

# ВОЗБУЖДЕНИЕ И ИОНИЗАЦИЯ АТОМОВ ВОДОРОДА БЫСТРЫМИ МНОГОЗАРЯДНЫМИ ИОНАМИ

*А.Б. Войткевич, А.В. Коваль*

Расчет столкновений атомов с быстрыми многозарядными ионами (МЗИ) затруднен в области параметров задачи  $Z, v$  ( $Z$  — заряд,  $v$  — скорость иона,  $Z \gg 1, v \gg 1$ ; используется атомная система единиц), когда неприменимо борновское приближение. В этом случае для расчетов используют различные методы (см., например, [1–4]), которые приводят, к сожалению, к громоздким окончательным выражениям, в то время как представляется желательным иметь для сечений простые формулы, как это имеет место при  $Z \ll v$  (см., например, [5]). В этой связи отметим оценки сечений ионизации, представленные в [6]. В настоящей работе получены формулы для сечений возбуждения и ионизации атомов водорода быстрыми многозарядными ионами в области параметров задачи  $Z^{1/2} \ll v \lesssim Z$ , когда борновское приближение неприменимо, а процессы перезарядки малы.

Рассмотрим столкновение МЗИ с атомом водорода. Будем считать, что атом, находящийся в основном состоянии, покоятся в начале координат, а ион движется вдоль классической линейной траектории  $\mathbf{R}(t) = \mathbf{b} + \mathbf{v}t$ , где  $\mathbf{b}$  — прицельный параметр. Основной вклад в сечение при рассматриваемых значениях параметров иона вносит область прицельных параметров  $b > r_0$ , где  $r_0 = 1$  — характерный размер атома в основном состоянии [6]. При  $b > r_0$  поле иона в области нахождения атома можно считать однородным

$$V(t) = -\frac{Z}{|\mathbf{R}(t) - \mathbf{r}|} = -\frac{Z}{R} - \frac{Z\mathbf{R}\mathbf{r}}{R^3}, \quad (1)$$

где  $\mathbf{r}$  — точка наблюдения поля.

Соответственно поведение атомного электрона описываем следующим уравнением Шредингера:

$$i\frac{\partial}{\partial t}\Psi = (H_0 + V_1(t))\Psi, \quad (2)$$

где  $H_0$  — гамильтониан свободного атома,  $V_1(t) = -\left(\frac{Z\mathbf{R}\mathbf{r}}{R^3}\right)$ ,  $\mathbf{r}$  — координаты электрона.

Потенциал  $V_1(t)$  может рассматриваться как действующий в течение конечного времени. Действительно,

$$\int_{-\infty}^{+\infty} V(t)dt = V(t=0) \cdot T, \quad (3)$$

где  $T = T(b) = 2b/v$  имеет смысл эффективного времени действия на атом поля иона.

Разделим область прицельных параметров  $b > r_0$  на две перекрывающиеся подобласти  $r_0 < b \ll v\tau_0$ ;  $b \gg Z/v$ , где  $\tau_0 = 1$  — характерное атомное время. В области  $r_0 < b \ll v\tau_0$ , когда  $T(b) \ll \tau_0$ , для расчета вклада в сечения можно использовать приближение внезапных возмущений [7]. В первом порядке этого приближения амплитуда вероятности перехода из исходного состояния  $|1\rangle$  в произвольное конечное  $|n\rangle$  имеет вид

$$a_n = \left\langle n \left| \exp \left( -i \int_{-\infty}^{+\infty} V dt \right) \right| 1 \right\rangle = \left\langle n \left| \exp(-iqr) \right| 1 \right\rangle, \quad (4)$$

где  $q = 2Zb/vb^2$  — переданный ионом атомному электрону импульс.

При этом пространственное смещение  $\delta$  электрона за время столкновения, которое можно оценить как  $\delta \sim q \cdot T \sim Z/v^2 \ll 1$ , мало, что и оправдывает наряду с основным условием  $T(b) \ll \tau_0$  использование выражения (4). Вклад в сечения возбуждения и ионизации атома от столкновений с прицельными параметрами  $b_1 \leq b \leq b_2$ , где  $b_1, b_2$  ( $r_0 < b_1 < b_2 \ll v \cdot \tau_0$ ) — некоторые значения прицельных параметров, имеет вид

$$\Delta\sigma_i(b_1 \leq b \leq b_2) = 2\pi \int_{b_1}^{b_2} db b \int d\bar{k} |a_{\bar{k}}|^2,$$

$$\Delta\sigma_n(b_1 \leq b \leq b_2) = 2\pi \int_{b_1}^{b_2} db b |a_n|^2. \quad (5)$$

В области малых прицельных параметров  $b \leq r_0$  приближение внезапных возмущений, вообще говоря, неприменимо как в форме (4), так и в более общем виде, использовавшемся в [1, 2]. В этой области прицельных параметров электрону передается при  $Z \gtrsim v$  большая (в сравнении с потенциалом ионизации) энергия и с вероятностью, близкой к единице, происходит ионизация атома [6]. Поскольку к подобному же результату приводит использование при  $b \lesssim r_0$  формулы (4), то мы просто положим в (5)  $b_1 = 0$ . Вносимые при этом в величины сечений ошибки малы. Используя данные о неупругих форм-факторах для атома водорода (см., например, [5]), выражения (5) могут быть переписаны в следующем виде:

$$\Delta\sigma_i(0 \leq b \leq b_2) = 8\pi \frac{Z^2}{v^2} 0.285 \ln \left( \frac{\alpha_i \cdot v}{Z} b_2 \right),$$

$$\Delta\sigma_n(0 \leq b \leq b_2) = \frac{2^{11}\pi}{3} \frac{Z^2}{v^2} \frac{n}{(n^2 - 1)^5} \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{2n} \ln \left( \alpha_n \frac{vb}{Z} \right). \quad (6)$$

Величины  $\alpha_i, \alpha_n$  определяются численно: так, для ионизации имеем  $\alpha_1 = 3.2$ , а, например, для возбуждения нескольких первых уровней  $\alpha_2 = 0.27, \alpha_3 = 0.39, \alpha_4 = 0.44, \alpha_5 = 0.47, \alpha_6 = 0.48, \alpha_7 = 0.49, \alpha_8 = 0.5, \alpha_9 = 0.5, \alpha_{10} = 0.5, \alpha_{11} = 0.5$ .

В области прицельных параметров  $b \gg Z/v$  вероятности атомных переходов малы. Действительно, при  $Z/v \ll b \ll v \cdot \tau_0$ , используя (4), имеем  $|a_n|^2 \sim Z^2/b^2 v^2 \ll 1$ . Поэтому при  $b \gg Z/v$  для расчета вероятностей переходов и вкладов в сечения можно использовать теорию возмущений по полю МЗИ. В первом порядке этой теории возмущений имеем

$$a_n(\infty) = -\frac{2Z}{v^2} \omega_{n1} \left( x_{n1} K_0 \left( \frac{\omega_{n1} b}{v} \right) - i y_{n1} K_1 \left( \frac{\omega_{n1} b}{v} \right) \right), \quad (7)$$

где  $\omega_{n1}$  — частоты переходов;  $x_{n1} = \langle n|x|1 \rangle$ ,  $y_{n1} = \langle n|y|1 \rangle$  — компоненты дипольных моментов переходов (ось  $x$  направлена по  $v$ , ось  $y$  — по  $b$ );  $K_0$ ,  $K_1$  — функции Макдональда [8].

Произведя суммирование по проекциям момента в конечном состоянии для вклада в сечения от столкновений с прицельными параметрами  $b \geq b_3$ , где  $b_3 \gg Z/v$  (но  $b_3 \ll v\tau_0$  — некоторое значение прицельного параметра), находим

$$\Delta\sigma_i(b \geq b_3) = 8\pi 0.285 \frac{Z^2}{v^2} \ln \left( \frac{2v}{\lambda\omega_i b_3} \right),$$

$$\Delta\sigma_n(b \geq b_3) = \frac{2^{11}\pi}{3} \frac{Z^2}{v^2} \frac{n^7}{(n^2-1)^5} \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{2n} \ln \left( \frac{2v}{\lambda\omega_{n1} b_3} \right), \quad (8)$$

где  $\omega_i = \exp(\int dk k^2 y_{k0}^2 \ln \omega_k / \int dk k^2 y_{k0}^2) = 0.71$  — средняя ионизационная частота,  $\lambda = 1.78$ .

В силу перекрытия рассмотренных выше областей прицельных параметров положим  $b_2 = b_3$  и имеем для сечений

$$\sigma_i = 8\pi 0.285 \frac{Z^2}{v^2} \ln \left( \frac{5v^2}{Z} \right),$$

$E$ , МэВ/amu	$Z$	$0.5\sigma_{H_2}$ , $10^{-16}$ см $^2$	$\sigma_{i\text{теор}}$ , $10^{-16}$ см $^2$
1.16	16	26	28
1.16	18	32	34
1.16	20	37	41
1.16	22	48	47
3.6	23	29	24
3.43	28	36	35
3.43	31	44	42
3.43	34	54	49
3.43	36	55	54
4.65	52	110	81
4.65	53	110	83
4.65	54	110	86
4.65	55	115	89
4.65	57	125	94
4.65	59	130	100

$$\sigma_n = \frac{2^{11}\pi}{3} \frac{Z^2}{v^2} \frac{n^7}{(n^2 - 1)^5} \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{2n} \ln \left( \frac{\beta_n v^2}{Z \omega_{n1}} \right), \quad (9)$$

$\beta_2 = 0.3, \beta_3 = 0.44, \beta_4 = 0.49, \beta_5 = 0.53, \beta_6 = 0.54, \beta_7 = 0.55, \beta_8 = 0.56,$   
 $\beta_9 - \beta_{11} = 0.57.$

В таблице приведены сравнения сечений ионизации, рассчитанных по формуле (9), с экспериментальными данными из работ [9,10]. Для полного сечения возбуждения атома водорода, используя выражения для  $\sigma_n$ , имеем

$$\sigma_e = 8\pi 0.715 \frac{Z^2}{v^2} \ln \left( \frac{v^2}{Z} \right). \quad (10)$$

Полученные результаты нетрудно обобщить на случай столкновения быстрого МЗИ с водородоподобным ионом с не слишком большим зарядом ядра  $Z_a$ , когда характерная скорость электрона в основном состоянии такого иона  $v_a$  удовлетворяет условию  $v_a \ll v$ ,

$$\begin{aligned} \sigma_i &= 8\pi 0.285 \frac{Z^2}{v^2 Z_a^2} \ln \left( \frac{5v^2}{Z \cdot Z_a} \right), \\ \sigma_n &= \frac{2^{11}\pi}{3} \frac{Z^2}{v^2 Z_a^2} \frac{n^7}{(n^2 - 1)^5} \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^{2n} \ln \left( \frac{Z_a \beta_n v^2}{Z \omega_{n1}} \right), \\ \sigma_e &= 8\pi 0.715 \frac{Z^2}{v^2 Z_a^2} \ln \left( \frac{v^2}{Z \cdot Z_a} \right). \end{aligned} \quad (11)$$

### Список литературы

- [1] Eichler J. // Phys. Rev. 1977. Vol. A15. P. 1856.
- [2] Salop A., Eichler J. // J. Phys. 1979. Vol. B12. P. 257.
- [3] Grothers D.S.F., McCann J.H. // J. Phys. 1983. Vol. B16. P. 3229.
- [4] McGuire J.H. // Phys. Rev. 1982. Vol. A26. P. 14.
- [5] Ландау Л.Д., Лишни Е.М. Квантовая механика. М.: Наука, 1989.
- [6] Voitkiv A.B., Pazdersky V.A. // J. Phys. 1988. Vol. B21. P. 3369–3374.
- [7] Дыхне А.М., Юдин Г.Л. // УФН. 1978. Т. 125. С. 377–407.
- [8] Абрамович М., Стиган И. Справочник по математическим функциям. М.: Наука, 1979.
- [9] Berkner K.H., Graham W.G., Pyle R.V. et al. // J. Phys. 1978. В. 11. P. 875–885.
- [10] Schlachter A.S., Berkner K.H., Graham W.G. et al. // Phys. Rev. 1981. Vol. A24. P. 1110–1111.

Ташкентский университет

Поступило в Редакцию  
21 июля 1993 г.