

03:04:09;12

©1995 г.

СКОРОСТЬ ФРОНТА СТИМУЛИРОВАННОГО СВЧ РАЗРЯДА В ВОЛНОВОМ ПУЧКЕ

Л.П.Грачев, И.И.Есаков, Г.И.Мишин, К.В.Ходатаев

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН,

194021, Санкт-Петербург, Россия

Московский радиотехнический институт РАН,

113519, Москва, Россия

(Поступило в Редакцию 1 августа 1994 г.)

Приводятся результаты измерений скорости распространения фронта импульсного СВЧ разряда навстречу излучению в воздухе в интервале давлений 100–420 Тор и амплитуды поля 2–6.5 кВ/см. Разряд стимулировался свинцовым шариком диаметром 0.25 см, помещенным в фокус пучка электромагнитной линейно поляризованной ТЕМ-волны длиной 8.5 см. Поверхность шара являлась источником начальных электронов. Скорость фронта разряда связывается со скоростью прорастания произвольно ориентированных разрядных шнуров-стримеров, формирующих его структуру в указанном диапазоне параметров, и обсуждается роль "диффузного" и "дрейфового" механизмов их роста. Приводится полуэмпирическая формула для средней скорости фронта в зависимости от давления воздуха, частоты и уровня поля.

Введение

Импульсный СВЧ разряд в воздухе высокого давления p в квазиоптических пучках электромагнитных (ЭМ) волн [1] имеет шнуровую или стримерную структуру и распространяется навстречу излучению со сверхзвуковой скоростью [2]. В настоящее время адекватная физической реальности модель этого процесса "распространения" отсутствует. Трудностей здесь несколько. Прежде всего сложность пространственной структуры разряда, которая к тому же от импульса к импульсу не повторяется [2–4]. Кроме того, в лабораторных условиях размер разрядной области с относительно равномерным уровнем поля, как правило, небольшой, что усложняет интерпретацию результатов экспериментов. Отметим также и невысокую точность локальных методов измерения абсолютного уровня поля в волновых пучках. И наконец, при самостоятельных разрядах, когда амплитуда исходного (без разряда) поля E_0 выше критической E_c [4], наличие фоновых разнесенных электронов может инициировать начало разряда сразу в

нескольких местах [2]. Образующиеся при этом плазмоиды индуктивно взаимодействуют друг с другом, что достаточно сложно учесть в модели.

Последнее качество не присуще так называемым стимулированным разрядом [3,4]. Для их реализации условия, необходимые для пробоя газа $E_0 > E_c$, и наличие инициирующих электронов создаются лишь локально и используется свойство шнурового и стримерного разрядов распространяться в область волнового пучка с $E_0 < E_c$. Их распространение идет путем "волнового" процесса прорастания и ветвления шнуров-стримеров только из одного "центра".

В настоящей работе приводятся опубликованные ранее в различных работах результаты измерений скорости распространения фронта стимулированного СВЧ разряда V_f , приводятся новые данные специально поставленного эксперимента и высказываются соображения по их интерпретации. Основное отличие авторской экспериментальной установки — большая длина волны ЭМ излучения λ и возможность создать в фокусе пучка E_0 несколько большей величины, чем в известных установках.

1. Ретроспективный обзор экспериментов

На рис. 1 в координатах V_f , E_0 приведены опубликованные ранее [3,4,7-11] результаты измерений для шнуровых и стримерных стимулированных разрядов в воздухе и азоте в сфокусированных СВЧ TEM -пучках. Для экспериментальных точек, имеющих различные начертания для различных работ, указаны сорт газа, p (в Тор) и λ (см). Проанализируем их.

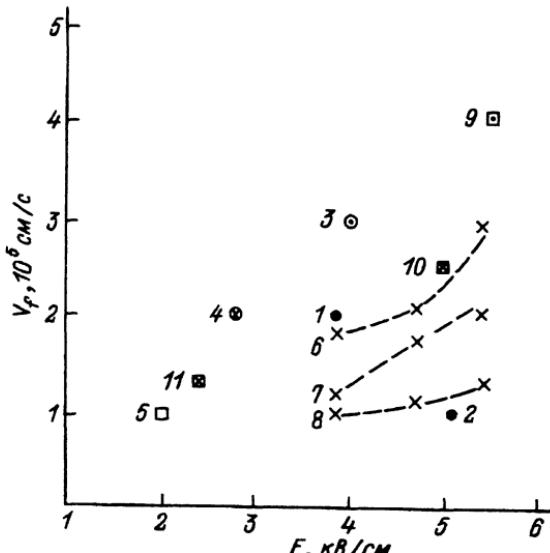


Рис. 1. Результаты измерений скорости распространения фронта стимулированного СВЧ разряда навстречу излучению в шнуровой и стримерной формах в зависимости от амплитуды СВЧ TEM -волны по материалам разных работ.

1 — N_2 [9] (180, 2); 2 — N_2 [9] (700, 0.7); 3 — N_2 [7] (200, 2); 4 — воздух [10] (760, 3);
5 — воздух [11] (760, 4); 6 — N_2 [8] (200, 2); 7 — N_2 [8] (300, 2); 8 — N_2 [8] (760, 2);
9 — воздух [3] (330, 8.5); 10 — воздух [4] (300, 8.5); 11 — воздух [4] (120, 8.5).

Обращает на себя внимание некоторая "хаотичность" данных. Можно предположить, что она связана с уже упомянутой неповторяемостью самих разрядов в последовательных импульсах, различием в геометрии пучков и малой точностью оценки E_0 .

Результаты для N_2 и воздуха находятся "в одном ряду". Это, может быть, подтверждает зафиксированный в [5] факт, что разряд в N_2 начинает качественно отличаться от воздушного только при наличии в нем примеси O_2 не более $10^{-3}\%$. В экспериментах же использовалась по существу лишь технически чистый N_2 . Величина V_f падает с уменьшением λ .

Для исследованного в обсуждаемых работах диапазона E_0 от 2 до 5.5 кВ/см, p от 100 до 800 Тор и λ от 0.7 до 8.5 см все значения V_f лежат в очень узком интервале от 10^5 до $4 \cdot 10^5$ см/с. В некоторых работах [5-7], посвященных исследованию различных частных аспектов этих разрядов, зависимость V_f от E_0 вообще не фиксируется, а указывается, что $V_f \approx 10^5$ см/с. И тем не менее эксперименты показывают, что V_f растет с ростом E_0 .

Отметим еще несколько данных из различных работ. В [6] фиксируется, что V_f не зависит от вида поляризации. Для стимулированных разрядов это в какой-то степени "естественно", так как при $E_0 < E_c$ рост шнурков идет в их собственном поле, амплитуда которого на концах шнурков должна быть больше E_c и тем более E_0 . По направлению же "вторичное" поле слабо связано с E_0 .

В [3,4,6] констатировано, что V_f приблизительно в 2 раза меньше средней скорости прорастания шнурков V_s . Сама же V_s , например, в [8] для N_2 и $\lambda = 2$ см оценена величиной $10^5 - 10^6$ см/с; в [10] для атмосферного воздуха при $\lambda = 3$ см и $E_0 = 4$ кВ/см — около 10^6 см/с; в [3] для воздуха при $p = 330$ Тор и $E_0 = 5.5$ кВ/см на начальном этапе $V_s = 4 \cdot 10^5$ см/с и в дальнейшем достигает 10^6 см/с, и наконец, в [4] для воздуха при $p = 300$ Тор и $E_0 = 5$ кВ/см на начальном этапе $2 \cdot 10^5$ см/с, затем $8 \cdot 10^5$ см/с.

К птированным работам примыкает работа [9], в которой ЭМ пучок с $\lambda = 0.36$ см канализируется на волне H_{\parallel} по оси металлической трубы. В ней зафиксировано, что при варьировании E_0 от 0.7 до 3.2 кВ/см V_f в атмосферном воздухе возрастает от $2 \cdot 10^3$ до $2 \cdot 10^4$ см/с. Здесь также подтверждается общая тенденция падения V_f с уменьшением λ , но зависимость V_f от E_0 очень резкая, что нестыкуется с другими экспериментами. Следует отметить, что эта публикация вызвала определенный отклик у теоретиков (см., например, [12]).

Как следует из рис. 1, результаты работы [8], где наиболее целенаправленно выяснялась функциональная зависимость V_f от E_0 и p ,казалось бы, противоречат данным работы [4]. Так, согласно [8], V_f растет с ростом E_0 , но падает с ростом p , т.е. увеличивается с ростом отношения E_0/E_c . В работе же [4] зафиксировано, что V_f при 120 Тор меньше, чем при 300 Тор, несмотря на то, что по условиям эксперимента с увеличением p отношение E_0/E_c падало. В какой-то мере именно в связи с этим несоответствием авторами [4] и были продолжены исследования, результаты которых отражены в настоящей работе.

2. Условия эксперимента

Эксперимент проводился на установке, описанной в [13], и имел следующую схему. Импульсное с длительностью 40 мкс, линейно поляризованное СВЧ TEM -излучение с $\lambda = 8.5$ см фокусировалось в центре вакуумной, "безэховой" камеры. Давление воздуха в ней можно было устанавливать в диапазоне 3–760 Тор с точностью ± 1.5 Тор. На рис. 2 приведено измеренное распределение относительной величины E_0 вблизи фокуса ЭМ пучка. На ней вектор Пойtingа Π направлен по оси y , а E_0 лежит в плоскости zy . Механические аттенюаторы, включенные в СВЧ тракт, позволяли ослаблять E_0 в 100 раз от максимальной величины $E_{0\max} = 6.5$ кВ/см. После установки определенного уровня E_0 его стабильность в последовательных импульсах была в пределах $\pm 5\%$. В фокусе волнового пучка (точка A на рис. 2) помещался стимулирующий разряд свинцовый шар диаметром 0.25 см. Он освещался ультрафиолетовым (УФ) излучением, что за счет фотоэффекта обеспечивало наличие инициирующих электронов у поверхности шара. Сдвигая УФ импульс, можно было менять длительность разряда, так как при наличии УФ подсветки момент пробоя совпадал с ее началом. В дальнейшем время от начала этого импульса до окончания СВЧ импульса будем обозначать как t_p . Совокупность различных технических факторов не позволяла в опытах иметь t_p менее 3 мкс. Точность измерения t_p была в пределах $\pm 5\%$.

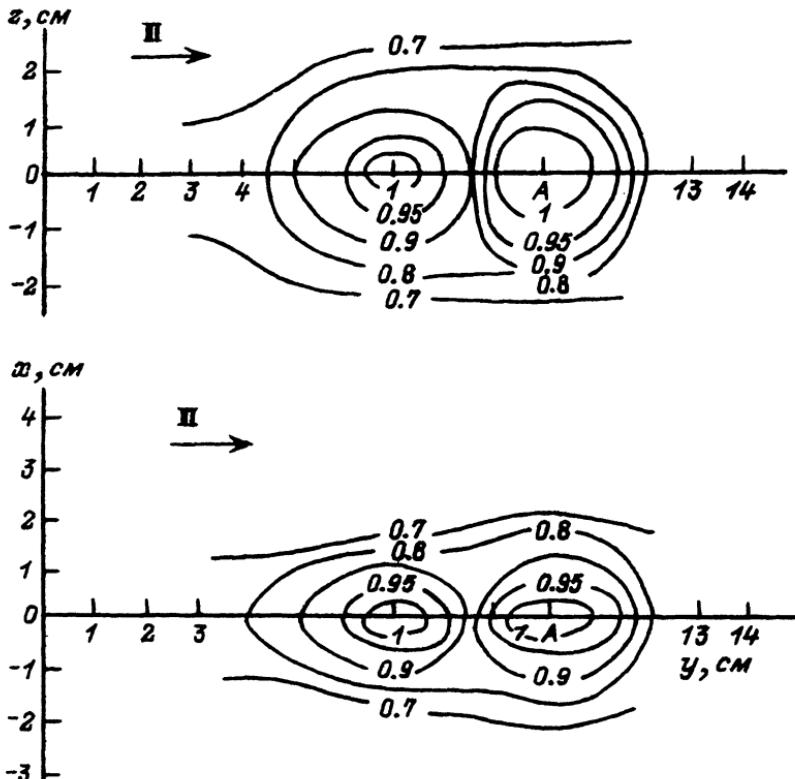


Рис. 2. Распределение относительной величины поля E_0 вблизи его фокуса (вектор E_0 лежит в плоскости zy).

Остановимся подробнее на ограничениях, определяемых физикой разряда, на диапазоны варьирования p , E_0 и t_p . При реализации стимулированного разряда E_0 должно быть меньше $E_c = 40p$; В/см (здесь и в дальнейшем в формулах p выражено в Тор). В этом случае пробой возможен только при наличии шара, на полюсах которого (E_0 нормализован его поверхности), происходит троекратное квазистатическое усиление поля. Уровень пробойного поля E_{0b} при наличии шара зависит от p , что связано с диффузионными потерями электронов из области усиленного поля [14]. Например, в условиях эксперимента при p в сотни Тор $E_{0b} \approx 1/3 E_c$, а при p в десятки Тор $E_{0b} \approx E_c$. В последнем случае даже при наличии шара мог реализовываться только самостоятельный разряд. При высоких p возможный диапазон изменения E_0 был ограничен величиной $E_{0\max}$. Так, с $p = 420$ Тор пробой осуществлялся только при $E_0 = E_{0\max}$. Таким образом, в опытах при каждом конкретном p был только определенный диапазон изменения E_0 , в котором реализовывался именно стимулированный шаром разряд. Причем, он сужался как с уменьшением, так и с ростом p .

Со стороны низких p было дополнительное ограничение, связанное с физикой разряда. В эксперименте разряд принимал шнуровую форму лишь при $p \gtrsim 50$ Тор, а стримерную — при $p \gtrsim 300$ Тор [4]. И только в этих формах, возникнув в приполярных областях шара, он начинал заполнять объем волнового пучка. Для таких разрядов через некоторое время с момента пробоя можно говорить о наличии движущегося навстречу П фронта, понимая под ним условную поверхность, проведенную по наиболее удаленным от стимулятора участкам плазменных каналов. Под скоростью движения фронта V_f в дальнейшем будем понимать частное от деления расстояния от стимулятора до фронта разряда по оси пучка L_f на t_p . Величина L_f измерялась по фотографиям. При неизменных p , E_0 и t_p она имела статистический разброс, поэтому при фиксированных значениях этих параметров измерение проводилось в нескольких импульсах. В опытах t_p для конкретных p и E_0 подбиралась таким образом, чтобы L_f не превышало 5 см. Как видно на рис. 2, при этом условии можно считать, что разряд распространяется в относительно однородном поле. С другой стороны, t_p , особенно при низких p , должна быть и не слишком мала. В противном случае “густота” разрядных каналов недостаточна для того, чтобы говорить о фронте разряда. Этот уровень “малости” для каждого p свой. Например, из работы [4] следует, что при $p = 75$ Тор фронт разряда не успевает формироваться в течение максимальной $t_p = 40$ мкс.

Таким образом, в эксперименте для решения поставленной задачи изучения зависимости V_f шнурового и стримерного стимулированного СВЧ разряда от p и E_0 можно было варьировать p от 100 до 420 Тор. При этом для p , близких к нижней границе указанного диапазона, уровень E_0 можно было менять от 2 до 6.5 кВ/см, подбирая t_p в диапазоне от 3 до 40 мкс так, чтобы L_f не превышало 5 см. Для p же, близких 420 Тор, диапазон изменения E_0 существенно сужался. Причем по-прежнему варьирование t_p позволяло обеспечивать L_f , не превышающую 5 см.

3. Результаты измерений

На рис. 3 для примера приведена фотография типичного стримерного стимулированного шаром СВЧ разряда при $p = 300$ Тор, $E_0 = 4.9$ кВ/см и $t_p = 36$ мкс. На ней Π направлен направо, E_0 вертикален и лежит в плоскости рисунка. С правой стороны в центре расположен стимулирующий шар, размер которого может служить геометрическим масштабом.

На рис. 4 в координатах V_f , E_0 нанесены экспериментальные точки, соответствующие $p = 100, 200, 300$ и 420 Тор. С каждым p с помощью регулировки аттенюаторов измерения проводились при $E_0 = E_{0b}$ для этого p . Величина E_{0b} определялась в соответствии с [14]. Как видно из рисунка, опыт подтвердил, что при неизменных p и E_0 V_f имеет существенный статистический разброс. На диаграмме крестиками обозначены среднеарифметические значения V_f по серии измерений, выполненных с каждым конкретным p . Видно, что в среднем V_f растет с ростом p и E_0 .

На рис. 5 в тех же координатах точками показаны результаты эксперимента с $p = 200$ Тор, взятые из рис. 3, а крестиками — результаты, полученные при $p = 200$ Тор и изменении E_0 от 4 до 6.5 кВ/см. При каждом E_0 после проведения одного или нескольких фотографирований

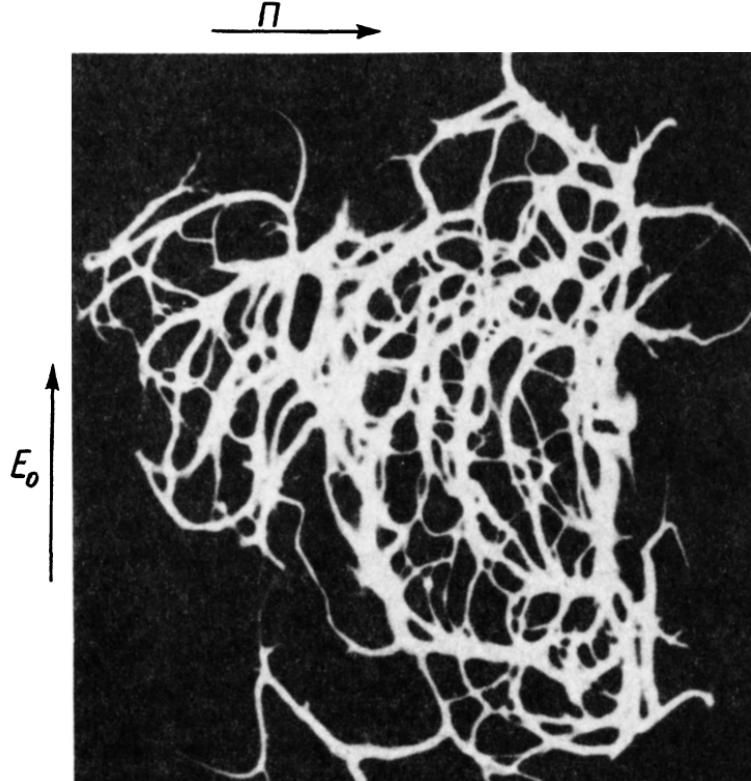


Рис. 3. Типичный стимулированный шаром стримерный СВЧ разряд ($p = 300$ Тор, $E_0 = 4.9$ кВ/см, $t_p = 36$ мкс).

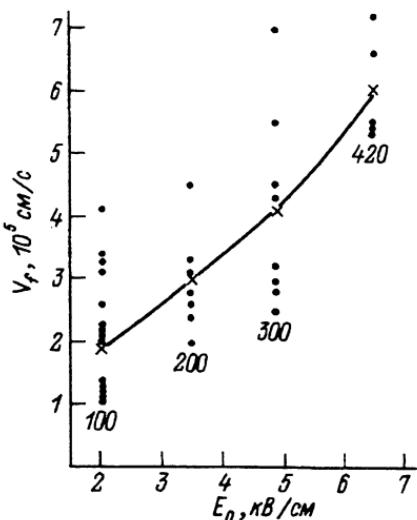


Рис. 4. Зависимость скорости распространения фронта СВЧ разряда от уровня поля E_0 в диапазоне давлений от 100 до 400 Тор и $E_0 = E_{0b}$.

Цифры у точек — значения давления.

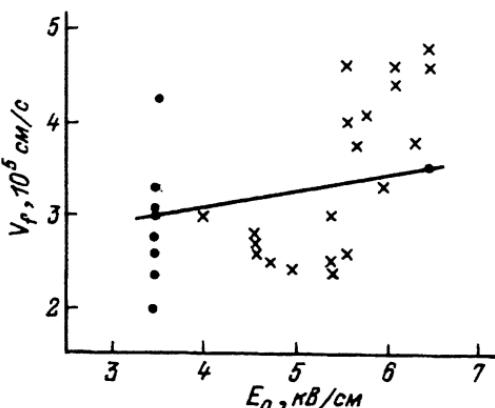


Рис. 5. Зависимость скорости распространения фронта СВЧ разряда от уровня поля E_0 при давлении $p = 200$ Тор.

с различными t_p , p поднималось до порога пробоя с этим фиксированным E_0 . Затем по известному p в соответствии с [14] определялось E_0 . После чего p устанавливалась снова равным 200 Тор, а E_0 — менялось. В связи с определенной трудоемкостью этой методики было проведено относительно мало измерений, которых недостаточно для усреднения при каждом E_0 , и приведенные данные в значительной степени иллюстративны. И тем не менее видно, что с ростом E_0 при фиксированном p V_f в среднем растет.

Из сравнения рис. 4 и 5 следует, что в условиях опыта для определенного E_0 величина V_f растет с ростом p . Так, на них видно, что если $E_0 = 6.5 \text{ kV/cm}$, то при 420 Тор среднеарифметическое $V_f = 6 \cdot 10^5 \text{ cm/s}$, а при 200 Тор измеренные значения V_f лежат не выше $5 \cdot 10^5 \text{ cm/s}$.

4. Обсуждение результатов измерений

Эксперимент показал, что разряд “распространяется” путем волнового процесса прорастания и ветвления шнуров-стримеров, следовательно, V_f можно связать со скоростью их роста V_s . Этот рост происходит хаотично в пространстве с преимущественным направлением в сторону “излучателя”, что дает основание положить $V = V/\sqrt{3}$.

В свою очередь электорны разрядной плазмы на концах плазменных каналов участвуют в двух независимых движениях, приводящих в результате процесса ионизации к вытягиванию этих каналов: диффузном и дрейфовом в СВЧ поле. Примем, что они дают аддитивный вклад в V_s : $V_s = V_{\text{dif}} + V_{\text{dr}}$. Выражение для V_{dif} известно [15]

$$V_{\text{dif}} = 2\sqrt{D_a \nu_i}, \quad (1)$$

где $D_a = 1.4 \cdot 10^4 / p$ (см²/с) — коэффициент амбиполярной диффузии, ν_i — эффективная частота ионизации.

Выражение же для V_{dr} можно попытаться “угадать”. Сначала обратим внимание, что (1) можно придать вид

$$V_{dif} = 2\sqrt{\frac{D_a}{\nu_i}}\nu_i = l_D\nu_i,$$

где l_D — среднеквадратичное смещение электрона за время $1/\nu_i$ в результате его диффузного “блуждания”.

Заметим, что такой же вид имеет и выражение для скорости распространения волны электрического пробоя в постоянном поле при наличии перед ее фронтом фотоионизации за счет излучения из области разряда [16] $V_{f0} = l_{f0}\nu_i$, где l_{f0} — характерная длина области предионизации. Примем, что и в рассматриваемом случае V имеет аналогичную структуру $V_{dr} = l_{HF}\nu_i$, где, согласно [18], $l_{HF} = \mu_e E_s = \frac{1}{\omega}$ — амплитуда колебательного смещения электрона в СВЧ поле или его смещение за время $1/\omega$ в процессе дрейфа в СВЧ поле, $\mu_e = 3.5 \cdot 10^5 / p$ (см²/(В·с)) — подвижность электрона, ω — круговая частота поля, E_s — амплитуда нормальной к границе плазмы на конце разрядного канала компоненты поля, т.е. $V_{dr} = \mu_e E_s \frac{\nu_i}{\omega}$ (это выражение можно сравнить с известной “дрейфовой” скоростью прорастания аноднонаправленного стримера в постоянном поле [16] $V_{dr} = \mu_e E_0$).

Положим, что $E_s = \eta E_0$, где коэффициент η учитывает усиление поля на концах шнурков и их вероятное направление по отношению к E_0 . Группируя написанное, получим

$$V_f = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(2\sqrt{D_a\nu_i} + \mu_e \eta E_0 \frac{\nu_i}{\omega} \right). \quad (2)$$

В этом выражении, кроме η , требует определения и ν_i . Обычно [17] в воздухе ν_i представляют в виде произведения частоты прилипания электронов $\nu_a = 2 \cdot 10^4 p$ на некий коэффициент, зависящий от отношения E_s/E_c , которое определяется условием пробоя в конкретной геометрии (см., например, [14]). В анализируемом случае из эксперимента [4] следует, что с ростом p радиус разрядных каналов уменьшается, а следовательно, E_s/E_c на их концах должно расти с ростом p , чтобы компенсировать в электронном балансе их потери, связанные со все увеличивающейся пространственной необходимостью “концевого” поля. Положим $\nu_i = \nu_a \xi p$, где ξ (с размерностью 1/Тор) так же, как и η , определим из опыта. Это допущение, кроме того, подразумевает для стимулированных разрядов независимость ν_i от E_0 , т.е. независимость пробойных условий на концах плазменных каналов от E_0 .

При принятых предположениях (2) записывается как

$$V_f = \frac{1}{\sqrt{3}} \left(2\sqrt{D_a\nu_a} \sqrt{\xi p} + \mu_e \eta E_0 \frac{\nu_a \xi p}{\omega} \right), \text{ см/с}, \quad (3)$$

где E_0 имеет размерность В/см.

Пусть, как следует из рис. 4, для $p = 420$ Тор и $E_0 = 6.5$ кВ/см $V_f = 6 \cdot 10^5$ см/с, для $p = 100$ Тор и $E_0 = 2.05$ кВ/см $V_f = 1.9 \cdot 10^5$ см/с,

тогда из (3) получим $\eta = 0.58 = 1/\sqrt{3}$ и $\xi = 0.81/\text{Тор}$ и (3) запишем в виде, удобном для расчетов

$$V_f = \frac{1}{\sqrt{3}} (3 \cdot 10^4 \sqrt{p} + 1.7 \cdot 10^{-2} E_0 p \lambda); \text{см}/\text{с}, \quad (4)$$

где $[p]$ в Тор, $[E_0]$ в В/см и $[\lambda]$ в см.

Вычисленные по (4) значения V_f для $p = 200$ и 300 Тор и $E_0 = 3.5$ и 4.9 кВ/см соответственно практически совпадают с соответствующими опытными значениями V_f , представленными на рис. 4 крестиками. На нем для наглядности сплошной линией соединены рассчитанные по (4) значения V_f при экспериментальных p и соответствующих им $E_0 = E_0$. На рис. 5 сплошной линией показана зависимость $V_f = f(E_0)$ при $p = 200$ Тор, также построенная по (4). Видно, что и она не входит в противоречие с экспериментом.

Таким образом, можно считать, что (4) адекватно описывает физическую реальность в рассматриваемом диапазоне изменений p и E_0 и подтверждает допущения, принятые при ее выводе. Она констатирует, что для малых E_0 , когда преобладает диффузный механизм роста шнурков, при значениях p около 100 Тор $V_f \approx 10^5$ см/с. Это и констатируется в подавляющем большинстве опытов. Кроме того, при малых E_0 величина V_f очень слабо зависит от E_0 и λ и растет приблизительно пропорционально \sqrt{p} . В относительно больших полях, когда начинает преобладать дрейфовый механизм роста плазменных каналов, V_f начинает существенно зависеть от E_0 и λ и почти линейно растет с увеличением p . Подобная зависимость V_f , например, от λ отмечалась ранее в разделе 1.

Отметим, что дрейфовый член в сумме для V_f определяется только проекцией E_0 на наиболее вероятное направление роста шнурков $\eta = 1/\sqrt{3}$. Можно предположить, что этот результат связан с тем, что поле в плазме на концах шнурков при их диаметре, существенно меньшем толщины скин-слоя, равно исходному. Дальнейшей проработки требует и выяснение физической сущности коэффициента ξ . Его значение, вычисленное из эксперимента, кажется разумным. По крайней мере, при нем, как и должно быть, внешнее поле на концах шнурков $E_s > E_c$. Действительно, если в пренебрежении диффузий, как принято в [17], положить $\nu_i = \nu_a [(E_s/E_c)^{5.3} - 1]$, то получим $E_s/E_c = \sqrt[5]{\xi p + 1} \approx \sqrt[5]{0.8p}$, т.е., например, для $p = 100$ Тор $E/E_k = 2.3$, а для $p = 420$ Тор $E_s/E_c = 3$. И тем не менее предположение о том, что для стимулированных разрядов эффективная частота ионизации на концах плазменных каналов не зависит от E_0 и пропорциональна p^2 ($\nu_i = \nu_a \xi p = 1.6 \cdot 10^4 p^2$), является в наибольшей степени эвристичным из всех принятых допущений.

Результаты настоящего исследования по-прежнему находятся в противоречии с опубликованными в [8] данными зависимости V_f от p . Их основа продолжает оставаться неясной.

Заключение

Таким образом, измерение скорости движения навстречу излучению границы шнурового и стримерного стимулированного СВЧ разряда показало, что она имеет существенный статистический разброс. Анализируя полученные результаты, удалось связать среднюю скорость фронта разряда с диффузным и дрейфовым механизмами роста составляющих его плазменных каналов. Причем первый из них существует в относительно малых полях, а второй — при больших. Получена полуэмпирическая формула для средней скорости фронта, которая определяет характер ее функциональной зависимости от уровня поля, его частоты и давления воздуха и позволяет в определенном диапазоне параметров количественно объяснить результаты большинства ранее выполненных аналогичных экспериментов.

Список литературы

- [1] Грачев Л.П., Есаков И.И., Князев М.П. и др. // ЖТФ. 1984. Т. 54. Вып. 7. С. 1353–1355.
- [2] Грачев Л.П., Есаков И.И., Мишин Г.И., Федотов А.Б. // ЖТФ. 1989. Т. 59. Вып. 10. С. 149–154.
- [3] Грачев Л.П., Есаков И.И., Мишин Г.И. и др. // Письма в ЖТФ. 1992. Т. 18. Вып. 22. С. 34–39.
- [4] Грачев Л.П., Есаков И.И., Мишин Г.И., Ходатаев К.В. // ЖТФ. 1994. Т. 64. Вып. 1. С. 74–88.
- [5] Богатов Н.А., Голубев С.В., Зорин В.Г. Аннотация докл. Всесоюз. совещания “ВЧ разряд в волновых полях”. Горький, 1987.
- [6] Грицынин С.И., Коссый И.А., Тарасова Н.М. // Письма в ЖТФ. 1985. Т. 11. Вып. 15. С. 924–929.
- [7] Грицынин С.И., Коссый И.А., Силаков В.П. и др. // ЖТФ. 1987. Т. 57. Вып. 4. С. 681–686.
- [8] Батанов Г.Н., Грицынин С.И., Коссый И.А. и др. // Тр. ФИАН СССР. 1985. Т. 160. С. 174–203.
- [9] Богатов Н.А., Бродский Ю.Я., Голубев С.В., Грицынин С.И. и др. // Кр. сообщ. по физике. 1984. № 9. С. 32–35.
- [10] Бровкин В.Г., Колесниченко Ю.Ф. // Письма в ЖТФ. 1990. Т. 16. Вып. 3. С. 55–58.
- [11] Бровкин В.Г., Быков Д.Ф., Голубев С.К. и др. // ЖТФ. 1991. Т. 61. Вып. 2. С. 153–157.
- [12] Мнацаканян А.Х., Найдис Г.В., Сизых С.В. // Кр. сообщ. по физике. 1985. № 4. С. 15–18.
- [13] Грачев Л.П., Есаков И.И., Ходатаев К.В., Цыпленков В.В. // Препринт МРТИ АН СССР. № 9005. М., 1990. 14 с.
- [14] Грачев Л.П., Есаков И.И., Ходатаев К.В., Цыпленков В.В. // Физика плазмы. 1992. Т. 18. № 3. С. 411–415.
- [15] Деничин С.А. // Вестн. моск. ун-та. 1985. Сер. 3. Физика, Астрономия. Т. 26. № 6. С. 30–33.
- [16] Лагарьков А.Н., Руткевич И.М. Волны электрического пробоя в ограниченной плазме. М.: Наука, 1989.
- [17] Лупан Ю.А. // ЖТФ. 1976. Т. 46. Вып. 11. С. 2321–2326.
- [18] Ходатаев К.В. // Всероссийская конф. по физике плазмы. С.-Пб., 1993.