

06;07;12

# ЗАТУХАНИЕ СВЯЗАННЫХ МОД ПОГЛОЩАЮЩИХ ПЛАНАРНЫХ ВОЛНОВОДОВ

© Д.И.Семенцов, А.М.Шутый

В большинстве используемых планарных волноводов потери, связанные с оптическим поглощением в материале пленки, незначительны и, как правило, не учитываются при теоретическом анализе. Однако в волноводах, выполненных на основе феррит-гранатовых пленок, поглощение в ближнем ИК диапазоне составляет  $\alpha \sim 1-10 \text{ см}^{-1}$ , что не всегда можно считать малым [1,2]. В литературе главным образом исследуется влияние поглощения на затухание ТЕ и ТМ мод скалярного волновода без учета их взаимодействия [3-5]. В настоящей работе на основе метода связанных волн рассматривается преобразование волноводных мод в поглощающем волноводе, приводящее к непериодическому обмену энергией между модами, не исследованному до сих пор.

Электрическое поле в волноводе с возмущенной диэлектрической проницаемостью представляется в виде разложения по полному набору собственных мод невозмущенного волновода:

$$\mathbf{E}(x, z) = \sum_{\nu} A_{\nu}(z) \mathcal{E}_{\nu}(x) \exp[-i(\beta'_{\nu} - i\beta''_{\nu})z], \quad (1)$$

где  $A_{\nu}(z)$  — амплитуда  $\nu$ -й моды, зависящая от координаты вдоль волновода в результате межмодового перехода энергии в возмущенном волноводе. Профильные функции  $\mathcal{E}_{\nu}(x)$  нормированы на единичную мощность вводимого в волновод излучения и определяют распределение поля по толщине волновода. Мнимая часть постоянной распространения определяет затухание энергии  $\nu$ -й моды при отсутствии межмодовой связи, а именно  $\alpha_{\nu} = 2\beta''_{\nu}$ .

Только две моды из полного набора обладают достаточным фазовым синхронизмом, обеспечивающим значительную модовую связь. Выражения для амплитуд связанных мод при выполнении граничных условий  $A_{\mu} = A_{\mu}(0)$ ,  $A_{\nu} = 0$  при  $z = 0$  имеют следующий вид [6,7]:

$$A_{\mu}(z) = A_{\mu}(0) \left( \cos \chi z - \frac{i\Delta}{\chi} \sin \chi z \right) \exp[i(\Delta - \Delta\beta_{\mu} + i\beta''_{\mu})z],$$

$$A_{\nu}(z) = iA_{\mu}(0) \frac{\gamma^*}{\chi} \sin \chi z \exp[-i(\Delta + \Delta\beta_{\nu} - i\beta''_{\nu})z], \quad (2)$$

где коэффициент связи  $\gamma$  в общем случае определяется соответствующими компонентами тензора возмущения диэлектрической проницаемости  $\Delta\hat{\epsilon}$  слоя толщиной  $L$ :

$$\gamma = k_0 \int_0^L \mathcal{E}_\mu^* \Delta\hat{\epsilon} \mathcal{E}_\nu dx,$$

где  $k_0 = \omega/c$ ,  $\omega$  — частота излучения,  $c$  — скорость света;  $\delta\beta_{\mu,\nu}$  — поправки к постоянным распространения  $\beta_{\mu,\nu}$  взаимодействующих мод, обусловленные возмущением; введены также параметры:

$$2\Delta = 2(\Delta' + i\Delta'') = \beta'_\mu + \Delta\beta_\mu - \beta'_\nu - \Delta\beta_\nu + i(\beta''_\nu - \beta''_\mu),$$

$$\chi = (|\gamma|^2 + \Delta^2)^{1/2}.$$

При фазовом синхронизме ( $\Delta' = 0$ ) и достаточно большой разности параметров затухания связанных мод  $|\beta''_\mu - \beta''_\nu| \geq 2|\gamma|$  тригонометрические функции в (2) переходят в гиперболические. В результате будет отсутствовать периодический обмен энергией между модами при распространении в волноводе, имеющий место для прозрачного волновода или в случае малого отличия между модовыми параметрами затухания. При этом интенсивность возбуждаемой  $\nu$ -й моды  $I_\nu = |A_\nu(z)|^2$  имеет один максимум на длине волновода

$$z_1 = \frac{1}{2\sigma} \ln \left( \frac{\beta''_\mu + \beta''_\nu + 2\sigma}{\beta''_\mu + \beta''_\nu - 2\sigma} \right), \quad (3)$$

а интенсивность вводимой  $\mu$ -й моды  $I_\mu$  имеет один минимум на длине

$$z_2 = \frac{1}{2\sigma} \ln \left( \frac{\Delta'' - \sigma}{\Delta'' + \sigma} \right), \quad (4)$$

где  $\sigma = (\Delta''^2 - |\gamma|^2)^{1/2}$  и один максимум на длине  $z_3$ , выражение для которой в общем случае громоздко и здесь не приводится. Существенным является то, что в результате взаимодействия мод изменяется их затухание, определяясь для области волновода  $z > z_3$  величиной

$$\alpha_{\mu,\nu} = 2(\beta''_\mu + \beta''_\nu \pm \sigma). \quad (5)$$

Это позволяет регулировать в известных пределах модовое затухание  $\alpha_{\mu,\nu}$  варьированием коэффициента связи. Кроме того, изменением коэффициента связи можно регулировать

суммарную интенсивность  $I_\mu + I_\nu$  на выходе волновода, что исключено для связи одинаково поглощаемых мод. Приведенные результаты справедливы также для малой фазовой расстройки  $2\Delta' < |\gamma|$ .

При условии  $\Delta' = 0$  и  $\Delta'' = |\gamma|$  выражения для интенсивности мод принимают вид

$$I_\mu = I_0(z\Delta'' + 1)^2 \exp [-(\beta_\mu'' + \beta_\nu'')z],$$

$$I_\nu = I_0(z\Delta'')^2 \exp [-(\beta_\mu'' + \beta_\nu'')z], \quad (6)$$

где  $I_0 = |A_\mu(0)|^2$ , а максимумы интенсивности  $\nu$ -й,  $\mu$ -й мод и минимум  $\mu$ -й моды реализуются соответственно на длинах

$$z_1 = 2/(\beta_\mu'' + \beta_\nu''), z_3 = 2\beta_\mu''/(\beta_\mu''^2 - \beta_\nu''^2), z_2 = 1/(\beta_\mu'' - \beta_\nu'').$$

Если вводимая  $\mu$ -я мода затухает слабее возбуждаемой, то ее интенсивность не имеет экстремальных значений и монотонно убывает.

Как следует из анализа приведенных соотношений, возможности управления затуханием энергии в волноводе тем значительнее, чем сильнее различаются коэффициенты поглощения мод, при отсутствии межмодовой связи. Для количественной оценки описанного эффекта рассмотрим преобразование типа  $\text{TM}_1 \leftrightarrow \text{TE}_1$  в магнитогиротропном волноводе, представляющем собой феррит-гранатовую пленку на гадолиний-галлиевой подложке с покровным слоем из проводящего материала. Проводящий слой влияет главным образом на поглощение мод, сильно усиливая дихроизм ( $\beta_M'' = -4.5 \text{ см}^{-1}$  и  $\beta_E'' = -0.5 \text{ см}^{-1}$ ), и практически не влияет на остальные параметры мод [3]. Для расчетов использованы следующие параметры волноводной структуры: диэлектрическая проницаемость подложки  $\epsilon_1 = 3.8$ , отличные от нуля диагональные компоненты невозмущенной диэлектрической проницаемости пленки  $\epsilon_{yy} = \epsilon_{zz} = 4.5371$ ,  $\epsilon_{xx} = 4.5383$ , за возмущенную часть диэлектрической проницаемости приняты зависящие от намагниченности компоненты  $\Delta\epsilon_{ij}$ , [7]; толщина пленки  $L = 6.8 \text{ мкм}$ , при которой в рассматриваемом волноводе синхронизированы ( $\Delta' \approx 0$ )  $\text{TE}_1$  и  $\text{TM}_1$  моды; магнитооптические параметры пленки  $f = 3.07 \cdot 10^{-4}$ ,  $\Delta g = -0.73 \cdot 10^{-4}$ ,  $g_{11} = 5.07 \cdot 10^{-4}$ ,  $g_{44} = 2.4 \cdot 10^{-4}$ . Длина волны излучения в вакууме  $\lambda = 1.15 \text{ мкм}$ . Магнитные проницаемости всех слоев в используемом диапазоне принимаются равными единице.

На рис. 1 для преобразования  $\text{TM}_1 \rightarrow \text{TE}_1$  (a) и  $\text{TE}_1 \rightarrow \text{TM}_1$  (б) приведена зависимость от длины волновода  $z$  относительной (нормированной на  $I_0$ ) — интенсивность

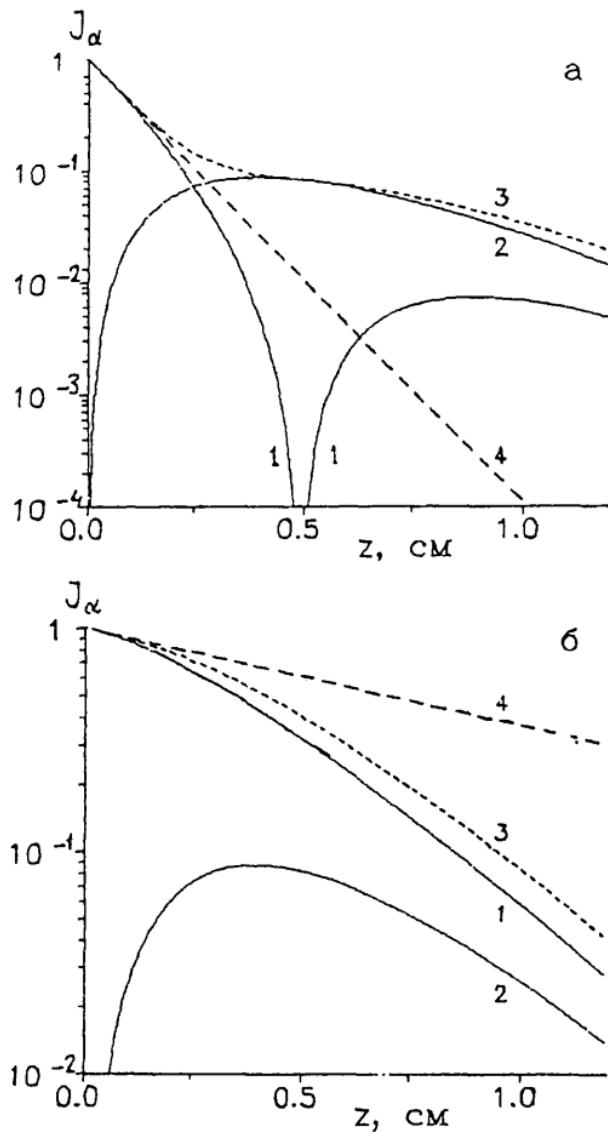


Рис. 1. Зависимость от длины волновода  $z$  относительной интенсивности вводимой моды  $J_\mu$  (кривые 1), возбуждаемой моды  $J_\nu$  (кривые 2), суммарной интенсивности  $J_\mu + J_\nu$  (кривые 3) и интенсивности вводимой моды при отсутствии связи  $J_\mu = \exp(-2\beta''_\mu z)$  ( $\gamma = 0$ , кривые 4) для преобразования  $\text{TM}_1 \rightarrow \text{TE}_1$  (а) и  $\text{TE}_1 \rightarrow \text{TM}_1$  (б).

вводимой моды при  $z = 0$ ) интенсивности вводимой моды  $J_\mu(z) = I_\mu(z)/I_0$  (кривые 1), возбуждаемой моды  $J_\nu(z)$  (кривые 2), суммарной интенсивности  $J_\mu(z) + J_\nu(z)$  (кривые 3) и интенсивности вводимой моды при отсутствии связи  $J_\mu(z) = \exp(-2\beta''_\mu z)$  ( $\gamma = 0$ , кривые 4). Намагниченность лежит в плоскости пленки под углом  $\psi = 59^\circ$  к оси  $z$ , при котором выполняется условие модового синхронизма ( $\Delta' \approx 0$ ).

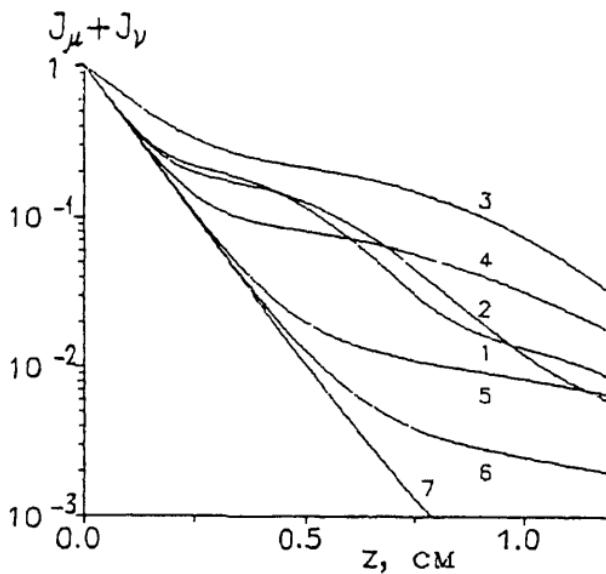


Рис. 2. Зависимость от длины волновода суммарной относительной интенсивности связанных мод для преобразования  $\text{TM}_1 \rightarrow \text{TE}_1$  при различной ориентации магнитного момента в плоскости пленки.

и справедливо равенство  $\Delta'' = |\gamma|$ . Из приведенных на рис. 1, а зависимостей следует, что интенсивность вводимой, сильно поглощаемой моды при ее взаимодействии с менее поглощаемой модой, пройдя минимальное значение  $J_\mu(z_2)$ , в дальнейшем затухает значительно медленнее, чем интенсивность собственной  $\mu$ -й моды. Если вводимая мода поглощается слабее возбуждаемой (рис. 1, б), то модовая связь усиливает ее затухание. При этом суммарная интенсивность в первом случае оказывается больше, а во втором — меньше интенсивности невзаимодействующей моды.

При отклонении намагниченности от угла  $\psi = 59^\circ$  фазовый синхронизм нарушается незначительно ( $\Delta' = -2.13 \text{ см}^{-1}$  для  $\psi = 0^\circ$  и  $\Delta' = 0.8 \text{ см}^{-1}$  для  $\psi = 90^\circ$ ), и характер модового взаимодействия в этом случае определяется главным образом соотношением коэффициента связи и разности параметров затухания  $\Delta''$ . Меняя коэффициент связи за счет поворота магнитного момента пленки, можно эффективно изменять распространяемую в волноводе суммарную энергию. На рис. 2 показана зависимость от длины волновода суммарной относительной интенсивности мод для преобразования  $\text{TM}_1 \rightarrow \text{TE}_1$  при различной ориентации магнитного момента в плоскости пленки:  $\psi = 0, 30, 50, 59, 80, 85, 90^\circ$  соответственно для кривых 1–7. В условиях, близких к фазовому синхронизму связанных мод, наиболее эффективное управление переносимой в волноводе энергией возможно, если коэффициент связи  $|\gamma|$  меньше величины

$|\Delta''|$  (кривые 4-7) либо незначительно ее превосходит (кривая 3). При дальнейшем увеличении коэффициента связи (кривые 1, 2), возможности управления энергией волновода посредством изменения величины  $|\gamma|$  сильно снижаются и в предельном случае  $|\gamma| \gg |\Delta''|$  полностью исчезают, так как энергия двух синхронизированных мод при этом затухает по закону  $\exp[-(\beta_\mu'' + \beta_v'')z]$ , определяясь только мнимыми частями постоянных распространения мод. Для больших коэффициентов связи ( $|\gamma| \gg |\Delta''|$ ) изменение затухания полной энергии возможно только значительным увеличением фазовой расстройки  $\Delta'$ , тогда взаимодействие мод нарушается и переносимая волноводом энергия, оказавшись практически полностью состоящей из энергии вводимой  $\mu$ -й моды, будет затухать по закону  $\exp[-2\beta_\mu''z]$ .

Таким образом, в поглощающих планарных волноводах характер связи синхронизированных мод изменяется, если выполняется условие  $|\gamma| \lesssim |\Delta''|$ . При этом исчезает периодический обмен энергией между модами, затухание самих мод оказывается зависящим от коэффициента связи и становится возможным эффективное управление затуханием поля в волноводе. Описанный эффект может быть использован для создания амплитудных модуляторов излучения на основе поглощающих планарных волноводов.

### Список литературы

- [1] Прохоров А.М., Смоленский Г.А., Агеев А.Н. // УФН. 1984. Т. 143. № 1. С. 33-72.
- [2] Рандошкин В.В., Червоненкис А.Я. Прикладная магнитооптика. М.: Энергоатомиздат, 1990. 319 с.
- [3] Адамс М. Введение в теорию оптических волноводов. М.: Мир, 1984. 512 с.
- [4] Солноводная оптоэлектроника // Под ред. Т. Тамира. М.; Мир, 1991. 575 с.
- [5] Nepner G., Castera J.P., Desomiere B. // Physica 89D. 1977. P. 264-266.
- [6] Семенцов Д.И., Шутый А.М. // ЖТФ. 1995. Т. 65. В. 2. 156-162.
- [7] Семенцов Д.И., Шутый А.М., Иванов О.В. // Радиотехника и электроника. 1996. Т. 41. С. 1-8.

Филиал Московского  
государственного университета  
им. М.В. Ломоносова  
Ульяновск

Поступило в Редакцию  
31 января 1996 г.