

УСИЛЕНИЕ ПЕРЕМЕННОГО МАГНИТНОГО ПОЛЯ  
В СИСТЕМЕ МЕЛКИХ МАГНИТНЫХ ЧАСТИЦ

Э.К.Садыков, А.Г.Исавнин

В последние годы пристальное внимание уделялось эффекту стохастического резонанса [1], имеющему место в бистабильной системе при одновременном воздействии на нее шума и сигнала. В работе [2] была предложена новая интерпретация этого явления: оно связывалось с колоколообразной зависимостью коэффициента усиления сигнала в такой системе от интенсивности шума. Недавно стохастический резонанс рассматривался нами [3,4] применительно к ансамблю малых магнитных частиц, имеющих одноосную магнитную анизотропию. В данном случае уместно вести речь о принципиально новом механизме перемагничивания и усиления переменного магнитного поля.

Рассмотрим динамику магнитного момента частицы с одноосной анизотропией в поле, осциллирующем вдоль легкой оси. Размеры частицы таковы, что при данной температуре существенную роль играет диффузионное движение момента по сфере. Для упрощения вычислений будем по аналогии с [3] использовать модель дискретных ориентаций. Суть ее состоит в том, что при выполнении условия  $vK/kT \gg 1$  ( $v$  — объем частицы,  $K$  — константа анизотропии) поведение момента частицы можно описать в общем случае беспорядочными скачками его между двумя стабильными ориентациями. Динамику системы описывает управляющее уравнение [1]

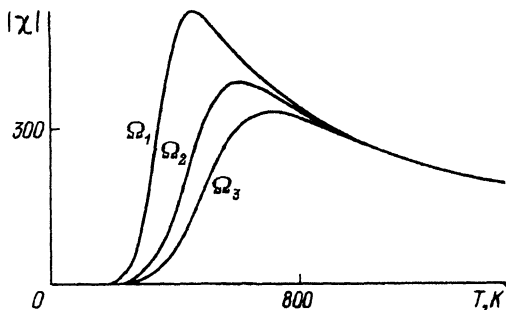
$$\frac{dn_+}{dt} = -\frac{dn_-}{dt} = W_-(t)n_- - W_+(t)n_+ = W_-(t) - [W_-(t) + W_+(t)]n_+. \quad (1)$$

Здесь  $n_{\pm}$  — вероятность того, что дискретная динамическая переменная  $x = M \cos \theta$  (проекция вектора намагниченности частицы на легкой оси) примет значение  $\pm M$ ;  $W_{\pm}(t)$  — скорость выхода из  $\pm$  состояния определяется формулой типа Крамерса

$$W_{\pm}(t) = \alpha_0 \exp\left(-\frac{vK}{kT} - \mu_0 \frac{MHv}{kT} \cos \Omega t\right). \quad (2)$$

Внешнее поле задано,  $H(t) = H \cos \Omega t$ . Аналитическое решение уравнения (1) в приближении малых  $H$  имеет вид

$$n_+(t|x_0, t_0) = \frac{1}{2} \left[ \exp(-W_0(t-t_0)) \left( 2\delta_{x_0 M} - 1 - A \frac{W_0 \cos(\Omega t_0 - \varphi)}{(W_0^2 + \Omega^2)^{1/2}} \right) + 1 + \frac{AW_0 \cos(\Omega t - \varphi)}{(W_0^2 + \Omega^2)^{1/2}} \right], \quad (3)$$



Зависимость магнитной восприимчивости  $|\chi|$  от температуры для железной частицы (константа анизотропии  $K = 4 \cdot 10^4 \text{ J/m}^3$ , намагниченность насыщения  $M = 1.72 \cdot 10^6 \text{ A/m}$ , объем частицы  $v = 10^{-24} \text{ m}^3$ ). Частоты внешнего поля  $\Omega_1 = 10^7$ ,  $\Omega_2 = 5 \cdot 10^7$ ,  $\Omega_3 = 10^8 \text{ s}^{-1}$ .

где

$$W_0 = 2\alpha_0 \exp\left(-\frac{vK}{kT}\right),$$

$$A = \mu_0 \frac{MHv}{kT}, \quad \varphi = \text{arctg}(\Omega/W_0).$$

Здесь  $n_+(t|x_0, t_0)$  — условная вероятность того, что  $x(t)$  примет значение  $+M$  в момент времени  $t$  при условии, что в момент времени  $t_0$  состояние было  $x_0$  ( $+M$  или  $-M$ );  $\delta_{x_0, M}$  — символ Кронекера. Спектр мощности такой системы [3]

$$\langle S(\omega) \rangle_t = \int \langle \langle x(t)x(t+\tau) \rangle \rangle_t \exp(-i\omega\tau) d\tau =$$

$$= \left[ 1 - \frac{W_0^2 A^2}{2(W_0^2 + \Omega^2)} \right] \left[ \frac{2M^2 W_0}{W_0^2 + \omega^2} \right] + \frac{\pi M^2 W_0^2 A^2}{2(W_0^2 + \Omega^2)} [\delta(\omega - \Omega) + \delta(\omega + \Omega)]. \quad (4)$$

Как и следовало ожидать, спектр мощности состоит из двух частей: контура Лоренца, соответствующего хаотическому тепловому изменению ориентации намагниченности, и  $\delta$ -пика, описывающего регулярную компоненту движения вектора  $M$  на частоте внешнего сигнала  $\Omega$ .

Вычислим теперь зависящее от времени асимптотическое среднее значение  $\langle x(t) \rangle$ , пользуясь (3), при  $t_0 \rightarrow -\infty$

$$\langle x(t) \rangle = M(t) = H(\text{Re } \chi \cos \Omega t + \text{Im } \chi \sin \Omega t), \quad (5)$$

$$\text{Re } \chi = \frac{MAW_0^2}{H(W_0^2 + \Omega^2)}, \quad \text{Im } \chi = \frac{MAW_0\Omega}{H(W_0^2 + \Omega^2)}. \quad (6)$$

Нетрудно учесть хаотическое расположение частиц на легкой оси относительно внешнего поля. В результате в выражениях (6) появится множитель  $1/2$ . Данное рассмотрение предполагает, что образец представляет собой немагнитную матрицу с внедренными в нее однодоменными ферро(ферри)магнитными частицами, достаточно удаленными друг от друга, чтобы их можно было считать изолированными. Следовательно, выражения (6) необходимо дополнить «разбавляющим» фактором, равным отношению суммарного объема частиц к полному

объему образца. Введение такого фактора существенно уменьшает величину восприимчивости (в  $10^5-10^6$  раз). Поэтому речь не идет о возможном использовании такой системы, как усилителя поля в макроскопическом смысле. Если же рассматривать данное явление в качестве механизма усиления поля, действующего на ядро, то необходимость такого множителя отпадает.

Коэффициент усиления поля в последнем случае можно получить из соотношений

$$A_{nf}\langle S \rangle I = g_n \mu_n I \mu_0 H_n, \quad g_e \mu_B \langle S \rangle = |\chi| H v_0, \quad (7)$$

определяющих соответственно усредненные по стохастическим переменным энергию сверхтонкого взаимодействия и магнитный момента на один атом

$$K_y = \frac{H_n}{H} = \frac{A_{nf} v_0}{g_n \mu_n g_e \mu_B \mu_0} |\chi|. \quad (8)$$

Здесь  $A_{nf}$  — константа сверхтонкого взаимодействия,  $H_n$  — поле на ядре,  $\mu_n$  — ядерный магнетон,  $\mu_B$  — магнетон Бора,  $v_0$  — объем элементарной ячейки,  $I$  — спин ядра,  $\mu_0$  — магнитная постоянная.

Используя стандартные для железа значения  $A_{nf}$  ( $\sim 10^{-27}$  J), получим, что множитель перед  $|\chi|$  в (8) имеет величину  $\sim 1$ . На рисунке показана зависимость  $|\chi|(T)$  при нескольких  $\Omega$  для железной частицы.

В заключение отметим, что поле, возникающее благодаря данному механизму, по существу является результатом усреднения по стохастическим переменным. Но не нужно забывать, что результаты эксперимента отражают наличие не только когерентного, но и хаотического поля. В частности, совместное влияние этих двух сверхтонких полей было продемонстрировано на примере мессбауэровских спектров [4].

#### Список литературы

- [1] McNamara B., Wiesenfeld K. // Phys. Rev. A. 1989. V. 39. N 9. P. 4854-4869.
- [2] Jung P., Hangii P. // Phys. Rev. A. 1991. V. 44. N 12. P. 8032-8042.
- [3] Садыков Э.К. // ФТТ. 1991. Т. 33. № 11. С. 3302-3307.
- [4] Садыков Э.К., Скворцов А.И. // ФТТ. 1991. Т. 39. № 9. С. 2725-2732.

Казанский государственный  
университет

Поступило в Редакцию  
16 февраля 1994 г.