

Положение максимума интегральной интенсивности  $K(\omega)$  в случае  $180^\circ$  доменной стенки с легкой осью [001] можно связать с частотами  $\omega_r^{[111]} = S [A_1^2 + A_2^2/2]^{1/2}$  или  $\omega_r^{[110]} = S [A_1^2 + 3A_2^2/4 + A_2 A_1]^{1/2}$ . Первая представлена в спектре при всех направлениях намагниченности в плоскости (110). Второй может отвечать максимальный коэффициент усиления в доменной границе. Пик на экспериментальной кривой хорошо согласуется с величиной  $\omega_r^{[110]}$  при следующих значениях констант СТВ:  $A_1 = -(70 \pm 10)$ ,  $A_2 = -(310 \pm 10)$  MHz,  $y = 0.20 \pm 0.02$ .

Таким образом, получена информация о константах СТВ иона Cu<sup>+</sup> в феррошпинелях и показана существенная роль анизотропных СТВ в формировании спектра ЯМР.

Работа поддержана Российским фондом фундаментальных исследований.

#### Список литературы

- [1] Иванов М.А., Митрофанов В.Я., Фишман А.Я., Шемяков А.А. ФТТ **32**, 2, 433 (1990).
- [2] Ham F.S. Electron paramagnetic resonance. N.Y. (1972), P. 1.

УДК 539.4.01:539.211

© Физика твердого тела, том 37, № 4, 1995  
Solid State Physics, vol. 37, N 4, 1995

## ФРАКТАЛЬНАЯ ПОПРАВКА К ПРОЧНОСТИ И ВЯЗКОСТИ РАЗРУШЕНИЯ ХРУПКИХ ТВЕРДЫХ ТЕЛ С УЧЕТОМ АТОМНОЙ ШЕРОХОВАТОСТИ ПОВЕРХНОСТИ РАЗРУШЕНИЯ

B.B. Покропивный, B.B. Скорогод

Институт проблем материаловедения им. И.Н. Францевича АН Украины,  
Киев

(Поступило в Редакцию 26 мая 1994 г.)

Фрактальные свойства кристаллов являются в настоящее время предметом интенсивных исследований [1–3]. Мосолов [4], анализируя фрактальные свойства гриффитсовской трещины в теории упругости, получил асимптотическое выражение для коэффициента интенсивности напряжений  $K_{1c}$  и впервые связал его с фрактальной размерностью  $D$ . Однако явного выражения для прочности на разрыв  $\sigma$  и вязкости разрушения  $G_{1c}$  с учетом фрактальных свойств трещины получено не было и численных оценок не сделано. Восполним этот пробел.

Напомним, что в теории Гриффитса прочность на разрыв определяется из равенства приращения поверхностной  $\Delta U_\gamma = 2\gamma\Delta l_g$  и упругой энергии  $\Delta U_e = \pi\sigma_g^2 2l_g \Delta l_g / (4E)$  в условиях нормального раскрытия трещины [5]

$$\sigma_g = \sqrt{\frac{4\gamma E}{l_g}}, \quad (1)$$

где  $\gamma$  — поверхностная энергия,  $R$  — модуль Юнга,  $l_g$  — длина трещины Гриффитса.

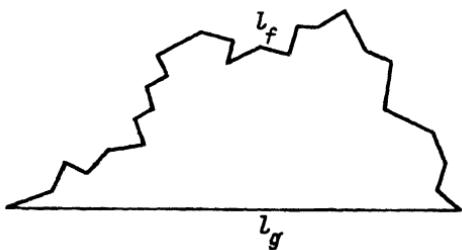


Рис. 1. Гриффитсовская и фрактальная длина трещины.

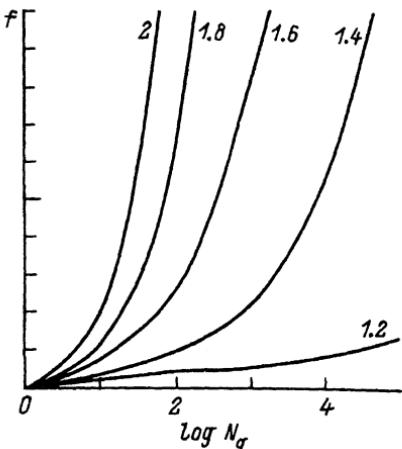


Рис. 2. Зависимость фрактального множителя  $f$  от длины трещины Гриффитса  $N_g$  и фрактальной размерности поверхности  $D$ .

В отличие от [4] будем считать, что для кристаллов существует нижний предел применимости фрактальной модели, равный не размеру зерна  $d$ , а межатомному расстоянию, близкому к параметру кристаллической решетки  $a$ . Сопоставим с длиной ломаной линии в теории фракталов [1] длину трещины «по прямой»  $l_g$  (рис. 1). Тогда в соответствии с теорией фракталов [1] фрактальная длина линии будет равна истинной (или эффективной) длине трещины  $l_f$

$$l_f = a(l_g/a)^D = l_g(l_g/a)^{D-1}. \quad (2)$$

Физически это означает учет не только микроскопической, но и атомной шероховатости высокониндексных фасетированных поверхностей разрушения. Теоретически это и есть ответ на вопрос: какой будет вязкость разрушения, если учесть атомную шероховатость поверхности разрушения. При этом фрактальная геометрия позволяет более корректно описать реальную форму и длину вскрытой трещины, чем модельная «чечевица».

Атомная шероховатость вскрывшейся трещины изменяет только поверхностную энергию и не оказывается на упругой. Поэтому в выражение для  $\Delta U_\gamma$  следует подставить фрактальную длину трещины  $l_f$  (2) вместо гриффитсовской  $l_g$ . В результате получим фрактальное выражение для прочности на разрыв

$$\sigma_f = \sigma_g f^{1/2}, \quad (3)$$

которое отличается от классического (1) фрактальным множителем

$$f = D(l_g/a)^{D-1} = DN_g^{D-1}, \quad (4)$$

где  $N_g = l_g/a$  — длина трещины «по прямой» в постоянных решетки.

В теории разрушения прочность на разрыв вычисляется как [6]

$$\sigma = \sqrt{\frac{EG_{1c}}{l_g}}, \quad (5)$$

где вязкость разрушения  $G_{1c}$  равна [7]

$$G_{1c} = 2\psi\gamma_{ef} = \psi(2\gamma + 2\gamma_c - \gamma_b). \quad (6)$$

Здесь  $\psi$  — показатель неровности поверхности разрушения [7], равный по разным оценкам от 1.8 до 4.0,  $\gamma_{ef}$  — эффективная поверхностная энергия,  $\gamma_c$  — энергия ступенек скола,  $\gamma_b$  — энергия границы зерна.

Сравнивая выражение (5) с полученным (3), видим, что показатель неровности в формуле (5) точно равен фрактальному множителю

$$\psi = f. \quad (7)$$

Зависимость фрактального множителя от длины трещины и фрактальной размерности представлена на рис. 2. Из этого рисунка видно, что с ростом шероховатости и длины вскрывшейся трещины прочность и вязкость разрушения могут быть значительно увеличены.

Для коэффициента интенсивности напряжений из определения  $K_{1c}^2 = G_{1c}E$  получим соотношение

$$K_{1c} = \sqrt{2\gamma_{ef}Ef} \sim l_g^{\frac{D-1}{2}}, \quad (8)$$

в котором показатель степени отличается от полученного в теории упругости [4].

Оценим потенциальный резерв вязкости разрушения, который можно получить за счет создания атомной шероховатости поверхности разрушения по сравнению с шероховатостью субграниц дислокационных ячеек размером  $d$ . Приняв для деформированного молибдена  $d \cong 300 \text{ nm}$  [7] и  $D = 1.45$  [2], установим, что вязкость разрушения может быть величина в  $f = 29$  раз, а при  $D = 1.2$  в  $f = 4.8$  раза.

Фрактальный множитель является экстенсивным геометрическим фактором, учитывающим повышение реальной площади поверхности трещин за счет шероховатости. Кроме этого, следует учитывать также интенсивный фактор, а именно изменение самой поверхностной энергии  $\gamma_{ef}$  за счет превышения энергией отдельных фасеток трещин минимальной. Именно этим объясняется появление слагаемого  $\gamma_c$  в общем выражении для вязкости разрушения (6), равного энергии образования ступенек скола. Его вычисление представляет собой отдельную задачу, решаемую, например, методом молекуллярной динамики.

Из полученных результатов следует практический вывод о том, что для повышения ударной вязкости хрупких твердых тел следует стремиться к максимальному увеличению шероховатости поверхности разрушения на микроскопическом, мезоскопическом и атомном уровнях. С этой целью нужно приготавливать, например, дисперсионные включения разных размеров (от микроскопических до ультрадисперсных), используя при этом различную скорость выпадения разных фаз.

## Список литературы

- [1] Смирнов Б.М. Физика фрактальных кластеров. М. (1991), 135 с.
- [2] Баланкин А.С. ФТТ **34**, 4, 1245 (1992).
- [3] Dauskardt R.H., Haubensak F., Ritchie R.O. Acta Met. Mater. **38**, 2, 143 (1990).
- [4] Мосолов Ф.Б. // ЖТФ **61**, 7, 57 (1991).
- [5] Уайэтт О., Дью-Хьюз Д. Металлы, керамики, полимеры / Пер. с англ.; Под ред. Б.Я.Любова. М. (1979), 580 с.
- [6] Трефилов В.И., Мильман Ю.В., Фирстов С.А. Физические основы прочности тугоплавких металлов. Киев (1975), 316 с.
- [7] Структура, текстура и механические свойства деформированных сплавов молибдена / Под общ. ред. В.И.Трефилова. Киев (1983), 232 с.

УДК 537.622.4:539.216.2

© Физика твердого тела, том 37, № 4, 1995  
Solid State Physics, vol. 37, N 4, 1995

## МАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА МНОГОСЛОЙНЫХ ПЛЕНОК (Fe/Mo)<sub>10</sub>, ПОЛУЧЕННЫХ МАГНЕТРОННЫМ РАСПЫЛЕНИЕМ

Л.А. Чеботкевич, С.В. Яловкина, Ю.Д. Воробьев, И.М. Слабженникова

Научно-исследовательский физико-технический институт  
при Дальневосточном государственном университете, Владивосток  
(Поступило в Редакцию 28 июня 1994 г.)

В настоящее время большой научный и практический интерес представляют многослойные магнитные структуры с чередующимися слоями из ферромагнитных и немагнитных материалов [1,2]. Такие структуры проявляют уникальные магнитные, механические и другие свойства. В частности, мультислойные пленки с высокой намагниченностью и магнитомягкими свойствами могут применяться в качестве элементов магнитных интегральных головок.

В данной работе исследуются магнитные свойства многослойных композиционно-модулированных пленок (Fe/Mo)<sub>10</sub> в зависимости от толщины слоев Fe и Mo.

Пленки получали методом магнетронного распыления на постоянном токе в атмосфере Ar. Давление остаточных газов в камере было не выше  $3 \cdot 10^{-5}$  Торр, а давление Ar в процессе напыления составляло  $7 \cdot 10^{-4}$  Торр. Поочередное напыление Fe и Mo осуществлялось из двух мишеней, над которыми располагалась вращающаяся карусель со стеклянными подложками. Скорость вращения карусели была 1.5 rev./min.

Намагниченность  $I_{\text{eff}}$  пленок измеряли индукционным методом, коэрцитивную силу  $H_c$  и поле анизотропии  $H_k$  — магнитооптическим методом. Кристаллическую структуру пленок исследовали дифракционным методом и методом электронной микроскопии. Толщину слоев определяли методом рентгеновской интерференции. Концентрационный состав пленок определяли методом оже-анализа с послойным травлением пучком аргона.

Данные электронной оже-спектроскопии свидетельствуют о присутствии кислорода ( $\sim 5 \div 6$  at.%) и углерода ( $\sim 2$  at.%) в многослойных композиционно-модулированных пленках (Fe/Mo)<sub>10</sub>.