

реакций им. Флерова установке COMBAS для получения радиоактивных пучков на выведенном пучке тяжелых ионов соответствующие параметры имеют величины 6.4 мср и  $\pm 6\%$ .

Необходимо отметить некоторые технические трудности в разработке и размещении фокусирующих каналов с требуемыми параметрами. В настоящее время разрабатываются конструкции мишени и каналов и готовится проведение эксперимента.

### Список литературы

- [1] D'Auria J.M. // NIM. 1992. Vol. B70. P. 398-406.
- [2] Harar S. // Proc. of 4<sup>th</sup> European Part. Acc. Conf. Vol. 1. P. 300-304.
- [3] Darquennes D. et al // Phys. Rev. 1990. Vol. C42. P. 804-809.
- [4] Sherrill B.M. // Proc. of 2<sup>nd</sup> Intern. Conf. on Radioactive Nuclear Beams / Ed. Th. Delbon. Louvain-la-Neuve, 1991. P. 3-8.
- [5] Taniha T. et al. // Phys. Lett. 1985. Vol. 160B. P. 380-383.
- [6] Munzenberg G. // NIM. 1992. Vol. B70. P. 265-270.
- [7] Gulbekyan G. et al. // XIII Intern. Conf. on Cycl. and Their Appl. Vancouver, 1992. P. 11-21.
- [8] Акишин П.Г., Борисов О.Н., Гульбекян Г.Г. // XIII Всесоюз. совещание по ускорителям заряженных частиц. № Д9-92-455. Дубна, 1992. Т. 1. С. 112-115
- [9] Борисов О.Н., Гульбекян Г.Г. // XIII Всесоюз. совещ. по ускорителям заряженных частиц. № Д9-92-455 Дубна, 1992. Т. 1 С. 116-117.

01;07;08

Журнал технической физики, т. 66, в. 6, 1996

## РАМАН-НАТОВСКАЯ ДИФРАКЦИЯ СВЕТА НА УЛЬТРАЗВУКЕ В ПЛАНАРНЫХ ГИРОТРОПНЫХ ОПТИЧЕСКИХ ВОЛНОВОДАХ ВО ВНЕШНЕМ ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ

© Г.В.Кулак

Мозырский государственный педагогический институт,  
247760 Мозырь, Белоруссия  
(Поступило в Редакцию 24 марта 1995 г.)

Исследование планарного акустооптического АО взаимодействия в гиротропных кубических кристаллах во внешнем электрическом поле представляет значительный интерес для оптоэлектроники [1], поскольку ряд кристаллов структуры силленита ( $Bi_{12}GeO_{20}$ ,  $Bi_{12}SiO_{20}$ ,  $Bi_{12}TiO_{20}$  и др.) обладает высокой удельной вращательной способностью и одновременно электрооптическим эффектом. Волноводные свойства планарных структур на основе кристаллов структуры силленита исследованы в работах [2,3]. В [4] изучены волноводные свойства многослойных планарных структур на основе одноосных гиротропных кристаллов парателлурида ( $TeO_2$ ) и кварца ( $SiO_2$ ).

Если в одноосных и двуосных кристаллах гиротропия проявляется лишь для направлений распространения света, близких к оптическим осям, то в изотропной среде и в кубическом кристалле ее необходимо принимать во внимание при любой геометрии взаимодействия света и

ультразвука [5,6]. В работах [7,8] рассмотрены особенности планарного брэгговского АО взаимодействия в гиротропных одноосных и кубических кристаллах. Показано, что оптическая гиротропия существенно изменяет поляризационные и энергетические характеристики дифрагированного света.

В настоящей работе с использованием метода медленно меняющихся амплитуд рассмотрены особенности раман-натовской АО дифракции в планарных гиротропных оптических волноводах во внешнем электрическом поле.

Предположим, что планарный оптический волновод занимает пространство между плоскостями  $z = 0$  и  $z = h$ . При этом показатели преломления покрытия, волноводной пленки и подложки равны соответственно  $n_c$ ,  $n_f$ ,  $n_s$ . В [9] показано, что в гиротропном оптическом волноводе существуют в общем случае гибридные волны (моды), которые можно разделить на  $TE$ - и  $TM$ -подобные. Несложно показать, однако, что для маломодовых оптических волноводов, изготовленных с использованием известных акустооптических кристаллов, оптическая гиротропия приводит к малому возмущению тензора диэлектрической проницаемости и, как следствие, приближенному разделению на  $TE$ - и  $TM$ -моды. Вектор-функции, учитывающие пространственное распределение электрических полей в покрытии, пленке и подложке, приведены в [9,10].

Предположим, что вдоль оси  $OY$ , совпадающей с кристаллографической осью или направлением  $\langle 110 \rangle$  гиротропного кубического кристалла, распространяется поверхностная акустическая волна (ПАВ) рэлеевской поляризации. В случае волноводной пленки из оптически одноосного кристалла двухпарциальная ПАВ должна распространяться ортогонально оптической оси. Известно, что наряду с экспоненциальным затуханием изменение нормальной составляющей амплитуды смещения УЗ волны имеет осциллирующий характер [11]. Компоненты тензора деформаций ПАВ запишем в виде [12]

$$U_{q2} = B_{q2} V_{q2}(z) \exp[i(\mathbf{K}\mathbf{r} - \Omega t)]; \quad q = 1, 2, 3, \quad (1)$$

где  $B_{q2}$  — амплитуда деформаций;  $V_{q2}$  — функция поперечного распределения в пленке и подложке;  $|\mathbf{K}| = \Omega/v_r$ , где  $\Omega$ ,  $v_r$  — круговая частота и скорость ПАВ.

Предположим, что направляющая волноводная мода распространяется вдоль оптической оси одноосного кристалла либо кристаллографической оси кубического кристалла. При нормальном падении света на область АО взаимодействия и ширине УЗ пучка  $l$ , удовлетворяющей соотношению  $l \leq N_0 \Lambda^2 / \lambda_0$  ( $N_0$  — эффективный показатель преломления направляющей моды падающего света,  $\lambda_0$  — длина световой волны в вакууме,  $\Lambda$  — длина звуковой волны), наблюдается дифракция Рамана-Ната [10].

Трехслойная структура, состоящая из покрытия, волноводной пленки и подложки, обладает одноосной оптической анизотропией. При этом эффективные тензоры невозмущенной диэлектрической проницаемости  $\hat{\epsilon}^m$  ( $m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$ ) для волноводных мод  $TE(TM)$ -поляризации с эффективными показателями преломления  $N_a^m$  ( $N_b^m$ ) имеют

отличные от нуля компоненты  $\varepsilon_{11}^m = (N_a^m)^2$ ,  $\varepsilon_{22}^m = \varepsilon_{33}^m = (N_b^m)^2$ . Воздействие ультразвука и внешнего электрического поля приводят к образованию для каждой из мод периодической решетки диэлектрической проницаемости вида

$$\hat{\varepsilon}_m = \hat{\varepsilon}^m + \widehat{\Delta\varepsilon}_e^m + \widehat{\Delta\varepsilon}^m \cos(\mathbf{K}\mathbf{r} - \Omega t), \quad (2)$$

где  $\Delta\varepsilon_{ij}^m = -\varepsilon_{ik}^m \varepsilon_{lj}^m p_{klf} S_{fq}$ ,  $p_{klf}$  — компоненты тензора фотоупругих постоянных,  $S_{fq}$  — компоненты тензора деформаций;  $(\Delta\varepsilon_e^m)_{ij} = -\varepsilon_{ik}^m \times \varepsilon_{lj}^m r_{kl} E_t^0$ ,  $r_{kl}$  — компоненты тензора электрооптических постоянных.

Из уравнений Максвелла следует волновое уравнение вида

$$\nabla^2 \mathbf{E} - \nabla(\nabla \cdot \mathbf{E}) - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \mathbf{D}}{\partial t^2} = 0, \quad (3)$$

где  $\mathbf{E}$  и  $\mathbf{D}$  — соответственно вектора напряженности и индукции электрического поля световой волны,  $c$  — скорость света в вакууме.

Решение волнового уравнения (3) ищем в виде

$$\mathbf{D} = \sum_{m=-\infty}^{+\infty} D_m \exp[i(\mathbf{k}_m \mathbf{r} - \omega_m t)], \quad (4)$$

$$\mathbf{E} = \sum_{m=-\infty}^{+\infty} \left\{ \hat{\varepsilon}_m^{-1} \mathbf{D}_m - \frac{i}{\hat{\varepsilon}_m} [\hat{G} \mathbf{n}_m, \mathbf{D}_m] \right\} \exp[i(\mathbf{k}_m \mathbf{r} - \omega_m t)], \quad (5)$$

где  $\mathbf{D}_m = \mathbf{e}_m e_m^a A_m(x) + \mathbf{e}_z e_m^b B_m(x)$ , причем  $\mathbf{k}_m = (\omega_m/c)\sqrt{\hat{\varepsilon}_m} (\cos \varphi_m, 0, \sin \varphi_m)$  — волновые векторы дифрагированных волн;  $\omega_m = \omega \pm m\Omega$  — круговые частоты дифрагированных волн. Здесь введены обозначения  $\hat{\varepsilon}_m = (1/3)Sp\hat{\varepsilon}_m$ ;  $\mathbf{e}_m = (-\sin \varphi_m, 0, \cos \varphi_m)$ ,  $\mathbf{e}_z = (0, 0, 1)$ ,  $\mathbf{n}_m = \mathbf{k}_m/|\mathbf{k}_m|$  — единичные векторы;  $e_m^a \equiv e_m^a(z)$ ,  $e_m^b \equiv e_m^b(z)$  — функции поперечного распределения индукций электрических полей соответственно  $TE$ - и  $TM$ -мод невозмущенного волновода [10];  $\hat{G}$  — тензор гирации;  $\omega$  — круговая частота падающего света.

При отсутствии УЗ возмущения, внешнего электрического поля и гиротропии в оптическом волноводе распространяются несвязанные  $TE$ - и  $TM$ -моды. Предполагается, что малые возмущения диэлектрической проницаемости не приводят к изменению собственных функций волновода [9].

Подставив (4), (5) в волновое уравнение (3) получим систему зацепляющихся дифференциальных уравнений относительно комплексных амплитуд  $A_m$ ,  $B_m$ ,  $A_{m\pm 1}$ ,  $B_{m\pm 1}$  вида

$$\begin{aligned} \frac{dA_m}{dx} &= i(\Delta_{ma}^{ae} + \Delta_{ma}^e) A_m + (\rho_m + i\Delta_{mb}^e) B_m + \\ &+ i\chi_{m,m+1}^{aa} A_{m+1} + i\chi_{m,m+1}^{ab} B_{m+1} + i\chi_{m,m-1}^{aa} A_{m-1} + i\chi_{m,m-1}^{ab} B_{m-1}, \\ \frac{dB_m}{dx} &= i(\Delta_{mb}^{ae} + \Delta_{mb}^e) B_m + (-\rho_m + i\Delta_{ma}^e) A_m + \\ &+ i\chi_{m,m+1}^{ba} A_{m+1} + i\chi_{m,m+1}^{bb} B_{m+1} + i\chi_{m,m-1}^{ba} A_{m-1} + i\chi_{m,m-1}^{bb} B_{m-1}, \end{aligned} \quad (6)$$

$$\Delta_{ma}^{ae} = q_m(\mathbf{e}_m \Delta \varepsilon_m^e \mathbf{e}_m), \quad \chi_{m,m\pm 1}^{aa} = q_{m\pm 1} F_{m,m\pm 1}^{aa} (\mathbf{e}_m \widehat{\Delta \varepsilon}^m \mathbf{e}_{m\pm 1}),$$

$$\Delta_{mb}^e = q_m F_{m,m}^{ab} (\mathbf{e}_m \Delta \varepsilon_e^m \mathbf{e}_z), \quad \chi_{m,m\pm 1}^{ab} = q_{m\pm 1} F_{m,m\pm 1}^{ab} (\mathbf{e}_m \widehat{\Delta \varepsilon}^m \mathbf{e}_z),$$

$$\Delta_{ma}^e = q_m F_{m,m}^{ba} (\mathbf{e}_z \Delta \varepsilon_m^e \mathbf{e}_m), \quad \chi_{m,m\pm 1}^{ba} = q_{m\pm 1} F_{m,m\pm 1}^{ba} (\mathbf{e}_z \widehat{\Delta \varepsilon}^m \mathbf{e}_{m\pm 1}),$$

$$\Delta_{mb}^{ae} = q_m (\mathbf{e}_z \widehat{\Delta \varepsilon}_m^e \mathbf{e}_z), \quad \chi_{m,m\pm 1}^{bb} = q_{m\pm 1} F_{m,m\pm 1}^{bb} (\mathbf{e}_z \widehat{\Delta \varepsilon}^m \mathbf{e}_z),$$

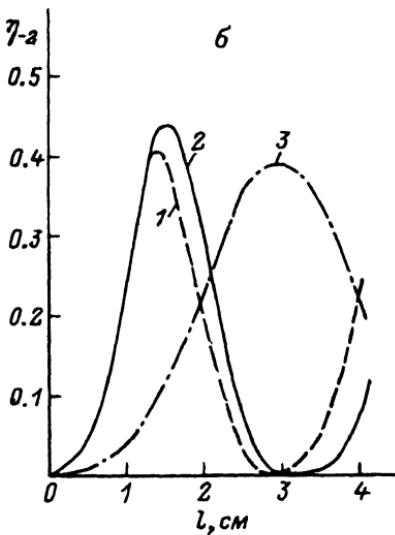
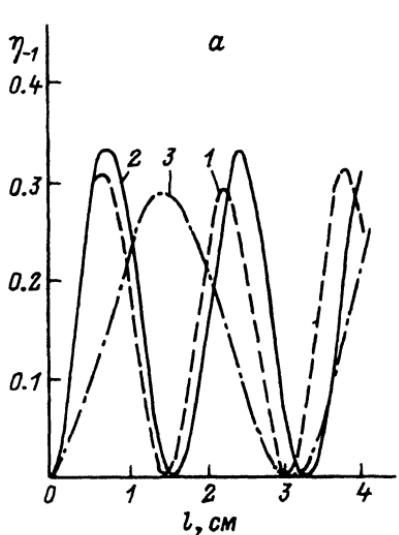
$$\Delta_{ma,b}^{an} = q_m (\mathbf{e}_{m,z} \widehat{\delta \varepsilon}_m \mathbf{e}_{m,z}), \quad \rho_m = (\hat{G} \mathbf{n}_m) \mathbf{n}_m.$$

Здесь  $q_m = \omega_m / 2c\sqrt{\varepsilon_m} \cos \varphi_m$ ,  $\widehat{\delta \varepsilon}_m = (\widehat{\varepsilon}^m - \bar{\varepsilon}_m)$ ; интегралы перекрытия полей  $F_{p,q}^{st}$  даются соотношениями

$$F_{p,q}^{st} = \frac{\int_{-\infty}^h [e_p^s(z) V_{q2}(z) e_q^t(z)] dz}{\int_{-\infty}^h |e_p^s(z)|^2 dz},$$

где  $s, t = a, b$ ;  $p, q = m - 1, m, m + 1$ .

Решение системы уравнений (6) следует искать с использованием граничных условий  $A_0(0) = A \cos \psi$ ,  $B_0(0) = A \sin \psi$ ,  $A_m(0) = B_m(0) = 0$  ( $m \neq 0$ ), где  $A$  — амплитуда падающего света;  $\psi$  — азимут поляризации падающего света, отсчитываемый от плоскости дифракции  $XY$ . В режиме сильного АО взаимодействия величина  $m$  должна удовлетворять соотношению  $|m| \geq 2$ . При этом для большинства случаев АО дифракции можно полагать  $m = 0, \pm 1, \pm 2$ .



Зависимости относительных интенсивностей дифрагированных волн первого (а) и второго (б) дифракционных порядков от длины области АО взаимодействия.  
 $J_a = 1 \text{ Вт/см}^2$ ,  $\psi = 0$ ;  $E^0, \text{ кВ/см}$ : 1, 3 — 1; 2 — 0;  $\rho$ : 1, 2 — 0; 3 — 3.9.

Численные расчеты проводились для планарного оптического волновода сформированного из кристалла германата висмута ( $\text{Bi}_{12}\text{GeO}_{20}$ ), на подложке из кристалла силиката висмута ( $\text{Bi}_{12}\text{SiO}_{20}$ ) [2,3]. Предполагалось, что падающая световая волна распространяется вдоль кристаллографического направления [001], а ПАВ распространяется вдоль оси [110]. При этом внешнее электрическое поле следует прикладывать вдоль направления [001]. Частота УЗ волны  $f = 30 \text{ МГц}$ , длина световой волны в вакууме  $\lambda_0 = 0.63 \text{ мкм}$ , толщина волноводной пленки  $h = 5.8 \text{ мкм}$ , показатели преломления волноводной структуры  $n_c = 1$ ,  $n_f = 2.55$ ,  $n_s = 2.5424$ . Интенсивность ПАВ  $J_a = 1 \text{ Вт}/\text{см}^2$ .

Относительные интенсивности дифрагированных волн первого ( $\eta_{\pm 1}$ ) и второго ( $\eta_{\pm 2}$ ) порядков находим из соотношений  $\eta_{\pm 1} = (|A_{\pm 1}|^2 + |B_{\pm 1}|^2)/|A|^2$ ,  $\eta_{\pm 2} = (|A_{\pm 2}|^2 + |B_{\pm 2}|^2)/|A|^2$ . На рисунке представлены зависимости относительных интенсивностей дифрагированных волн первого (a) и второго (б) дифракционных порядков от длины  $l$  области АО взаимодействия. Из рисунка следует, что при отсутствии гиротропии и внешнего электрического поля распределение интенсивностей дифрагированных волн близко к бесселевому [10]. При "включении" гиротропии и внешнего электрического поля максимумы относительных интенсивностей достигаются при больших длинах АО взаимодействия. Данная особенность АО взаимодействия объясняется эллиптической поляризацией дифрагированных волн, индуцированных внешним электрическим полем в гиротропном кубическом кристалле.

Выражаю благодарность В.И. Кулак за помощь при проведении численных расчетов.

### Список литературы

- [1] Семенов А.С., Смирнов В.Л., Шмалько А.В. Интегральная оптика для систем передачи и обработки информации. М., 1990. 96 с.
- [2] Абусев В.М., Леонов Е.И., Липовский А.А. и др. // Письма в ЖТФ. 1988. Т. 14. Вып. 17. С. 1555–1560.
- [3] Youden K.E., Eason R.W., Gower M.C., Vainos N.A. // Appl. Phys. Lett. 1991. Vo;. 59. N 16. P. 1929–1931.
- [4] Sunita J., Abhai M. // J. Appl. Phys. 1992. Vol. 25. N 8. P. 1116–1120.
- [5] Бокутъ Б.В., Сердуков А.Н., Федоров Ф.И. // Кристаллография. 1970. Т. 15. № 5. С. 1002–1006.
- [6] Федоров Ф.И. Теория гиротропии. Минск, 1976. 456 с.
- [7] Кулак Г.В., Ропот П.И. // ЖТФ. 1994. Т. 64. Вып. 1. С. 139–145.
- [8] Кулак Г.В. // Опт. и спектр. 1993. Т. 75. Вып. 5. С. 1086–1091.
- [9] Гончаренко А.М., Карпенко В.А. Основы теории оптических волноводов. Минск, 1983. 237 с.
- [10] Яковкин И.Б., Петров Д.В. Дифракция света на акустических поверхностных волнах. Новосибирск, 1979. 184 с.
- [11] Дельсан Э., Руайе Д. Упругие волны в твердых телах. Применение для обработки сигналов. М., 1982. 424 с.
- [12] Введение в интегральную оптику / Под ред. Барноски. М., 1977. 367 с.