

В составе  $x = 0.7$  (интервал 3), по-видимому, происходит образование микродоменов другого типа, имеющих спонтанную намагниченность. На нейтронограммах этого состава при 4.2 К не выявлено магнитного рассеяния нейтронов [2], однако магнитные измерения четко указывают на фазовый переход (рис. 2). По-видимому, при 100 К микродомены переходят в парамагнитное состояние. Переход очень резкий, что может быть в случае высокой степени упорядочения ионов меди и марганца в микродоменах. В  $x = 0.8$  (интервал 4) кластеры с неупорядоченным расположением ионов меди и марганца достигают критических размеров и обусловливают второй размытый фазовый переход, температура которого сильно зависит от концентрации меди (рис. 3). В составе  $x = 1$  наблюдалось ко-герентное магнитное рассеяние нейтронов [1], обусловленное фазой с неупорядоченным расположением ионов в подрешетках. Величины аномалии магнитных свойств в образцах  $0.8 \leq x \leq 1.3$  при 40 и 100 К резко уменьшаются с ростом концентрации меди, однако остаются заметными в  $x = 1.3$ .

### Список литературы

- [1] Troyanchuk I. O., Bashkirov L. A., Balyko L. V. // Phys. St. Sol. (a). 1985. V. 89. N 2. P. 601–609.
- [2] Troyanchuk I. O., Chernyi A. S., Shapovalova E. F. // Phys. St. Sol. (a). 1989. V. 112. N 1. P. 155–160.
- [3] Троянчук И. О., Черный А. С., Зонов Ю. Г. // ФТТ. 1989. Т. 31. № 2. С. 193–197.
- [4] Коллонг Р. Нестехиометрия. М.: Мир, 1974. 288 с.

Институт физики твердого тела и полупроводников  
АН БССР  
Минск

Поступило в Редакцию  
25 июля 1989 г.

УДК 538.224

© Физика твердого тела, том 32, № 4, 1990  
Solid State Physics, vol. 32, N 4, 1990

## ЭФФЕКТИВНЫЕ УРАВНЕНИЯ ДВИЖЕНИЯ И ДОМЕННЫЕ ГРАНИЦЫ В $\text{La}_2\text{CuO}_4$

*В. Г. Барыахтар, А. Л. Сукстанский, Д. А. Яблонский*

В последнее время резко возрос интерес к исследованию магнитных свойств кристаллов типа  $\text{La}_2\text{CuO}_4$ ,  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_6$  и т. д., которые при некоторой вариации химического состава проявляют свойства высокотемпературной сверхпроводимости. В работах [1–3] на основе симметрийных соображений была построена свободная энергия магнитной подсистемы в  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  и подробно изучены различные однородные фазы, которые могут реализоваться в магнетике при тех или иных значениях его параметров и внешнего магнитного поля. Кроме того, в [2, 3] были рассмотрены линейные возбуждения в  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  и найдены частоты и поляризации различных ветвей спектра спиновых волн.

В настоящей работе анализируются более сложные, нелинейные возбуждения магнитной подсистемы в  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  — доменные границы (ДГ). В частности, предсказывается существование так называемых обменных ДГ (см. ниже).

$\text{La}_2\text{CuO}_4$  представляет собой четырехподрешеточный антиферромагнетик (АФМ) с резкой пространственной анизотропией обменного и релятивистских взаимодействий: все взаимодействия внутри  $\text{CuO}_2$ -плоскостей значительно превышают соответствующие взаимодействия между плоскостями. Поэтому для описания такого АФМ удобно ввести вектор слабого ферромагнетизма ( $\mathbf{m}_{1, 2}$ ) и антиферромагнетизма ( $\mathbf{l}_{1, 2}$ ) внутри  $\text{CuO}_2$ -слоев [2, 3].

$$\begin{array}{c} 2M_0 \mathbf{m}_1 = \mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2, \quad 2M_0 \mathbf{l}_1 = \mathbf{M}_1 - \mathbf{M}_2, \\ \hline 2 & 3 & 4 & 2 & 3 & 4 \end{array} \quad (1)$$

где  $M_0 = |\mathbf{M}_n|$ .<sup>2</sup> В терминах векторов  $\mathbf{m}_j$ ,  $\mathbf{l}_j$  ( $j=1, 2$ ) свободную энергию АФМ  $W$  в соответствии с симметрийными свойствами  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  можно записать в виде

$$W = 2M_0 \int d\mathbf{r} \left\{ \sum_{j=1,2} \left[ H_e \mathbf{m}_j^2 + H_D [\mathbf{m}_j \mathbf{l}_j]_x + \frac{1}{2} H_{AZ} l_{jz}^2 - \frac{1}{2} H_{AY} l_{jy}^2 + \right. \right. \\ \left. \left. + \frac{\alpha M_0}{4} \left[ \left( \frac{\partial \mathbf{l}_j}{\partial x} \right)^2 + \left( \frac{\partial \mathbf{l}_j}{\partial y} \right)^2 \right] \right] + h'_e \mathbf{l}_1 \mathbf{l}_2 - h'_a (l_{1x} l_{2x} - l_{1y} l_{2y}) \right\}. \quad (2)$$

Здесь  $\alpha$  — константа неоднородного обмена, остальные обозначения совпадают с обозначениями работы [3]. В энергии (2) мы опустили малые слагаемые, связанные с неантисимметричным и межплоскостным взаимодействием Дзялошинского, а также слагаемые, квадратичные по векторам  $\mathbf{m}_j$ .

Обычные уравнения движения для векторов намагниченности подрешеток  $\mathbf{M}_n$  (уравнения Ландау—Лифшица) или эквивалентные им уравнения для векторов  $\mathbf{m}_j$ ,  $\mathbf{l}_j$  могут быть существенно упрощены, если воспользоваться иерархией взаимодействий, характерной для рассматриваемого АФМ:  $H_e \gg H_d \gg H_{AZ}$ ,  $H_{AY}$ ,  $H_e \gg h'_e$ ,  $h'_a$ . Подобно тому, как это имеет место в двухподрешеточном АФМ и СФМ [4], векторы  $\mathbf{m}_j$  можно выразить через векторы  $\mathbf{l}_j$ . При этом динамика намагниченности АФМ описывается системой двух уравнений для единичных (в рассматриваемом приближении) векторов  $\mathbf{l}_j$ . Эти уравнения являются вариационными уравнениями для функции Лагранжа  $\mathcal{L}\{\mathbf{l}_1, \mathbf{l}_2\}$ , которую удобно записать в угловых переменных  $\theta_j$ ,  $\varphi_j$ , параметризующих векторы  $\mathbf{l}_j$  ( $l_{jz} = (-1)^{j+1} \cos \theta_j$ ,  $l_{jy} + il_{jx} = (-1)^{j+1} \sin \theta_j \exp(i\varphi_j)$ ),

$$\mathcal{L} = M_0^2 \int d\mathbf{r} \left\{ \sum_j \left[ \frac{\alpha}{2c^2} (\dot{\theta}_j^2 + \sin^2 \theta_j \dot{\varphi}_j^2) - \frac{\alpha}{2} [(\nabla \cdot \theta_j)^2 + \sin^2 \theta_j (\nabla \cdot \varphi_j)^2] - \frac{\beta_1}{2} \cos^2 \theta_j - \right. \right. \\ \left. \left. - \frac{\beta_2}{2} \sin^2 \theta_j \sin^2 \varphi_j \right] + \delta_x \cos \theta_1 \cos \theta_2 + \sin \theta_1 \sin \theta_2 (\delta_x \sin \varphi_1 \sin \varphi_2 + \delta_y \cos \varphi_1 \cos \varphi_2) \right\}, \quad (3)$$

где  $c^2 = \alpha g^2 M_0 H_e$ ;  $\beta_1 = 2(H_{AZ} + H_{AY})/M_0$ ,  $\beta_2 = (2H_{AY} + H_D^2 H_e^{-1})/M_0$  — эффективные константы анизотропии;  $\delta_x = 2(h'_e - h'_a)/M_0$ ;  $\delta_y = 2(h'_e + h'_a)/M_0$ ;  $\delta_z = 2h'_e/M_0$ ;  $\nabla_\perp = \mathbf{e}_x(\partial/\partial x) + \mathbf{e}_y(\partial/\partial y)$ .

Эффективный лагранжиан (3) обобщает аналогичный лагранжиан в двухподрешеточном СФМ и позволяет значительно упростить анализ линейных и нелинейных возбуждений в  $\text{La}_2\text{CuO}_4$ , в частности в статических и движущихся ДГ.

Если  $\beta_1 > 0$ ,  $\beta_2 > 0$ ,  $\delta_y > 0$ , то в основном однородном состоянии векторы  $\mathbf{l}_1$ ,  $\mathbf{l}_2$  коллинеарны оси  $Y$  и антипараллельны друг другу ( $\theta_{1,2} = \pi/2$ ,  $\varphi_{1,2} = 0$ ). Именно такое основное состояние реализуется в отсутствие внешнего магнитного поля [2, 3].

Анализ эффективных уравнений движения для углов  $\theta_j$ ,  $\varphi_j$  показывают, что на фоне такого основного состояния возможны четыре типа плоских 180-градусных ДГ. В одной из ДГ, которую мы назовем ДГ—ХА, векторы  $\mathbf{l}_1$  и  $\mathbf{l}_2$  врачаются в плоскости ( $XY$ ), оставаясь антипараллельными друг другу. Статической ДГ—ХА отвечает распределение намагниченности  $\theta_1 = \theta_2 = \pi/2$ ,

$$\varphi_1 = \varphi_2, \quad \sin \varphi_1 = \operatorname{ch}^{-1} z_{XA} x, \quad z_{XA}^2 = (\beta_2 + \delta_y - \delta_x)/\alpha \quad (4)$$

(для конкретности мы считаем, что намагниченность неоднородна вдоль оси  $X$ ).

В ДГ—ХЕ-типа векторы  $\mathbf{l}_1$  и  $\mathbf{l}_2$  также вращаются в плоскости ( $X$  $Y$ ), но направления их разворота противоположны. Распределение намагниченности в ДГ—ХЕ подобно (4), но  $\theta_1 = \theta_2 = \pi/2$ ,

$$\varphi_2 = -\varphi_1, \quad \sin \varphi_1 = \operatorname{ch}^{-1} \mathbf{x}_{XE} x, \quad \mathbf{x}_{XE}^2 = (\beta_2 + \delta_y + \delta_x)/\alpha. \quad (5)$$

Две другие ДГ (ДГ—ZA и ДГ—ZE) отличаются соответственно от ДГ—XA и ДГ—ХЕ только плоскостью разворота векторов  $\mathbf{l}_j$ . Им соответствуют  $\varphi_1 = \varphi_2 = 0$  и

$$\text{ДГ—ZA: } \theta_1 = \theta_2, \quad \cos \theta_1 = \operatorname{ch}^{-1} \mathbf{x}_{ZA} x, \quad \mathbf{x}_{ZA}^2 = (\beta_1 + \delta_y - \delta_x)/\alpha, \quad (6)$$

$$\text{ДГ—ZE: } \theta_2 = \pi - \theta_1, \quad \cos \theta_1 = \operatorname{ch}^{-1} \mathbf{x}_{ZE} x, \quad \mathbf{x}_{ZE}^2 = (\beta_1 + \delta_y + \delta_x)/\alpha. \quad (7)$$

Лоренц-инвариантность лагранжиана (3) позволяет легко получить и структуру движущихся ДГ, для чего в (4)—(7) достаточно сделать замену:  $x \rightarrow \xi = (x - Vt)(1 - V^2/c^2)^{-1/2}$ . Энергия всех ДГ равна  $E_n = 4\alpha M_0^2 \mathbf{x}_n(V)$ , где  $\mathbf{x}_n(V) = \mathbf{x}_n(0)(1 - V^2/c^2)^{-1/2}$  — обратная толщина соответствующей ДГ.

В работе [5] была высказана гипотеза, что каждой ветви спиновых волн отвечает свой тип ДГ. В обычных АФМ ДГ, соответствующие обменным ветвям спектра, имеют толщину порядка постоянной решетки, их энергия очень велика и поэтому такие ДГ не реализуются. В  $\text{La}_2\text{CuO}_4$  обменным ветвям спектра [2, 3] соответствуют ДГ—ХЕ и ДГ—ZE. Так как обменное взаимодействие между  $\text{CuO}_2$ -слоями мало и сравнимо с энергией анизотропии ( $\delta_x, \delta_y, \delta_z \sim \beta_{1,2}$ ), то вполне возможна ситуация, в которой могут существовать и даже быть энергетически выгодными именно ДГ—ХЕ или ДГ—ZE, которые по аналогии со спиновыми волнами будем называть обменными ДГ. Анализу устойчивости всех типов ДГ будет посвящена отдельная работа.

#### Список литературы

- [1] Боровик-Романов А. С., Буздин А. И., Крейнис Н. М. // Письма в ЖЭТФ. 1988. Т. 47. № 11. С. 600—603.
- [2] Барьяхтар В. Г., Локтев В. М., Яблонский Д. А. // СФХТ. 1989. Т. 2. № 1. С. 16—31.
- [3] Барьяхтар В. Г., Локтев В. М., Львов В. А. и др. // Препринт ИТФ-89-20Р. 1989. 17 с.
- [4] Барьяхтар В. Г., Иванов Б. А., Сукстанский А. Л. // ЖЭТФ. 1980. Т. 78. № 4. С. 1509—1522.
- [5] Барьяхтар В. Г., Иванов Б. А., Сукстанский А. Л. // Письма в ЖЭТФ. 1978. Т. 27. № 2. С. 226—229.

Донецкий физико-технический институт  
АН УССР  
Донецк

Поступило в Редакцию  
27 июля 1989 г.

УДК 535.323

© Физика твердого тела, том 32, № 4, 1990  
Solid State Physics, vol. 32, N 4, 1990

## ОПТИЧЕСКИЕ ИССЛЕДОВАНИЯ НИЗКОТЕМПЕРАТУРНОГО ФАЗОВОГО ПЕРЕХОДА В $\text{K}_2\text{ZnCl}_4$

*Н. А. Романюк, В. М. Габа, Б. И. Стадник*

Кристалл  $\text{K}_2\text{ZnCl}_4$  претерпевает такую последовательность ФП: параэлектрическая,  $P_{ma}$  ( $T=553$  К)  $\rightarrow$  несоразмерная,  $\mathbf{q}=(1-\delta)\mathbf{a}^*/3$  ( $T_{c1}=403$ )  $\rightarrow$  сегнетоэлектрическая,  $P_{n2a}$  ( $T_{c2}=?$ ) низкотемпературная фаза. Последнему низкотемпературному фазовому переходу (НТФП) сейчас уделяется значительное внимание, и тем не менее пока нет однозначности по температуре самого перехода и его природе.