

УДК 537.31

© 1990

## РЕКОМБИНАЦИОННАЯ ИНЖЕКЦИЯ НОСИТЕЛЕЙ ЗАРЯДА В ЛЕД

В. Ф. Петренко, В. А. Чеснаков

Исследовалось протекание постоянного тока через лед со специально подготовленными электродами. Обнаружено, что протекание тока сопровождается обратимым увеличением концентрации носителей заряда в льде. Ранее аналогичное явление было обнаружено и изучено на воде. Для его объяснения была предложена модель рекомбинационной инжекции, где появление носителей заряда ионов  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$  связывалось с процессами рекомбинации атомарных водорода и кислорода в молекулы  $\text{H}_2$  и  $\text{O}_2$ . В настоящей работе аналогичное предположение было сделано и для льда. Приводятся его экспериментальные обоснования. В рамках предлагаемой модели удалось объяснить необычную зависимость тока от напряжения для исследуемых образцов, определить время жизни и подвижность неравновесных носителей.

Некоторое время назад авторами было сообщено об обнаружении довольно неожиданного явления: при пропускании через воду постоянного электрического тока ее проводимость возрастала в 2–3 раза, причем после выключения тока электропроводность возвращалась к исходной величине [1]. Исследования показали, что «избыточная» электропроводность обусловлена увеличением концентраций ионов  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$ , одновременно возникающих вблизи обоих электродов.

Для объяснения таких результатов была предложена модель рекомбинационной инжекции ионов  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$ , в которой эти носители заряда появлялись вблизи электродов за счет энергии, выделяющейся при рекомбинации атомарных водорода и кислорода в молекулы  $\text{H}_2$  и  $\text{O}_2$ . В дальнейших исследованиях нами было показано, что протекание постоянного тока через лед со специально подготовленными электродами [2] также сопровождается выделением  $\text{H}_2$  и  $\text{O}_2$ , что, как и в воде, могло бы приводить к увеличению концентрации носителей заряда. Действительно, проверка показала, что пропускание постоянного тока через лед увеличивает его низкочастотную (ниже  $\sim 50$  Гц) электропроводность. При выключении тока электропроводность возвращалась к исходной величине. Изучению данного явления и посвящена эта работа.

### 1. Методика эксперимента

Использовавшиеся в работе вода, электроды (металлические и полупроводниковый) готовились так же, как и в [2, 3]. Эксперименты проводились с двумя типами образцов льда: «толстыми» и «тонкими». В первом случае расстояние между электродами  $L \sim 1$  мм, во втором 20 мкм. Металлические электроды для толстых образцов готовились по методике работы [2] — замораживание электродов в воде под напряжением. Использовалась также пара металлический электрод — полупроводниковый CdSe [3], так как при изготовлении такой системы электродов не происходит изменения объемных свойств образца льда в отличие от системы двух металлических электродов. В случае тонких образцов использовались только металлические электроды (диаметр 16 мм), которые прижимались друг к другу через тефлоновую прокладку толщиной 20 мкм (рис. 1, а).

# Электрическая схема измерений на толстых образцах аналогична (рис. 1, б).

Изучалось также влияние протекания постоянного тока на проводимость приэлектродных слоев толстых образцов льда. Для этого у электрода на расстоянии  $\sim 0.2$  мм замораживался зонд (рис. 1, б). Он представлял собой пару тонких платиновых проволочек ( $0.1$  мм) на расстоянии  $\sim 0.1$  мм друг от друга, между которыми измерялась действительная часть электропроводности льда на частоте  $30$  Гц. Разделительные емкости здесь использовались для того, чтобы постоянный ток через зонд не протекал, а их величина выбиралась так, чтобы  $RC$  этой цепочки было больше

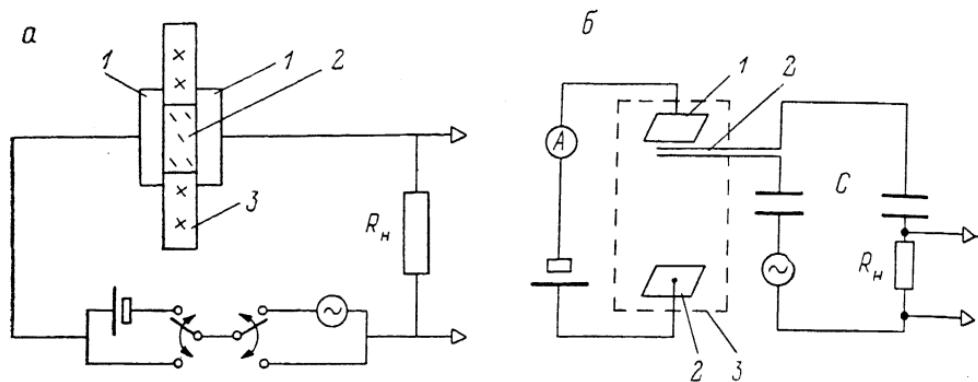


Рис. 1. Электрические схемы экспериментов с тонкими образцами (а) и зондовых измерений на толстых образцах (б).

1 — электроды, 2 — тefлоновая прокладка, 3 — образец льда.

В электрических измерениях использовались источник постоянного тока Б5-45, электрометр ТР-8651Д, генератор Г6-31, лок-ин-нановольтметр UNIPAN 232В. Основные эксперименты проводились при температурах  $\sim -30$  °С, когда влиянием поверхностной проводимости льда можно пренебречь [4]; система терморегуляции позволяла поддерживать температуру с точностью  $\sim 0.1$  °С.

## 2. Результаты и обсуждение

На рис. 2 показана вольт-амперная характеристика (ВАХ) толстого образца ( $L=0.5$  мм) с металлическими электродами. Ее особенностью является суперлинейная зависимость тока от напряжения  $I \sim U^{1.34}$ . Обнаружено, что протекание тока существенно влияет на низкочастотную электропроводность льда (см. вставку к рис. 2). После выключения тока проводимость возвращается к исходной величине за время  $\tau=2$  с. Известно, что на этой частоте ( $f=30$  Гц) измеряется именно объемная проводимость льда, а не границы между льдом и электродами (проверялась линейность зависимости сопротивления образца от расстояния между электродами). Дополнительным свидетельством этого являются зондовые измерения (рис. 1, б): при протекании постоянного тока зонд регистрирует увеличение электропроводности льда. Размещением зонда у каждого электрода было определено, что электропроводность увеличивается и вблизи катода, и вблизи анода. Аналогичные результаты были получены и на толстых образцах с CdSe электродом.

Результаты, полученные на толстых образцах льда, похожи на результаты, которые мы наблюдали при изучении рекомбинационной инжеクции  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$  в воде [1]. Изменение электропроводности толстых образцов нельзя объяснить монополярной инжеќцией носителей заряда. Средняя концентрация инжеќтируемого в этом режиме заряда определяется ограничением объемного заряда [5]  $n \sim CU/(eV) \sim 10^{17} \text{ м}^{-3}$ , где  $C$  — емкость

жединого конденсатора,  $U$  — напряжение,  $e$  — элементарный заряд,  $V$  — объем образца. Если предположить, что инжектируются ионы  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$  ( $\mu \sim 10^{-8}$  м<sup>2</sup>/В·с, [6]), то «избыточная» электропроводность  $\Delta\sigma = ne\mu \sim 10^{-10}$  (Ом·м)<sup>-1</sup>, что много меньше проводимости льда (см. вставку к рис. 2) и не может объяснить суперлинейности ВАХ. Более высокую величину избыточной проводимости можно было бы получить, если предположить инжекцию более подвижных носителей, например электронов. Но ранее в полностью идентичных условиях эксперимента нами было показано, что лед обладает протонной проводимостью (протекание постоянного тока через образец льда сопровождается выделением соответствующего количества водорода и кислорода). Следовательно, инжекции электронов при этом не происходит. К тому же нами исследовалась температурная зависимость избыточной низкочастотной проводимости ( $f > \sim 50$  Гц) тонких и толстых образцов в диапазоне  $-10 \div -40$  °С. Было обнаружено, что проводимость при этом практически не меняется. Это позволяет сделать вывод, что протекание постоянного тока вызывает увеличение концентрации ионов  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$ , так как ионы имеют не зависящую от температуры подвиж-

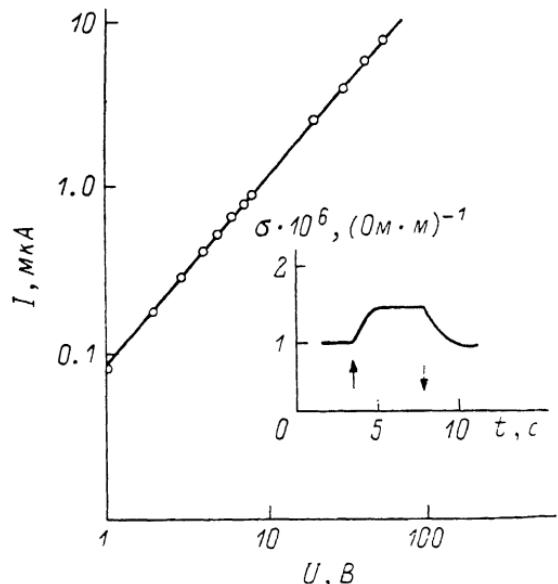


Рис. 2. ВАХ  $I \sim U^{1.34}$  толстого образца.

На вставке — отклик низкочастотной проводимости образца льда на включение ( $\uparrow$ ) и выключение ( $\downarrow$ ) постоянного тока.

ность [7]. Необходимость появления зарядов обоих знаков объясняется необходимостью компенсации объемного заряда.

Объяснения суперлинейности ВАХ толстых образцов режимом двойной инжекции в данном случае не проходит из-за кинетических соображений. Ведь при двойной инжекции ограничение объемного заряда снижается за счет пространственно-однородного распределения зарядов обоих знаков, причем положительный заряд инжектируется с анода, отрицательный — с катода. Для такого пространственно-однородного перемешивания носителей, инжектируемых с разных электродов, необходимо время не меньше  $\tau_i = L^2/(\mu U) \sim 10$  с, в течение которого концентрация инжектируемых носителей не может превысить концентрации, соответствующей монополярному режиму. Как мы показали выше, это означает, что в течение этого времени (как минимум) после включения постоянного тока мы не заметим никакого изменения низкочастотной электропроводности льда. В эксперименте такой задержки мы не наблюдаем (см. вставку к рис. 2). Таким образом, как и для воды [1], мы приходим к необходимости механизма генерации носителей обоих знаков вблизи каждого электрода, что позволяет обойти ограничение объемного заряда и не требует временных задержек для однородного перемешивания зарядов. Такой механизм был нами предложен в работе [1]. При этом характерный размер нейтрального облака из ионов  $\text{H}_3\text{O}^+$  и  $\text{OH}^-$  вблизи каждого электрода определяется диффузионной длиной

$$\lambda = \sqrt{2D\tau}, \quad (1)$$

$D$  — коэффициент диффузии,  $\tau$  — время жизни неравновесных носителей. Измерения на толстых образцах позволяют оценить диффузионную длину и подвижность инжектируемых носителей. Распределение избыточных не-

равновесных носителей по образцу у электрода, который помещен в начало координат, описывается формулой

$$\Delta n = n_1 \exp \{-x/\lambda\}. \quad (2)$$

Такое же по характеру распределение имеет место у другого электрода, расположенного при  $x=L$ , о чем свидетельствуют зондовые измерения (см. также [1]). Нетрудно при этом рассчитать сопротивление образца

$$R = R_0 (2\lambda/L) \ln \{ (n_0 \exp (L/2\lambda) + n_1) / (n_0 + n_1) \}, \quad (3)$$

$n_0$  — равновесная концентрация носителей,  $R_0$  — равновесное сопротивление образца (низкочастотное, без постоянного тока).

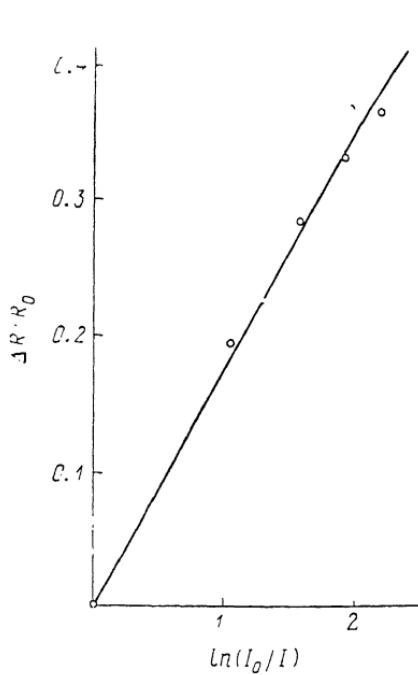


Рис. 3. Обработка ВАХ (рис. 2) по формуле (6).

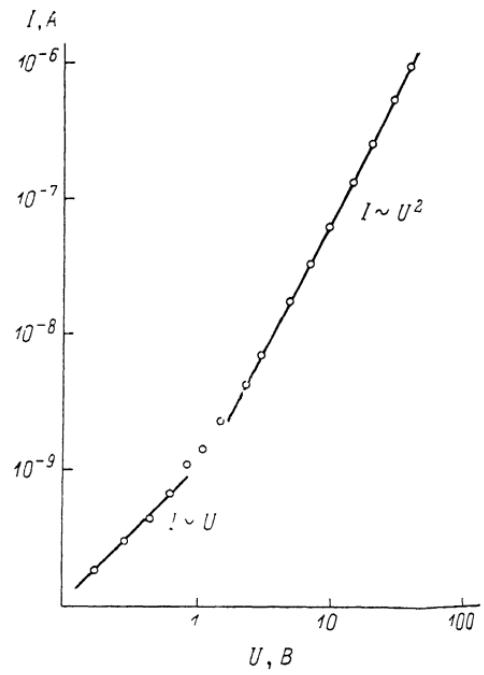


Рис. 4. ВАХ тонкого образца.

Естественно считать, что  $n_1$  пропорционально току  $I$ , протекающему через образец, поскольку именно ток определяет темп рекомбинационной инъекции. Тогда  $R$  есть функция  $I: R(I)$ . Можно найти и

$$\Delta R = R(I_1) - R(I_2) = R_0 (2\lambda/L) \ln (A_1/A_2), \quad (4)$$

где  $A_i$  есть величина, стоящая в квадратных скобках в (3), соответствующая  $n_i \sim I_i$ . Если

$$n_0 \ll n_i \ll n_0 \exp (L/2\lambda), \quad (5)$$

то

$$\Delta R = R_0 (2\lambda/L) \ln (n_1/n_2) = R_0 (2\lambda/L) \ln (I_1/I_2). \quad (6)$$

На рис. 3 представлен участок ВАХ в координатах  $\Delta R/R_0$ ,  $\ln (I/I_0)$ , где за  $I_0$  выбран ток при  $U=10$  В. При этом, как мы видим, получается хорошая линейная зависимость, наклон которой определяется отношением  $2\lambda/L$ . Здесь  $(2\lambda/L)=0.18$ ,  $L=5 \cdot 10^{-4}$  м, значит,  $\lambda=4.5 \cdot 10^{-5}$  м, что, кстати, больше толщины тонких образцов. Если считать, что время релаксации избыточной проводимости (см. вставку к рис. 2)  $\tau=2$  с совпадает с временем жизни неравновесных инжектированных носителей, то мы можем из (1) определить их коэффициент диффузии  $D=\lambda^2/2\tau=5 \cdot 10^{-10}$  м<sup>2</sup>/с, что соответствует подвижности  $\mu=eD/kT=2.4 \cdot 10^{-8}$  м<sup>2</sup>/В·с. Эта величина совпадает с известной подвижностью для ионов [6].

На рис. 4 показана ВАХ тонкого образца, на которой имеется участок квадратичной зависимости тока от напряжения. Обычно такая зависимость

тока от напряжения соответствует монополярной инжекции носителей заряда в образец. Аналитическая зависимость при этом

$$I = (9/8) \epsilon \varepsilon_0 \mu (U^2/L^3), \quad (7)$$

где  $\epsilon = 100$  — низкочастотная диэлектрическая проницаемость льда,  $\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/м}$  — диэлектрическая постоянная вакуума,  $\mu$  — подвижность носителей,  $L$  — толщина образца. С помощью формулы (7) определены подвижности  $\mu$  для различных тонких образцов (в предположении монополярной инжекции).

№ образца	1	2	3	4	5	6	7	8
$\mu \cdot 10^3, \text{ см}^2/\text{В} \cdot \text{с}$	10.3	6.3	67.3	23.0	2.3	1.0	17.0	0.23

Обращает на себя внимание очень большой разброс от образца к образцу. Это можно было бы объяснить тем, что не все инжектированные носители участвуют в электропроводности, часть из них захватывается ловушками. Поэтому наряду с измерениями инженционных токов в устойчивом режиме измерялись токи, возникающие в образце при включении ступеньки напряжения через время, большее  $RC$  образца ( $\sim 10^{-3} \text{ с}$ ) (рис. 5). Если бы ловушки играли значительную роль, такие импульсные токи были бы много больше первых, так как здесь «вспрыснутые» носители не успевают захватываться на ловушки [5]. В эксперименте, однако, мы этого не наблюдали (рис. 5).

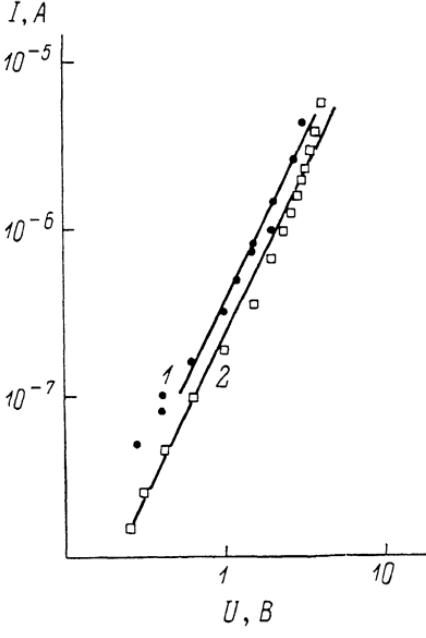


Рис. 5. ВАХ тонкого образца, снятые в разных режимах: ток измерялся через время  $\tau_0 \sim 10^{-2} \text{ с}$  после подачи ступенек напряжения (1) и через  $\tau \sim 100 \text{ с}$  (2).

Можно рассчитать ВАХ тонких образцов и в предположении рекомбинационной инжекции. В этом случае, как показано выше,  $L \ll \lambda$ , а следовательно, рождающиеся вблизи электродов ионы равномерно распределяются в образце. В равновесии

$$G - \beta n^2 + (\alpha I)/(\epsilon V) = 0, \quad (8)$$

$G$  — темп тепловой генерации,  $\beta n^2$  — темп рекомбинации, третью слагаемое — темп генерации носителей на электродах при рекомбинационной инжекции. Здесь  $\alpha$  — квантовый выход, связывающий количество носителей, возникающих в каждом акте рекомбинации атомов газа;  $I$  — ток через образец;  $\epsilon$  — элементарный заряд;  $V$  — объем образца. В режиме инжекции первым слагаемым можно пренебречь, и в результате несложных вычислений ( $I = U/R$ ,  $R = L/(n e \mu S)$ ) получим

$$I = (\alpha/\beta) \epsilon \mu^2 S (U^2/L^3), \quad (9)$$

$S$  — площадь образца,  $U$  — напряжение. Таким образом, при рекомбинационной инжекции также получается квадратичная зависимость тока от напряжения, что и наблюдается в эксперименте (рис. 4).

Измерения на тонких образцах не позволяют сделать однозначный выбор между монополярной и рекомбинационной инжекциями, однако результаты, полученные на толстых образцах, делают вторую из них

более предпочтительной. В этом случае разброс параметров для разных образцов можно приписать сильной зависимости квантового выхода  $\alpha$  в (9) от условий вблизи электродов, которые могут быть разными для разных образцов.

#### Список литературы

- [1] Петренко В. Ф., Чеснаков В. А. // Препринт ИФТТ АН СССР. Черноголовка, 1989. 22 с.
- [2] Евтушенко А. А., Мартиросян М. Б., Петренко В. Ф. // ФТТ. 1988. Т. 30. № 7. С. 2133—2138.
- [3] Chesnakov V. A., Petrenko V. F., Ryzhkin I. A., Zaretskii A. V. // J. de Physique. 1987. V. 48. N 3. P. 99—103.
- [4] Fletcher N. H. // Phil. Mag. 1968. V. 18. N 156. P. 1287—1300.
- [5] Лампарт М., Марк П. Инжекционные токи в твердых телах. М., 1973. 416 с.
- [6] Petrenko V. F., Maeno N. // J. de Physique. 1987. V. 48. N 3. P. 115—119.
- [7] Hobbs P. V. Ice Physics. Oxford, 1974. 837 р.

Институт физики твердого тела  
АН СССР  
Черноголовка  
Московская область

Поступило в Редакцию  
28 февраля 1990 г.