

© 1990

## ЯН-ТЕЛЛЕРОВСКИЕ АНТИФЕРРОМАГНЕТИКИ: ВНУТРИПОДРЕШЕТОЧНЫЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ И ВОЗНИКОВЕНИЕ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ ФАЗЫ

B. D. Ашкнази, B. Г. Вехтер

При анализе фазовой диаграммы ян-теллеровского антиферромагнетика в магнитном поле учтены внутриподрешеточные взаимодействия. Показано, что их учет может привести к реализации новой фазы, разделяющей антиферромагнитную и магнитодисторсионную фазы. Исследованы магнитные и упругие свойства внутри этой фазы и на ее границах.

В ян-теллеровских кристаллах часто возникают конкуренция и взаимное подавление структурных и магнитных упорядочений [1]. В результате, как правило, реализуется одно из них — то, которое дает больший выигрыш в свободной энергии. Для реализации смешанной магнитодисторсионной фазы с существованием конкурирующих упорядочений нужны особые условия. Такая фаза может возникать в случае, когда энергетически более выгодное упорядочение оказывается антиферромагнитным — внешнее магнитное поле его дестабилизирует и на фоне магнитного порядка возникает структурное упорядочение. Этот эффект был рассмотрен в [2] на примере тетрагональных кристаллов с основным некрамерсовым дублетом ионов одной из подрешеток. Используя для описания тетрагонального некрамерсова дублета псевдоспин  $S = 1/2$ ,  $S_z$  компонента которого описывает магнитный дипольный, а  $S_x$  — электрический квадрупольный моменты, можно записать гамильтониан в виде [2]

$$H = - \sum_{mn} (\mathcal{J}_{mn} S_z^m S_z^n + A_{mn} S_x^m S_x^n) - \frac{1}{2} g \beta H \sum_m S_z^m. \quad (1)$$

Фазовая диаграмма (рис. 1) была получена [2] из анализа гамильтониана (1) в приближении молекулярного поля с учетом лишь межподрешеточного взаимодействия. Имеется, однако, ряд указаний на то, что для обсужденных в [2] тетрагональных ян-теллеровских кристаллов типа  $TmVO_4$ ,  $HoPO_4$  как дипольные магнитные, так и квадрупольные электрические взаимодействия, описывающие связь с ионами второй и третьей координационных сфер, не являются пренебрежимо малыми. В настоящей работе

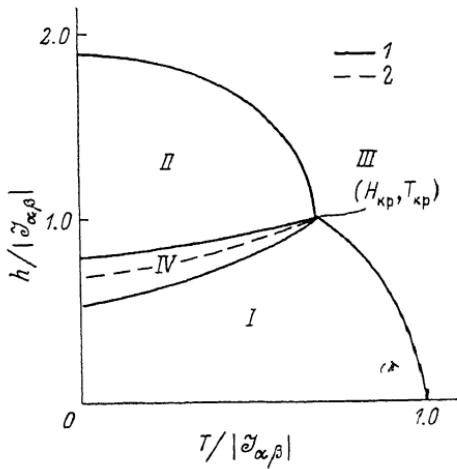


Рис. 1. Фазовая диаграмма ян-теллеровского антиферромагнетика.

Область между фазами I и II изображена с учетом (1) и без учета (2) внутриподрешеточных взаимодействий.  $1 - A_{alpha\beta} / |J_{alpha\beta}| = -0.5$ ,  $A_{alpha} / |J_{alpha\beta}| = 0.3$ ,  $J_{alpha\alpha} = 0$ ;  $2 - A_{alpha\beta} / |J_{alpha\beta}| = -0.8$ ,  $A_{alpha} = J_{alpha\alpha} = 0$ .

показано, что учет даже относительно слабых внутриподрешеточных взаимодействий может привести к принципиальным изменениям фазовой диаграммы — возникновению дополнительной фазы; изучены магнитные и упругие свойства внутри этой фазы и на ее границах.

## 1. Свойства промежуточной фазы

В приближении молекулярного поля из гамильтониана (1) нетрудно получить следующие выражения для энергий подрешеток:

$$\varepsilon_\alpha = \pm [(J_{\alpha\alpha}S_z^\alpha + J_{\alpha\beta}S_z^\beta + h)^2 + (A_{\alpha\alpha}S_x^\alpha + A_{\alpha\beta}S_x^\beta + p)^2]^{1/2}. \quad (2)$$

Индексы  $\alpha, \beta = I, II$  нумеруют подрешетки;  $p = g_0 P / \sqrt{C_0 \Omega}$ ;  $h = g\beta H/2$ ;  $g_0$  — константа электрон-деформационной связи;  $\Omega$  — объем элементарной ячейки;  $C_0$  — затравочный упругий модуль, соответствующий возникающей орторомбической деформации (см., например, [3]). Здесь  $P$  — внешнее давление, взаимодействие электронной подсистемы с которым, описываемое выражением  $H_P = (-g_0 P / \sqrt{C_0 \Omega}) \sum_m S_x^m$ , необходимо добавить к гамильтониану (1) для анализа упругих свойств. Деформация  $U$ , магнитный момент  $M$  и упругий модуль выражаются через параметры порядка  $S_z = (S_z^I + S_z^{II})/2$  и  $\bar{S}_x = (S_x^I + S_x^{II})/2$  известным образом [3]

$$U = \frac{P}{C_0} + g_0 (C_0 \Omega)^{-1/2} \bar{S}_x, \quad M = g\beta \bar{S}_x, \quad \frac{C}{C_0} = \left[ 1 + g_0^2 \left( \frac{d\bar{S}_x}{dP} \right)_0 \right]^{-1}. \quad (3)$$

Равновесные значения параметров порядка  $\bar{S}_x$ , минимизирующие свободную энергию, удовлетворяют системе уравнений

$$S_z^\alpha = (J_{\alpha\beta}S_z^\beta + J_{\alpha\alpha}S_z^\alpha + h) \varepsilon_\alpha^{-1} \tanh \varepsilon_\alpha/kT, \quad S_x^\alpha = (A_{\alpha\beta}S_x^\beta + A_{\alpha\alpha}S_x^\alpha + p) \varepsilon_\alpha^{-1} \tanh \varepsilon_\alpha/kT. \quad (4)$$

Анализ возможных состояний системы, описываемой уравнениями (2), (4), проводится аналогично исследованию анизотропного антиферромагнетика в магнитном поле (см., например, [4]).

Нетрудно показать, что если параметры внутриподрешеточных взаимодействий удовлетворяют соотношению  $J_{\alpha\alpha} - A_{\alpha\alpha} > 0$ , то их учет не меняет фазовую диаграмму, полученную в [2] (рис. 1) при  $A_{\alpha\alpha} = J_{\alpha\alpha} = 0$ : в этом случае возможно существование лишь трех фаз. В сильных полях реализуется парамагнитная фаза III, где  $\bar{S}_z^I = \bar{S}_z^{II} > 0$ ,  $\bar{S}_x = 0$ . Фаза I, существующая в области малых полей, является антиферромагнитной, в ней  $\bar{S}_z^I > 0$ ,  $\bar{S}_z^{II} < 0$ ,  $\bar{S}_x = 0$ . В области промежуточных полей  $H_1(T) < H < H_2(T)$  и температур  $T < T_{kp}$  существует магнитодисторсионная фаза II, в которой отличны от нуля как  $\bar{S}_z$ , так и  $\bar{S}_x$ :  $\bar{S}_z^I = \bar{S}_z^{II} \neq 0$ ,  $\bar{S}_x^I = \bar{S}_x^{II} \operatorname{sign} A_{\alpha\beta}$ . В фазе II магнитные моменты ( $\bar{S}_z^I, \bar{S}_z^{II}$ ) направлены так же (вдоль тетрагональной оси), как и в фазах I и III — магнетик изинговского типа, но в ней электронные состояния узлов обладают наряду с магнитным ( $\sim \bar{S}_z$ ) также квадрупольным моментом ( $\sim \bar{S}_x$ ), существование которого определяет (из-за квадруполь-фононной связи) и наличие локальных ян-тelleровских деформаций. Переход из фазы I в фазу II первородный, из фазы II в фазу III второго рода. Свойства магнитодисторсионной фазы обсуждались в [3].

Если, однако, параметры внутриподрешеточных взаимодействий удовлетворяют соотношению  $J_{\alpha\alpha} - A_{\alpha\alpha} < 0$ , то их учет принципиально меняет фазовую диаграмму: в этом случае возникает новая фаза IV, промежуточная между антиферромагнитной фазой I и магнитодисторсионной фазой II (рис. 1). В этой фазе, как и в фазе II, отличны от нуля одновременно и  $\bar{S}_z$ , и  $\bar{S}_x$ , т. е. она тоже является магнитодисторсионной. Однако в отличие от фазы II в фазе IV отсутствует равенство модулей компонент псевдо-спина для различных подрешеток  $|S_z^I|, |S_z^{II}| \neq |S_x^I|, |S_x^{II}|$ . Это различие особенно существенно при антиферродисторсионном взаимодействии компонент  $S_z$ :

в этом случае однородная деформация  $U \sim (\bar{S}_r^I + \bar{S}_x^{II})$  равна нулю в магнитодисторсионной фазе  $II$ , где  $\bar{S}_x^I = -\bar{S}_x^{II}$ , и существует лишь в фазе  $IV$ , где  $|\bar{S}_x^I| \neq |\bar{S}_x^{II}|$ . Фаза  $IV$  реализуется в области полей  $\bar{H}_1(T) < H < \bar{H}_2(T)$  и температур  $T < T_{kp}$ , где  $\bar{H}_1(T) < H_1(T)$  и  $H_1(T) < \bar{H}_2(T) < H_2(T)$ . Область существования фазы  $IV$  тем больше, чем больше параметр  $B = A_{\alpha\alpha} - \mathcal{J}_{\alpha\alpha}$ . Если уменьшать  $A_{\alpha\alpha}$  и увеличивать  $|A_{\alpha\beta}|$  так, чтобы сумма  $A_{\alpha\alpha} + |A_{\alpha\beta}|$  не менялась, то границы фаз  $I$  и  $III$  и фаз  $II$  и  $III$  остаются на месте, а границы фаз  $II-IV$  и  $I-IV$  сближаются, т. е. область существования фазы  $IV$  уменьшается. При  $A_{\alpha\alpha} \rightarrow \mathcal{J}_{\alpha\alpha}$  фаза  $IV$  исчезает, вырождаясь в границу фаз  $II$  и  $I$ . Переходы из фазы  $IV$  в фазы  $I$  и  $II$  второродные.

Как было показано в [<sup>2, 3</sup>], из-за существования магнитодисторсионной фазы (рассматривалась фаза  $II$ ) магнитные, структурные и упругие свойства обладают характерными аномалиями. Исследуем особенности этих свойств, связанные с наличием фазы  $IV$ . Прежде чем перейти к обсуждению полевых и температурных зависимостей магнитных и упругих свойств, получаемых при численном решении системы (3), рассмотрим случай  $T=0$ , допускающий аналитическое решение. Нетрудно получить (см., например, [<sup>4</sup>]), где подобные расчеты проделаны для анизотропного магнетика), что

$$\begin{aligned} g\beta\bar{H}_1 &= \sqrt{(-\mathcal{J}_{\alpha\beta} + |A_{\alpha\beta}| - A_{\alpha\alpha} + \mathcal{J}_{\alpha\alpha})(-\mathcal{J}_{\alpha\beta} - |A_{\alpha\beta}| - A_{\alpha\alpha} + \mathcal{J}_{\alpha\alpha})}, \\ g\beta\bar{H}_2 &= \frac{-\mathcal{J}_{\alpha\beta} + |A_{\alpha\beta}| - \mathcal{J}_{\alpha\alpha} + A_{\alpha\alpha}}{-\mathcal{J}_{\alpha\beta} + |A_{\alpha\beta}| + \mathcal{J}_{\alpha\alpha} - A_{\alpha\alpha}} g\beta\bar{H}_1, \\ g\beta H_2 &= -\mathcal{J}_{\alpha\beta} + |A_{\alpha\beta}| - \mathcal{J}_{\alpha\alpha} + A_{\alpha\alpha}, \end{aligned} \quad (5)$$

$$S_z^{I, II} = \pm \cos(\psi \mp \varphi), \quad S_x^I = \sin(\psi - \varphi), \quad S_x^{II} = \sin(\psi + \varphi) \operatorname{sign} A_{\alpha\beta}, \quad (6)$$

где

$$\sin \psi = \sqrt{(H - \bar{H}_1)(\bar{H}_2 - \bar{H}_1)^{-1}}, \quad \sin \varphi = \bar{H}_2 \bar{H}_2^{-1} \sin \psi,$$

верхние и нижние знаки отвечают I и II подрешеткам соответственно;  $H_2 = H_2(0)$ ;  $H_i \equiv H_i(0)$ . Отметим, что константы внутриподрешеточного взаимодействия входят в комбинации  $A_{\alpha\alpha} - \mathcal{J}_{\alpha\alpha} (\equiv B)$ . При  $T=0$  магнитный момент в фазе  $IV$  линеен по полю

$$M = g\beta \frac{H - \bar{H}_1}{\bar{H}_2 - \bar{H}_1} \frac{\bar{H}_2}{H_2}. \quad (7)$$

В фазе  $II$  момент  $M = g\beta H/H_2$  пропорционален полю [<sup>2, 3</sup>], откуда следует, что в фазе  $IV$  магнитная восприимчивость больше, чем в фазе  $II$ . Если  $A_{12} < 0$ , то в фазе  $II$ , где  $\bar{S}_x^I = -\bar{S}_x^{II}$ , однородная деформация  $U=0$ , а в фазе  $IV$  определяется выражением

$$U = \frac{g_0}{\sqrt{C_0 \Omega}} \frac{\bar{H}_2}{H_2} \frac{\sqrt{(H - \bar{H}_1)(\bar{H}_2 - H)}}{\bar{H}_2 - \bar{H}_1}. \quad (8)$$

Из (8) следует, что  $U$  увеличивается от 0 при  $H = \bar{H}_1$  до

$$U_{\max} = \frac{g_0}{\sqrt{C_0 \Omega}} \frac{\bar{H}_2}{2H_2}, \quad H = \frac{1}{2}(\bar{H}_1 + \bar{H}_2)$$

и вновь уменьшается до 0 при  $H = \bar{H}_2$ .

## 2. Результаты численного расчета

На рис. 2—6 изображены полевые  $C^T(H)$ ,  $\bar{S}_z^T(H)$ ,  $\bar{S}_x^T(H)$  и температурные  $C^H(T)$ ,  $\bar{S}_z^H(T)$ ,  $\bar{S}_x^H(T)$  зависимости упругого модуля  $C$  и параметров  $\bar{S}_z$  и  $\bar{S}_x$ , которым пропорциональны магнитный момент и деформа-

дия соответственно, при  $A_{\alpha\beta}/|\mathcal{J}_{\alpha\beta}| = -0.5$ ,  $A_{\alpha\alpha}/|\mathcal{J}_{\alpha\beta}| = 0.3$ ,  $\mathcal{J}_{\alpha\alpha} = 0$ ,  $g_0^2/|\mathcal{J}_{\alpha\beta}| = 0.4$ .

Для полевых зависимостей является принципиально важным вопрос о величине температуры, при которой проводится исследование, по сравнению с  $T_{kp}$  ( $T_{kp}$  — температура, соответствующая точке существования всех четырех фаз). Если  $T < T_{kp}$ , то с ростом поля система испытывает три фазовых перехода  $I \rightarrow IV \rightarrow II \rightarrow III$ . При  $T > T_{kp}$  возможен лишь переход  $I \rightarrow III$ .

Аналогично при исследовании температурных зависимостей принципиально, какова величина постоянного магнитного поля. Если поле  $H < H_1$ , то увеличение температуры переводит систему из антиферромагнитной фазы в парамагнитную. При  $H_2 < H < H_{kp}$  с ростом температуры происходят два перехода из магнитодисторсионной фазы  $IV$  в антиферромагнитную фазу  $I$  и затем в парадизау  $III$ . При  $H_2 < H < H_{kp}$  с ростом температуры происходят три перехода  $II \rightarrow IV \rightarrow I \rightarrow III$ . Наконец, при  $H > H_{kp}$  рост температуры вызывает лишь переход  $II \rightarrow III$ . Ниже основное внимание будет уделено поведению системы внутри фазы  $IV$  и вблизи ее границ. Как показывают расчеты, для ферродисторсионного

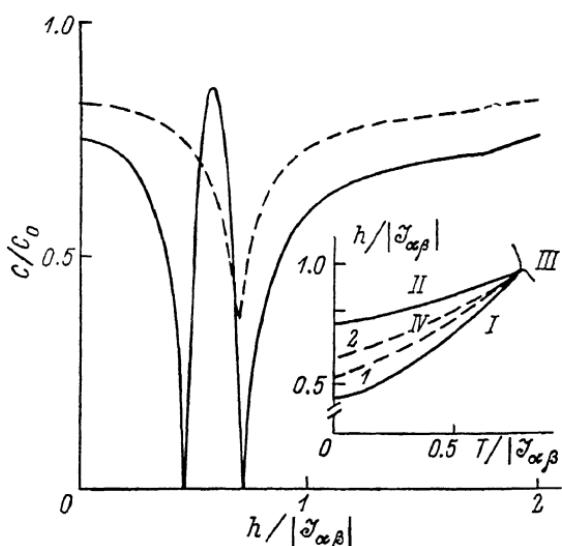


Рис. 2. Полевая зависимость упругого модуля при  $T/|\mathcal{J}_{\alpha\beta}|=0.1$ . Штриховая кривая отвечает случаю отсутствия фазы  $IV$ :  $A_{\alpha\beta}/|\mathcal{J}_{\alpha\beta}| = -0.8$ ,  $\mathcal{J}_{\alpha\alpha}/|\mathcal{J}_{\alpha\beta}| = 0.1$ ,  $A_{\alpha\alpha} = 0$ . На вставке изображена часть фазовой диаграммы с полями  $H_c(T)$  (1) и  $H_u(T)$  (2), при которых полевые зависимости  $C$  и  $U$  обладают максимумом.

случая  $A_{\alpha\beta} > 0$  возникновение промежуточной фазы  $IV$  приводит в основном к «замазыванию» аномалий поведения  $C$  и  $S$ , подробно исследованных в [3]. В отличие от этого при  $A_{\alpha\beta} < 0$  наличие фазы  $IV$  вызывает появление своих специфических особенностей, которые и будут обсуждены ниже.

На рис. 2 изображена полевая зависимость модуля упругости в области низких температур. Вначале в антиферромагнитной фазе  $I$  с ростом поля модуль упругости смягчается, так как внутреннее поле ослабевает и вклад электронно-колебательного взаимодействия возрастает. В точках переходов  $II$  рода  $I \rightarrow IV$  при  $H = H_1(T)$  и  $IV \rightarrow II$  при  $H = H_2(T)$ , где возникает спонтанная деформация, упругий модуль обращается в нуль и принимает максимальное значение при промежуточном поле  $H_c(T)$  (см. вставку к рис. 2). Дальнейшее увеличение поля приводит к монотонному увеличению  $C$ , особенно быстрому в парамагнитной фазе, где увеличение зеемановского расщепления основного дублета подавляет вибронные эффекты. Температурные зависимости упругого модуля (рис. 3) качественно различаются для случаев, когда при  $T=0$  система находится либо в фазе  $II$  (кривая 3), либо в фазе  $IV$  (кривые 1, 2). В зависимости от этого с изменением температуры упругий модуль обращается в нуль либо в два раза, либо один раз; дальнейшее повышение температуры вызывает, как обычно, ослабление вибронных эффектов и увеличение  $C$ . Отметим, что при  $H_1 < H < H_2$  возможны два различных случая в зависимости от соотношения  $H$  и  $H_c(0)$ :  $H > H_c(0)$  (кривая 2),  $H < H_c(0)$  (кривая 1). Подобное поведение характерно для температурных зависимостей деформации  $U$

(рис. 4). При  $H_2 < H < H_{\text{кр}}$  деформация отлична от нуля внутри температурного интервала  $T_{\text{II}, \text{IV}}, T_{\text{IV}, \text{I}}$  (кривая 3). При  $H_1 < H < H_2$  деформация  $U \neq 0$  уже при  $T=0$ , т. е. кристалл находится в фазе IV. Рост темпе-

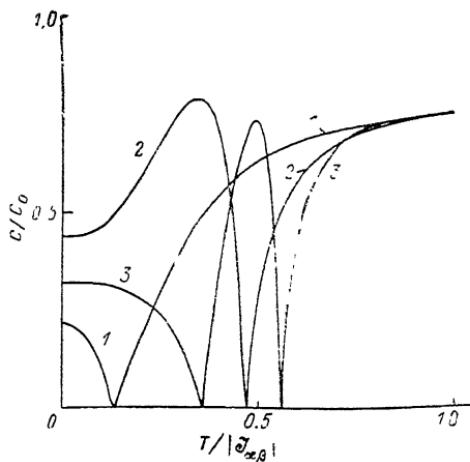


Рис. 3. Температурная зависимость упругого модуля.

$$h/\lvert J_{\alpha\beta} \rvert : 1 - 0.5, 2 - 0.7, 3 - 0.9.$$

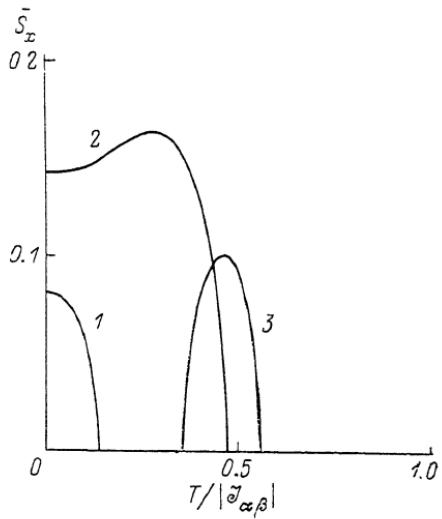


Рис. 4. Температурная зависимость деформации.

$$h/\lvert J_{\alpha\beta} \rvert : 1 - 0.5, 2 - 0.7, 3 - 0.8.$$

ратуры должен обратить деформацию в нуль. В зависимости от соотношения между  $H$  и  $H_u(0)$  (см. вставку к рис. 2) кривая  $U(T)$  либо обладает максимумом  $H > H_u(0)$  (кривая 2), либо монотонна  $H < H_u(0)$  (кривая 1). Уместно отметить, что  $H_c(T)$  и  $H_u(T)$  не совпадают.

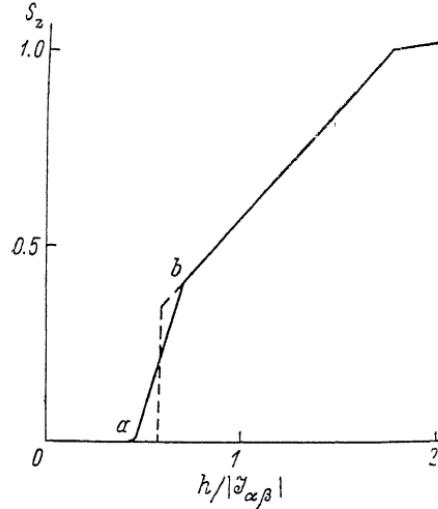


Рис. 5. Полевая зависимость магнитного момента при  $T/\lvert J_{\alpha\beta} \rvert = 0.1$ .

Штриховая кривая отвечает случаю отсутствия фазы IV:  $A_{\alpha\beta}/\lvert J_{\alpha\beta} \rvert = -0.8, A_{\alpha\alpha} = J_{\alpha\alpha} = 0$ .

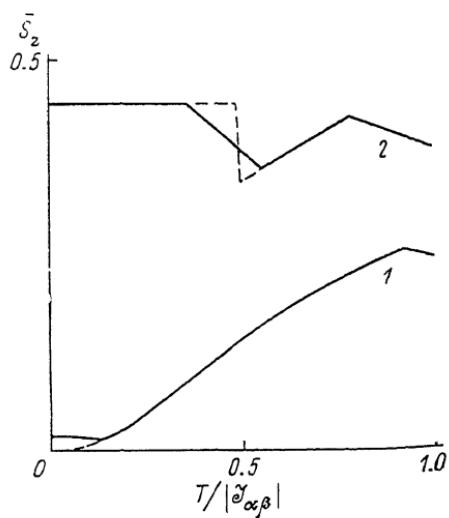


Рис. 6. Температурная зависимость магнитного момента.

$h/\lvert J_{\alpha\beta} \rvert : 1 - 0.5, 2 - 0.8$ . Штриховые линии отвечают случаю отсутствия фазы IV:  $A_{\alpha\beta}/\lvert J_{\alpha\beta} \rvert = -0.8, A_{\alpha\alpha} = J_{\alpha\alpha} = 0$ .

Перейдем к рассмотрению магнитных свойств. На рис. 5, 6 изображены соответственно полевая и температурные зависимости магнитного момента. Нетрудно показать, что они не зависят от знака  $A_{\alpha\beta}$ . Участок  $ab$  (рис. 5), соответствующий фазе IV, «замазывает» разрыв, имеющий место в отсутствие фазы IV при фазовом переходе I рода  $\text{I} \rightarrow \text{II}$  (пунктирная линия). То же можно сказать и о температурной зависимости при  $H_2 < H < H_{\text{кр}}$ .

(кривая 2 на рис. 6). При  $H_1 < H < H_2$  магнитный момент в фазе IV уменьшается с ростом температуры, далее в фазе I возрастает и ведет себя как обычно (кривая 1 на рис. 6).

#### Список литературы

- [1] Gehring G. A., Gehring K. A. // Rep. Progr. Phys. 1975. V. 38. N 1. P. 1—89.
- [2] Бехтер Е. Р. // ФТТ. 1988. Т. 30. № 4. С. 1199—1202.
- [3] Ashkinazy V. D., Vekhter B. G. // J. Magn. Magn. Mat. 1989. V. 81. P. 221—226.
- [4] Вонсовский С. В. Магнетизм. М.: Наука, 1971. 1032 с.

Институт химии АН МССР  
Кишинев

Поступило в Редакцию  
8 января 1990 г.

---