

**ЭЛЕКТРОННАЯ ПОЛЯРИЗУЕМОСТЬ  
И МАГНИТООПТИКА ТРЕХВАЛЕНТНОГО ИОНА  
САМАРИЯ В МАГНИТНЫХ ДИЭЛЕКТРИКАХ.  
ВЛИЯНИЕ СМЕШИВАНИЯ МУЛЬТИПЛЕТОВ**

© O.A. Дорофеев, A.K. Звездин, A.I. Попов

Московский институт электронной техники,  
103498 Москва, Россия

(Поступила в Редакцию 7 февраля 1996 г.

В окончательной редакции 12 мая 1996 г.)

Проведено теоретическое исследование поляризуемости ионов  $\text{Sm}^{3+}$  и магнитооптических эффектов в самариевых гранатах  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  и  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$ . Установлено, что четные и нечетные магнитооптические явления, обусловленные ионами самария, определяются различными электродипольными переходами. В приближении Джада-Офельта рассчитаны величины и температурные зависимости фарадеевского вращения в  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  и  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$ . Установлено хорошее согласие теоретических результатов с опытными данными. Выявлена роль смешивания мультиплетов в формировании магнитооптических эффектов в исследованных соединениях.

Ион  $\text{Sm}^{3+}$  является одним из наиболее интересных объектов в исследованиях редкоземельного магнетизма. Известно, что многие свойства кристаллов с ионами самария существенно отличаются от свойств аналогичных кристаллов, не содержащих ионов  $\text{Sm}^{3+}$ . Так феррит-гранат самария  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  заметно выделяется в ряду других редкоземельных ферритов-гранатов тем, что обладает наибольшей магнитной анизотропией при аномально малом значении намагниченности самариевой подрешетки  $M_{\text{Sm}}$  [1]. Обращают на себя внимание особенности температурной зависимости  $M_{\text{Sm}}$  и констант анизотропии  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ , а также богатая картина магнитных фазовых переходов в данном соединении [2–4]. Причина подобных аномалий заключается в особенностях электронной структуры ионов самария в кристаллах, значительную роль в формировании которой играет кристаллическое окружение ионов. Следует отметить, что разработанные к настоящему времени модели кристаллического поля, такие как, например, суперпозиционная, не в состоянии адекватно описать поведение электронной структуры ионов  $\text{Sm}^{3+}$  в кристаллах [5]. Поэтому в данном случае большую актуальность приобретает изучение дополнительных явлений, чувствительных к особенностям электронной структуры редкоземельных ионов. Наиболее важными из них являются магнитооптические явления, исследование которых и проводится в настоящей работе.

# 1. Механизмы магнитооптической активности иона самария

Существующие в литературе сведения о магнитооптических свойствах самарийсодержащих гранатов весьма противоречивы. Так, согласно [6], константа Верде самариевого галлата-граната в диапазоне длин волн 0.5–0.7  $\mu\text{m}$  практически совпадает с константой Верде диамагнитного иттриевого галлата-граната. Это означает, что вклад ионов  $\text{Sm}^{3+}$  в эффект Фарадея в этом материале исчезающе мал. С другой стороны, в работе [7] показано, что величина эффекта Фарадея в самариевом феррите-гранате значительно отличается от таковой для иттриевого феррита-граната, что свидетельствует о существенном вкладе в эффект Фарадея  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  ионов  $\text{Sm}^{3+}$ . Так, Кринчик и др. [7] обнаружили значительный температурно-независимый вклад в величину эффекта Фарадея, несомненно связанный с подрешеткой ионов самария и превышающий по величине фарадеевское вращение иттриевого феррита-граната. Природа этого противоречия в данных, относящихся к парамагнитному самариевому гранату и самариевому ферриту-гранату, в настоящее время неясна. Остается неясным также происхождение температурно-независимого вклада в величину фарадеевского вращения  $\alpha_F \text{ Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ . Большой интерес представляют также и обнаруженная в [8] сильная анизотропия эффекта Фарадея самариевого феррита-граната. Все это говорит о том, что для выяснения природы этих эффектов требуется более детальное изучение поляризуемости иона самария и влияния на нее взаимодействий этого иона с другими подрешетками и кристаллическим полем. Важным представляется также и учет  $J-J$ -связи, позволившей объяснить ряд особенностей магнитных свойств  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  [9,10].

## 2. Поляризуемость ионов $\text{Sm}^{3+}$ в видимой и ультрафиолетовой областях спектра

Магнитооптические эффекты в видимой и ультрафиолетовой областях описываются зависящими от магнитного состояния системы поправками  $\delta\varepsilon_{ij}$  к тензору диэлектрической проницаемости. Величины  $\delta\varepsilon_{ij}$  определяются магнитными составляющими поляризуемости ионов вещества. Анализ магнитооптических эффектов, обусловленных ионами  $\text{Sm}^{3+}$ , будем проводить, основываясь на известном выражении Крамерса для тензора поляризуемости  $\alpha_{ij}$  [11]

$$\alpha_{ij} = \sum_{e,g} \rho_g \left\{ \frac{\langle g|d_i e\rangle\langle e|d_j g\rangle}{\hbar\omega + (E_e - E_g)} \frac{\langle g|d_j e\rangle\langle e|d_i g\rangle}{\hbar\omega - (E_e - E_g)} \right\}, \quad (1)$$

где  $d_i = \sum_n (d_n)_i$  — компонента дипольного момента иона,  $(d_n)_i$  — компонента дипольного момента  $n$ -го электрона незаполненной  $4f$ -оболочки иона,  $|g\rangle$  и  $|e\rangle$  — волновые функции соответственно основных (термически заселенных) и возбужденных состояний иона,  $E_g$  и  $E_e$  — соответствующие уровни энергии,  $\rho_g$  — заселенность уровней. В видимой и ультрафиолетовой областях спектра поляризуемость редкоземельных ионов определяется в основном электродипольными  $f-d$ -переходами (за исключением весьма узких спектральных

Значения  $a_n(LL_1)$  для иона самария

$L_1$	6			4			3		2
$L$	6	5	4	6	5	4	5	4	4
$a_1$	$\frac{13}{242}$	$-\frac{13}{550}$	$-\frac{91}{3025}$	$\frac{13}{462}$	$-\frac{169}{23100}$	$-\frac{9126}{148225}$	$-\frac{1}{700}$	$-\frac{6}{175}$	$-\frac{2}{49}$
$a_2$	$-\frac{1}{242}$	$\frac{13}{550}$	$-\frac{91}{27225}$	$-\frac{1}{462}$	$\frac{169}{23100}$	$-\frac{169}{148225}$	$\frac{1}{700}$	$-\frac{2}{525}$	$-\frac{2}{441}$

интервалов вблизи  $f-f$ -переходов). Эти переходы в свободных редкоземельных ионах  $R^{3+}$  имеют энергии порядка  $10^5 \text{ cm}^{-1}$ . Рассмотрим вклад в тензор  $\alpha_{ij}$  иона самария, обусловленный переходами из состояния основного  $|S_0 = 5/2, L_0 = 5\rangle$ -терма основной конфигурации в возбужденные  $[(L_1 S_1) LS]\rangle$ -термы  $4f^4 5d$ -конфигурации. В символе  $[(L_1 S_1) LS]\rangle$   $L$  и  $S$  — квантовые числа терма  $4f^4 5d$ -конфигурации ( $S = S_0 = 5/2, L = L_0, L_0 \pm 1$ ),  $L_1 S_1$  — квантовые числа терма исходного иона  $4f^4$ -конфигурации (в нашем случае  $S_1 = 2, L_1 = 2, 3, 4, 6$ ). Пренебрежем расщеплением уровней основного и возбужденных термов в кристаллическом и обменных полях. В этом приближении, проводя расчеты, аналогичные выполненным в [12, 13], можно показать, что антисимметричные  $\alpha_{ij}^a$  и симметричные  $\alpha_{ij}^s$  компоненты тензора поляризуемости имеют вид

$$\begin{aligned}\alpha_{ij}^a &= (1/2)t_1 i e_{ijk} \langle I_k \rangle, \\ \alpha_{ij}^s &= t_2 \langle Q_{ij}(L) \rangle,\end{aligned}\quad (2)$$

где

$$t_q = \frac{(er_{fd})^2}{\hbar} \sum_{(LL_1)} \frac{\omega + \omega(LL_1) - (-1)^q [\omega - \omega(LL_1)]}{\omega^2 - \omega^2(LL_1)} a_q(LL_1), \quad q = 1, 2,$$

$$a_q(LL_1) = 3p \left( G_{S_1 L_1}^{S_0 L_0} \right)^2 (2L + 1) \left\{ \begin{matrix} 3 & L_0 & L_1 \\ L & 2 & 1 \end{matrix} \right\}^2 C_q(L),$$

$$C_1(L) = -\frac{1}{L_0} \delta_{LL_0-1} - \frac{1}{L_0(L_0+1)} \delta_{LL_0} + \frac{1}{(L_0+1)} \delta_{LL_0+1},$$

$$C_2(L) = -\frac{1}{L_0(2L_0-1)} \delta_{LL_0-1} + \frac{1}{L_0(L_0+1)} \delta_{LL_0} - \frac{1}{(L_0+1)(2L_0+3)} \delta_{LL_0+1}.$$

Здесь  $Q_{ij}(L) = \frac{1}{2}(L_i L_j + L_j L_i) - \frac{1}{3}L_0(L_0+1)\delta_{ij}$  — компоненты квадрупольного момента  $f$ -оболочки редкоземельного иона,  $G_{S_1 L_1}^{S_0 L_0}$  — генетические коэффициенты, символ  $\langle \dots \rangle$  означает термическое среднее соответствующей величины,  $r_{fd} = \langle f|r|d \rangle$  — радиальный интеграл,  $p$  — число электронов в  $4f$ -оболочке иона.

Значения  $a_q(LL_1)$  для  $\text{Sm}^{3+}$  приведены в таблице. На длинноволновом крыле разрешенных переходов можно пренебречь различием частот  $\omega(LL_1)$  переходов на состояния, принадлежащие одному и тому

же  $S_1 L_1$ -терму. В этом случае вклады в  $\alpha_{ij}^a$  от переходов на состояния, возникающие из основного терма исходного иона ( $L_1 = 6$ ), полностью компенсируют друг друга ( $\sum_L a_1(L_6) = 0$ ) (см. таблицу).<sup>1</sup> В то же время, как следует из таблицы, вклад данных переходов в  $\alpha_{ij}^s$  является максимальным.

Связь  $\alpha_{ij}^a$  с магнитными моментами иона определяется соотношением (см., например, [14])

$$\langle I_k \rangle = -\frac{1}{\mu_B} \left( \frac{2-g_J}{g_J} m_{0k} - m_{VVk} \right), \quad (3)$$

где  $\mu_B$  — магнетон Бора,  $g_J$  — фактор Ланде основного мультиплета редкоземельного иона (в нашем случае  $g_J = 2/7$ ),  $m_{0k}$  — компонента магнитного момента иона, обусловленная состояниями основного мультиплета,  $m_{VVk}$  — ван-Флековская составляющая магнитного момента иона, обусловленная примешиванием в поле состояний первого возбужденного мультиплета к основному мультиплету.

### 3. Фарадеевское вращение и намагниченность ионов самария в самариевых гранатах

Зная поляризумость редкоземельных ионов, можно в обычно используемом лоренц-лоренцовском приближении найти их вклад в диэлектрическую проницаемость кристалла

$$\Delta\epsilon_{ij} = b \sum_q \alpha_{ij}^{(q)},$$

$$b = 4\pi \left( \frac{n^2 + 2}{3} \right)^2,$$

где суммирование ведется по всем редкоземельным ионам в единице объема,  $n$  — средний показатель предломления вещества. В системе координат с осью  $z \parallel M$  определяющая нечетные магнитооптические эффекты гиротропная компонента тензора  $\Delta\epsilon_{ij}$  примет вид

$$\Delta\epsilon_{xy} = -iG,$$

$$g = bd_1 \frac{1}{\mu_B} \left( \frac{2-g_J}{g_J} M_0 - M_{VV} \right), \quad (4)$$

где  $M_0$  — намагниченность ионов при отсутствии смешивания мультиплетов,  $M_{VV}$  — ван-Флековская составляющая намагниченности редкоземельной подсистемы.

<sup>1</sup> По-видимому, учет только этих переходов привел авторов [6] к заключению об исчезающем малом значении вклада ионов самария в постоянную Верде самарий-галлиевого граната.

Удельное фарадеевское вращение, определяемое формулой  $\alpha_F = \omega G/(2cn)$ , согласно (2), (4), можно представить в виде

$$\alpha^F = C \left( \frac{2 - g_J}{g_J} M_0 - M_{VV} \right),$$

$$C = \frac{bd_1\omega}{2\mu_B cn}. \quad (5)$$

Проанализируем температурную зависимость и величину вклада самариевой подсистемы в эффект Фарадея в  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ . В структуре граната редкоземельные ионы размещены по шести неэквивалентным узлам, симметрия окружения которых описывается точечной группой  $D_2$ . Для определения зависимости  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  от температуры необходимо найти волновые функции и уровни энергии иона  $\text{Sm}^{3+}$  для каждого типа узлов и затем рассчитать  $M_0(T)$  и  $M_{VV}(T)$ .

Гамильтониан иона  $\text{Sm}^{3+}$  представим в виде

$$\mathcal{H} = \mathcal{H}_{so} + \mathcal{H}_{cr} + \mathcal{H}_Z,$$

где  $\mathcal{H}_{so} = ALS$  — гамильтониан спин-орбитального взаимодействия ( $A \cong 300 \text{ cm}^{-1}$  — константа спин-орбитальной связи),  $\mathcal{H}_Z = \mu_B(L + 2S)H + 2\mu_B SH_{\text{ex}}$  — гамильтониан взаимодействия иона  $\text{Sm}^{3+}$  с внешним  $H$  и обменным  $H_{\text{ex}}$  полями, зависимость  $H_{\text{ex}}$  от температуры  $T$  с достаточной степенью точности описывается выражением  $H_{\text{ex}}(T) = H_{\text{ex}}(0)M_d(T)/M_d(0)$ ,  $\mu_B H_{\text{ex}}(0)/k_B = 29 \text{ K}$  [15],  $\mathcal{H}_{cr}$  — гамильтониан кристаллического поля, который удобно представить в виде [16]

$$\mathcal{H}_{cr} = \sum_{kq} B_k^q (C_q^k + C_{-q}^k),$$

где  $C_{[q]}^k$  — неприводимые тензорные операторы,  $B_k^q$  — параметры кристаллического поля. Далее мы воспользуемся определенным в [9] набором актуальных параметров кристаллического поля. Использование данных параметров позволило объяснить ряд опытных данных, таких как величины температур ориентационных фазовых переходов, намагниченность насыщения, аномальные температурные зависимости намагниченности и магнитного линейного двупреломления самариевой подсистемы [3, 9, 10, 17].

Рассмотрим случай  $M_{\text{Fe}} \parallel [111]$ . Для иона  $\text{Sm}^{3+}$  в  $r$ -м неэквивалентном узле собственные функции основного мультиплета, расщепленного кристаллическим, обменным и внешним магнитным полями, можно представить (в лабораторной системе координат с осью  $z \parallel M$ ) в виде

$$|g_{n0}\rangle = \sum_m C_{nm}^r |L_0 S_0 J_0 m\rangle, \quad (6)$$

( $C_{nm}^r$  — коэффициенты разложения волновой функции по состояниям  $|J_0 m\rangle$ ), а собственные значения энергии будут

$$E_n^r = \langle g_{n0}^r | \mathcal{H}_{cr} - \mu_B g_J H_{\text{eff}}^0 J_z | g_{n0}^r \rangle, \quad (7)$$

где  $H_{\text{eff}}^0 = H - [2(g_J - 1)/g_J]H_{\text{ex}}$  — эффективное магнитное поле, воз действующее на основной мультиплет иона самария. Учтем теперь смешивание в поле волновых функций основного и первого возбужденного мультиплетов. С точностью до членов первого порядка малости по  $|\mathcal{H}_Z|/\Delta \ll 1$ ,  $\Delta = A(J+1) \approx 10^3 \text{ cm}^{-1}$  ( $\Delta$  — расстояние между основным и первым возбужденным мультиплетами) найдем

$$|g_n^r\rangle = |g_{n0}^r\rangle + |\delta g_n^r\rangle = \sum_m C_{nm}^r \left\{ |LSJm\rangle + \frac{\mu_B H_{\text{eff}}^1 s_m}{A(J+1)} |L S J + 1 m\rangle \right\}, \quad (8)$$

где

$$H_{\text{eff}}^1 = H - 2H_{\text{ex}}, \quad s_m = g'_J [1 - m^2/(J+1)^2]^{1/2},$$

$$g'_J = - \left\{ \frac{(L+S+J+2)(L+S-J)(L-S+J+1)(S-L+J+1)}{4(2J+1)(2J+3)} \right\}^{1/2}.$$

При этом

$$M_0 = \frac{N_R}{6} \mu_B g_J \sum_{nm} |C_{nm}^r|^2 m \rho_n^r, \quad (9)$$

$$M_{VV} = \frac{N_R}{3\Delta} \mu_B^2 H_{\text{eff}}^1 g_J \sum_{mir} |C_{im}^r|^2 s_m^2 \rho_i^r,$$

$$\rho_i^r = \exp(-E_i^r/T) / \sum_k \exp(-E_k^r/T), \quad (10)$$

$N_R$  — плотность редкоземельных ионов.

Проведем вначале качественный сравнительный анализ температурных зависимостей намагниченности и фарадеевского вращения ионов  $\text{Sm}^{3+}$  в  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ . Отметим, что знак  $M_0$  совпадает со знаком  $H_{\text{eff}}^0$ , так как для ионов самария в  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ , если

$$H_{\text{eff}}^0 = H + 5H_{\text{ex}} > 0,$$

и  $M_0 > 0$ . В то же время, поскольку  $M_{VV} \sim H_{\text{eff}}^1$ , при  $H < 2H_{\text{ex}}$   $M_{VV} < 0$ . При низких температурах  $M_0 > |M_{VV}|$ . С ростом температуры по мере заселения уровней основного мультиплета  $M_0 \rightarrow 0$ , в то время как  $M_{VV}$  при этом меняется слабо. Данное обстоятельство приводит к существованию такого значения  $T = T_0$ , при котором  $M_{\text{Sm}}$  меняет знак [18]. Однако аналогичной компенсации вкладов  $M_0$  и  $M_{VV}$  в фарадеевское вращение вследствие того, что они входят в  $\alpha_{\text{Sm}}^R$  с разными знаками (см. (5)), не происходит, и  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  при изменении температуры знак не меняет.

Для определения количественных характеристик в данной работе были проведены численные расчеты  $M_{\text{Sm}}(T)$  и  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)$ . Волновые функции (8) и уровни энергии (7) были определены путем решения секулярного уравнения  $\det[\mathcal{H}_i - \lambda_i E] = 0$  для каждой из шести неэквивалентных позиций, занимаемых ионами  $\text{Sm}^{3+}$ , с последующим переходом от локальной системы координат к лабораторной. Затем по формулам (9),

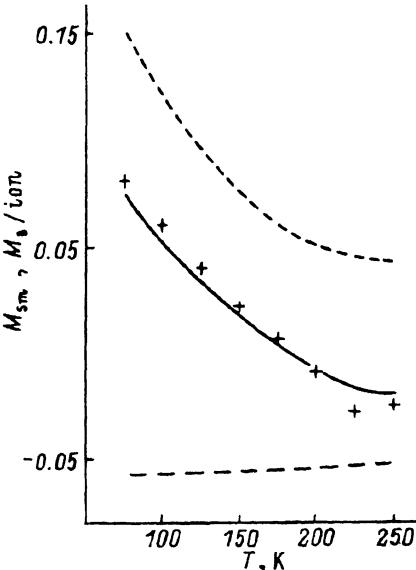


Рис. 1. Температурная зависимость намагниченности ионов самария в  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ .

Точки — экспериментальные данные [18], сплошная линия — расчетные данные, пунктир —  $M_0(T)$ , штриховая линия —  $M_{VV}(T)$ .

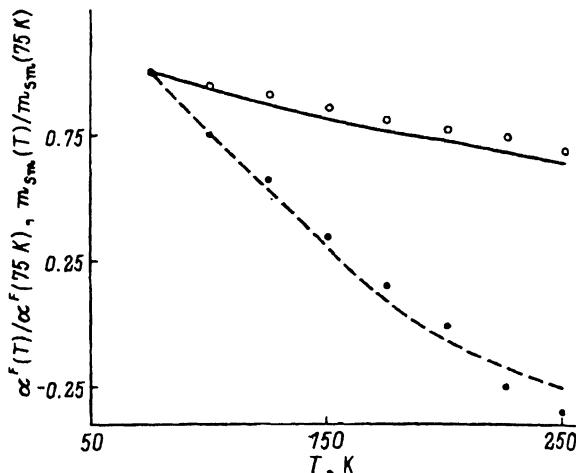


Рис. 2. Температурные зависимости относительного угла поворота плоскости поляризации  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$   $\alpha^F(T)$  и относительной намагниченности самариевой подрешетки  $m_{\text{Sm}}(T)$ .

Кружки — экспериментальные данные для  $\alpha^F(T)$  [18], сплошная линия — расчет  $\alpha^F(T)$ , точки —  $m_{\text{Sm}}(T)$ , экспериментальные данные [18], штриховая линия —  $m_{\text{Sm}}(T)$ , теория.

(10) были рассчитаны зависимости  $M_0(T)$  и  $M_{VV}(T)$ , которые (для случая  $\mathbf{H} \parallel [111]$ ) приведены на рис. 1. Далее была определена температурная зависимость  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  (см. (5)). Теоретические и экспериментальные зависимости  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)/\alpha_{\text{Sm}}^F(75 \text{ K})$  и  $M_{\text{Sm}}(T)/M_{\text{Sm}}(75 \text{ K})$  при  $\mathbf{H} \parallel [111]$  изображены на рис. 2. Видно, что наблюдается хорошее согласие экспериментальных и теоретических данных. Отметим, что зависимость  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)$  достаточно близка к  $M_0(T)$ . Данное обстоятельство следует из (5). Действительно, согласно (5), имеем

$$\alpha_{\text{Sm}}^F = C(6M_0(T) - M_{VV}(T)) \simeq 7CM_0(T),$$

поскольку в исследуемом интервале температур  $M_0 \simeq ||M_{VV}|$ .

Мы исследовали поведение  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)$  и  $M_{\text{Sm}}(T)$   $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  в пределе слабых полей ( $H \rightarrow 0$ ). Проанализируем теперь кратко влияние внешнего магнитного поля на температурные зависимости  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  и  $M_{\text{Sm}}$ . По мере увеличения внешнего магнитного поля  $M_{VV}$  уменьшается, при этом зависимости  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)$  и  $M_{\text{Sm}}(T)$  становятся все более близкими друг к другу (см. (9), (10)) и совпадают при  $H = 2H_{\text{ex}}$  (431 kOe). При дальнейшем увеличении  $H$  поведение  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)$  и  $M_{\text{Sm}}(T)$  в некотором смысле становится противоположным случаю  $H < 2H_{\text{ex}}$ : уменьшение  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  с увеличением температуры становится более резким, чем уменьшение  $M_{\text{Sm}}$ .

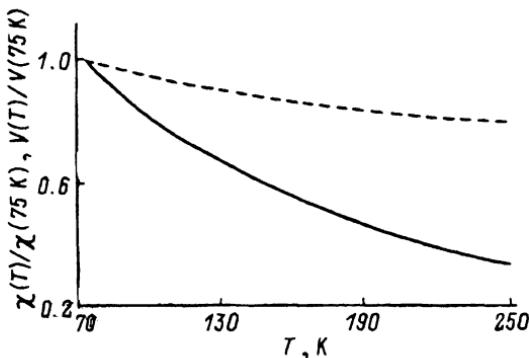


Рис. 3. Приведенные температурные зависимости для  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$ . Штриховая линия —  $\chi(T)/\chi(75 \text{ K})$ , сплошная линия —  $V(T)/V(75 \text{ K})$ .

Оценим теперь величину  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  при  $T = 75 \text{ K}$ . Пренебрежем различиями значений  $\omega(L_1 L)$ . При  $\hbar\omega(L_1 L) \simeq \hbar\omega_0 = 10^5 \text{ cm}^{-1}$ ,  $\hbar\omega = 7.5 \cdot 10^3 \text{ cm}^{-1}$ ,  $r_{fd} \simeq 0.4 \text{ \AA}$ ,  $n_0 = 2.22$ ,  $N_R = 4.233 \cdot 10^{21} \text{ cm}^{-3}$ ,  $M_0(75 \text{ K}) = 0.18 \mu\text{B}$ ,  $M_{VV}(75) = -0.11 \mu\text{B}$  для света с длиной волны  $\lambda = 1.15 \mu\text{m}$ , согласно (5) и (2), получим  $\alpha_{\text{Sm}}^F \approx -500 \text{ deg/cm}$ , что близко к соответствующему экспериментальному значению  $\alpha_{\text{Sm}}^F \approx -680 \text{ deg/cm}$  [18]. Таким образом, основной вклад в фарадеевское вращение ионов самария в указанной спектральной области действительно вносят  $f-d$ -переходы.

Обсудим теперь вклад ионов  $\text{Sm}^{3+}$  в эффект Фарадея  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$ . Прежде всего отметим, что  $\alpha_{\text{Sm}}^F$  в данном случае также определяется формулами (5), (9), (10), в которых следует положить  $H_{\text{ex}} = 0$ . При этом  $M_0 > 0$  и  $M_{VV} \rightarrow 0$ . Температурные зависимости  $\chi_0 = M_0/H$  и  $\chi_{VV} = M_{VV}/H$ , необходимые для анализа зависимостей  $M(T)$  и  $\alpha_{\text{Sm}}^F(T)$ , приведены на рис. 2 работы [6]. Интересно отметить, что для температурного поведения намагниченности и фарадеевского вращения самариевой подсистемы в  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$  реализуется ситуация, обратная  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$ . Именно в  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$   $\chi_{\text{Sm}} = \chi_0(T) + \chi_{VV}(T)$  при изменении температуры знак не меняет, в то время как константа Верде

$$V(T) = \alpha_{\text{Sm}}^F / H = C \left( \frac{2 - g_J}{g_J} \chi_0 - \chi_{VV} \right) \quad (11)$$

должна изменять свой знак. Температурные зависимости  $\chi(T)/\chi(75 \text{ K})$  и  $V(T)/V(75 \text{ K})$ , построенные при использовании рассчитанных в [6] значений  $\chi_0(T)$  и  $\chi_{VV}(T)$ , изображены на рис. 3. Оценим теперь исходя из (11) вклад ионов  $\text{Sm}^{3+}$  в постоянную Верде  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$ . При  $\lambda = 0.63 \mu\text{m}$ ,  $T = 75 \text{ K}$  и используемых ранее для  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  значений  $\hbar\omega_0$ ,  $r_{fd}$ ,  $n_0$ ,  $N_R$  получим  $V_{\text{Sm}}(75 \text{ K}) \simeq -10^{-2} \text{ min}/(\text{cm} \cdot \text{Oe})$ . В то же время константа Верде диамагнитного граната  $\text{Y}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$  (YGG), согласно [19], равна  $V_{\text{YGG}}(75 \text{ K}) \simeq 4.5 \cdot 10^{-2} \text{ min}/(\text{cm} \cdot \text{Oe})$ . Данные величины  $V_{\text{Sm}}$  и  $V_{\text{YGG}}$  согласуются со значением константы Верде  $\text{Sm}_3\text{Ga}_5\text{O}_{12}$   $V = 3.6 \cdot 10^{-2} \text{ min}/(\text{cm} \cdot \text{Oe})$ , измеренным в [6]. Значение  $V_{\text{Sm}}(T)$  (см. (11)) превышает  $V_{\text{YGG}}$  лишь при достаточно низких температурах ( $T < 15 \text{ K}$ ).

Обсудим теперь кратко полученные результаты. Прежде всего отметим, что смешивание мультиплетов ионов  $\text{Sm}^{3+}$  в поле в общем случае играет существенную роль в формировании широкого круга магнитных свойств самарийсодержащих сред. Учет данного обстоятельства позволил с единых позиций описать наблюдаемые зависимости намагниченности [9,10], эффекта Фарадея и магнитного линейного двупреломления [17] самариевых гранатов от температуры, а также получить величины эффектов, близкие к опытным. Следует отметить, что зачастую результаты изменений физических свойств  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  (например, магнитного линейного двупреломления и пр.) при изменении внешнего поля и температуры значительно отличаются от закономерностей, установленных ранее для кристаллов с тяжелыми редкоземельными ионами. Данное обстоятельство также обусловлено существенной ролью смешивания мультиплетов ионов  $\text{Sm}^{3+}$ . Важно отметить, что учет  $J-J$ -связи приводит к существованию значительной величины магнитной и магнитооптической анизотропии самариевых гранатов в области высоких температур, где влияние других (особенно тяжелых) редкоземельных ионов становится несущественным [1,17]. Представляет интерес также и тот факт, что основной вклад в магнитное линейное двупреломление  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  вносят электродипольные переходы в ионах  $\text{Sm}^{3+}$  на термы, возникающие в рамках генеалогической схемы, из основного терма ( $L_1 = 6$ ) исходного иона (см. таблицу), в то время как вклады данных переходов в эффект Фарадея полностью компенсируют друг друга (см. таблицу), так что четные и нечетные магнитооптические эффекты самарийсодержащих сред обусловлены различными электродипольными переходами. Данное обстоятельство должно привести к существенному различию спектральных зависимостей четных и нечетных магнитооптических эффектов вблизи края  $f-d$ -переходов, что является важным для магнитооптики в рентгеновском диапазоне. Весьма важным представляется и то, что изучение магнитооптических эффектов  $\text{Sm}_3\text{Fe}_5\text{O}_{12}$  позволило подтвердить адекватность используемой ранее схемы кристаллического поля, действующего на ионы самария.

Работа поддержана грантами РФФИ № 950206051-А и INTAS N 95-3569.

### Список литературы

- [1] S. Geller, H.J. Willians, R.C. Sherwood. Phys. Rev. **131**, 1080 (1963).
- [2] S. Geller, G. Ballestrino. Phys. Rev. **B21**, 4055 (1980).
- [3] Г.А. Бабушкин, В.А. Бородин, В.Д. Дорошев, А.К. Звездин, Р.З. Левитин, А.И. Попов. Письма в ЖЭТФ **35**, 38 (1982).
- [4] В.А. Бородин, В.Д. Дорошев, Р.З. Левитин, В. Неквасил. ЖЭТФ **86**, 2250 (1984).
- [5] А. Эшенфельдер. Физика и техника цилиндрических магнитных доменов. Мир. М. (1983). С. 496.
- [6] У.В. Валиев, А.А. Клочков, В. Неквасил, А.И. Попов, Б.Ю. Соколов. ФТТ **29**, 6, 1640 (1987).
- [7] Г.С. Кринчик, В.С. Гущин, Н.И. Цидаева. ЖЭТФ **86**, 700 (1984).
- [8] M. Guillot, H. le Gall, J.M. Desvignes, M. Artinian. J. Appl. Phys. **70**, 10, 6401 (1991).
- [9] О.А. Дорофеев, А.И. Попов. ФТТ **31**, 124 (1989).
- [10] О.А. Дорофеев, А.И. Попов. ФТТ **32**, 11 (1990).

- [11] М. Борн, Хуан Кунь. Динамическая теория кристаллических решеток. Иностранный литература. М. (1958). С. 488.
- [12] У.В. Валиев, А.К. Звездин, Г.С. Кринчик, К.М. Мукимов, А.И. Попов. ЖЭТФ **85**, 311 (1983).
- [13] А.К. Звездин, А.И. Попов, Х.И. Туркменов. ФТТ **28**, 6, 1760 (1986).
- [14] У.В. Валиев, А.И. Попов, Б.Ю. Соколов. Опт. и спектр. **61**, 1141 (1986).
- [15] J.A. White. J. Chem. Phys. **51**, 3013 (1969).
- [16] B.G. Wybourne. Spectroscopic properties of rare earths. Inter. publ. divis. N. Y. (1965). Р. 236.
- [17] О.А. Дорофеев, А.И. Попов. ФТТ **32**, 6, 1467 (1993).
- [18] M. Guillot, H. le Gall, A. Marchand. IEEE Trans. Magn. **MAG-22**, 1239 (1986).
- [19] У.В. Валиев, А.А. Клочков, А.И. Попов, Б.Ю. Соколов. Опт. и спектр. **66**, 613 (1989).