

УДК 548 : 537.611

© 1990

## СПИН-РЕШЕТОЧНАЯ РЕЛАКСАЦИЯ ПРИМЕСНЫХ РЕДКОЗЕМЕЛЬНЫХ ИОНОВ В ВАНФЛЕКОВСКОМ ПАРАМАГНЕТИКЕ $\text{LiTmF}_4$ ПРИ НИЗКИХ ТЕМПЕРАТУРАХ

Л. К. Аминов, И. Н. Куркин, И. Х. Салихов, С. И. Сахаева

Показано, что заметное ускорение низкотемпературной спин-решеточной релаксации примесных ионов в ванфлековском парамагнетике  $\text{LiTmF}_4$  по сравнению с аналогичными диамагнитными кристаллами обусловлено своеобразным валлеровским механизмом, являющимся результатом модуляции колебаниями решетки обменного взаимодействия примесного иона с окружающими ионами  $\text{Tm}^{3+}$ . Отличительной особенностью вклада указанного механизма в скорость релаксации является ее сильная зависимость от ориентации внешнего магнитного поля. Температурная и частотная зависимости определяются выражением  $v^4 T$ , т. е. частотная зависимость отличается от квадратичной, найденной Валлером.

1. ЭПР и спин-решеточная релаксация (CPP) примесных парамагнитных ионов в парамагнитных же кристаллах-матрицах являются важным источником сведений относительно взаимодействий между различными переходными или редкоземельными (РЗ) ионами в кристаллах [1-3]. Наиболее удобными для исследований матрицами являются ванфлековские парамагнетики (ВФП), в которых парамагнитные ионы основы кристалла (ванфлековские ионы) обладают синглетным основным электронным состоянием и сравнительно небольшими энергиями возбуждения ( $\sim 10 \div 100 \text{ см}^{-1}$ ) других состояний. Тогда при низких температурах ( $< 1 \div 2 \text{ K}$ ) все ванфлековские ионы обладают лишь наведенными внешним полем одинаковыми магнитными моментами и влияние их на ЭПР примесных ионов проявляется только в сдвиге резонансных линий относительно положений последних в аналогичных диамагнитных матрицах. По сдвигу  $g$ -фактора в принципе можно восстановить сведения об обменном взаимодействии примесных и ванфлековских ионов [1]. При повышении температуры вследствие случайного возбуждения возникают флуктуации магнитного момента ванфлековских ионов, что обеспечивает дополнительный по сравнению с диамагнетиками и часто доминирующий канал CPP примесных ионов [2, 3]. Исследование этой релаксации позволило сделать ряд заключений о степени дефектности кристалла вблизи примеси.

Однако и при низких температурах скорость релаксации в ВФП оказывается больше, чем при тех же условиях в диамагнитных аналогах, причем это превышение иногда достигает нескольких раз [3]. В настоящей работе мы показываем, что указанное различие может быть объяснено валлеровским механизмом, являющимся результатом модуляции относительного положения взаимодействующих между собой примесного и ванфлековского ионов колебаниями решетки. Скорость релаксации, рассчитанная на основе этого механизма, линейно зависит от температуры и подобно парамагнитной восприимчивости очень сильно зависит от ориентации внешнего поля. Частотная зависимость также более сильная, чем для обычного валлеровского механизма, связанного с взаимодействием одинаковых парамагнитных ионов, поскольку в рас-

сматриваемом нами случае магнитный момент ванфлековского иона сам пропорционален величине внешнего поля, а с ним и частоте резонанса. Наши экспериментальные результаты относятся в основном к примесным РЗ ионам в ВФП  $\text{LiTmF}_4$ , в котором наряду с магнитными дипольными существенны обменные взаимодействия примесных ионов с окружающими ванфлековскими ионами. Поэтому наше изложение мы начнем с анализа  $g$ -факторов примесных ионов  $\text{Ce}^{3+}$ ,  $\text{Nd}^{3+}$ ,  $\text{Dy}^{3+}$ ,  $\text{Er}^{3+}$  и  $\text{Yb}^{3+}$  в  $\text{LiTmF}_4$  и оценки обменного взаимодействия этих ионов с ионами  $\text{Tm}^{3+}$ . Далее мы проводим сопоставление скоростей CPP ионов  $\text{Nd}^{3+}$ ,  $\text{Er}^{3+}$  и  $\text{Yb}^{3+}$  в  $\text{LiTmF}_4$  и в его диамагнитных аналогах  $\text{LiYF}_4$  и  $\text{LiLuF}_4$  при низких температурах. В заключение выводится расчетная формула для скорости релаксации, основанная на магнитном диполь-дипольном взаимодействии, и делается вывод о необходимости учета обменных взаимодействий для количественной интерпретации экспериментов.

Таблица 1

Экспериментальные значения  $g$ -факторов примесных ионов в двойных фторидах, сдвигов  $g$ -фактора в  $\text{LiTmF}_4$  по отношению к диамагнитным аналогам и расчетные значения (в ед.  $10^{-2} \text{ см}^{-1}$ ) диполь-дипольного и обменного взаимодействия примесного иона с ближайшими ионами  $\text{Tm}^{3+}$

		$\text{Ce}^{3+}$	$\text{Nd}^{3+}$	$\text{Dy}^{3+}$	$\text{Er}^{3+}$	$\text{Yb}^{3+}$
$\text{LiTmF}_4$ [3]	$g_{\parallel}$	2.767	2.06	1.183	2.959	1.327
$a=5.15 \text{ \AA}$	$g_{\perp}$	1.373	2.611	9.476	7.586	3.974
$c=10.64 \text{ \AA}$						
$\text{LiYF}_4$ [5]	$g_{\parallel}$	2.737	1.987	1.112	3.137	1.3308
$a=5.17 \text{ \AA}$	$g_{\perp}$	1.475	2.554	9.219	8.105	3.917
$c=10.74 \text{ \AA}$						
$\text{LiLuF}_4$ [6]	$g_{\parallel}$	2.758	2.074	1.10	3.096	1.38
$a=5.13 \text{ \AA}$	$g_{\perp}$	1.477	2.548	9.174	8.138	3.922
$c=10.55 \text{ \AA}$						
$\Delta g_{\parallel}$		0.02	0.03	0.077	-0.157	-0.03
$\Delta g_{\perp}$		-0.1	0.06	+0.279	-0.535	0.05
$\frac{1}{2}(a_{xx}+a_{yy})_{\text{dip}}$		1.6	2.96	10.2	8.19	4.29
$\frac{1}{2}(a_{xx}+a_{yy})_{\text{ex}}$		1.65	-1.55	-6.75	8.75	-1.58
$a_{zz \text{ dip}}$		-2.98	-2.22	-1.28	-3.20	-1.43
$a_{zz \text{ ex}}$		-14.4	-18.9	-57.1	117	22.7

2. Результаты измерения  $g$ -факторов примесных РЗ ионов в ВФП  $\text{LiTmF}_4$  (образцы сферической формы для исключения зависимости резонансного поля от формы образца [4],  $T=4.2 \text{ K}$ ) и в его диамагнитных аналогах  $\text{LiYF}_4$  и  $\text{LiLuF}_4$ , а также параметры решетки этих кристаллов приведены в табл. 1. Заметим, что в гомологическом ряду диамагнитных кристаллов со структурой шеелита  $g$ -фактор примеси меняется монотонно и квазилинейно с изменением параметров решетки [7]. Из этой таблицы видно, что параметры решетки  $\text{LiTmF}_4$  с большой точностью равны полу-сумме соответствующих параметров решеток  $\text{LiLuF}_4$  и  $\text{LiYF}_4$ . Поэтому следует ожидать, что и значения  $g$ -факторов в диамагнитной решетке с параметрами, как у  $\text{LiTmF}_4$ , должны лежать как раз посередине между  $g$ -факторами в  $\text{LiLuF}_4$  и  $\text{LiYF}_4$ . Нарушение этого условия мы приписываем, следя [1], вкладу в  $g$ -фактор спин-спиновых взаимодействий примесных ионов с окружающими ионами  $\text{Tm}^{3+}$ . Этот вклад в  $g_{\alpha}$  мы рассчитали по формуле

$$\Delta g_{\alpha} = g_{\alpha}(\text{LiTmF}_4) - \frac{1}{2} [g_{\alpha}(\text{LiLuF}_4) + g_{\alpha}(\text{LiYF}_4)]$$

и привели полученные значения в табл. 1. Спин-спиновое взаимодействие примесных ионов с ионами тулия, находящимися в основном электронном состоянии  $|0\rangle$ , представляем в виде

$$\mathcal{H}_{ss} = \sum_j a_{\alpha\beta}^j S_\alpha \langle 0 | J_\beta^j | 0 \rangle, \quad (2)$$

где индексом « $j$ » обозначены окружающие примесь ионы тулия и подразумевается суммирование по повторяющимся греческим индексам. Имея в виду, что при учете магнитно-полевых поправок к основному электронному состоянию

$$\langle 0 | J_\beta | 0 \rangle = g_J \mu_B \sum_l \frac{1}{\Delta_l^j} (\langle 0 | J_\beta | l \rangle \langle l | J_\gamma | 0 \rangle + \text{к. с.}) H_\gamma, \quad (3)$$

мы можем представить  $\mathcal{H}_{ss}$  в виде добавки к зеемановскому гамильтониану  $\mathcal{H}_{ss} = \Delta g_{\alpha\beta} \mu_B S_\alpha H_\beta$ . В частности, с учетом осевой симметрии позиции примесного иона

$$\Delta g_z = - \sum_j a_{xx}^j g_J \sum_l \frac{|\langle 0 | J_x | l \rangle|^2}{\Delta_l^j}, \quad \Delta g_\perp = - \sum_j (a_{xx}^j + a_{yy}^j) g_J \sum_l \frac{|\langle 0 | J_x | l \rangle|^2}{\Delta_l^j}. \quad (4)$$

В формулах (3), (4) индекс « $l$ » нумерует возбужденные состояния ионов тулия;  $g_J$  — фактор Ланде ионов тулия;  $\mu_B$  — магнетон Бора. Легко оценить вклад в  $\Delta g_\alpha$  диполь-дипольных взаимодействий, поскольку

$$a_{zz}^j (\text{dip}) = - (a_{xx}^j + a_{yy}^j) (\text{dip}) = \frac{g_J g_\perp \mu_B^2}{r_j^3} (1 - 3 \cos^2 \vartheta_j), \quad (5)$$

где  $\vartheta_j$  — угол между радиусом-вектором, связывающим примесный ион с ионом тулия, и осью с кристалла. При оценках мы учитывали только ближайший возбужденный дублет иона  $Tm^{3+}$  с  $\Delta_l = 31 \text{ см}^{-1}$ , причем для ионов первой координационной сферы принималось во внимание расщепление этого дублета, равное 17.6, 14 и 1.5  $\text{см}^{-1}$  соответственно для ионов  $Ce^{3+}$ ,  $Nd^{3+}$  и  $Yb^{3+}$  (ср. с [3]). Кроме того, считалось, что примесные ионы связаны обменными взаимодействиями только с ближайшими ионами тулия. Часть  $\Delta g_\alpha$ , остающаяся после выделения дипольного вклада, приписывалась обмену. Полученные таким путем константы обменного взаимодействия также приведены в табл. 1.

3. Скорость CPP примесных РЗ ионов в ВФП определяется выражением

$$T_1^{-1} = AT + B \exp(-\Delta/kT), \quad (6)$$

где параметр  $\Delta$ , как правило, близок к минимальной энергии электронного возбуждения ванфлековских ионов ( $Tm^{3+}$ ). Второе слагаемое в  $T_1^{-1}$  преобладает при повышенных температурах ( $T \geq 4 \text{ K}$ ), именно оно качественно отличает релаксацию в ВФП от релаксации в диамагнитных средах и явилось предметом детального обсуждения в работах [2, 3]. Низкотемпературный вклад в релаксацию  $AT$  одинаковым образом зависит от температуры и в диамагнетиках, и в парамагнетиках, но сама величина этого вклада во втором случае иногда оказывается заметно больше. В табл. 2 приведены значения параметра  $A$  для ряда примесных ионов в  $LiTmF_4$ ,  $LiLuF_4$  и  $LiYF_4$  при сходных условиях эксперимента.

Невозможно объяснить отмеченную разницу одним лишь различием скорости звука и плотностей кристаллов. Известно, что скорость прямого (однофононного) релаксационного процесса на основе механизма Кронига—Ван Флека пропорциональна  $1/\rho v_m^5$ , где  $v_m$  — усредненная скорость звука,  $\rho$  — плотность кристалла [9]. Оценка с использованием данных из работы [10]:  $\rho(LiYF_4) = 3.99 \text{ г}/\text{см}^3$ ,  $\rho(LiTmF_4) = 5.95 \text{ г}/\text{см}^3$ ,  $v_t(LiYF_4) = 3.27 \cdot 10^5 \text{ см}/\text{с}$ ,  $v_t(LiTmF_4) = 2.68 \cdot 10^5 \text{ см}/\text{с}$  (для определенности приведены скорости поперечного звука, распространяющегося вдоль оси

Таблица 2

Коэффициенты  $A$  скорости низкотемпературной релаксации  $T_1^{-1} = AT$  для частот  $\sim 36 \text{ ГГц}$

Ион	Ориентация	Кристалл		
		$\text{LiYF}_4$	$\text{LiLuF}_4$ [6]	$\text{LiTmF}_4$
$\text{Nd}^{3+}$	$\mathbf{H} \perp c$	22 [5]	30	$\sim 150^*$
$\text{Er}^{3+}$	$\mathbf{H} \parallel c$	$\sim 300$	450	1000 [8]
$\text{Yb}^{3+}$	$\mathbf{H} \perp c$	37 [6]	58	240 [3]

\* Результат пересчета данных для  $\nu \sim 23 \text{ ГГц}$  [3] с учетом соотношения  $A \sim \nu^4$ .

с) дает следующее отношение коэффициентов  $A$  решеток двух кристаллов за счет структурных факторов:

$$A(\text{LiTmF}_4)/A(\text{LiYF}_4) \approx 1.8.$$

Таким образом, в рамках механизма Кронига—Ван Флека скорость релаксации в относительно более тяжелом кристалле  $\text{LiTmF}_4$  может превышать скорость релаксации в  $\text{LiYF}_4$  в два раза, что далеко не полностью объясняет наблюдаемое различие этих скоростей. Поэтому для более полного описания экспериментов мы вынуждены обратиться к дополнительным механизмам релаксации, имеющим место в парамагнитных средах.

4. При низких температурах маловероятно возбуждение ионов тулия в дублетное состояние (мал экспоненциальный фактор  $\exp(-\Delta/kT)$ , а следовательно, и второе слагаемое в (6)), и мы рассмотрим валлеровский механизм релаксации, связанный с модуляцией колебаниями решетки спин-спиновых взаимодействий примесного иона с ванфлековскими ионами  $\text{Tm}^{3+}$  (ср. с [11]). Для определенности мы подробно рассмотрим магнитное диполь-дипольное взаимодействие, поскольку нам неизвестна зависимость обменного взаимодействия от радиус-вектора, связывающего ионы. Линейный член разложения взаимодействия двух ионов по малым деформациям запишем в виде

$$\mathcal{K}_1 = \sum_i V_i e_i, \quad V_i = g_s g_{\alpha\beta} \mu_B^2 r^{-3} S_\alpha \langle 0 | J_\beta | 0 \rangle G_i^{\alpha\beta}, \quad (7)$$

где  $e_i$  — комбинации компонент несимметризованного тензора деформаций  $e_{\alpha\beta}$ , преобразующиеся подобно одинаковым образом нормированным вещественным сферическим гармоникам нулевого, первого и второго порядков,  $e_1 = 1/\sqrt{3} \cdot (e_{xx} + e_{yy} + e_{zz})$  и т. п. [12]. Структурные факторы  $G_i^{\alpha\beta}$ , являющиеся функциями компонент единичного вектора направления  $\mathbf{n}$  от примесного иона к иону тулия, выглядят так:

$$\begin{aligned} G_1^{\alpha\beta} &= -\sqrt{3} (\delta_{\alpha\beta} - 3n_\alpha n_\beta), \\ G_2^{\alpha\beta} &= -\sqrt{3/2} [(3n_x^2 - 1)(\delta_{\alpha\beta} - 3n_\alpha n_\beta) + 3n_\alpha n_\beta (\delta_{\alpha\alpha} + \delta_{\beta\beta} - 2n_z^2)], \\ G_3^{\alpha\beta} &= -\sqrt{9/2} [(n_x^2 - n_y^2)(\delta_{\alpha\beta} - 5n_\alpha n_\beta) + n_\alpha n_\beta (\delta_{xx} + \delta_{yy} - \delta_{yy} - \delta_{yy})], \\ G_4^{\alpha\beta} &= -\sqrt{9/2} [2n_z n_y (\delta_{\alpha\beta} - 5n_\alpha n_\beta) + n_\alpha n_y \delta_{x\beta} + n_\alpha n_y \delta_{y\beta} + n_\beta n_y \delta_{x\alpha} + n_\beta n_y \delta_{y\alpha}], \\ G_5^{\alpha\beta} &= -\sqrt{9/2} [n_\alpha (n_x \delta_{y\beta} - n_y \delta_{x\beta}) + n_\beta (n_x \delta_{y\alpha} - n_y \delta_{x\alpha})], \end{aligned} \quad (8)$$

$G_5, G_6$  из  $G_4$  и  $G_8, G_9$  из  $G_7$  получаются циклической перестановкой индексов  $x, y, z$ . Обозначая спиновые состояния примесного иона посредством  $|+\rangle, |-\rangle$ , имеем для скорости релаксации в дебаевском приближении стандартную формулу [12]

$$T_1^{-1} = w_{-+} + w_{+-} = \frac{\omega_0^3}{6\pi\hbar\rho v_m^5} \operatorname{ctn} \frac{\hbar\omega_0}{2kT} \sum_{i=1,3} q_i |\langle + | V_i | - \rangle|^2, \quad (9)$$

где  $w_{+-}$  — вероятность перехода в единицу времени из состояния  $|+\rangle$  в состояние  $|-\rangle$  под действием возмущения  $\mathcal{H}_1$ ;  $\omega_0$  — резонансная частота;  $v_m^{-5} = 2/5 (v_i^{-5} + 3/2 v_t^{-5})$ ;  $v_i$  — скорость продольного звука,  $v_t$  — поперечного;  $q_1 = (v_m/v_i)^5$ ;  $q_{7-9} = (v_m/v_t)^5$ ;  $q_{2-8} = 1$ ; суммирование проводится как по индексу « $i$ », так и по всем ионам тулия, окружающим примесь. Величина  $\langle 0 | J_z | 0 \rangle$ , содержащаяся в качестве множителя в (9), пропорциональна внешнему магнитному полю (а через него и частоте  $\omega_0$ ), а также не зависящей от температуры ванФлековской восприимчивости  $\chi^{(0)}$  (см. (3)). В силу того что продольное поле примешивает к основному синглету  $|0\rangle$  только высоколежащее состояние ( $\Delta' = 282 \text{ см}^{-1}$ ), тогда как поперечное поле связывает  $|0\rangle$  с ближайшим возбужденным дублетом ( $\Delta = 31 \text{ см}^{-1}$ ),  $\chi^{(0)}$  оказывается меньше  $\chi_{\perp}^{(0)}$  в 25 раз. Поэтому рассматриваемый механизм оказывается резко зависящим от ориентации внешнего поля; его эффективность при параллельной ориентации примерно на три порядка ниже, чем при перпендикулярной, так что при  $\mathbf{H}_0 \parallel z$  вряд ли новый механизм может составить конкуренцию механизму Кронига—Ван Флека. Рассмотрим сейчас случай  $\mathbf{H}_0 \parallel x$ . Тогда выражение (9) может быть приведено к виду

$$T_1^{-1} = \frac{16}{3} \frac{kT \omega_0^4 g_{\perp}^4 \mu_B^4 b^4}{\pi \rho v_m^5 m g_{\perp}^2 \Delta^2} \sum_{i, Tm} \frac{q_i}{r^6} \left| \sum_{\alpha} g_{\alpha\alpha} \langle - | S_{\alpha} | - \rangle G_i^{\alpha\beta} \right|^2. \quad (10)$$

Здесь  $b = \langle 0 | J_x | d \rangle$ ,  $|d\rangle$  — одно из возбужденных дублетных состояний иона  $Tm^{3+}$ , кроме того, использовано разложение котангенса в ряд по малому аргументу ( $\hbar\omega_0 < kT$ ). Видно, что температурная и частотная зависимости скорости релаксации такие же, как и в механизме Кронига—Ван Флека для крамерсовых ионов с эффективным спином  $S=1/2$ , и этот факт не связан с тем, что рассматривалось только диполь—дипольное взаимодействие. Не исключается и ориентационная зависимость в плоскости, перпендикулярной оси  $r$ ; детали этой зависимости определяются структурными факторами  $G_i^{\alpha\beta}$ . Кроме того, скорость сравнительно слабо зависит от индивидуальности примесного иона (через слагаемое, содержащее отношение  $g_{\parallel}/g_{\perp}$ ), как и само диполь—дипольное взаимодействие.

Оценка  $T_1^{-1}$  по формуле (10) при  $v_0 = 36 \text{ ГГц}$  приводит к значению  $T_1^{-1} \approx 10^{-2} T$ , т. е. коэффициент  $A$  в (6) оказывается примерно на три порядка меньше наблюдаемых значений. Механизм оказывается совершенно неэффективным без учета обменных взаимодействий (поэтому здесь и не рассматриваются этилсульфаты, где РЗ ионы разделены сравнительно большими расстояниями  $\geq 7 \text{ \AA}$  и можно пренебречь обменными взаимодействиями). В тетрафторидах, как мы выяснили, недипольные взаимодействия примесных ионов с ионами тулия весьма заметны; кроме того, обменные взаимодействия сильнее зависят от расстояния. По данным [13], имеются основания представить параметр взаимодействия в виде  $a_{ex} = a' \exp(-(r-r_0)/d_0)$ , где  $r_0 = 3.7 \text{ \AA}$  — равновесное расстояние до ближайшего иона тулия,  $d_0 = 0.106 \text{ \AA}$ . Линейный член разложения взаимодействия в ряд по малым деформациям можно оценить как  $a_{ex}(r_0/d_0)e_i$ , что при расчете  $T_1^{-1}$  для обменных взаимодействий приведет к появлению в (10) дополнительного множителя порядка  $(a_{ex}r_0/3a_{dd}d_0)^2$ , где  $a_{dd} = g_{\parallel}g_{\perp}\mu_B^2/r^3$ . В результате мы получаем для  $T_1^{-1}$  величины, сопоставимые с экспериментальными.

Таким образом, при переходе от диамагнитной матрицы  $LiYF_4$  к более тяжелым матрицам  $LiLuF_4$  и  $LiTmF_4$  скорость СРР примесных РЗ ионов при низких температурах должна немногого (до двух раз) возрасти за счет изменения плотности и скорости звука. Это и просматривается при со-поставлении третьего и четвертого столбцов табл. 2. Дальнейшее значительное увеличение скорости релаксации в  $LiTmF_4$  можно объяснить появлением в этой матрице обменных взаимодействий примесного иона с ионами тулия и модуляцией их колебаниями решетки. На первый взгляд кажется, что данные для ионов  $Er^{3+}$  несколько выпадают из принятой нами теоретической схемы: слишком сильно (хотя и в нужную сторону) отличается

$A$  ( $\text{LiTmF}_4$ ) от  $A$  ( $\text{LiLuF}_4$ ), тогда как при  $\mathbf{H} \parallel c$  дополнительный механизм очень слаб. Дело, по-видимому, в том, что при использованных для получения табличных данных концентрациях иона  $\text{Er}^{3+}$  еще проявляются эффекты фононной горловины [6]. Для ионов  $\text{Nd}^{3+}$  и  $\text{Yb}^{3+}$  эти эффекты практически не проявляются, поскольку скорость релаксации их в рамках механизма Кронига—Ван-Флека сравнительно невелика.

В заключение отметим, что в рамках тех же представлений, с помощью которых удалось описать экспоненциально зависящую от температуры скорость релаксации ионов  $\text{Ce}^{3+}$  и  $\text{Nd}^{3+}$  в  $\text{LiTmF}_4$ , удается объяснить и сильное возрастание скорости низкотемпературной релаксации примесных РЗ ионов в этой матрице по сравнению с диамагнитными матрицами.

### Список литературы

- [1] Mehran F., Stevens K. W. H. // Phys. Rep. 1982. V. 85. N 3. P. 123—160.
- [2] Аминов Л. К., Богатова Т. Б., Куркин И. Н., Салихов И. Х., Сахаева С. И., Теплов М. А. // ЖЭТФ. 1986. Т. 91. № 1 (7). С. 262—273.
- [3] Aminov L. K., Vinokurov A. V., Kurkin I. N., Kostetskii Yu. Yu., Korableva S. L., Salikhov I. Kh., Sakhaeva S. I., Teplov M. A. // Phys. St. Sol. (b). 1989. V. 152. B N 1. P. 191—201.
- [4] Кораблева С. Л., Куркин И. Н., Лукин С. В., Чернов К. П. // ФТТ. 1982. Т. 24. № 4. С. 1235—1237.
- [5] Антипин А. А., Казаков Б. Н., Кораблева С. Л., Рахматуллин Р. М., Чиркин Ю. К., Федий А. А. // Изв. вузов, физика. 1978. № 9. С. 93—99.
- [6] Абдулсабиров Р. Ю., Антипин А. А., Кораблева С. Л., Рахматуллин Р. М., Розенцвайг Ю. К. // Изв. вузов, физика. 1988. № 2. С. 24—27.
- [7] Куркин И. Н. // Парамагнитный резонанс. Казань, 1969. В. 5. С. 31—73.
- [8] Антипин А. А., Конов И. С., Кораблева С. Л., Рахматуллин Р. М., Тагиров М. С., Теплов М. А., Федий А. А. // ФТТ. 1979. Т. 21. № 1. С. 111—116.
- [9] Альтшулер С. А., Козырев Б. М. Электронный парамагнитный резонанс соединений элементов промежуточных групп. М., 1972. 672 с.
- [10] Аухадеев Ф. Л., Жданов Р. Ш., Теплов М. А., Терпиловский Д. Н. // Парамагнитный резонанс. Казань, 1983. В. 19. С. 3—63.
- [11] Вайсфельд М. П. // Деп. ВИНИТИ. 1973. № 5999-73.
- [12] Аминов Л. К. // Спектроскопия кристаллов. Л., 1978. С. 116—130.
- [13] Кротов В. И., Малкин Б. З., Миттельман А. А. // ФТТ. 1982. Т. 24. № 2. С. 542—549.

Казанский государственный университет  
им. В. И. Ульянова-Ленина

Поступило в Редакцию  
9 апреля 1990 г.