

# Отклик емкости планарной гетероструктуры $\text{La}_{0.67}\text{Ca}_{0.33}\text{MnO}_3/\text{SrTiO}_3/\text{La}_{0.67}\text{Ca}_{0.33}\text{MnO}_3$ на электрическое поле

© Ю.А. Бойков, В.А. Данилов

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН,  
Санкт-Петербург, Россия

E-mail: yu.boikov@mail.ioffe.ru

(Поступила в Редакцию 25 ноября 2009 г.)

Метод лазерного испарения был использован, чтобы интегрировать мanganитные пленочные электроды и промежуточный слой титаната стронция в эпитаксиальной гетероструктуре  $\text{La}_{0.67}\text{Ca}_{0.33}\text{MnO}_3/(1000\text{ nm})\text{SrTiO}_3/\text{La}_{0.67}\text{Ca}_{0.33}\text{MnO}_3$  (LCMO/STO/LCMO). При  $T = 300\text{ K}$  механические напряжения в слое STO в значительной степени релаксировали, а электроды LCMO были двухосно латерально растянуты, причем искажение элементарной ячейки верхнего электрода ( $a_{||}/a_{\perp} \approx 1.026$ ) было существенно больше, чем нижнего ( $\approx 1.008$ ) ( $a_{||}$  и  $a_{\perp}$  — параметры элементарной ячейки в плоскости подложки и вдоль нормали к ее поверхности соответственно). Обратная величина емкости  $C$  сформированных плоскопараллельных пленочных конденсаторов LCMO/STO/LCMO практически линейно возрастала с увеличением температуры  $T$  в интервале  $50$ – $250\text{ K}$ . При  $T < 100\text{ K}$   $C$  уменьшалась примерно на 50% в электрическом поле  $E = 40\text{ kV/cm}$ . После изменения  $E$  в последовательности  $0 \rightarrow +100\text{ kV/cm} \rightarrow 0$  емкость  $C$  уменьшалась примерно на 3%, а максимум на зависимости  $C(E, T > 200\text{ K})$  сдвигался примерно на  $9\text{ kV/cm}$  относительно точки  $E = 0$ .

Финансовая поддержка для проведения данных исследований частично получена из проекта МНТЦ 3743 и проекта РФФИ № 08-02-01352-а.

## 1. Введение

Эпитаксиальные гетероструктуры, включающие пленки первокитоподобных мanganитов и сегнетоэлектриков, перспективны для использования в магнеторезистивных сенсорах [1], в ячейках резистивной памяти с произвольной выборкой [2], в варакторных элементах [3], управляемых электрическим и/или магнитным полями и т. д. С уменьшением толщины пленок, интегрированных в многослойной системе, электромагнитные свойства последней становятся все в большей мере зависимыми от зарядового состояния межфазных границ [3,4]. На электронные параметры межфазных границ в эпитаксиальных многослойных системах, включающих тонкие пленки первокитоподобных оксидов, существенное влияние оказывают: а) нарушение стехиометрии [5] и полярности [6] атомных слоев; б) перераспределение кислородных вакансий [7]; с) механические напряжения [8]; д) дефекты структуры [9], и т. д.

До настоящего времени в литературе имеются лишь фрагментарные данные [3,7,10] о динамике изменения электросопротивления наноразмерных прослоек у межфазных границ в оксидных гетероструктурах в электрическом (магнитном) поле.

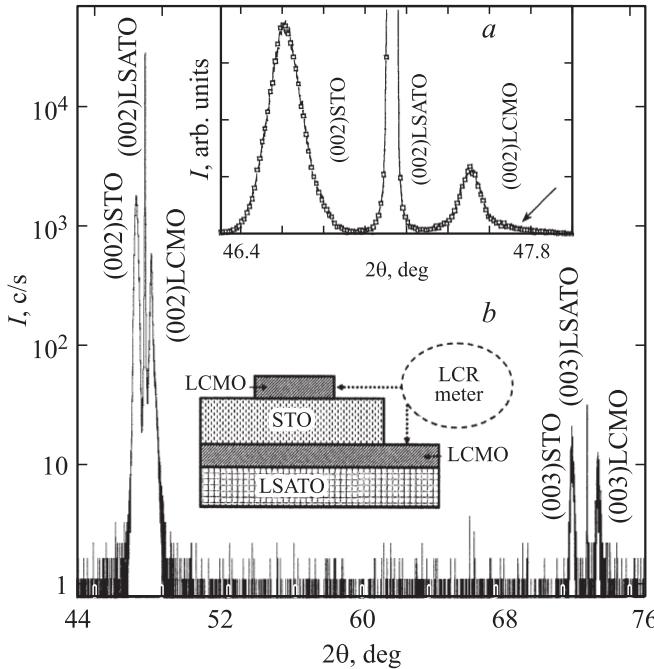
В настоящей работе исследована реакция емкости плоскопараллельных пленочных конденсаторов  $\text{La}_{0.67}\text{Ca}_{0.33}\text{MnO}_3/\text{SrTiO}_3/\text{La}_{0.67}\text{Ca}_{0.33}\text{MnO}_3$  (LCMO/STO/LCMO) на электрическое поле в том интервале температуры, где происходят резкие изменения электронных параметров как промежуточного слоя титаната стронция, так и мanganитных электродов.

## 2. Эксперимент

Метод лазерного испарения ( $\text{KF}$ ,  $\lambda = 248\text{ nm}$ ,  $\tau = 30\text{ ns}$ ) был использован для выращивания трехслойных гетероструктур, включающих два мanganитных электрода LCMO с толщиной  $d = 60\text{ nm}$  и промежуточный слой STO толщиной  $d_1 = 1000\text{ nm}$ , на подложках  $(001)(\text{LaAlO}_3)_{0.3} + (\text{Sr}_2\text{AlTaO}_6)_{0.7}$  (LSATO). Температура подложки при последовательном выращивании нижнего электрода LCMO, промежуточного слоя STO и верхнего электрода LCMO равнялась  $780^\circ\text{C}$ , а давление кислорода в камере поддерживалось на уровне  $0.5\text{ mbar}$ . Плотность лазерного излучения на поверхности испаряемых керамических мишеней LCMO и STO составляла  $1.5\text{ J/cm}^2$ .

Структура мanganитных электродов и промежуточного слоя STO в выращенных пленочных системах исследовалась с использованием рентгеновской дифракции (Philips X'pert MRD,  $\text{CuK}_{\alpha 1}$ ,  $\omega/2\theta$ - и  $\phi$ -сканы, кривые качания). Для определения параметров элементарных ячеек в пленках LCMO и STO в плоскости подложки  $a_{||}$  и вдоль нормали к ее поверхности  $a_{\perp}$  были использованы  $\omega/2\theta$ -сканы, измеренные в симметричной брэгговской конфигурации в условиях, когда плоскость, включающая падающий и отраженный рентгеновские пучки, была перпендикулярна (101) или (001) LSATO.

Сопротивление  $R$  гетероструктур LCMO/STO/LCMO измерялось в конфигурации Van der Pauw с использованием прибора Agilent 4263B LCR meter (частота  $f = 0.1$ – $100\text{ kHz}$ ) в магнитном поле и без него. Направление магнитного поля ( $\mu_0 H = 0.4\text{ T}$ ) было параллельно плоскости подложки. На поверхности верхнего элек-



**Рис. 1.** Рентгеновская дифрактограмма ( $\text{CuK}_{\alpha 1}$ ,  $\omega/2\theta$ ) для гетероструктуры  $\text{LCMO}/\text{STO}/\text{LCMO}$ , визуализированная в условиях, когда падающий и отраженный рентгеновские пучки находились в плоскости, перпендикулярной (001)LSATO. Пик (002)LCMO от указанной гетероструктуры был искажен со стороны больших  $2\theta$  из-за появления „хвоста“ (отмечен стрелкой), обусловленного перекрытием соответствующих рефлексов от нижнего и верхнего мanganитных электродов (см. вставку *a*). Эскиз планарной конденсаторной структуры с двумя мanganитными электродами и промежуточным слоем STO приведен на вставке *b*.

трова LCMO в гетероструктуре были сформированы четыре серебряных пленочных контакта, расположенные на углах квадрата.

Фотолитография и ионное травление ( $\text{Ar}$ , 500 V, 0.2 mA) были использованы (после измерения  $R$ ) для формирования контактных площадок ( $S = 25 \cdot 10^{-4} \text{ cm}^2$ ) в верхнем электроде LCMO и „окон“ в промежуточном слое STO, чтобы обеспечить контакт с нижним мanganитным электродом, общим для всех конденсаторов, сформированных на чипе. Эскиз планарной конденсаторной структуры LCMO/STO/LCMO, осажденной на подложку LSATO, показан на вставке *b* на рис. 1. Емкость  $C$  сформированных пленочных плоскопараллельных конденсаторов измерялась с использованием того же прибора (LCR meter) в электрическом поле  $E$  и без него ( $E = V_b/d_1$ ,  $V_b$  — напряжение смещения, поданное на мanganитные электроды).

### 3. Результаты и их обсуждение

Рассогласование  $m$  в параметрах кристаллических решеток LCMO (псевдокубическая элементарная ячейка,  $a_1 = 3.858 \text{ \AA}$  [11]) и LSATO (псевдокубическая эле-

ментарная ячейка,  $a_2 = 3.868 \text{ \AA}$  [12]) отрицательно и составляет всего 0.3% ( $m = (a_f - a_s)/a_s$ , где  $a_f$  и  $a_s$  — параметры кристаллических решеток пленки и подложки соответственно). Величина  $m$  для пленки LCMO и промежуточного слоя STO (кубическая элементарная ячейка,  $a_3 = 3.905 \text{ \AA}$  [13]) также отрицательна и равняется примерно 1.2%. Температурные коэффициенты линейного расширения LCMO, STO и LSATO имеют близкие значения [14,15]. Температура Кюри–Вейсса для монокристаллов STO равна 30 K [16], а фазовый ферромагнитный переход в объемных стехиометрических кристаллах LCMO наблюдается при температурах, близких к 260 K [11].

**3.1. Структура пленок в выращенных трехслойных планарных системах.** На рентгеновских дифрактограммах, визуализированных для выращенных гетероструктур, присутствовали только пики от мanganитных электродов, промежуточного слоя STO и подложки (рис. 1). Это обстоятельство указывает на то, что выращенные гетероструктуры были свободны от макровключений вторичных кристаллических фаз. Мanganитные электроды в гетероструктурах, так же как и промежуточный слой, были преимущественно четко ориентированы как в плоскости подложки, так и относительно нормали к ее поверхности, причем (001)[010]LCMO||(001)[010]STO||(001)[010]LSATO.

Пики (00 $n$ )STO на рентгеновских сканах от гетероструктуры LCMO/STO/LCMO были симметричны и не перекрывались с пиками от подложки (вставка *a* на рис. 1). Параметр элементарной ячейки промежуточного слоя STO в гетероструктуре, измеренный вдоль нормали к плоскости подложки ( $3.906 \pm 0.005 \text{ \AA}$ ), практически совпадал с соответствующим параметром, измеренным в плоскости подложки ( $3.902 \pm 0.005 \text{ \AA}$ ); таким образом, механические напряжения в промежуточном слое титаната стронция в значительной степени релаксировали. Неоднородность релаксации напряжений в слое титаната стронция явилась причиной того, что полуширина кривой качания ( $\approx 0.16 \text{ deg}$ ), измеренная для рентгеновского рефлекса (002)STO от гетероструктуры LCMO/STO/LCMO, многократно превышала полуширину кривой качания ( $\approx 0.007 \text{ deg}$ ) для соответствующего рефлекса от монокристаллической подложки LSATO.

Из-за частичного перекрытия рефлексов от нижнего и верхнего мanganитных электродов пики (00 $n$ )LCMO на рентгеновских дифрактограммах от гетероструктуры LCMO/STO/LCMO были искажены со стороны больших  $2\theta$  (вставка *a* на рис. 1). Искажение пиков (00 $n$ )LCMO от гетероструктуры LCMO/STO/LCMO обусловлено двухосным латеральным растяжением верхнего электрода LCMO „толстым“ промежуточным слоем STO. Это привело к заметному уменьшению параметра элементарной ячейки в указанном мanganитном электроде вдоль нормали к плоскости подложки. Уровень растягивающих латеральных напряжений в нижнем электроде LCMO в гетероструктуре LCMO/STO/LCMO был существенно меньше, чем в верхнем. Рассчитанные

с использованием полученных рентгеновских данных значения параметров элементарной ячейки нижнего манганитного электрода в плоскости подложки и вдоль нормали к ее поверхности равнялись  $3.867 \pm 0.005$  и  $3.836 \pm 0.005 \text{ \AA}$  соответственно. Латеральный параметр ячейки в верхнем электроде LCMO равнялся  $3.90 \pm 0.01 \text{ \AA}$ , а параметр той же ячейки вдоль нормали к плоскости подложки составлял  $3.80 \pm 0.01 \text{ \AA}$  (из-за перекрытия пиков точность определения параметров элементарной ячейки верхнего электрода была понижена). Эффективный объем  $V_{\text{eff}} = a_{\parallel}^2 \times a_{\perp}$  элементарной ячейки верхнего слоя ( $\sim 57.79 \text{ \AA}^3$ ) LCMO в гетероструктуре LCMO/STO/LCMO заметно превышал значения  $V_{\text{eff}}$  для нижнего слоя ( $\sim 57.36 \text{ \AA}^3$ ) и стехиометрических объемных кристаллов LCMO ( $\sim 57.38 \text{ \AA}^3$  [11]).

**3.2. Электросопротивление манганитных электродов.** Сопротивление  $R$  гетероструктуры LCMO/STO/LCMO и температура  $T_{\text{max}}$ , при которой наблюдался максимум на зависимости  $R(T)$ , изменялись с частотой измерительного сигнала (рис. 2). Частотная дисперсия  $R$  обусловлена уменьшением с ростом  $f$  реактивного сопротивления между верхним и нижним электродами LCMO в гетероструктуре.

При  $f = 100 \text{ Hz}$  измерительный ток протекал в основном по верхнему электроду, сопротивление которого больше, а значение  $T_{\text{max}}$  меньше соответствующих величин для нижнего слоя. Снижение  $T_{\text{max}}$  и увеличение  $R$

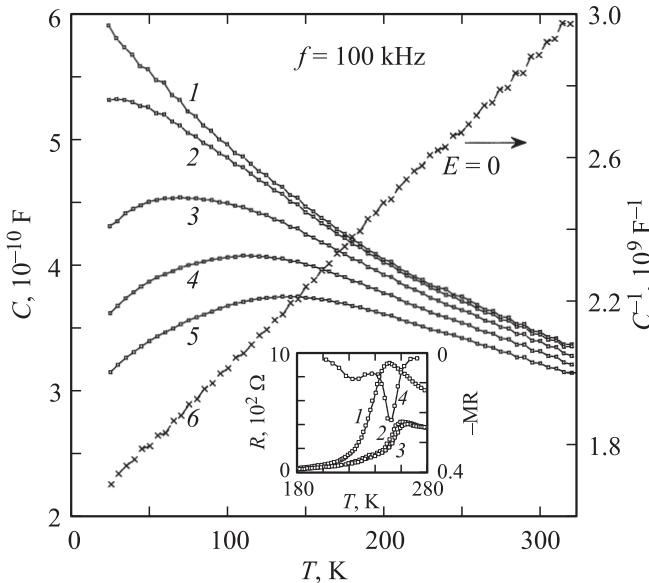
верхнего электрода обусловлены его обеднением кальцием и/или кислородом вследствие растягивающих механических напряжений, действовавших в процессе зародышеобразования и роста манганитного слоя. Механизмы, ответственные за нарушение стехиометрии манганитных пленок, выращенных на подложках со значительным  $m$ , рассмотрены в [5]. На дефицит кальция (кислорода) в верхнем электроде LCMO указывает и полученное для него с использованием рентгеновских данных значение  $V_{\text{eff}}$ , которое заметно больше объема элементарной ячейки как стехиометрических объемных образцов LCMO, так и величины  $V_{\text{eff}}$  для нижнего манганитного электрода в гетероструктуре LCMO/STO/LCMO.

При частоте измерительного сигнала  $100 \text{ kHz}$  верхний электрод в гетероструктуре был в значительной степени шунтирован нижним. Тот факт, что при  $f = 100 \text{ kHz}$  вклад в проводимость гетероструктуры вносят оба манганитных электрода, подтверждается наличием на зависимости  $R(T, f = 100 \text{ kHz})$  участка, на котором (при  $T \approx 245 \text{ K}$ ) производная  $dR/dT$  резко изменяла свое значение (вставка на рис. 2). Существенная разница в температурах ферромагнитного упорядочения спинов в верхнем и нижнем манганитных электродах проявилась и в наличии двух четко различающихся максимумов на температурной зависимости магнетосопротивления  $\text{MR} = [R(\mu_0 H = 0.4 \text{ T}) - R(\mu_0 H = 0)]/R(\mu_0 H = 0)$ , полученной для гетероструктуры LCMO/STO/LCMO при частоте измерительного тока  $100 \text{ kHz}$  (вставка на рис. 2).

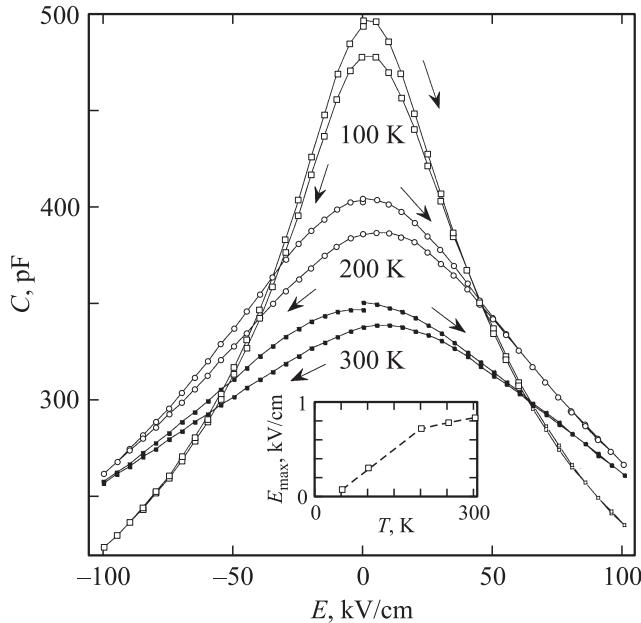
**3.3. Емкость плоскопараллельных пленочных конденсаторов LCMO/STO/LCMO.** Температурные зависимости емкости  $C$  планарной конденсаторной структуры LCMO/STO/LCMO, измеренные в электрическом поле различной напряженности, показаны на рис. 2. При  $E = 0$  увеличение  $C$  с понижением температуры было обусловлено ростом диэлектрической проницаемости  $\epsilon_{\text{STO}}$  промежуточного слоя STO. В интервале  $30– $250 \text{ K}$  ( $E = 0$ ) обратная величина емкости пленочных конденсаторов практически линейно возрастала с температурой (рис. 2) и хорошо аппроксимировалась соотношением$

$$C^{-1} = S^{-1} \epsilon_0^{-1} C_0^{-1} d(T - T_{CW}) + C_I^{-1}, \quad (1)$$

где  $C_0 \approx 0.9 \cdot 10^5 \text{ K}$  и  $T_{CW} = 30 \text{ K}$  равны постоянной Кюри и температуре Кюри–Вейсса монокристаллов титаната стронция [16],  $\epsilon_0$  — диэлектрическая проницаемость вакуума,  $C_I$  — емкость межфазных границ в гетероструктуре. Величина  $C_I$  зависит а) от емкости  $C_{\text{Int}} = 2.3 \cdot \epsilon_{\text{LCMO}}/L_{\text{eff}}$  [17], обусловленной проникновением электрического поля в манганитный электрод ( $\epsilon_{\text{LCMO}}$  — диэлектрическая проницаемость LCMO,  $L_{\text{eff}}$  — эффективная глубина проникновения электрического поля в манганитный электрод); б) от емкости  $C_S = C_B(1 \pm V_b/\phi)^{-1/2}$  [7,18] барьера Шоттки в сегнетоэлектрическом слое у границы LCMO/STO ( $C_B$  — емкость барьера Шоттки при  $E = 0$ , зависящая от  $\epsilon_{\text{STO}}$  и



**Рис. 2.** Температурные зависимости емкости  $C$  (1–5) и  $C^{-1}$  (6) пленочного конденсатора LCMO/STO/LCMO, измеренные в электрическом поле  $E = V_b/d_1$  различной напряженности. Кривые 1–5 соответствуют увеличению  $E$  от 0 до  $40 \text{ kV/cm}$  с шагом  $10 \text{ kV/cm}$ . На вставке приведены температурные зависимости сопротивления  $R$  (1–3) и магнетосопротивления  $\text{MR}$  (4) гетероструктуры LCMO/STO/LCMO при различных частотах  $f$  и значениях магнитного поля  $\mu_0 H$ .  $f, \text{ kHz}$ : 1 — 0.1, 2–4 — 100;  $\mu_0 H$ , Т: 1, 2 — 0, 3, 4 — 0.4.



**Рис. 3.** Зависимости емкости пленочных конденсаторов LCMO/STO/LCMO от  $E$ , измеренные при  $f = 100 \text{ kHz}$  и различных температурах (указаны на рисунке). На вставке показано изменение  $E_{\max}$  с температурой.

эффективной концентрации носителей заряда в промежуточном слое,  $\phi$  — высота потенциального барьера в прослойке STO у межфазной границы STO/LCMO). Формированию потенциального барьера в слое сегнетоэлектрика у границы STO/LCMO способствует существенная разница между работой выхода мanganита ( $\sim 4.8 \text{ eV}$  [19]) и электронным сродством титаната стронция ( $\sim 3.9 \text{ eV}$  [20]). Данные по  $C_1$  приведены в [21]. Реакция емкости конденсаторов LCMO/STO/LCMO на электрическое поле усиливалась с понижением температуры. При  $T$ , близких к  $T_{CW}$  уменьшение  $C$  пленочных конденсаторов в поле  $40 \text{ kV/cm}$  достигало примерно 50% (рис. 2). При температурах, близких к комнатной ( $T \gg T_{CW}$ ), диэлектрическая проницаемость монокристаллов титаната стронция от напряженности электрического поля практически не зависит [15]. Наблюдавшееся при  $T = 300 \text{ K}$  ( $\sim 3\%$ ) уменьшение  $C$  сформированных конденсаторов LCMO/STO/LCMO в поле  $40 \text{ kV/cm}$  обусловлено изменением  $C_1$ . Снижению  $C_1$  в электрическом поле могут способствовать как уменьшение  $C_s$  вследствие изменения отношения  $V_b/\phi$ , так и уменьшение  $C_{\text{Int}}$  из-за диффузного обмена ионами кислорода между мanganитными электродами и промежуточным слоем [4]. Это должно сопровождаться изменением эффективной концентрации носителей заряда в прослойках LCMO у межфазной границы.

На рис. 3 показано изменение емкости конденсаторной структуры LCMO/STO/LCMO при сканировании  $E$  в последовательности  $0 \rightarrow 100 \text{ kV/cm} \rightarrow 0 \rightarrow -100 \text{ kV/cm} \rightarrow 0$  с шагом  $5 \text{ kV/cm}$ ,  $T = 100, 200$  и  $300 \text{ K}$ . Важной

особенностью приведенных зависимостей  $C(E)$  является несовпадение значений  $C(E = 0)$  до и после подачи напряжения смещения на электроды. Кроме того, максимум на зависимости  $C(E, T = 300 \text{ K})$ , измеренной в процессе уменьшения напряженности внешнего электрического поля от  $100 \text{ kV/cm}$  до нуля, был сдвинут относительно точки  $E = 0$  примерно на  $9 \text{ kV/cm}$ . С понижением температуры сдвиг максимума ( $E_{\max}$ ) на кривой  $C(E)$  уменьшался (рис. 3 и вставка на нем).

В качестве основных причин уменьшения  $C$  при температурах, близких к комнатной, после воздействия сильного внешнего электрического поля следует отметить следующие.

1) Перераспределение вакансий кислорода в сегнетоэлектрической пленке, помещенной во внешнее электрическое поле. Это приводит к возникновению внутреннего электрического поля, направленного противоположно внешнему [7].

2) Увеличение концентрации вакансий кислорода в приповерхностном слое электрода LCMO, что влияет на расслоение фаз (увеличивается объемная доля антиферромагнитной фазы) в его прослойке, прилегающей к межфазной границе. Это способствует увеличению  $L_{\text{eff}}$  и, как следствие, уменьшению  $C_{\text{Int}}$ . До настоящего времени в литературе имеются лишь отрывочные данные о зависимости интенсивности межфазного обмена кислородными вакансиями в эпитаксиальных гетероструктурах мanganит/сегнетоэлектрик от температуры и электрического поля. Это затрудняет их использование в оксидной электронике.

#### 4. Заключение

Температурная зависимость емкости  $C$  сформированных пленочных конденсаторов LCMO/STO/LCMO хорошо аппроксимировалась соотношением Кюри–Вейсса с учетом вклада межфазных границ  $C_{\text{Int}}$ . Значения  $C(V_b = 0)$  до и после подачи на электроды напряжения смещения  $V_b = 10 \text{ V}$  не совпадали. Вероятными причинами деградации емкости конденсаторов LCMO/STO/LCMO после воздействия внешнего электрического поля являются: а) перераспределение вакансий кислорода в объеме промежуточного слоя STO; б) диффузионный обмен ионами кислорода между мanganитными электродами и сегнетоэлектрическим слоем.

#### Список литературы

- [1] M. Pannetier, C. Fermon, G. Le Goff, J. Simola, T. Kerr. *Science* **304**, 5677, 1648 (2004).
- [2] X. Chen, N.J. Wu, J. Strozier, A. Ignatiev. *Appl. Phys. Lett.* **87**, 23, 233 506 (2005).
- [3] Yu.A. Boikov, T. Claeson. *Phys. Rev. B* **70**, 18, 184 433 (2004).
- [4] A. Baikalov, Y.Q. Wang, B. Shen, B. Lorenz, S. Tsui, Y.Y. Sun, Y.Y. Xue, C.W. Chu. *Appl. Phys. Lett.* **83**, 5, 957 (2003).

- [5] Yu.A. Boikov, R. Gunnarsson, T. Claeson. *J. Appl. Phys.* **96**, 1, 435 (2004).
- [6] A. Ohtomo, H.Y. Hwang. *Nature* **427**, 6973, 423 (2004).
- [7] Yu.A. Boikov, B.M. Goltsman, V.K. Yarmarkin, V.V. Lemanov. *Appl. Phys. Lett.* **78**, 24, 3866 (2001).
- [8] H.L. Ju, K.M. Krishnan, D. Leberman. *J. Appl. Phys.* **83**, 11, 7073 (1998).
- [9] N.-C. Yeh, R.P. Vasquez, J. Huynh, S.M. Maurer, G. Beach, D.A. Beam. *J. Appl. Phys.* **81**, 8, 5499 (1997).
- [10] S. Thiel, G. Hammerl, A. Schmehl, C.W. Schneider, J. Mannhart. *Science* **313**, 5795, 1942 (2006).
- [11] C.J. Lu, Z.L. Wang, C. Kwon, Q.X. Jia. *J. Appl. Phys.* **88**, 7, 4032 (2000).
- [12] D.Y. Wang, J. Wang, H.L.W. Chan, C.L. Choy. *J. Appl. Phys.* **101**, 4, 043 515-1 (2007).
- [13] R.W.J. Wickoff. Crystal structure. 2<sup>nd</sup> ed. Interscience Publ., N.Y. (1964), V. 2. P. 394.
- [14] B.C. Chakoumakos, D.G. Scholm, M. Urbanik, J. Luine. *J. Appl. Phys.* **83**, 4, 1979 (1998).
- [15] D. Dai, J. Zhang, H.A. Mook, S.-H. Lion, P.A. Dowben, E.W. Plummer. *Phys. Rev. B* **54**, 6, R 3694 (1996).
- [16] R.C. Neville, B. Hoeneisen, C.A. Mead. *J. Appl. Phys.* **43**, 5, 2124 (1972).
- [17] H.Y. Ku, F.G. Ullman. *J. Appl. Phys.* **35**, 2, 265 (1964).
- [18] Р. Смит. Полупроводники. 2-е изд. Мир, М. (1982). С. 241.
- [19] D.W. Reagon, S.Y. Lee, Y. Li, Q.X. Jia. *J. Appl. Phys.* **95**, 12, 7971 (2004).
- [20] J. Robertson. *J. Vac. Sci. Technol. B* **18**, 3, 1785 (2000).
- [21] Ю.А. Бойков, В.А. Данилов. Письма в ЖТФ **31**, 1, 73 (2005).