

# ОКОЛОПОРОГОВАЯ СТРУКТУРА РЕНТГЕНОВСКИХ LiK-СПЕКТРОВ ПОГЛОЩЕНИЯ — НОВЫЙ ИСТОЧНИК ИНФОРМАЦИИ О МАЛЫХ СМЕЩЕНИЯХ ИОНОВ Li ИЗ ЦЕНТРОСИММЕТРИЧНЫХ ПОЗИЦИЙ В РЕШЕТКЕ

© P.B. Ведринский, A.A. Новакович, B.L. Крайzman, A.M. Макоев

Научно-исследовательский институт физики  
при Ростовском-на-Дону государственном университете,  
344090 Ростов-на-Дону, Россия  
(Поступила в Редакцию 28 февраля 1996 г.)

Методом рассеянных волн с использованием формализма функций Грина рассчитана околопороговая тонкая структура LiK-рентгеновских спектров поглощения (РСП) в дипольном стекле  $\text{KTaO}_3:\text{Li}$  для различных величин и направлений смещений иона Li, замещающего ион K, из центросимметричной позиции в кубическом кристалле  $\text{KTaO}_3$ . Показано, что главный край LiK-РСП образован интенсивной белой линией, обусловленной переходом  $1s$ -электрона Li в резонансное состояние, индуцированное  $2p$ -состоянием иона Li. Смещение иона Li из центросимметричной позиции приводит к возникновению дополнительного длинноволнового пика в LiK-РСП, обусловленного влиянием на  $K$ -спектр Li  $2s$ -индуцированного резонанса, что возможно благодаря эффекту  $s-p$ -смешивания, вызванному нецентросимметричностью окружения иона Li. Показано, что интенсивность возникающего дополнительного пика слабо зависит от направления смещения иона Li и определяется в основном величиной смещения. Полученный результат открывает возможности для определения по LiK-РСП величины смещений ионов Li из центросимметричных позиций в кристаллах.

Исследование атомного строения литийсодержащих соединений представляет значительный интерес ввиду нетривиальность свойств и практической ценности многих из них ( $\text{LiNbO}_3$ ,  $\text{KTaO}_3:\text{Li}$  и др.). К сожалению, проведение таких исследований методами рентгеноструктурного анализа наталкивается на серьезные трудности, обусловленные слабой рассеивающей способностью легких атомов. Методы EXAFS-спектроскопии также оказываются малоэффективными вследствие близости  $K$ -края лития и краев поглощения субвалентных оболочек других атомов в соединениях, что сильно затрудняет выделение вклада от атомов лития из полного спектра. Далее демонстрируется возможность использования околопороговой тонкой структуры LiK-края поглощения для получения информации об атомном строении литийсодержащих диэлектрических кристаллов. Рассмотрение проводится на примере кубического кристалла со структурой перовскита  $\text{KTaO}_3$ , дopedированного литием. Ионы лития, замещающие ионы калия, окружены двенадцатью ионами кислорода, расположенными в серединах ребер кубов, в центре которых находятся замещенные узлы. Поскольку радиус иона Li много меньше размеров кислородного

полиэдра, в который этот ион помещен, а взаимодействие между ионами лития и кислорода носит преимущественно электростатический характер, следует ожидать, что ионы лития существенно смещаются из замещенных ими узлов кубической решетки кристалла КTaO<sub>3</sub>, что ведет к возникновению значительных локальных электрических дипольных моментов на этих узлах. О существовании таких моментов свидетельствуют особые диэлектрические свойства системы КTaO<sub>3</sub>:Li при низких температурах [1], однако количественное определение величин смещения ионов лития является трудной задачей. Мы покажем, что такие смещения вызывают специфическую перестройку тонкой структуры K-края поглощения лития, по которой можно судить об искомых величинах смещения. Далее теоретически исследуется перестройка спектров при смещении ионов лития из центра кислородного полиэдра вдоль осей четвертого и третьего порядков.

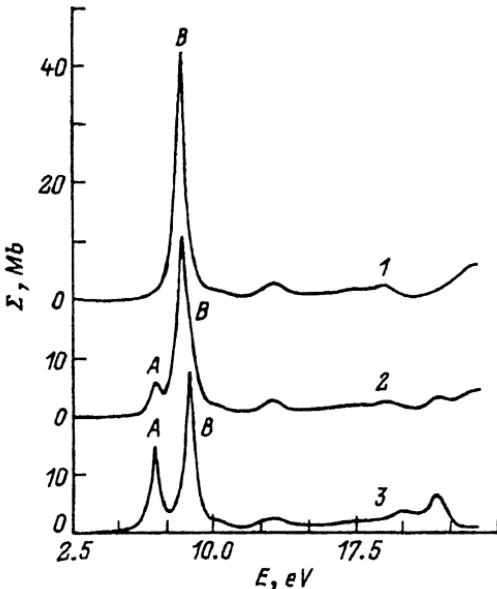
Рассмотрим вначале вопрос о перестройке структуры K-края поглощения качественно, считая для определенности, что ион лития смещается вдоль оси четвертого порядка. На финальной стадии процесса K-фотоионизации иона Li на свободные электронные состояния в зоне проводимости действует поле 1s-вакансии Li, ослабленное за счет поляризации окружающих ионов. Выполненные ранее теоретические и экспериментальные исследования [2] показывают, что в диэлектрических кристаллах на ионах лития вблизи дна зоны проводимости при учете влияния поля 1s-вакансии возникают хорошо выраженные максимумы локальных парциальных плотностей электронных состояний (ЛППС) s- и p-симметрий, которым соответствуют резонансные (или связанные) одноэлектронные состояния. Будучи подобными Li 2s-(2p)-атомным функциям в окрестности возбужденного иона Li, волновые функции таких состояний в то же время существенно простираются за пределы этого иона и носят многоцентровый характер. Если ион лития расположен в центре кислородного полиэдра (т. е. смещение отсутствует), волновые функции рассматриваемых состояний имеют в окрестности иона Li в силу симметрийных соображений угловые зависимости s-, p<sub>x</sub>-, p<sub>y</sub>-, p<sub>z</sub>-типа. Введем аналогичные обозначения и для соответствующих многоцентровых состояний: |s>, |p<sub>x</sub>>, |p<sub>y</sub>>, |p<sub>z</sub>>. Понятно, что состоянию |s> отвечает несколько меньшая энергия, чем трехкратно вырожденному состоянию |p>. Если направить ось Z по направлению смещения иона Li из центра кислородного полиэдра вдоль оси четвертого порядка, состояния |p<sub>x</sub>> и |p<sub>y</sub>> сохранят равные энергии и после смещения, и к их волновым функциям не может в силу симметрии окружения примешаться волновая функция состояния |s>. Напротив, волновые функции состояний |s> и |p<sub>z</sub>> под влиянием несимметричного окружения смешиваются друг с другом. Из сказанного выше ясен характер перестройки структуры K-края поглощения лития при его смещении из центра кислородного полиэдра. В случае когда ион лития находится в центре полиэдра, электрон может переходить с 1s-уровня Li на состояния |p<sub>x</sub>>, |p<sub>y</sub>> или |p<sub>z</sub>> в зависимости от направления вектора поляризации рентгеновского излучения E. Такие переходы ведут к возникновению яркого пика в спектре поглощения, интенсивность и положение которого не зависят от направления вектора поляризации. Пики такого типа возникают, как известно, в LiK-спектрах поглощения кристаллов LiF и LiCl [2]. Если ион лития смещается из

центра кислородного полиэдра вдоль оси четвертого порядка, а вектор  $\mathbf{E}$  перпендикулярен направлению смещения, то в спектре возникает один пик, обусловленный переходами электрона с  $1s$ -уровня Li на состояния  $|p_x\rangle$ ,  $|p_y\rangle$ , имеющие одну и ту же энергию. Напротив, если вектор  $\mathbf{E}$  ориентирован вдоль направления смещения, в спектре должны наблюдаться два пика, обусловленные переходами электрона с  $1s$ -уровня на состояния, возникающие в результате смешивания  $|s\rangle$ - и  $|p_z\rangle$ -состояний, вызванного асимметрией ближнего окружения иона Li. При сравнительно малых смещениях иона лития состояние с меньшей энергией является преимущественно состоянием  $|s\rangle$  с незначительной примесью состояния  $|p_z\rangle$ . С ростом смещения эта примесь увеличивается, что ведет к повышению интенсивности длинноволнового пика в спектре. Напротив, состояние с большей энергией является преимущественно состоянием типа  $|p_z\rangle$  с малой примесью состояния  $|s\rangle$ . С ростом смещения эта примесь увеличивается, что ведет к понижению интенсивности коротковолнового пика.

Нетрудно понять, что в случае смещения иона Li из центра кислородного полиэдра вдоль оси третьего порядка возникает картина, полностью подобная рассмотренной выше. Описанная зависимость структуры LiK-края поглощения от смещения иона Li из центра кислородного полиэдра может быть использована для оценки величины смещения. Такая оценка, однако, невозможна без систематических численных исследований спектров. Эти исследования, с одной стороны, должны подтвердить описанную выше качественную картину LiK-спектра поглощения, а с другой — они должны позволить получить количественные связи между характеристиками спектра и положением иона лития в кислородном полиэдре.

Для проведения расчетов мы использовали хорошо зарекомендовавший себя в теории рентгеновских спектров поглощения метод рассеянных волн (РВ), реализованный в формализме функций Грина [<sup>2-4</sup>]. Метод РВ требует использования muffin-tin- (МТ-) модели кристаллического потенциала, который строился следующим образом. Внутри атомных сфер потенциал вычислялся в  $X\alpha$ -приближении с использованием уменьшенного значения обменного параметра ( $\alpha = 0.5$ ) [<sup>5</sup>] по самосогласованной атомной плотности, найденной традиционным методом Германа–Скиллмана [<sup>6</sup>]. Влияние эффектов перестройки электронной плотности в кристалле учтено путем введения постоянных потенциальных подставок внутри атомных сфер и выбором величины постоянного потенциала в межатомной области (МТ-нуля). Потенциал за пределами кластера считался равным МТ-нулю, что означает пренебрежение отражением электронных волн от области кристалла, лежащей за пределами кластера. Выполненные расчеты показали, что исследуемая тонкая структура LiK-края поглощения формируется уже в кластерах сравнительно небольшого размера и слабо изменяется с дальнейшим увеличением размера кластера. Приведенные далее результаты получены для 235-атомного кубического кластера, включающего 27 элементарных ячеек кристалла КTaO<sub>3</sub>, окружающих ион Li, который замещает ион K на центральном узле кластера. При описании процессов рассеяния электронных волн на атомных сферах учитывались орбитальные моменты вплоть до 1 на ионах O и Li и до 2 на ионах K и Ta.

Рентгеновские LiK-спектры поглощения в околовороговой области, полученные в рамках описанного метода, представлены на рисунке, где



Расчетные сечения  $\Sigma$  в системе  $\text{KTaO}_3:\text{Li}$ , полученные методом рассеянных волн для различных положений примесного иона  $\text{Li}$ .

1 — ион  $\text{Li}$ , замещающий ион  $\text{K}$ , расположен в центросимметричной позиции, 2 — ионы  $\text{Li}$  смещаются из центросимметричной позиции на  $0.04 \text{ нм}$  с равной вероятностью по шести возможным направлениям вдоль осей четвертого порядка, 3 — ион  $\text{Li}$  смещен из центросимметричной позиции на  $0.04 \text{ нм}$  вдоль оси четвертого порядка, вектор поляризации рентгеновского излучения  $\mathbf{E}$  ориентирован по направлению смещения. По оси абсцисс отложена энергия фотона, отсчитываемая от МТ-нуля кристаллического потенциала, кривые 1—3 смещены друг относительно друга по оси ординат.

кривая 1 отвечает нулевому смещению иона  $\text{Li}$ , когда он помещен в центр симметрии кластера. Кривая 3 отвечает случаю смещения иона  $\text{Li}$  из этого центра на  $0.04 \text{ нм}$  вдоль оси четвертого порядка при ориентации вектора поляризации рентгеновского излучения  $\mathbf{E}$  по направлению смещения. Мы не приводим спектр, возникающий при ориентации вектора  $\mathbf{E}$  перпендикулярно смещению иона  $\text{Li}$ , так как он почти полностью повторяет спектр, показанный на кривой 1. Кривая 2 отвечает  $\text{LiK}$ -спектру поглощения, усредненному по всевозможным направлениям смещения иона  $\text{Li}$  вдоль осей четвертого порядка. Спектры, возникающие при аналогичном смещении иона  $\text{Li}$  вдоль оси третьего порядка, мы также не приводим ввиду их почти полной идентичности (при равной величине смещения) спектрам, показанным на кривых 2 и 3.

Полученные результаты полностью подтверждают правильность приведенных выше качественных соображений и позволяют сделать следующие выводы.

1) Коротковолновый пик  $B$ , возникающий при ориентации вектора  $\mathbf{E}$  по направлению смещения иона  $\text{Li}$  (кривая 3), почти точно совпадает по энергии с синглетным пиком в спектре, возникающем при ориентации вектора  $\mathbf{E}$  перпендикулярно смещению иона  $\text{Li}$ . Их незначительный относительный сдвиг по шкале энергии приводит к появлению коротковолнового плеча на пике  $B$  в усредненном спектре, показанном на кривой 2.

2) Пик  $A$  обусловлен эффектом  $s-p$ -смешивания. Он наблюдается при ориентации вектора  $\mathbf{E}$  вдоль направления смещения иона  $\text{Li}$  и отсутствует, когда вектор  $\mathbf{E}$  перпендикулярен этому направлению. Механизм формирования пика  $A$  родствен механизму формирования интенсивных предкраевых пиков в  $K$ -спектрах поглощения  $3d$ -атомов в соединениях с ионно-ковалентным типом химической связи [7,8], где такие пики обусловлены эффектом  $p-d$ -смешивания [7,9].

3) Слабая зависимость спектров от направления смещения иона Li из центросимметричной позиции вдоль осей третьего или четвертого порядков позволяет предположить, что наблюдаемая тонкая структура в действительности в основном определяется величиной смещения иона Li, а не направлением смещения. Этот результат может быть обусловлен большим координационным числом и высокой симметрией первой координационной сферы, окружающей ион Li.

4) Анализ спектров, рассчитанных для различных значений  $\Delta Z$  смещения иона Li, показывает, что отношение интегральных интенсивностей пиков  $A$  и  $B$   $W(\Delta Z)$  растет с увеличением смещения. При малых смещениях ( $\Delta Z < 0.02 \text{ нм}$ ) зависимость  $W(\Delta Z)$  близка к квадратичной, но при дальнейшем возрастании величины  $\Delta Z$  рост отношения интенсивностей замедляется, и в области  $\Delta Z$  порядка  $0.04 \text{ нм}$  зависимость  $W(\Delta Z)$  оказывается близкой к линейной.

Таким образом, по отношению интегральных интенсивностей пиков  $A$  и  $B$  в околовороговой области LiK-спектров поглощения в принципе можно оценить величины смещения иона Li из центра окружающего кислородного полиэдра. При малых концентрациях ионов Li в системе KTaO<sub>3</sub>:Li их смещения на различных замещенных узлах, очевидно, не являются упорядоченными. Как ясно из кривой 2 на рисунке, интенсивность пика  $A$  в усредненном спектре оказывается сравнительно малой, что существенно затрудняет использование LiK-спектров поглощения для оценки искомой величины смещения и, как минимум, требует проведения высокоточной съемки экспериментальных спектров. С другой стороны, наложив на исследуемый образец при низкой температуре достаточно сильное электрическое поле, можно добиться частичного упорядочения смещений ионов Li на различных узлах. Снимая в этом случае зависимость LiK-спектра поглощения от угла между электрическим полем и вектором поляризации  $E$  для различных напряженностей электрического поля (или различных температур) и учитывая Больцмановский характер распределения ионов Li по возможным позициям в кислородном полиэдре, можно получить важную дополнительную информацию об искомых величинах смещения.

Поскольку LiK-край поглощения лежит в области ультрамягкого рентгеновского излучения, экспериментальные спектры поглощения могут быть получены лишь путем измерения квантового выхода электронов. Это резко ограничивает толщину анализируемого слоя и делает проблематичным перенос получаемых результатов на весь объем образца. К счастью, полностью аналогичными спектрами поглощения являются спектры неупругого рассеяния жесткого рентгеновского излучения, при формировании которых роль вектора поляризации рентгеновского излучения играет переданный при рассеянии импульс [10, 11]. При энергиях рентгеновских квантов, превышающих  $3 \text{ keV}$ , сечение процесса неупругого рассеяния рентгеновского излучения, который сопровождается  $K$ -ионизацией легких атомов, пропорционально сечению  $K$ -фотоионизации этих атомов [12]. Используя кванты с энергией порядка  $10 \text{ keV}$ , можно, таким образом, экспериментально получать спектры, аналогичные спектрам поглощения для ионов Li в объеме образца.

Авторы признательны Российскому фонду фундаментальных исследований за поддержку работы, которая была выполнена в рамках проекта № 95-02-05828а РФФИ.

## Список литературы

- [1] Г.А. Смоленский, А.В. Сотников, П.П. Сырников, Н.К. Юшин. Письма в ЖЭТФ **37**, 1, 30 (1983).
- [2] Р.В. Ведринский, И.И. Гегузин. Рентгеновские спектры поглощения твердых тел. М. (1991). 183 с.
- [3] Р.В. Ведринский, А.А. Новакович. ФММ **39**, 1, 7 (1975).
- [4] C.A. Ashley, S. Doniach. Phys. Rev. **B11**, 4, 1279 (1975).
- [5] L.A. Bugaev, I.I. Gegusin, V.N. Datsyuk, A.A. Novakovich, R.V. Vedrinskii. Phys. Stat. Sol. (b) **133**, 1, 192 (1986).
- [6] F. Herman, S. Skillman. Atomic Structure Calculations. N.Y. (1964). 444 с.
- [7] B. Ravel, E.A. Stern, Y. Yacobi, F. Dogan. Jpn. J. Appl. Phys. **32**, Suppl. 32-2, 782 (1993).
- [8] B. Ravel, E.A. Stern. Physica **B208 & 209**, 316 (1995).
- [9] V.L. Kraizman, A.A. Novakovich, R.V. Vedrinskii, V.A. Timoshevskii. Physica **B208 & 209**, 35 (1995).
- [10] В.Б. Берестецкий, Е.М. Лифшиц, Л.П. Питаевский. Квантовая электродинамика. М. (1980). 704 с.
- [11] W. Schulke, U. Bonse, H. Nagasawa, A. Kaprolet, A. Berthold. Phys. Rev. **B38**, 3, 2112 (1988).
- [12] R.V. Vedrinskii, V.L. Kraizman, A.A. Novakovich, G.Yn. Machavariani, V.Sh. Machavariani. J. Phys. Cond. Matter **6**, 6, 11045 (1994).