

СЛАБАЯ ЛОКАЛИЗАЦИЯ НОСИТЕЛЕЙ ТОКА НА ПОВЕРХНОСТИ ТЕЛЛУРА И ОТРИЦАТЕЛЬНОЕ МАГНЕТСОПРОТИВЛЕНИЕ

© Н.С.Аверкиев, Г.Е.Пикус

Физико-технический институт им. А.Ф.Иоффе Российской академии наук,
194021 Санкт-Петербург, Россия
(Поступила в Редакцию 27 декабря 1995 г.)

Построена теория эффекта отрицательного магнетосопротивления для дырок в теллуре, локализованных у поверхностей (0001) и $(\bar{1}\bar{2}\bar{1}0)$, учитывающая как реальную зонную структуру теллура и ее зависимость от ориентации поверхности, так и зависимость матричного элемента рассеяния от начального и конечного квазиимпульсов дырок. Результаты теории представлены в форме, допускающей непосредственное сравнение с экспериментальными данными.

Эффект отрицательного магнетосопротивления (ОМС) для дырок, локализованных у поверхности (0001) теллура, был обнаружен в работе [1], а теория была развита в [1,2]. В этом случае нормаль к поверхности n параллельна оси третьего порядка (ось z), а спектр дырок в квантовой яме изотропен. Позднее эффект ОМС был измерен для поверхности $(10\bar{1}0)$, когда нормаль к поверхности n перпендикулярна оси z . Спектр носителей в этом случае существенно анизотропен, и матричные элементы рассеяния зависят как от начального, так и конечного импульса рассеивающейся дырки даже при рассеянии на короткодействующем потенциале. В работе [3] рассматривалась упрощенная модель, не учитывающая указанных особенностей, и предполагалось, что в такой геометрии в отличие от поверхности (0001) отсутствует тригональное искажение, предсказанное впервые в [4]. Фактически, такое искажение отсутствует лишь для поверхности $(\bar{1}\bar{2}\bar{1}0)$, когда нормаль к поверхности параллельна оси второго порядка. В настоящей работе мы рассмотрим два крайних случая: поверхности (0001) и $(\bar{1}\bar{2}\bar{1}0)$.

Используя двухзонную модель теллура, развитую в [4,5], мы получим явные выражения для параметров, определяющих спектр дырок в квантовых ямах, и матричных элементов рассеяния. При этом учтем возможное смешивание состояний экстремумов M и P в квантовых ямах у поверхности $(\bar{1}\bar{2}\bar{1}0)$. Для поверхности (0001) двухзонная модель дает возможность определить соотношения между параметрами, введенными в [1,2]. Для поверхности $(\bar{1}\bar{2}\bar{1}0)$ мы получим точное решение уравнения для куперона, учитывающее особенности спектра и матричных элементов рассеяния. Будет рассчитана зависимость этих параметров от концентрации носителей.

1. Двухзонная модель

В теллуре экстремумы валентных зон и зоны проводимости расположены в точках M и P зоны Бриллюэна, связанных друг с другом операцией инверсии времени.

Для расчета спектра носителей тока и матричных элементов перехода используем двухзонную модель, учитывающую kp -взаимодействие верхних валентных зон M'_{1v} и M'_{2v} с зоной проводимости M'_{3c} и валентной зоной M'_{3v} (рис. 1). В базисе волновых функций дырок соответствующий гамильтониан имеет вид [4,5]

$$H_M = -\frac{\hbar^2}{2m_0} + L(R_+k_- + R_-k_+) + B_2(J_+^2k_+ + J_-^2k_-) + \Delta_1(1 - J_z\sigma_z) + \Delta(J_+^2\sigma_+ + J_-^2\sigma_-) + \Delta_3(R_+\sigma_- + R_-\sigma_+) + \beta J_z k_z - I_c(E_g + A'_0 k_z^2) + A'_v I_v k_z^2 + A''_v J_z \sigma_z k_z^2. \quad (1)$$

Базисные функции дырок в зонах M'_{1v} и M'_{2v} есть $|3/2\rangle = \Psi^1_{+1}\alpha$ и $|-3/2\rangle = \Psi^1_{-1}\beta$, где $\Psi^1_{\pm 1} = \mp \frac{1}{\sqrt{2}}(x \pm iy)$; в зоне M'_{3c} — $S\alpha$ и $S\beta$; в зоне M'_{3v} — $|1/2\rangle = \Psi^1_{+1}\beta$ и $|-1/2\rangle = \Psi^1_{-1}\alpha$. В (1) $k_{\pm} = k_x \pm ik_y$, $R_{\pm} = \frac{1}{\sqrt{2}}(R_x \pm iR_y)$, $\sigma_{\pm} = \frac{1}{2}(\sigma_x \pm i\sigma_y)$, $J_{\pm} = \frac{1}{\sqrt{2}}(J_x \pm iJ_y)$, $\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z$ — матрицы Паули, R_x, R_y — матрицы 2×2 с ненулевыми элементами $\langle S|R_x|x\rangle = \langle S|R_y|y\rangle = 1$, I_c и I_v — единичные матрицы в базисе функций S и $\Psi^1_{\pm 1}$ соответственно, J_i — оператор проекции углового момента с $J = 1$ в базисе функций $\Psi^1_{\pm 1}, \alpha$ и β — собственные функции σ_z . В (1) не включены несущественные здесь релятивистские слагаемые, описывающие, линейные по k расщепления спектра зон M'_{3c} и M'_{3v} , и релятивистские поправки к другим константам. В точке P , связанной с M операцией инверсии времени, оператор H_P отличается от (1) знаком констант Δ и B_2 при нечетных по отношению к инверсии времени членах в (1). Матрица H_M , соответствующая (1), имеет вид

	$ -1/2\rangle$	$ 1/2\rangle$	$ 3/2\rangle$	$ -3/2\rangle$	$ s\alpha\rangle$	$ s\beta\rangle$
$\langle -1/2 $	$2\Delta_1 + \bar{A}_v k_z^2 - \beta k_z$		$B_2 k_-$		Lk_+	Δ_3
$\langle 1/2 $		$2\Delta_1 + \bar{A}_v k_z^2 + \beta k_z$		$B_2 k_+$	$-\Delta_3$	$-Lk_-$
$\langle 3/2 $	$B_2 k_+$		$A_v k_z^2 + \beta k_z$	Δ	$-Lk_-$	
$\langle -3/2 $		$B_2 k_-$	Δ	$A_v k_z^2 - \beta k_z$		Lk_+
$\langle s\alpha $	Lk_-	$-\Delta_3$	$-Lk_+$		$-E_g - A_c k_z^2$	
$\langle s\beta $	Δ_3	$-Lk_+$		Lk_-		$-E_g - A_c k_z^2$

Здесь $A_v = -\frac{\hbar^2}{2m_0} + (A'_v + A''_v)$, $\bar{A}_v = -\frac{\hbar^2}{2m_0} + (A'_v - A''_v)$, $A_c = +\frac{\hbar^2}{2m_0} + A'_c$. При расчете матричных элементов рассеяния мы предполагаем, что рассеяние происходит на примесях или дефектах с короткодействующим потенциалом и для всех состояний ik, jk' в одной точке M или P матричный элемент $V_{ik,jk'}$ одинаков и равен $V_0^0 \delta_{ij} e^{i(k-k')r_0}$, а для переходов

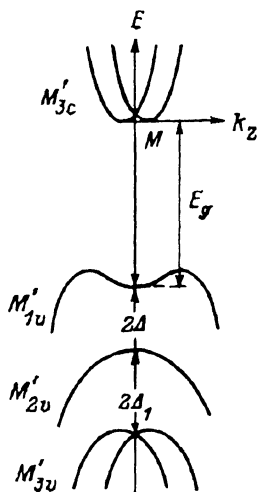


Рис. 1. Зонная схема теллура в окрестности точки M зоны Бриллюэна.

между состояниями в точках P и M матричный элемент отличается заменой V_0^0 на V_{PM}^0 , причем в обоих случаях k и k' отсчитываются от соответствующей точки экстремума. Значения матричных элементов V_0^0 и V_{PM}^0 зависят (помимо вида потенциала) от места расположения центра. Далее под $|V_0^0|^2$ и $|V_{PM}^0|^2$ подразумеваются соответствующие значения, усредненные по всем центрам. При расчете матричных элементов перехода на состояниях Ψ_k , соответствующих заданной энергии и представляющих собой суперпозицию состояний $j\mathbf{k}$, необходимо найти поправку к матричному элементу, отличающуюся знаком в точках P и M , так как особенности эффекта ОМС определяются именно такими слагаемыми. Для этого необходимо использовать теорию возмущений до четвертого порядка включительно. Соответствующие вклады, согласно [6], даются общей формулой

$$\begin{aligned}
 H_{mm'} = & H'_{mm'} - \sum_s \frac{H'_{ms} H'_{sm}}{E_s - E_m} + \sum_{s,s'} \frac{H'_{ms} H'_{ss'} H'_{s'm'}}{(E_s - E_m)(E_{s'} - E_m)} - \\
 & - \frac{1}{2} \sum_{m'',s} \frac{H'_{ms} H'_{sm''} H'_{m''m'} + H'_{mm''} H'_{m''s} H'_{sm'}}{(E_s - E_m)^2} - \\
 & - \sum_{s,s',s''} \frac{H'_{ms} H'_{ss'} H'_{s's''} H'_{s''m'}}{(E_s - E_m)(E_{s'} - E_m)(E_{s''} - E_m)} + \\
 & + \frac{1}{2} \sum_{s,s',m''} \frac{H'_{mm''} H'_{m''s} H'_{ss'} H'_{s'm} + H'_{ms'} H'_{s's} H'_{sm''} H'_{m''m'}}{(E_s - E_m)(E_{s'} - E_m)} \times \\
 & \times \left(\frac{1}{E_s - E_m} + \frac{1}{E_{s'} - E_m} \right). \quad (2)
 \end{aligned}$$

Здесь m, m', m'' — состояния рассматриваемой зоны (M'_1 и M'_2), s, s', s'' — состояния других зон (M'_{3c} и M'_{3v}). Поскольку слагаемые Δ и

βk_z в (1а) учитываются точно, а не рассматриваются как возмущение, то под $H'_{mm'}$ в (2) следует понимать только матричные элементы рассеяния, и соответственно в (2) сохранены только члены, содержащие не более одного матричного элемента $H'_{mm''}$ или $H'_{m''m'}$.

2. Поверхность (0001)

При $n \parallel z$ волновая функция в точке M есть произведение функции $f(z)$, зависящей от формы ямы, и функции

$$\Psi_{M,k} = \frac{1}{\sqrt{2}}(|3/2\rangle + |-3/2\rangle)e^{i(k_x x + k_y y)}, \quad (3)$$

а в точке P — произведение $f(z)$ и

$$\Psi_{P,k} = \frac{1}{\sqrt{2}}(|3/2\rangle - |-3/2\rangle)e^{i(k_x x + k_y y)}. \quad (3a)$$

Указанный выбор знаков соответствует $\Delta > 0$, при $\Delta < 0$ знаки перед блоховскими амплитудами $|-3/2\rangle$ обратные. Для краткости соответствующие индексы P и M у $|3/2\rangle$ и $|-3/2\rangle$ опущены. Здесь и далее предполагается, что носители заполняют лишь основной уровень размерного квантования.

Спектр дырок с точностью до кубических по k членов определяется выражением

$$E_M = B_v k_{\perp}^2 + \frac{1}{2} \gamma_3 (k_+^3 + k_-^3), \quad (4)$$

где

$$B_v = \frac{L^2}{E_g} - \frac{B_2^2}{2\Delta_1}, \quad \gamma_3 = -\frac{L^2 B_2}{\Delta_1 E_g}. \quad (5)$$

Можно ожидать, что релятивистская константа $B_2 < L$, и так как $\Delta_1 \approx E_g$, то $B_v \approx \frac{L^2}{E_g}$, а $\gamma_3 \approx -B_v \frac{B_2}{\Delta_1}$. В точке P константа γ_3 имеет обратный знак. В соответствии с этим гамильтониан H для обоих экстремумов M и P может быть записан в виде

$$H = E_0(k) + \sigma_z \Omega_z, \quad (6)$$

где $E_0(k) = B_v k^2$, $\Omega_z = \gamma_3 k^3 \cos \varphi_k$, σ_i — матрицы Паули 2×2 в базисе функций $\Psi_{M,k}$ и $\Psi_{P,k}$, φ_k — угол между вектором k и осью x ($\bar{1}\bar{2}\bar{1}$). Матричный элемент рассеяния в точке M равен

$$V_{Mk',Mk} = V_0^0 \left\{ 1 + \frac{1}{2} \theta_3 \left[k'_+ k_+ (k_+ + k'_+) + k'_- k_- (k_- + k'_-) - k_-^3 - k_+^3 - k_+^3 - k_-^3 \right] \right\}, \quad (7)$$

где $\theta_3 = \gamma_3 \frac{2\Delta_1 - E_g}{4\Delta_1 E_g}$. Если учесть отличие матричных элементов рассеяния для состояний M'_{3c} , M'_{3v} и $M'_{1,2}$, то в (7) коэффициент при первых

двух слагаемых в квадратных скобках будет отличен от единицы. В точке P параметр θ_3 , как и γ_3 , имеет другой знак. Для переходов между экстремумами P и M

$$V_{Pk',Mk} = \frac{1}{2} V_{PM}^0 \theta_4 (k_+ k'_- - k'_+ k_-), \quad (8)$$

где

$$\theta_4 = \frac{L^2}{E_g^2} - \frac{B_2^2}{(2\Delta_1)^2} \approx \frac{B_v}{E_g}.$$

В (7), (8) не включены члены того же порядка по k , содержащие релятивистскую константу Δ_3 . В соответствии с (7), (8) амплитуда рассеяния Γ в базисе функций $\Psi_{M,k}$ и $\Psi_{P,k}$ может быть записана в виде

$$\Gamma = \Gamma_0 + \Gamma_z \sigma_z + (\sigma_+ \Gamma_- + \sigma_- \Gamma_+), \quad (9)$$

где

$$\Gamma_0 = V_0^0, \quad \Gamma_z = V_0 \theta_3 k_F^3 \left[\cos(2\varphi' + \varphi) + \cos(\varphi' + 2\varphi) - \cos 3\varphi - \cos 3\varphi' \right],$$

$$\Gamma_+ = \Gamma_-^* = i V_{PM}^0 \theta_4 k_F^2 \sin(\varphi' - \varphi), \quad \sigma_{\pm} = (\sigma_x \pm i\sigma_y)/2. \quad (10)$$

Здесь учтено, что при упругом рассеянии $k = k' = k_F$. Условие инвариантности по отношению к инверсии времени накладывает на матричный элемент четного по отношению к инверсии времени оператора рассеяния требование

$$\langle P, k' | V | M, k \rangle = \langle \hat{K}(M, k) | V | \hat{K}(P, k') \rangle = -\langle P, -k | V | M, -k' \rangle, \quad (11)$$

так как $\hat{K} \Psi_{M,k} = \Psi_{P,-k}$, $\hat{K} \Psi_{P,k} = -\Psi_{M,-k}$, где \hat{K} — оператор инверсии времени. Аналогично для внутривалинного рассеяния

$$\langle M, k' | V | M, k \rangle = \langle P, -k | V | P, -k' \rangle. \quad (12)$$

Равенства (9), (10) удовлетворяют этим требованиям. Запись H и Γ в форме (6) и (9) дает возможность решить уравнение для куперона $C_{k,k'}$

$$C_{k,k'} = N_0 |V_0^0|^2 + N_0 \int \Gamma(k, g) \Gamma(-k, -g) G^+(g + q) G^-(-g) C_{g,k'}(q) d^2 g \quad (13)$$

стандартным образом [7]. Здесь и далее (за исключением окончательной формулы для проводимости) будет использована система единиц, в которой $\hbar = 1$. Подставим в (13) значения функций Грина и функций Γ (10)

$$G^+(g + q) = \left[E_F - E_0(g + q) - \sigma_z \Omega_z(g) + i/2\tau_T \right]^{-1}, \quad (14)$$

$$G^-(-g) = \left[E_F - E_0(-g) - \rho_z \Omega_z(-g) - i/2\tau_T \right]^{-1}, \quad (14a)$$

Где

$$\begin{aligned}\tau_{\tau}^{-1} &= \tau_0^{-1} + \tau_{\varphi}^{-1} + \tau_{-}^{-1} + \tau_{v}^{-1}, \quad \tau_0^{-1} = 2\pi|V_0^0|^2 N_0 \Omega_0, \\ \tau_{-}^{-1} &= 2\pi|\bar{\Gamma}_z|^2 N_0 \Omega_0, \quad \tau_{v}^{-1} = 2\pi|\Gamma_+|^2 N_0 \Omega_0,\end{aligned}\quad (15)$$

τ_{φ} — время релаксации фазы, N_0 — двумерная концентрация рассеивающих центров, $\Omega_0 = (4\pi B_v)^{-1}$ — плотность состояний, $|\bar{\Gamma}_z|^2 = 2|V_0^0|^2 \theta_3^2 k_F^6$, $|\bar{\Gamma}_+|^2 = \frac{1}{2} \theta_4^2 |V_{MP}^0|^2 k_F^4$.

Далее выполним интегрирование по энергии $E_0(g)$, разложим знаменатель по параметрам $vq\tau_0$, $\frac{\tau_0}{\tau_v}$, $\frac{\tau_0}{\tau_{-}}$ и $\frac{\tau_0}{\tau_{\varphi}}$ и проинтегрируем по φ_g . Учитывая, что

$$\int \frac{d\varphi_g}{2\pi} \Gamma(\mathbf{k}, \mathbf{g}) \Gamma(-\mathbf{k}, -\mathbf{g}) = |V_0|^2 - |\bar{\Gamma}_z|^2 (\sigma_z \rho_z) - |\bar{\Gamma}_+|^2 (\sigma_+ \rho_- + \sigma_- \rho_+),$$

получим уравнения

$$\hat{H}C(\mathbf{q}) = \frac{1}{2\pi\Omega_0\tau_0^2},$$

$$\hat{H} = Dq^2 + \frac{1}{\tau_{\varphi}} + (1 + \sigma_z \rho_z) \left(2\bar{\Omega}_z^2 \tau_0 + \frac{1}{\tau_{-}} \right) + (1 + \sigma_+ \rho_- + \sigma_- \rho_+) \frac{1}{\tau_v}, \quad (16)$$

где $2\bar{\Omega}_z^2 = \gamma_3^2 k_F^6$, коэффициент диффузии $D = v_F^2 \tau_0 / 2$, v_F — скорость носителей на уровне Ферми. Решением уравнения (16) является функция Грина [7]

$$C = \frac{1}{2\pi\Omega_0\tau_0^2} \sum_{\tau} \frac{\Psi_{\tau} \Psi_{\tau}^{+}}{E_{\tau}}, \quad (17)$$

где Ψ_{τ} — собственная функция (столбец) оператора \hat{H} , соответствующая собственному значению энергии E_{τ} . Для определения Ψ_{τ} и E_{τ} удобно записать H в базисе собственных функций полного момента Y_l^m , $l = 1, 0$. При $l = m = 0$ $\sigma_i \rho_i = -1$ и

$$\hat{H}_0 = Dq^2 + \frac{1}{\tau_{\varphi}}, \quad (18)$$

а при $l = 1$, $m = -1, 0, 1$ $\sigma_i \rho_i = 2J_i^2 - 1$ и

$$\hat{H}_1 = Dq^2 + \frac{1}{\tau_{\varphi}} + J_z^2 \frac{1}{\tau_{\gamma}} + (2 - J_z^2) \frac{1}{\tau_v}, \quad (19)$$

где аналогично [1,2] мы ввели обозначение

$$\frac{1}{\tau_{\gamma}} = 2 \left(2\bar{\Omega}_z^2 \tau_0 + \frac{1}{\tau_{-}} \right). \quad (20)$$

В магнитном поле B оператор q^2 заменяется на $2eB(aa^+ + a^+a)/c$, где a^+ , a — операторы рождения и уничтожения. Тогда собственные значения имеют вид $Dq_n^2 = \delta(n + 1/2)$, где $\delta = 4eDB/c$. Согласно [7,8], имеем

$$\Delta\sigma = -\frac{e^2}{4\pi^2\hbar} 2\pi\Omega_0\tau_0^2\delta \sum_{\alpha\beta} C_{\alpha\beta\beta\alpha}^{(n)} = -\frac{e^2\delta}{4\pi^2\hbar} \left(\sum_{\substack{n=0 \\ m=\pm 1,0}}^{n_{\max}} \frac{1}{E_{mn}^1} - \sum_{n=0}^{n_{\max}} \frac{1}{E_n^0} \right), \quad (21)$$

где $E_{mn}^1 = \delta(n + 1/2) + \tau_\varphi^{-1} + (2 - m^2)/\tau_v + m^2/\tau_\gamma$, $E_n^0 = \delta(n + 1/2) + \tau_\varphi^{-1}$ — собственные значения операторов (19) и (18) соответственно, $n_{\max} = (\delta\tau_0)^{-1}$. В результате получим выражение

$$\Delta\sigma = -\frac{e^2}{4\pi^2\hbar} \left\{ -\Psi\left(\frac{1}{2} + \frac{H_\varphi}{B}\right) + \Psi\left(\frac{1}{2} + \frac{H_\varphi}{B} + 2\frac{H_v}{B}\right) + \right. \\ \left. + 2\Psi\left(\frac{1}{2} + \frac{H_\varphi}{B} + \frac{H_v}{B} + \frac{H_\gamma}{B}\right) - 2\ln\left(\frac{H_{tr}}{B}\right) - 2C \right\}, \quad (22)$$

где Ψ — дигамма-функция, $H_i = \frac{\hbar c}{4eD\tau_i}$, H_{tr} соответствует $\tau_i = \tau_0$, C — константа Эйлера. Формула (22) практически совпадает с приведенной ранее Шеланковым [1,2]. Полученные выше выражения для матричных элементов позволяют оценить относительную величину и концентрационную зависимость входящих в нее параметров. Из (7) следует, что отношение $1/\tau_-/2\bar{\Omega}_z^2\tau_0 \leq (\hbar/\tau_0 E_g)^2$.

Поскольку при выводе уравнения (16) пренебрегалось поправками более высокого порядка по параметру $\hbar/\tau_0/E_F$, а энергия Ферми $E_F < E_g$, то ясно, что учитывать $1/\tau_-$ не следует и надо считать

$$\frac{1}{\tau_\gamma} = 4\bar{\Omega}_z^2\tau_0 = 2\gamma_s^2 k_F^6 \tau_0^2.$$

Согласно (4), (5),

$$\frac{\tau_0}{\tau_\gamma} \approx \frac{E_F^3}{E_g} \left(\frac{B_2}{L}\right)^2 \tau_0^2.$$

Из (8) также видно, что

$$\frac{\tau_0}{\tau_v} \approx \frac{1}{2} \left(\frac{E_F}{E_g}\right)^2 \frac{|V_{MP}^0|^2}{|V_0^0|^2}.$$

3. Поверхность ($\bar{1}\bar{2}\bar{1}0$)

При нормали к поверхности $n \parallel x$ волновые функции Ψ_M и Ψ_P есть произведение плавной функции $f(x)$, зависящей от формы ямы, и функций

$$\Psi_{M,k} = \left(C_1(k_z)|3/2\rangle + C_2(k_z)|-3/2\rangle \right) e^{i(k_x z + k_y y)},$$

$$\Psi_{P,k} = -\hat{K}\Psi_{M,-k} = \left(C_1(k_z)|3/2\rangle - C_2(k_z)|-3/2\rangle \right) e^{i(k_x z + k_y y)}, \quad (23)$$

где

$$C_{1,2}(k_z) = \left(\frac{\varepsilon_k \pm \beta k_z}{2\varepsilon_k} \right)^{1/2}, \quad \varepsilon_k = \sqrt{\Delta^2 + \beta^2 k_z^2}. \quad (24)$$

Как и в (3), здесь опущены индексы блоховских амплитуд M и P . Энергия дырок описывается выражением

$$E_0(\mathbf{k}) = A_\nu k_z^2 - \varepsilon_{\mathbf{k}} + B_\nu k_y^2 + \Delta. \quad (25)$$

В квантовой яме $n \parallel x$ с потенциалом $V(x)$ в отличие от поверхности (0001) должно происходить смешивание состояний P и M , аналогичное смешиванию состояний $(\Delta 00)$ и $(\bar{\Delta} 00)$ на границе (100) в n -Si [9]. При учете соответствующего вклада гамильтониан \hat{H} в базисе функций $\Psi_{M,\mathbf{k}}$ и $\Psi_{P,\mathbf{k}}$ согласно (23)–(25), примет вид

$$\hat{H} = E_0(\mathbf{k}) + \sigma_x \Omega_x, \quad (26)$$

где

$$\Omega_x = t \frac{\beta k_z}{\varepsilon_{\mathbf{k}}}, \quad t = \int V(x) \varphi_P^* \varphi_M dV,$$

φ_P^*, φ_M — блоховские функции в верхних валентных зонах в точках P и M . Можно ожидать, что из-за большой диэлектрической проницаемости Te при одинаковых поверхностных концентрациях значение t в теллуре несколько меньше, чем соответствующая константа в n -Si. Согласно (23), (24) и, (1a) матричный элемент перехода в долине M равен

$$V_{M,\mathbf{k}';M,\mathbf{k}} = V_0^0 \left\{ \left[C_1(k'_z)C_1(k_z) + C_2(k'_z)C_2(k_z) \right] - \right. \\ \left. - i\theta_5 \left[C_1(k'_z)C_1(k_z) - C_2(k'_z)C_2(k_z) \right] f(k'_y, k_y) \right\}, \quad (27)$$

где

$$\theta_5 = -\gamma_3 \frac{E_g + 2\Delta_1}{4\Delta_1 E_g}, \quad f(k'_y, k_y) = (k'_y - k_y)(\langle k_x^2 \rangle - k'_y k_y),$$

$\langle k_x^2 \rangle = \int |\nabla \Psi(x)|^2 dx$, $\psi(x)$ — плавная огибающая полной волновой функции дырки. Для экстремума P константа θ_5 меняет знак. Для переходов между экстремумами P и M имеем

$$V_{P,\mathbf{k}';M,\mathbf{k}} = V_{MP}^0 \left[C_1(k'_z)C_1(k_z) - C_2(k'_z)C_2(k_z) \right]. \quad (28)$$

В соответствии с (27), (28) в этом случае время ухода равно

$$\frac{1}{\tau_T} = \frac{1}{\tau_0} + \frac{1}{\tau_\varphi} + \frac{1}{\tau_-} + \frac{1}{\tau_\nu}, \quad (29)$$

где

$$\frac{1}{\tau_0(\mathbf{k})} = \frac{1}{2\tau_0^0} \left(1 + \nu \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}} \right), \quad \frac{1}{\tau_0^0} = 2\pi N_0 \Omega |V_0^0|^2, \quad (30)$$

$$\nu = \frac{1}{\Omega} \int \rho(\varphi_g) d\varphi_g \frac{\Delta}{\varepsilon_g}. \quad (31)$$

Здесь N_0 — двумерная концентрация рассеивающих центров, $\rho(\varphi_g)$ — плотность состояний на уровне Ферми в интервале $d\varphi$, определяемая условием

$$d^2\mathbf{g} = dE\rho(\varphi_g)d\varphi_g, \quad \Omega = \int \rho(\varphi_g)d\varphi_g.$$

$$\frac{1}{\tau_-(\mathbf{k})} = \frac{1}{2} \frac{\theta_5^2}{\tau_0^0} \int \rho(\varphi_g)d\varphi_g \left(1 - \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{k}}\varepsilon_{\mathbf{g}}}\right) f^2(k_y, g_y), \quad (32)$$

$$\frac{1}{\tau_v(\mathbf{k})} = \frac{1}{2} \frac{1}{\tau_{PM}^0} \left(1 - \nu \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right), \quad \frac{1}{\tau_{PM}^0} = 2\pi N_0 \Omega |V_{PM}^0|^2. \quad (33)$$

Мы также предполагаем, что отношение $\frac{\tau_0(\mathbf{k})}{\tau_\varphi(\mathbf{k})}$ не зависит от \mathbf{k} и

$$\frac{1}{\tau_\varphi(\mathbf{k})} = \frac{1}{2} \frac{1}{\tau_\varphi^0} \left(1 + \nu \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right).$$

Соответственно в этом случае

$$\Gamma(\mathbf{k}, \mathbf{g})\Gamma(-\mathbf{k}, -\mathbf{g}) = \frac{1}{2} |V_0^0|^2 N \left\{ \left(1 + \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}} + \frac{\beta^2 k_z g_z}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right) - \left(1 - \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}} + \frac{\beta^2 k_z g_z}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right) \left(\theta_5^2 \sigma_z \rho_z' f^2(k_y, g_y) + \frac{|V_{PM}^0|^2}{|V_0^0|^2} (\sigma_+ \rho_- + \sigma_- \rho_+)\right) \right\}. \quad (34)$$

Выполняя, как и выше в (13), интегрирование по энергии и разложение по малым параметрам, получим следующее уравнение для куперона $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}(\mathbf{q})$:

$$\begin{aligned} C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}(\mathbf{q}) = & \frac{1}{2} |V_0^0|^2 N_0 \left(1 + \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{k}}\varepsilon_{\mathbf{k}'}} + \frac{\beta^2 k_z k'_z}{\varepsilon_{\mathbf{k}}\varepsilon_{\mathbf{k}'}}\right) + \\ & + \frac{1}{\Omega} \int \rho(\varphi_g)d\varphi_g \frac{1}{1 + \nu \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{g}}}} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}} + \frac{\beta^2 k_z g_z}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right) \left(1 - \frac{\tau_0}{\tau_\varphi} - \frac{\tau_0}{\tau_v} - \frac{\tau_0}{\tau_-} - \right. \right. \\ & - i(v_z q_z)\tau_0 - i(\sigma_x + \rho_x)\Omega_x \tau_0 - (\mathbf{v}\mathbf{q})^2 \tau_0^2 - (\sigma_x + \rho_x)^2 \Omega_x^2 \tau_0^2 - \\ & - 2(\sigma_x + \rho_x)\Omega_x v_z q_z \tau_0^2) - \theta_5^2 \sigma_z \rho_z \left(1 - \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right) f^2(k_y, g_y) - \\ & \left. - \frac{|V_{PM}^0|^2}{|V_0^0|^2} (\sigma_+ \rho_- + \sigma_- \rho_+) \left(1 - \frac{\Delta^2}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}\right) \right\} C_{\mathbf{g}\mathbf{k}'}(\mathbf{q}). \quad (35) \end{aligned}$$

Здесь и далее $\mathbf{v} = \mathbf{v}(\mathbf{g}) = \nabla_{\mathbf{g}} E_0(\mathbf{g})$ и $\Omega_x = \Omega_x(\mathbf{g})$. В (35) мы сразу опустили в последних двух членах слагаемые $\frac{\beta^2 k_z g_z}{\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}$, обращающиеся в нуль при интегрировании. В отличие от рассмотренного ранее случая $n \parallel z$ теперь время ухода зависит от \mathbf{k} . Соответствующее однородное уравнение

$$\frac{1}{\Omega} \int \rho(\varphi_g)d\varphi_g \frac{1 + (\Delta^2 + \beta^2 k_z g_z)/\varepsilon_{\mathbf{g}}\varepsilon_{\mathbf{k}}}{1 + \nu \Delta/\varepsilon_{\mathbf{g}}} C_{\mathbf{g}\mathbf{k}'} = \lambda C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}, \quad (36)$$

имеет следующие мультипликативные собственные функции:

$$C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{ij} = \varphi_i(\mathbf{k})\varphi_j(\mathbf{k}'), \quad (37)$$

где

$$\varphi_1(\mathbf{k}) = \frac{1}{2} \left(1 + \nu \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}} \right), \quad \varphi_2(\mathbf{k}) = \frac{1}{2} \left(\nu - \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}} \right), \quad \varphi_3(\mathbf{k}) = \frac{\beta k_z}{\varepsilon_{\mathbf{k}}}. \quad (38)$$

Этим функциям соответствуют собственные значения λ_{ij} , не зависящие от второго индекса

$$\lambda_{ij} = \lambda_1 = 1, \quad \lambda_{2j} = \lambda_2 = \nu J_1^1 - J_1^2, \quad \lambda_{3j} = \lambda_3 = J_1^0 - J_1^2, \quad (39)$$

где

$$J_m^n = \frac{1}{\Omega} \int \rho(\varphi_{\mathbf{k}}) d\varphi_{\mathbf{k}} \frac{\left(\frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}} \right)^n}{\left(1 + \nu \frac{\Delta}{\varepsilon_{\mathbf{k}}} \right)^m}, \quad J_0^0 = 1, \quad J_0^1 = \nu.$$

Решение уравнения (35) можно искать в виде суммы

$$C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'} = \sum_{ij} A_{ij} C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{ij}, \quad (40)$$

где $A_{ij}(\mathbf{q})$ есть матрица 4×4 по «спиновым» индексам.

Поскольку неоднородный член в (35) содержит только диагональные компоненты $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{ii}$, из которых собственному значению $\lambda_1 = 1$ соответствует компонента $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{11}$, то лишь коэффициент A_{11} является большим. Из-за наличия в (35) членов, линейных по q_z и v_z , необходимо, как обычно, учесть также вклад $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{31}$, выразив вначале A_{31} через A_{11} . Согласно (35),

$$A_{31}(J_1^0 - J_1^2 - 1) = i \frac{1}{\Omega} \int \rho(\varphi_{\mathbf{g}}) d\varphi_{\mathbf{g}} \frac{\beta g_z}{\varepsilon_{\mathbf{k}}} [v_z q_z + (\sigma_x + \rho_x) \Omega_x] \tau_0(g) A_{11}. \quad (41)$$

Поскольку все компоненты $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{ij}$, кроме $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{11}$, при усреднении по всем направлениям $\varphi_{\mathbf{k}}, \varphi_{\mathbf{k}'}$ обращаются в нуль, то далее достаточно подставить (40) в (35), оставив лишь компоненты $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{11}$ и $C_{\mathbf{k}\mathbf{k}'}^{31}$, использовать (41) и проинтегрировать правую и левую части полученного уравнения по $d\varphi_{\mathbf{k}}$ и $d\varphi_{\mathbf{k}'}$. В результате для функции $A_{11}(\mathbf{q})$, которую далее обозначаем как A , получим уравнение

$$\hat{H}A = |V_0^0|^2 N_0 \frac{1}{\tau_0^0}, \quad (42)$$

$$\hat{H} = \left\{ \frac{1}{\tau_{\varphi}} + D_{zz} q_z^2 + D_{yy} q_y^2 + \Omega_i^2 \tau_0^0 (\sigma_x + \rho_x)^2 + \gamma_i \tau_0^0 (\sigma_x + \rho_x) q_z + \right. \\ \left. + \frac{1}{\tau_v} [1 + (\sigma_+ \rho_- + \sigma_- \rho_+)] + \frac{1}{\tau_-} (1 + \sigma_z \rho_z) \right\}, \quad (43)$$

где

$$\frac{1}{\tau_\varphi} = \frac{1}{\tau_\varphi^0} \frac{(1 + \nu^2)}{2},$$

$$D_{zz} = 2\beta^2 \tau_0^0 \left\{ \varkappa^2 (J_1^{-2} - J_1^0) - 1 + \frac{[\varkappa(J_1^{-1} - J_1^1) - 1]^2}{1 - J_1^0 + J_1^2} \right\},$$

$$D_{yy} = 8B_v \tau_0^0 \Delta \left(\left(\frac{E_F}{\Delta} - 1 \right) J_1^0 - \frac{\varkappa}{2} (J_1^{-2} - J_1^0) + J_1^{-1} \right),$$

$$\Omega_t^2 = 2t^2 \frac{J_1^0 - J_1^2}{1 - J_1^0 + J_1^2},$$

$$\gamma_t = 4t\beta \frac{\varkappa(J_1^{-1} - J_1^1) - (J_1^0 - J_1^2)}{1 - J_1^0 + J_1^2},$$

$$\frac{1}{\tau_v} = \frac{1}{2\tau_{PM}^0} (1 - \nu^2),$$

$$\frac{1}{\tau_-} = \frac{\theta_5^2}{2\tau_0^0} (J_{00}^0 - J_{10}^1),$$

$$\bar{J}_{n0}^n = \frac{1}{\Omega^2} \int \rho(\varphi_k) d\varphi_k \rho(\varphi_g) d\varphi_g \left(\frac{\Delta}{\varphi_k} \right)^n \left(\frac{\Delta}{\varphi_g} \right)^n f^2(k_y, g_y),$$

$$\varkappa = 2\Delta A_v / \beta^2. \quad (44)$$

Уравнение (43) по форме совпадает с (16), и его решение может быть записано в форме (17). В базисе собственных функций Y_l^m для $l = m = 0$ аналогично случаю $n \parallel z$

$$\hat{H}_0 = \left(\frac{1}{\tau_\varphi} + \bar{D} q'^2 \right). \quad (45)$$

Здесь мы ввели $\bar{D} = (D_{zz} D_{yy})^{1/2}$ и

$$q'_z = q_z \left(\frac{D_{zz}}{D_{yy}} \right)^{1/2}, \quad q'_y = q_y \left(\frac{D_{yy}}{D_{zz}} \right)^{1/2}.$$

При $l = 1, m = -1, 0, 1$

$$\hat{H}_1 = \left(\frac{1}{\tau_\varphi} + \bar{D} q'^2 + 4\Omega_t^2 \tau_0^0 J_x^2 + 2\gamma'_t \tau_0^0 J_x q'_z + \frac{1}{\tau_v} (2 - J_z^2) + \frac{1}{\tau_\gamma} J_z^2 \right), \quad (46)$$

где

$$\gamma'_t = \gamma_t \left(\frac{D_{yy}}{D_{zz}} \right)^{1/2}, \quad \frac{1}{\tau_\gamma} = \frac{2}{\tau_-}.$$

Это уравнение отличается от (20) наличием добавочных слагаемых, содержащих $tJ_x q'_z$ и $t^2 J_x^2$.

При расчете вклада в проводимость $\Delta\sigma_{ii}$ наряду с обычным графиком, соответствующим «уходному» члену кинетического уравнения, необходимо учесть и приход [10,11]. В результате получим следующее выражение:

$$\Delta\sigma_{ii} = -\frac{2e^2}{\hbar} D_{ii} \Omega \tau_0^{02} \sum_{\alpha\beta} \int A_{\alpha\beta\beta\alpha}(\mathbf{q}') d^2\mathbf{q}'. \quad (47)$$

При этом учтено, что, согласно (37),

$$C_{k,-k\alpha\beta\beta\alpha}^0(\mathbf{q}) = \frac{1}{4} A_{\alpha\beta\beta\alpha}(\mathbf{q}) \left(1 + \nu \frac{\Delta}{\epsilon_{\mathbf{k}}}\right)^2.$$

Входящие в (47) величины D_{ii} совпадают с приведенными в (44).

В магнитном поле B вместо $q'_+ = q'_z + iq'_y$ и $q'_- = q'_z - iq'_y$ можно, как и выше, ввести операторы $D^{1/2}q'_+ = \delta^{1/2}a$, $\bar{D}^{1/2}q'_- = \delta^{1/2}a^+$, где $\delta = \frac{4eB}{\hbar c} \bar{D}$ с матричными элементами $\langle n-1|a|n\rangle = \langle n|a^+|n-1\rangle = \sqrt{n}$. Собственные значения E_{mn}^1 соответствующей системы уравнений при $t \neq 0$ в магнитном поле можно определить лишь численно, аналогично тому, как это сделано в [12,13]. Аналогично (21)

$$\Delta\sigma_{ii} = -\frac{e^2\delta}{4\pi^2\hbar} \left(\frac{D_{ii}}{\bar{D}}\right) \sum_{n=0}^{n_{\max}} \left(-\frac{1}{E_n^0} + \sum_m \frac{1}{E_{mn}^1}\right). \quad (48)$$

При $t = 0$ из (48) следует окончательное выражение для $\Delta\sigma(B)$, подобное (22),

$$\begin{aligned} \Delta\sigma_{ii} = & -\frac{e^2}{4\pi^2\hbar} \frac{D_{ii}}{\bar{D}} \left\{ -\Psi\left(\frac{1}{2} + \frac{H_\varphi}{B}\right) + \Psi\left(\frac{1}{2} + \frac{H_\varphi}{B} + 2\frac{H_v}{B}\right) + \right. \\ & \left. + 2\Psi\left(\frac{1}{2} + \frac{H_\varphi}{B} + \frac{H_v}{B} + \frac{H_\gamma}{B}\right) - 2\ln\left(\frac{H_{tr}}{B}\right) - 2C \right\}, \quad (49) \end{aligned}$$

где

$$H_i = \frac{\hbar c}{4e\bar{D}\tau_i}, \quad H_{tr} = \frac{\hbar c}{4e\bar{D}\tau_0^0}.$$

Если же, наоборот, сохранить в (46) лишь слагаемые, обусловленные смешиванием состояний ($\Delta 00$) и ($\Delta 00$), т.е. содержащие Ω_x , положив τ_v^{-1} и τ_γ^{-1} равными нулю, то гамильтониан \hat{H}_1 в базисе собственных функций Y_m^1 оператора J_x диагонализуется и принимает вид

$$(\hat{H}_1)_{mm} = \frac{1}{\tau_\varphi} + \bar{D} \left(q_y'^2 + (q_z' + q_0 m)^2 \right) + m^2 \tau_0^0 (4\Omega_z^2 - \gamma_z' q_0), \quad (50)$$

где $q_0 = \gamma_z' \tau_0^0 / \bar{D}$. Поскольку условия коммутации операторов q'_\pm в магнитном поле не меняются при смещении q'_z на постоянную величину $q_0 m$, то не меняются и собственные значения, равные, согласно (48),

$$E_{mn}^1 = \frac{1}{\tau_\varphi} + \delta(n+1/2) + m^2 \frac{1}{\tau_\Omega}, \quad (51)$$

где

$$\frac{1}{\tau_{\Omega}} = \tau_0^0 (4\Omega_i^2 - \gamma_i' q_0).$$

Соответственно зависимость $\sigma(B)$ в этом случае определяется формулой

$$\Delta\sigma_{ii} = -\frac{e^2}{2\pi^2\hbar} \frac{D_{ii}}{D} \left\{ \Psi \left(\frac{1}{2} + \frac{H_{\varphi}}{B} + \frac{H_{\Omega}}{B} \right) - \ln \left(\frac{H_{tr}}{B} \right) - C \right\}, \quad (52)$$

где

$$H_{\Omega} = \frac{\hbar c}{4r\bar{D}\tau_{\Omega}}.$$

Видно, что в этом случае участок с положительным магнетосопротивлением при малых B отсутствует.

Заметим, что в [12] при наличии только аналогичных слагаемых спиновая релаксация вообще отсутствовала, так как они вызывали поворот спина, пропорциональный смещению носителя вдоль определенного направления, и на любом замкнутом пути этот поворот равнялся нулю. В данном случае нет прямой пропорциональности между скоростью v_z и величиной $\frac{\beta k_z}{\epsilon_{\mathbf{k}}}$ в Ω_x , и поэтому угол поворота спина зависит от пути и соответственно τ_{Ω}^{-1} не обращается в нуль.

Концентрационные зависимости времен релаксации τ_v и τ_{γ} , а также коэффициентов диффузии D_{ii} оказываются различными для поверхностей (0001) и ($\bar{1}2\bar{1}0$). В первом случае, когда ось C_3 перпендикулярна поверхности, согласно (15), (20), имеем $\tau_v^{-1} \sim p^2$, $\tau_{\gamma}^{-1} \sim p^3$ и $D \sim p$.

Результаты вычислений τ_v^{-1} и τ_{γ}^{-1} для геометрии ($\bar{1}2\bar{1}0$) представлены на рис. 2, где показаны зависимости τ_{PM}^0/τ_v и $\tau_0^0/\theta_5^2\tau_{\gamma}$ от концентрации дырок в нижней зоне размерного квантования. Подчеркнем, что вопреки утверждениям работы [3] только время τ_v определяется междолинными переходами, тогда как время τ_{-} обусловлено различием матричных элементов внутридолинных переходов в долинах M и P . Видно, что τ_v^{-1} слабо зависит от концентрации, в то время как τ_{γ}^{-1} растет с p . Для вычисления времени τ_{γ} требуется знать среднее значение импульса $\langle k_x^2 \rangle$ на первом уровне размерного квантования. Поскольку в направлении оси x спектр носителей в теллуре параболический, мы использовали для $\langle k_x^2 \rangle$ стандартную формулу [9]

$$\langle k_x^2 \rangle = \frac{1}{4} \left(\frac{33}{4} \frac{\pi e^2 p}{\epsilon_{\perp} B_v} \right)^{1/3}. \quad (53)$$

Здесь ϵ_{\perp} — диэлектрическая проницаемость теллура. На рис. 3 представлены концентрационные зависимости подвижностей μ_{yy} и μ_{zz} вычисленные по формулам (44) с использованием соотношений Эйнштейна для вырожденного дырочного газа $\mu_{ii} = D_{ii} e \frac{\partial p}{p \partial E_F}$. Особенностью этих кривых является различное поведение подвижностей μ_{yy} и μ_{zz} с ростом концентрации. Подчеркнем, что в отличие от обычного выражения для $\Delta\sigma_{ii}$ в случае $C_3 \perp n$ поправка к проводимости содержит

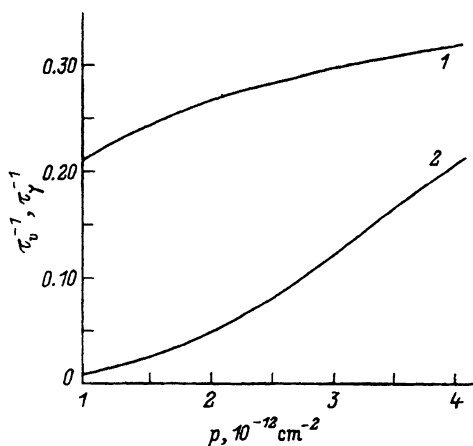


Рис. 2. Зависимость времен τ_v и τ_γ от концентрации дырок на первом уровне размерного квантования p .

1 — τ_{PM}^0/τ_v , 2 — $\tau_0^0/\theta_5^2\tau_\gamma$.

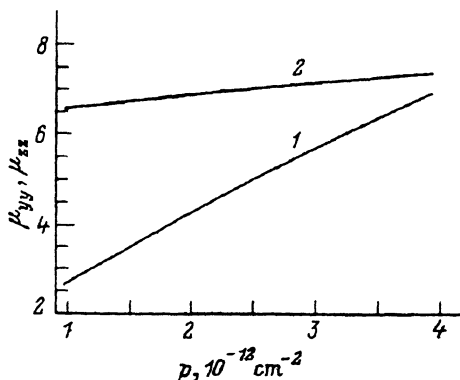


Рис. 3. Концентрационные зависимости подвижностей дырок.

1 — $\mu_{zz}m_0/e\tau_0^0$, 2 — $\mu_{yy}m_0/e\tau_0^0$.

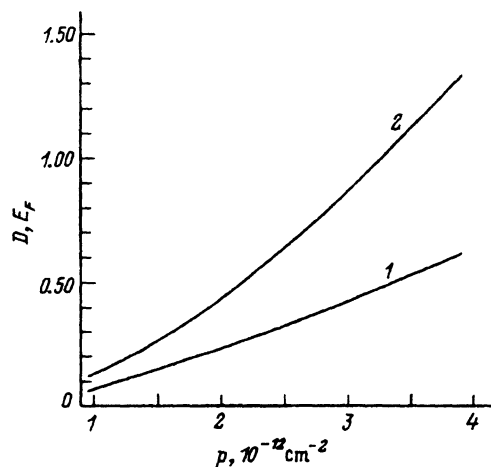


Рис. 4. Зависимость положения уровня Ферми и величины $\bar{D} = \sqrt{D_{yy}D_{zz}}$ от концентрации дырок p .

1 — E_F/Δ , 2 — $D\kappa^2/\beta\sqrt{\Delta\beta_v\tau_0^0}$.

дополнительный множитель $\frac{D_{ii}}{D}$, зависящий от концентрации (48), (49), а именно

$$\Delta\sigma_{yy} \sim \frac{D_{yy}}{D} = \sqrt{\frac{\mu_{yy}}{\mu_{zz}}}, \quad \text{а} \quad \Delta\sigma_{zz} \sim \frac{D_{zz}}{D} = \sqrt{\frac{\mu_{zz}}{\mu_{yy}}}.$$

Зависимость этих величин от концентрации может быть получена из рис. 3. Отметим, что значение коэффициентов диффузии, подвижностей и химического потенциала для поверхностей $(1\bar{2}\bar{1}0)$ и $(10\bar{1}0)$ совпадают. Используя концентрационные зависимости μ_{yy} и μ_{zz} , можно определить время τ_0^0 и затем из рис. 2 оценить времена τ_v^{-1} и τ_γ^{-1} . Для сравнения на рис. 4 приведено изменение с p среднего коэффициента диффузии \bar{D} и энергии Ферми E_F . В расчетах принималось $A_v = 0.363 \cdot 10^{-14} \text{ eV}\cdot\text{cm}^2$, $B_v = 0.326 \cdot 10^{-14} \text{ eV}\cdot\text{cm}^2$, $\Delta = 61.15 \text{ meV}$, $\beta = 2.45 \cdot 10^{-8} \text{ eV}\cdot\text{cm}$, $\kappa = 0.76$, $\epsilon_\perp = 23.5$.

В заключение авторы благодарят И.И.Фарбштейна, А.О.Смирнова и В.А.Березовца за полезные дискуссии и Н.И.Саблину за численные расчеты.

Один из авторов (Г.Е.П.) благодарит за поддержку Фонд Дж.Сороса (грант NUB 300). Работа частично выполнена в рамках Российской программы «Физика твердотельных наноструктур» Проект 1-001.

Список литературы

- [1] Березовец В.А., Фарбштейн И.И., Шеланков А.Л. Письма в ЖЭТФ **39**, 64 (1984).
- [2] Shelankov A.L. Solid State Commun. **33**, 465 (1985).
- [3] Березовец В.А., Лянда-Геллер Ю.Б., Смирнов А.С., Фарбштейн И.И. Письма в ЖЭТФ **58**, 822 (1993).
- [4] Бреслер М.С. и др. ЖЭТФ **57**, 1479 (1969).
- [5] Аверкиев Н.С. и др. ФТП **18**, 4, 639 (1984).
- [6] Бир Г.Л., Пикус Г.Е. Симметрия и деформационные эффекты в полупроводниках. М. (1972).
- [7] Иорданский С.В., Лянда-Геллер Ю.Б., Пикус Г.Е. Письма в ЖЭТФ **60**, 1999 (1994).
- [8] Hikami S., Larkin A.I., Nagaoka X. Progr. Theor. Phys. **63**, 707 (1980).
- [9] Андо Т., Фаулер А., Стерн Ф. Электронные свойства двумерных систем. М. (1985). 415 с.
- [10] Wolfe P., Baht R.N. Phys. Rev. **B30**, 3542 (1984).
- [11] Rainer D., Bergmann G. Phys. Rev. **B32**, 3522 (1985).
- [12] Pikus F.G., Pikus G.E. Phys. Rev. **B51**, 16928 (1995).
- [13] Knap W., Skierbiszewski S., Zduniak A., Litwin-Staszewska E., Berto D., Kobi F., Robert J.L., Pikus G.E., Pikus F.G., Lyanda-Geller Y.B., Iordanskii S.V., Mosser V., Zekentes K. Phys. Rev. **B**. **53**, 3912 (1996).