

## МОДУЛЯЦИЯ СТРУКТУРЫ СВЕРХПРОВОДНИКА $\text{Bi}_4\text{Sr}_4\text{CaCu}_3\text{O}_{14+\tau}$

© А.А.Левин, Ю.Ф.Шепелев, Ю.И.Смолин, А.А.Буш\*

Институт химии силикатов им. И.В.Гребенщикова  
Российской академии наук, 199155 Санкт-Петербург, Россия

\*Московский институт радиотехники, электроники и автоматики  
Российской академии наук, 117454 Москва, Россия  
(Поступила в Редакцию 19 сентября 1995 г.)

В окончательной редакции 6 декабря 1995 г.)

Модулированная структура высокотемпературного сверхпроводника  $\text{Bi}_4\text{Sr}_4\text{CaCu}_3\text{O}_{14+\tau}$  определена в приближении соразмерной сверхъячейки. Показано, что модуляция может быть вызвана скоррелированным по антисегнетоэлектрическому типу смещением атомов О в слоях BiO. С использованием переколяционной модели проводится сопоставление дефектности подрешетки щелочно-земельных катионов и наличия сверхпроводящих свойств у этой фазы.

Ранее нами впервые описаны строение и дефектность катионных подрешеток сверхпроводника  $\text{Bi}_4\text{Sr}_4\text{CaCu}_3\text{O}_{14+\tau}$  (Bi-4413) в приближении базисной ячейки [1]. В настоящей работе впервые приводятся результаты расшифровки модулированной структуры этого соединения по рентгеновским дифракционным данным, полученным на монокристалле.

### 1. Экспериментальная часть

Кристаллы  $\text{Bi}_4\text{Sr}_4\text{CaCu}_3\text{O}_{14+\tau}$  выращены методом бестигельной зонной плавки с оптическим нагревом. Общий состав шихты соответствовал формуле  $2.17\text{Bi}_2\text{O}_3 \cdot 3.70\text{SrCO}_3 \cdot 1.10\text{CaCO}_3 \cdot 3\text{CuO} \cdot 0.025\text{Fe}_2\text{O}_3$ . Детальное описание методики синтеза монокристаллов приведено в [2,3]. Температура сверхпроводящего перехода этой фазы измерялась в [3,4], и  $T_c$  конца сверхпроводящего перехода составила 84 К при ширине перехода  $\Delta T_c = 8$  К.

Структура определялась на отобранном из этой партии монокристалле размером  $0.50 \times 0.16 \times 0.03$  mm, показывавшем эффект Мейснера при опускании его в жидкий азот. Предварительное исследование показало, что данная фаза обладает одномерно модулированной структурой с параметрами ромбической базисной элементарной ячейки  $a_0 = 5.411(2)$ ,  $b_0 = 5.417(3)$ ,  $c_0 = 27.75(1)$  Å и волновым вектором модуляции  $\mathbf{q} = 0.213(4)\mathbf{b}^*$ .

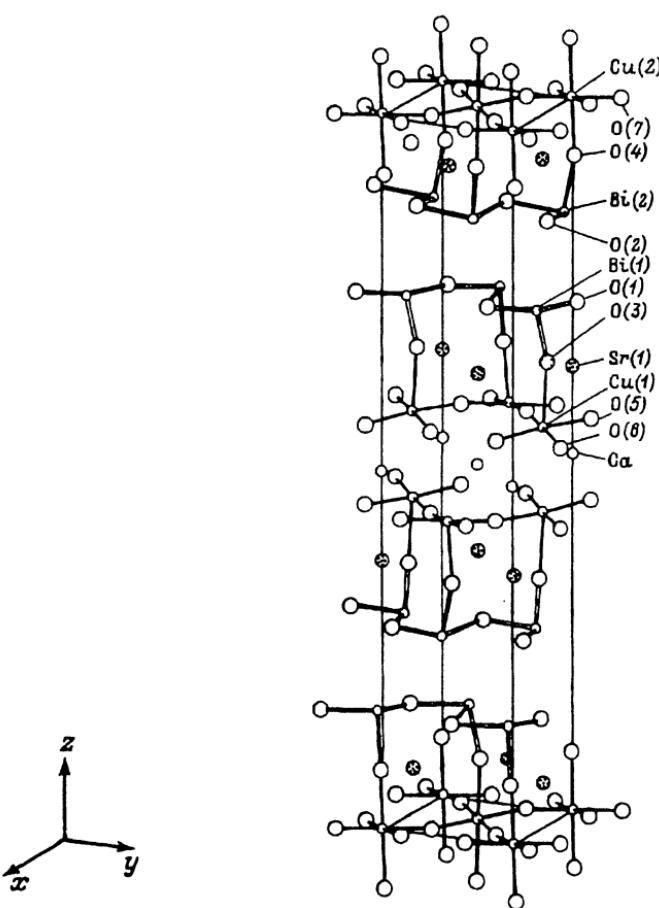


Рис. 1. Базисная ячейка  $\text{Bi}_4\text{Sr}_4\text{CaCu}_3\text{O}_{14+x}$ .

Интенсивности рентгеновских отражений от кристалла измерены по методике, описанной в [1,5–7]. Использовалось  $\text{Ag}K_{\alpha}$ -излучение. Учет поглощения осуществлялся численным интегрированием по объему кристалла ( $\mu = 325 \text{ cm}^{-1}$ ). Экспериментальный набор составил 533 неэквивалентных ненулевых рефлекса с  $I > 2\sigma(I)$ .

Определение модулированной структуры Bi-4413 проводилось в приближении соразмерной сверхъячейки с параметрами  $a = a_0$ ,  $b = 5b_0$ ,  $c = c_0$  по методике, изложенной в [1,6–8]. Пространственная группа  $P2_1mn$ . Достигнутые факторы расходимости по всем рефлексам, по 248 главным отражениям, по 273 первым и 12 вторым сателлитам соответственно равны  $R = 11.38$ ,  $10.26$ ,  $12.36$  и  $20.26\%$ .

На рис. 1 показана схема строения базисной элементарной ячейки Bi-4413. Структура Bi-4413 построена последовательной упаковкой блоков 2212- и 2201-типов, таких же как в соединениях  $\text{Bi}_2\text{Sr}_2\text{CaCu}_2\text{O}_{8+x}$  (Bi-2212) и  $\text{Bi}_2\text{Sr}_2\text{CuO}_{6+x}$  (Bi-2201). Обозначение атомных позиций дано в соответствии с [8] (в дальнейшем, если подразумевается атомная позиция базисной ячейки, то ее обозначение будет даваться с номером, заключенным в скобки; индексы атомных позиций в сверхструктуре будут даны без скобок).

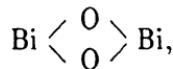
## 2. Обсуждение результатов

1) Модель модуляции структуры. На рис. 2 изображено строение слоев BiO в сверхъячейке Bi-4413. На этом рисунке жирными и двойными линиями соединены атомы Bi и O, находящиеся друг от друга на расстояниях, не превышающих 2.80 Å.

Как можно видеть, в слоях BiO соединения Bi-4413 реализуются бесконечные зигзагообразные цепочки Bi—O—Bi сложной топологии. Как и подобные цепочки в слоях BiO сверхпроводника Bi-2212 [6], они тянутся вдоль направления вектора модуляции. Слои BiO в Bi-4413 более разупорядочены, чем слои BiO фазы Bi-2212: позиции атомов Bi<sub>6</sub>, O<sub>11</sub> в BiO слое 2212-подобного блока, а также атома Bi<sub>12</sub> в слое BiO 2201-блока расщеплены на две близкорасположенные эквивалентные позиции, заселенные с коэффициентом заполнения  $P \leq 0.5$ . Возникающие при этом альтернативные связи Bi—O показаны на рис. 2 штриховыми линиями.

Ранее нами было показано, что строение слоя BiO и модуляция структуры Bi-2212 могут быть объяснены с помощью модели коррелированных по антисегнетоэлектрическому закону смещений атомов O в слое BiO [6,7]. На рис. 3 показаны модели таких смещений атомов O в слоях BiO соединения Bi-4413 из идеальных позиций в гипотетической структуре слоя BiO типа NaCl с четырьмя длинными расстояниями Bi—O ~ 2.7 Å. В результате подобных смещений атомы Bi приобретают стандартные для Bi<sup>3+</sup> координации [9] с расстояниями Bi—O 2.1–2.6 Å. Как видно из рис. 3, смещение атомов O в этих моделях подобно смещению атомов, имеющему место при антисегнетоэлектрическом переходе. Наличие в слоях BiO чередующихся полос с антипараллельными смещениями атомов приводит к появлению в них двух разных типов границ между полосами, обозначенных на рис. 3 AA и BB. Через эти границы проходят плоскости зеркального отражения.

В области «сгущений» вблизи границ AA атомы сдвигаются друг на встречу другу, величины их смещений минимальны, и расстояние между двумя эквивалентными позициями, которые атом O<sub>11</sub> в слое BiO 2212-блока заселяет с коэффициентом заполнения  $P = 0.5$ , мало (~ 0.7 Å). В результате этого вблизи границ AA в этом слое либо образуется сдвоенная мостиковая связь



либо реализуется альтернативная цепочка Bi—O—Bi (рис. 2, a, 3; a). В области же «разрежений» вблизи границ BB атомы удаляются друг от друга, смещения их максимальны, и расстояния между эквивалентными позициями атомов O<sub>16</sub>, O<sub>26</sub> близки к стандартному расстоянию O—O (2.7 Å). Обе эквивалентные позиции этих атомов кислорода могут быть полностью заселены атомами O. Однако лишь 50% из них являются «структурными», а остальные 50% — дополнительные атомы O, внедрившиеся в эти кислородные позиции.

На рис. 2 жирными и штриховыми линиями выделена цепочка Bi—O—Bi, топология которой удовлетворяет выше рассмотренной модели (рис. 3). Как видно, наилучшее совпадение между моделью и реальным строением слоев BiO имеет место в областях «разрежения»,

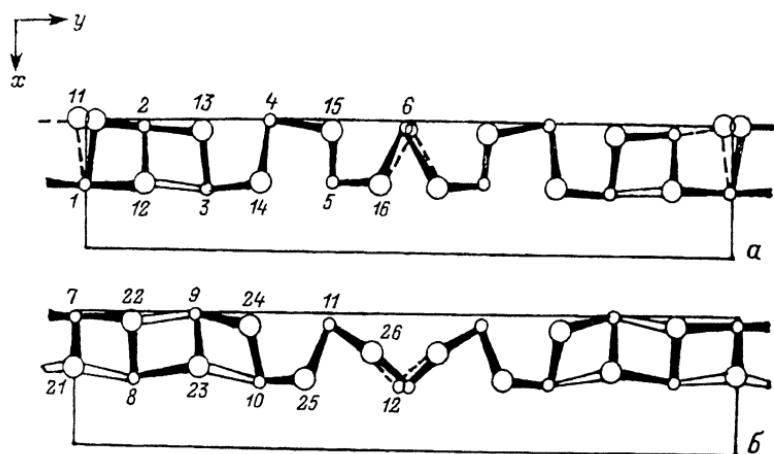


Рис. 2. Слой BiO в проекции на плоскость (001) в 2212-подобном блоке (а) и в 2201-подобном блоке (б) сверхъячейки Bi-4413.

Атомы Bi показаны малыми кружками, атомы O — большими. Атомы O, соотнесенные к атому O(*i*) (*i* = 1, 2) базисной ячейки, имеют двузначные номера, начинающиеся с соответствующего значения *i*.

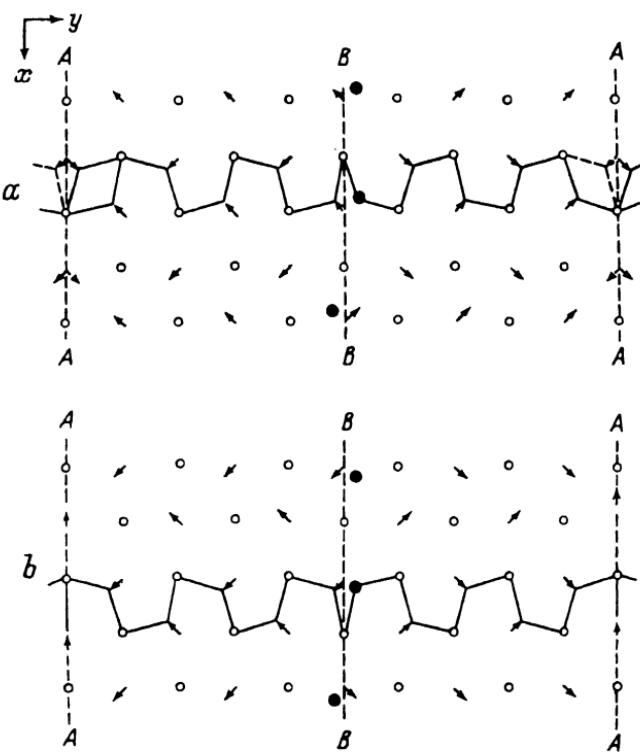


Рис. 3. Модель смещений атомов O и образования цепочек Bi—O—Bi в слоях BiO 2212- (а) и 2201-подобного (б) блока Bi-4413.

Направление смещений атомов O указано стрелками. Катионы Bi изображены малыми кружками. Большими черными кружками показаны позиции экстра-атомов O.

где величины смещений атомов велики. В областях же «сгущений», примыкающих к границам  $AA$ , где сдвиги атомов малы, внутри цепочек  $\text{Bi}-\text{O}-\text{Bi}$  имеются дополнительные связи  $\text{Bi}-\text{O}$ , показанные на рис. 2 двойными линиями. Следует подчеркнуть, что длины всех этих связей довольно велики ( $2.56-2.69 \text{ \AA}$ ).

Таким образом, в результате смещений атомов  $\text{O}$  в слоях  $\text{BiO}$  по закону антисегнетоэлектрического типа, как это показано на рис. 3, период решетки вдоль оси  $b$  увеличивается в 5 раз, т. е. образуется сверхструктура с периодом  $5b_0$ . Однако смена знаков смещений может происходить и не строго регулярно через пять рядов, и некоторые полосы могут содержать другое их количество. Согласно [7], период модуляции вдоль оси  $b$  выражается как  $pb_0 = (\sum p_i n_i) b_0$ , где  $p_i$  —

вероятность реализации полосы из  $n_i$  рядов. Если полосы из пяти и четырех атомных рядов в слоях  $\text{BiO}$  соединения  $\text{Bi}-4413$  встречаются с вероятностью соответственно  $2/3$  и  $1/3$ , то период модуляции вдоль оси  $b$  составит  $4.67b_0$ , что близко к наблюдаемому в данном кристалле периоду  $4.69b_0$ .

2) Модуляционные функции атомов. По найденным координатам атомов в сверхъячейке  $\text{Bi}-4413$  было проведено разложение по гармоникам атомных модуляционных смещений, как это делалось ранее в [6] для  $\text{Bi}-2212$ . На рис. 4 светлыми квадратами и треугольниками показаны смещения атомов из усредненных по сверхъячейке позиций, приведенных к атомным позициям в базисной ячейке [8]. По их величинам как функциям от  $y/b$  вычислены первые пять гармоник модуляционных смещений всех атомов базисной ячейки вдоль всех трех координатных осей. По первым двум гармоникам построены модуляционные функции всех атомов в базисной ячейке, показанные на рис. 4 сплошными линиями. Рассчитанные методом наименьших квадратов пилообразные графики модуляционных смещений атомов  $\text{O}(1)$ ,  $\text{O}(2)$ ,  $\text{Sr}(1)$  и  $\text{Sr}(2)$  показаны на рис. 4 сплошными ломаными линиями.

Вид модуляционных функций атомов (рис. 4) может быть объяснен, исходя из вышерассмотренной модели смещений атомов  $\text{O}$  в слоях  $\text{BiO}$  по закону антисегнетоэлектрического типа (рис. 3). Сдвиги атомов  $\text{O}$  из центров  $\text{Bi}$ -квадратов по левую и правую сторону границы ( $AA$  или  $BB$ ) имеют противоположную направленность. Причем в областях «разрежения» вблизи границ  $BB$  величины этих сдвигов максимальны, а в областях «сгущения» вблизи границ  $AA$  минимальны. Такой характер смещений атомов в соседних полосах  $AA-BB$  и  $BB-AA$  и приводит к пилообразному виду модуляционных функций вдоль оси  $b$  атомов  $\text{O}(1)$ ,  $\text{O}(2)$  в слоях  $\text{BiO}$ , а также  $\text{Sr}(1)$ ,  $\text{Sr}(2)$  в следом идущих слоях катионов  $\text{Sr}$ .

Хотя катионы  $\text{Bi}6$ ,  $\text{Bi}12$  (рис. 2, 3) и смещаются вслед за атомами  $\text{O}$  с плоскостей симметрии на границах  $BB$ , но величины их смещений невелики, и модуляционные функции катионов  $\text{Bi}(1)$ ,  $\text{Bi}(2)$  и координирующих их атомов  $\text{O}(3)$ ,  $\text{O}(4)$  из слоев катионов  $\text{Sr}$  вдоль оси  $b$  близки к синусоидальным.

Жесткая ковалентная связь  $\text{Cu}-\text{O}$  не позволяет атомам  $\text{Cu}$  и  $\text{O}$  сильно смещаться в плоскости медьюислородных слоев. В результате этого атомы  $\text{Cu}(1)$ ,  $\text{O}(5)$ ,  $\text{O}(6)$  и  $\text{Cu}(2)$ ,  $\text{O}(7)$ , а также катионы  $\text{Ca}$ , расположенные между слоями  $\text{CuO}_3$ , практически не испытывают сдвигов в плос-

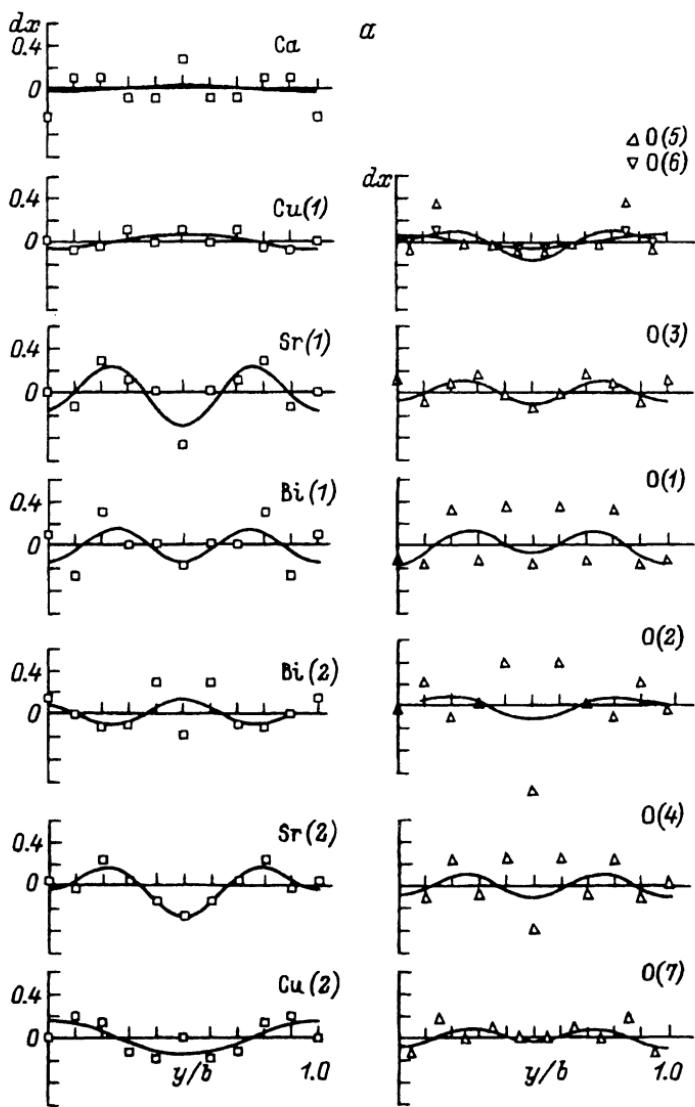


Рис. 4. Модуляционные смещения ( $\text{\AA}$ ) атомов вдоль осей  $x$  (а),  $y$  (б) и  $z$  (с). На каждом из рисунков (а-с) масштаб графиков справа такой же, как у соответствующих графиков слева.

кости (001) и компенсируют модуляционные смещения атомов слоев  $\text{BiO}$  только за счет модуляционных смещений вдоль оси  $c$  (рис. 4).

Из-за кулоновского взаимодействия между слоями  $\text{BiO}$ , составляющими сдвоенный слой  $[\text{BiO}]_2$ , расстояние между слоями максимально в области «сгущений» ( $3.64(5)$   $\text{\AA}$  по координате  $z$  между атомами  $\text{Bi}1$  и  $\text{Bi}7$ ) и плавно убывает по обе стороны от границы  $AA$  к границам  $BB$  в областях «разрежения» до  $2.70(5)$   $\text{\AA}$  по координате  $z$  между атомами  $\text{Bi}6$  и  $\text{Bi}12$ . Это приводит к косинусоидальному виду модуляционных функций вдоль оси  $c$  катионов  $\text{Bi}(1)$ ,  $\text{Bi}(2)$ , а также других атомов в соседних слоях (рис. 4, с).

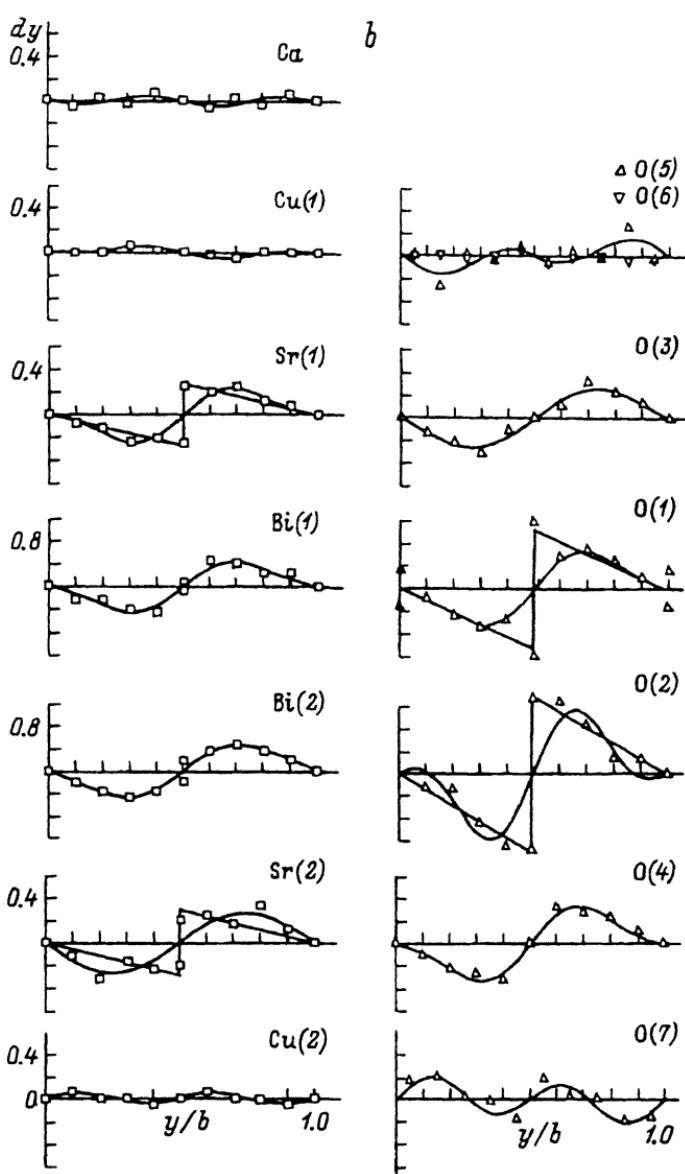


Рис. 4 (продолжение).

3) Пере кол я ци он на я м о д е ль. Результаты уточнения модулированной структуры Bi-4413 показали, что некоторые позиции Ca и Sr имеют коэффициенты заполнения  $P$ , превышающие единицу. Это указывает на то, что часть катионов в этих позициях замещена более тяжелыми атомами, например Bi. Другие же катионные позиции имели  $P < 1$ . В предположении полной заселенности кислородных позиций и существования вакансий в катионных позициях, имеющих  $P < 1$  (наличие Fe не учитывается), состав формульной единицы кристалла по результатам уточнения сверхъячейки будет  $[(\text{Bi}_{0.80})_2(\text{Sr}_{0.72}\text{Bi}_{0.055})_2(\text{Ca}_{0.84}\text{Bi}_{0.16})_1(\text{Cu}_{0.92})_2\text{O}_{8.2}] \times [(\text{Bi}_{0.815})_2(\text{Sr}_{0.86}\text{Bi}_{0.07})_2(\text{Cu}_{0.86})_1\text{O}_{6.2}]$  или  $\text{Bi}_{3.69}\text{Sr}_{3.16}\text{Ca}_{0.84}\text{Cu}_{2.70}\text{O}_{14.4}$ .

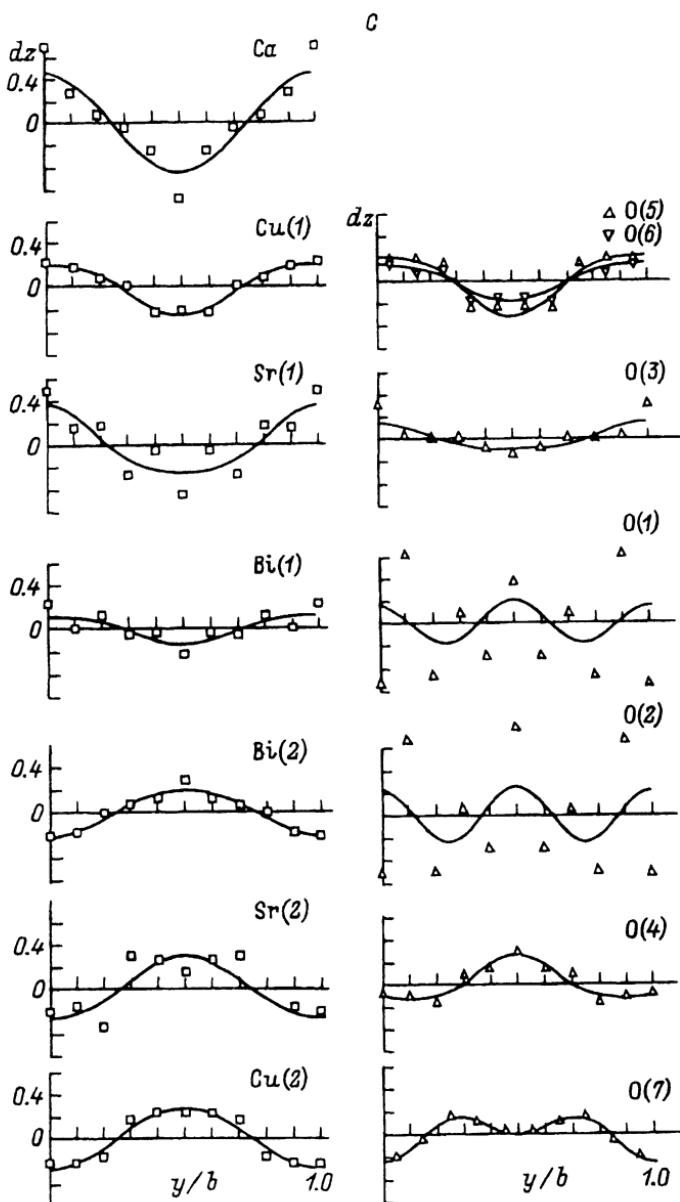


Рис. 4 (продолжение).

Этот состав удовлетворительно согласуется с данными рентгеноспектрального микроанализа  $\text{Bi}/\text{Sr}/\text{Ca}/\text{Cu}/\text{Fe} = 3.90/3.39/0.95/2.65/0.054$ .

Таким образом, как и в  $\text{Bi}-2212$ , имеющем  $T_c = 75 \text{ K}$  [7], в исследованном кристалле  $\text{Bi}-4413$ , характеризующемся  $T_c = 84 \text{ K}$ , обнаружена весьма большая концентрация катионных вакансий в позициях Sr. Электронная структура связей  $\text{Cu}-\text{O}-\text{Cu}$  в зависимости от того, есть или нет вакансии щелочно-земельного катиона в окружении атома кислорода, будет различной. Случайное распределение катионных вакансий по позициям Sr(1) и Sr(2) приводит к появлению областей

с различной их концентрацией и различной электронной структурой связей Cu-O-Cu в медьюкислородных слоях, которые формируют в них переколяционную сетку.

Согласно теории переколяции [10], бесконечный переколяционный кластер по связям Cu-O-Cu с одинаковым электронным строением возникнет, когда доля связей  $Q$ , участвующих в протекании, превысит переколяционный предел  $Q_c$ .

$$Q > Q_c. \quad (1)$$

Поскольку наличие катионной вакансии в позиции  $\text{Sr}^{2+}$  компенсируется появлением двух дырок-носителей в медьюкислородном слое, разумно предположить, что в протекании участвуют те связи, в окружении которых находится катионная вакансия в позиции Sr.

В слое  $\text{CuO}_3$  2212-подобного блока с пирамидальной координацией Cu каждый мостиковый атом O в цепочке Cu-O-Cu координирован двумя позициями Sr(1), и долю связей, участвующих в протекании, можно выразить как

$$Q = 1 - (1 - y)^2, \quad (2)$$

где  $y = 1 - P(\text{Sr}(1))$  — доля катионных вакансий в позициях Sr(1).

В случае же дипирамидального слоя  $\text{CuO}_4$  2201-блока, где в ближайшем окружении мостиковых атомов O цепочки Cu-O-Cu находятся по четыре позиции Sr(2), эта доля выражается как

$$Q = 1 - (1 - y)^4, \quad (3)$$

где  $y = 1 - P(\text{Sr}(2))$ .

Возникающий в медьюкислородной плоскости бесконечный переколяционный кластер имеет вид плоской нерегулярной сетки. Области, в которых цепочки Cu-O-Cu не имеют в своем окружении катионных вакансий в позициях Sr, образуют окна этого кластера со средним размером, равным корреляционной длине кластера [10]

$$L = d / |Q - Q_c|^{1.33}, \quad (4)$$

где  $d \approx 3.84 \text{ \AA}$  — средний период квадратной сетки, в узлах которой расположены атомы Cu. Нами предполагалось [11], что для наличия сверхпроводящих свойств необходимо, чтобы корреляционная длина этого переколяционного кластера была больше длины когерентности  $\xi$  куперовской пары

$$L > \xi. \quad (5)$$

Позиции Sr в 2212- и 2201-подобных блоках соединения Bi-4413 находятся над и (или) под центрами квадратов из атомов Cu в медьюкислородных слоях. Катионные вакансии, располагаясь в этих позициях, будут изменять электронное строение сразу нескольких цепочек Cu-O-Cu, входящих в их окружение. Проведенные оценки показали, что воздействие легирующего элемента (катионной вакансии), замещающего катионы  $\text{Sr}^{2+}$ , распространяется в медьюкислородном слое на атомы Cu и O, входящие по крайней мере в его вторую координационную сферу по катионам Cu. Критические значения  $y_c$  концентраций вакансий в позициях Sr(1) 2211-блока и Sr(2) 2201-блока

при этом предположении были получены численным моделированием методом Монте-Карло и составили соответственно  $y_c = 0.122$  и  $0.067$ . Согласно [12,13], длина когерентности куперовской пары в Bi-сверхпроводниках составляет от  $15$  до  $40\text{ \AA}$ . Критические значения  $Q_c$  долей связей Cu–O–Cu, участвующих в протекании, вычисляются по формулам (2), (3) подстановкой критических пределов  $y_c$ . Используя значения этих величин, из условий (1), (5) можно оценить диапазон концентраций катионных вакансий в позициях Sr, внутри которого в медьюислородном слое существует проводящий бесконечный перколяционный кластер по связям Cu–O–Cu с одинаковым электронным строением:  $0.12 < y < 0.23$  ( $\xi = 40\text{ \AA}$ )– $0.36$  ( $\xi = 15\text{ \AA}$ ) и  $0.07 < y < 0.12$  ( $\xi = 40\text{ \AA}$ )– $0.20$  ( $\xi = 15\text{ \AA}$ ) для слоев CuO<sub>3</sub> и CuO<sub>4</sub> соответственно.

В исследованном кристалле Bi-4413 экспериментальные значения концентраций катионных вакансий в позициях Sr(1) 2212-блока и в позициях Sr(2) 2201-блока, рассчитанные по результатам уточнения модулированной структуры, составляют соответственно  $y = 0.23$  и  $0.07$ , что удовлетворительно согласуется с вышеупомянутыми перколяционными оценками.

Один из авторов (А.А. Левин) благодарит за поддержку Американскую кристаллографическую ассоциацию (ACA/USNCCr).

### Список литературы

- [1] Левин А.А., Смолин Ю.И., Шепелев Ю.Ф., Буш А.А., Романов Б.Н. ФТТ **36**, 6, 1366 (1994).
- [2] Буш А.А. Сверхпроводимость **3**, 9, 2026 (1990).
- [3] Bush A.A., Dubenko I.S., Evtikhiev N.N. Prog. High. Temp. Supercond. **32**, 732 (1991).
- [4] Буш А.А., Гордеев С.Н., Дубенко И.С., Романов Б.Н., Титов Ю.В. Сверхпроводимость **4**, 4, 788 (1991).
- [5] Левин А.А., Смолин Ю.И., Шепелев Ю.Ф., Сапожникова Л.М., Головенчик Е.И., Санина В.А. ФТТ **35**, 8, 2170 (1993).
- [6] Левин А.А., Смолин Ю.И., Шепелев Ю.Ф. ЖНХ **38**, 11, 1755 (1993).
- [7] Levin A.A., Smolin Yu.I., Shepelev Yu.F. J. Phys.: Cond. Matter. **6**, 12, 3539 (1994).
- [8] Levin A.A., Shepelev Yu.F., Smolin Yu.I. Physica **C235-240**, 3337 (1994).
- [9] Уэллс А. Структурная неорганическая химия. М. (1987). Т. 2. 696 с.
- [10] Шкловский Б.И., Эфрос А.Л. Электронные свойства легированных полупроводников. М. (1979). 416 с.
- [11] Смолин Ю.И., Шепелев Ю.Ф., Левин А.А. ЖНХ **34**, 10, 2451 (1989).
- [12] Klee M., de Vries J.W.C., Brand W. Physica **C156**, 4, 641 (1988).
- [13] Shi F., Rong T.S., Zhou S.Z., Wu X.F., Du J., Shi Z.H., Cui C.G., Jin R.J., Zhang J.L., Ran Q.Z., Shi N.C. Phys. Rev. **B41**, 10, 6541 (1990).