бьюб Р. Фотопроводимость твердых тел. М., 1962. 558 с.
- [5] Кao K., Xuanг B. Перенос электронов в твердых телаx. M., 1984. T. I. 350 с.
- [6] Кацавец Н.И., Леонов Е.И., Шадрин Е.Б., Щербаков А.Г. // ЖТФ. 1984. Т. 54. № 3. С. 589–594.

Физико-технический институт им. А.Ф.Иоффе РАН  
Санкт-Петербург

Поступило в Редакцию  
15 апреля 1994 г.

---