

УДК 536.48 : 537.874.72

© 1991

МОДЕЛИРОВАНИЕ НА ЭВМ  
СПЕКТРАЛЬНОЙ ДИФФУЗИИ В СТЕКЛАХ.  
ЯВЛЕНИЕ «ВЫЖЖЕННОЙ ДЫРЫ»  
И НЕЛИНЕЙНОЕ РЕЗОНАНСНОЕ ПОГЛОЩЕНИЕ

Д. А. Паршин, В. Н. Соловьев

Проведен численный анализ влияния спектральной диффузии на нелинейное резонансное поглощение и выжженную дыру в стеклах, обусловленных двухуровневыми системами. Показано, что в стационарном случае при больших интенсивностях коэффициент поглощения обратно пропорционален интенсивности падающей волны. В нестационарном режиме при малых длительностях импульса имеет место корневая зависимость коэффициента поглощения от интенсивности. Ширина выжженной дыры определяется спектральной диффузией и практически не зависит от интенсивности. Для типичных экспериментальных условий форма дыры является лоренцевой.

Известно, что многие свойства стекол при низких температурах обусловлены существованием в них так называемых двухуровневых систем (ДУС) [1]. В настоящей работе приведены данные численных расчетов нелинейного резонансного поглощения и выжженной дыры. Теория этих явлений в стационарном случае при малых интенсивностях построена в работах [2, 3], а с учетом накопления резонансных фонов — в [4, 5]. Количественная теория этих эффектов при больших интенсивностях, однако, развита недостаточно. Связано это в первую очередь с тем, что они осложнены явлением спектральной диффузии.

Впервые оно обсуждалось в теории магнитного резонанса Клаудером и Андерсоном [6]. При исследовании низкотемпературной кинетики диэлектрических стекол аналогичный подход использовали Жоффрен и Левлю [7], Хунклингер и Арнольд [8], Блэк и Халперин [9], Голдинг и Грабнер [10], Лайхтман [11].

Явление спектральной диффузии состоит в следующем. Каждая ДУС создает вокруг себя поле деформаций, величина которых зависит от того, в каком энергетическом состоянии (верхнем или нижнем) находится данная ДУС. Наиболее важны так называемые тепловые ДУС с энергией  $E \leq T$ . Под влиянием тепловых фонов они постоянно совершают переходы (скачки) из одного состояния в другое. Поэтому поле деформаций, создаваемое ими вокруг, флуктуирует во времени. В свою очередь энергия любой ДУС меняется при деформации. Поэтому переходы в окружающих ее тепловых ДУС приводят к тому, что эта энергия также флуктуирует во времени. Случайное изменение со временем энергии ДУС за счет взаимодействия с другими ДУС и получило название спектральной диффузии.

Ниже мы с помощью численного моделирования на ЭВМ рассмотрим влияние спектральной диффузии на зависимость коэффициента резонансного поглощения от интенсивности и форму выжженной дыры. Напомним, что выжженной дырой называют [8] уменьшение коэффициента поглощения слабого пробного сигнала на частоте  $\omega_1$  при наличии сильного на ча-

стоте  $\omega$  в зависимости от расстройки  $\omega - \omega_1$ . Некоторые из результатов настоящей работы были кратко изложены в [12].

## 1. Качественная картина

Чтобы лучше представить физическую картину, рассмотрим, какие параметры характеризуют явление спектральной диффузии [3]. Взаимодействие переменного поля частоты  $\omega$  и резонансной ДУС с расстоянием между уровнями  $e = \hbar\omega$  характеризуется матричным элементом  $\hbar F/2$  для перехода между уровнями. Явные выражения для  $F$  зависят от того, рассматривается ли взаимодействие с ультразвуком или же с переменным электрическим полем. Величина  $F$  есть не что иное, как частота Раби для ДУС, и характеризует частоту когерентных осцилляций заселенности ДУС под действием резонансного возмущения. Другим параметром теории является ширина  $\hbar\gamma$  уровней резонансной ДУС, обусловленная испусканием и поглощением фононов с энергией  $e$ . Энергия взаимодействия резонансной ДУС с тепловыми ДУС имеет характерную величину  $\hbar/\tau_d \approx D^2 PT/\rho v^2$ , где  $P$  — постоянная, не зависящая от энергии плотность состояний ДУС в стекле;  $\rho$  — плотность стекла;  $v$  — средняя скорость звука;  $D$  — деформационный потенциал. Наконец, частота скачков тепловых ДУС равна  $\Gamma_0 \approx D^2 T^3 / \rho \hbar^4 v^5$ .

Как мы увидим, важную роль во всем явлении спектральной диффузии играет соотношение между  $1/\tau_d$  и  $\Gamma_0$ . Появление в теории безразмерного параметра  $\Gamma_0 \tau_d$  можно пояснить следующим образом. На малых временах  $t \ll \Gamma_0^{-1}$  уход собственной частоты резонансной ДУС от резонанса происходит со временем по линейному закону

$$|e(t) - e(0)| \approx \hbar \Gamma_0 t / \tau_d. \quad (1)$$

Происхождение этой формулы следующее [11]. Рассмотрим объем с линейными размерами порядка  $r_t$ , окружающий резонансную ДУС. В этом объеме имеется  $\approx P T r_t^3$  тепловых ДУС с характерными частотами перехода порядка  $\Gamma_0$ . Скачок хотя бы одной тепловой ДУС в данном объеме к моменту времени  $t$  происходит с вероятностью порядка единицы, если  $r_t$  удовлетворяет условию  $\Gamma_0 t P T r_t^3 \approx 1$ . Соответствующее этому скачку характерное изменение энергии резонансной ДУС есть

$$D^2 / \rho v^2 r_t^3 \approx \hbar \Gamma_0 t / \tau_d.$$

Отсюда непосредственно и следует (1). На рис. 1, а—в приведены зависимости собственной частоты резонансной ДУС от времени за счет взаимодействия с тепловыми соседями, получающиеся в процессе моделирования (см. раздел 2). Видно качественное согласие с зависимостью (1).

В результате характерное время сбоя фазы волновой функции резонансной ДУС  $\tau_\varphi$  есть

$$\tau_\varphi \approx \sqrt{\tau_d / \Gamma_0}. \quad (2)$$

Выражение (2) справедливо, если это время много меньше характерного времени между скачками  $1/\Gamma_0$ , т. е.

$$\Gamma_0 \tau_d \ll 1. \quad (3)$$

При  $\Gamma_0 \tau_d \gg 1$  за время  $t \ll \Gamma_0^{-1}$  фаза резонансной ДУС успевает измениться только на малую величину, т. е. не успевает сбиваться. Таким образом, характерное время сбоя фазы  $\tau_\varphi \gg \Gamma_0^{-1}$ . С другой стороны, на больших временах  $t \gg \Gamma_0^{-1}$  характерное значение расстройки (рис. 1, а—в) перестает зависеть от времени, поскольку разность  $|e(t) - e(0)|$  не может по порядку величины превысить характерную величину  $\hbar/\tau_d$ . Иными словами, расстройка в этом случае блуждает случайным образом по интервалу  $\hbar/\tau_d$ . Соответственно время сбоя фазы  $\tau_\varphi$  определяется спектральной шириной этого интервала и имеет порядок  $\tau_\varphi \approx \tau_d \gg \Gamma_0^{-1}$ .

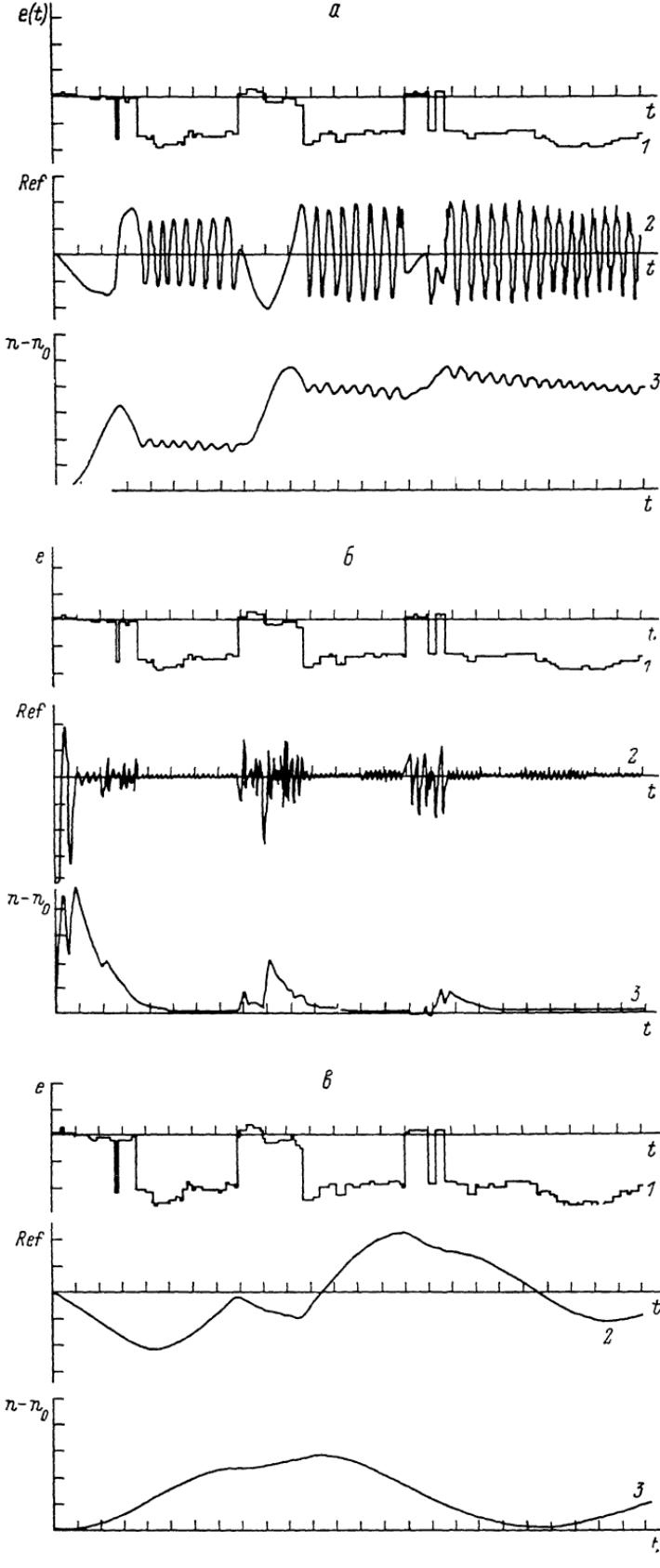


Рис. 1. Изменение со временем основных характеристик процесса резонансного поглощения для случая низких температур  $\gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$  (а), квантового случая  $\Gamma_0 \ll \gamma \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$  (б) и  $\Gamma_0 \gg 1/\tau_d \gg \gamma$  (в).

1 — собственная частота резонансной ДУС  $e(t)$ ; 2 — вещественная часть недиагональной компоненты матрицы плотности  $Re f(t)$ , 3 — изменение заселенности верхнего уровня резонансной ДУС относительно равновесного значения  $n_0$ . Занесены гистограммы соответствуют перевороту случайно выбранной телловой ДУС в течение времени  $\Delta t = 1/\Gamma_0 N$ .

Из этих рассуждений следует, что существуют две области — высоких и низких температур по сравнению с характерной температурой  $T_D$ . Последняя определяется из условия равенства единице характерного параметра  $\Gamma_0 \tau_d$

$$T_D = (p\hbar^3 v^3)^{1/2}. \quad (4)$$

Эта температура была введена в [11, 13]. Ее типичное значение для диэлектрических стекол 0.1—1 К.

В пренебрежении взаимодействием между ДУС и связанным с ним явлением спектральной диффузии коэффициент резонансного поглощения  $\alpha$  определяется соотношением между величиной  $F$  и собственным затуханием резонансной ДУС  $\gamma$ . Коэффициент поглощения пропорционален произведению разности заселенностей нижнего и верхнего уровней ДУС на спектральную ширину линии поглощения. При  $F \ll \gamma$  разность заселенностей в нулевом приближении не зависит от  $F$  и определяется своим равновесным значением, а контур линии поглощения — лоренцевский с шириной  $\gamma$ . Коэффициент поглощения описывается в том же приближении линейной теорией; в следующем приближении возникает поправка по параметру  $(F/\gamma)^2$ .

Если же  $F \gg \gamma$ , то разность заселенностей убывает обратно пропорционально  $F^2$ , т. е. интенсивности, а ширина области резонанса вследствие осцилляций Раби растет  $\sim F$  (так называемое динамическое уширение спектральной линии). В результате оказывается, что коэффициент поглощения обратно пропорционален  $F$ . Таким образом, критическая амплитуда  $F_c$ , определяющая нелинейные эффекты, в этом случае равна  $\gamma$ . Соответственно ширина выраженной дыры порядка  $\gamma$  при  $F \ll F_c$  и порядка  $F$  при  $F \gg F_c$ .

Оценим теперь критическую амплитуду  $F_c$  в тех случаях, когда существует спектральная диффузия.

Случай низких температур,  $T \ll T_D$  ( $\Gamma_0 \tau_d \ll 1$ ). Здесь можно выделить два предельных случая, когда важна спектральная диффузия

$$\Gamma_0 \ll \gamma \ll \sqrt{\Gamma_0 / \tau_d}, \quad \gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0 / \tau_d}. \quad (5), (6)$$

В первом из них критическая интенсивность определяется из условия, что за время  $1/F$  порядка периода осцилляций Раби энергия резонансной ДУС уходит за счет спектральной диффузии в соответствии с (1) на величину порядка  $F$ . Отсюда получается оценка для критической амплитуды

$$F_c \simeq \sqrt{\Gamma_0 / \tau_d}. \quad (7)$$

Оценка для ширины выраженной дыры получается при этом из следующих соображений. Резонансная ДУС, проходя область резонанса шириной порядка  $\sqrt{\Gamma_0 / \tau_d}$ , возбуждается при  $F \geq F_c$  с вероятностью порядка единицы. Затем она выходит из резонансной области, оставаясь в возбужденном состоянии еще время  $t \simeq \gamma^{-1} \ll \Gamma_0^{-1}$  (кривая 2 на рис. 1, a). Подставляя это время в (1), мы приходим к выводу, что ширина выраженной дыры при этом оказывается порядка  $\Gamma_0 / \gamma \tau_d$ .

Во втором случае оценку критической интенсивности можно получить на основе следующей качественной картины [11]. Область случайных изменений собственной частоты резонансной ДУС  $1/\tau_d$  в данном случае гораздо больше ширины резонанса  $\sqrt{\Gamma_0 / \tau_d}$ . При случайных изменениях собственной частоты резонансная ДУС многократно возвращается в резонансную область. Всякий раз при этом происходит возрастание ее заселенности на малую величину  $F^2 \tau_d^2 = F^2 \tau_d / \Gamma_0 \ll 1$  (кривая 2 на рис. 1, б). Общее число таких возвратов за время «жизни»  $1/\gamma$  есть  $\Gamma_0 / \gamma$ , и, таким образом, полное изменение заселенности за это время есть  $(F^2 \tau_d / \Gamma_0)(\Gamma_0 / \gamma)$ . Приравнивая эту величину единице, мы приходим к оценке для  $F_c$

$$F_c \simeq \sqrt{\gamma/\tau_d}. \quad (8)$$

Лирина выжженной дыры получается порядка  $1/\tau_d$ .

Случай высоких температур,  $T \gg T_B$  ( $\Gamma_0 \tau_d \gg 1$ ). Спектральная диффузия важна здесь при

$$\Gamma_0 \gg 1/\tau_d \gg \gamma. \quad (9)$$

Зследствие частых скачков тепловых пар все резонансные ДУС из спектрального интервала шириной  $1/\tau_d$  оказываются неравновесными (кривая 2 на рис. 1, б). При этом характерная скорость изменения заселенности есть  $F^2 \tau_d$ , а скорость релаксации за счет тепловых фононов есть  $\gamma$ . Сравнение этих величин дает оценку

$$F_c \simeq \sqrt{\gamma/\tau_d}, \quad (10)$$

в то время как ширина выжженной дыры равна ширине области спектральной диффузии  $1/\tau_d$ , что в свою очередь много больше  $F_c$ .

Теоретические расчеты, проведенные в [3, 5], а также проводимые ниже численные оценки удовлетворительно согласуются с оценками (7), (8) и (10).

## 2. Описание модели и основные уравнения

Рассмотрим систему из  $N$  равномерно распределенных в объеме  $V$  тепловых ДУС. Радиус-вектор  $r_i$ ;  $i$ -й тепловой ДУС определяется тройкой чисел  $(x_i, y_i, z_i)$ , задаваемой генератором псевдослучайных чисел (ГПЧ). В начало системы координат поместим резонансную ДУС. Среднее расстояние между тепловыми ДУС  $r_0 = (3V/4\pi N)^{1/3}$ . Изменение собственной частоты резонансной ДУС, обусловленное взаимодействием с тепловыми соседями, равно

$$\hbar \Delta \omega(t) \equiv e(t) - e(0) = \sum_i \hbar \mathcal{J}_{ii} \xi_i(t). \quad (11)$$

Здесь  $\xi_i(t)$  — случайная функция времени, описываемая телеграфным процессом. Она попеременно принимает значения +1 и -1 в случайные моменты с частотой  $\Gamma_0$ . Различные функции  $\xi_i(t)$  мы считаем некоррелированными.  $\mathcal{J}_{ii} = D^2/\hbar \rho v^2 r_i^3$ , где  $r_i$  — расстояние от  $i$ -й тепловой ДУС до резонансной. Заметим, что характеристическая энергия  $E_d = (\hbar/\tau_d) \sim \hbar \mathcal{J}(r_0)$ . Обозначим  $z = \omega - e/\hbar$  величинустройки резонансной ДУС.

В течение временного интервала  $\Delta t$  случайно выбранная ГПЧ тепловая ДУС совершает скачок. На следующем шаге переворачивается какая-нибудь другая (или та же самая) тепловая ДУС и т. д. На каждом шаге  $i$  для данного  $z$  решается система уравнений для диагональной  $n$  и недиагональной  $f$  компонент матрицы плотности резонансной ДУС [2, 3]

$$\begin{aligned} \partial n / \partial t &= -\gamma(n - n_0) - F \operatorname{Re} f, \\ \partial \operatorname{Re} f / \partial t &= F(n - 1/2) + s \operatorname{Im} f - (\gamma/2) \operatorname{Re} f, \\ \partial \operatorname{Im} f / \partial t &= -s \operatorname{Re} f - (\gamma/2) \operatorname{Im} f. \end{aligned} \quad (12)$$

Здесь  $n_0 = [\exp(e/T) + 1]^{-1}$  — равновесная заселенность верхнего уровня резонансной ДУС;  $s = z - \Delta \omega(t)$ .

Для численного решения системы (12) нами была использована неявная схема интегрирования. Для уравнения  $du/dt + \Phi(u, t) = 0$  она имеет вид  $u^{i+1} = u^i - (\Delta t/2)(\Phi^i + \Phi^{i+1})$  [14].

В моменты времени  $t_k = k\Delta t$  ( $k = 1, 2, \dots$ ) находятся средние

$$\langle \operatorname{Re} f \rangle_k = \frac{\Delta t}{k\Delta t} \sum_{i=1}^{k\Delta t/\Delta t} \operatorname{Re} f^i, \quad (13)$$

$$\langle n - n_0 \rangle_k = \frac{\Delta t}{k\bar{t}} \sum_{i=1}^{k\bar{t}/\Delta t} (n^i - n_0), \quad (14)$$

где  $\bar{t}$  — отрезок времени, на котором производится усреднение. Проверяется также неравенство, следующее из первого уравнения (12) в стационарном случае

$$\langle \operatorname{Re} f \rangle_k = (-\gamma/F) \langle n - n_0 \rangle_k. \quad (15)$$

Если средние (13), (14) на  $k$ -м и  $(k+1)$ -м отрезках времени в пределах заданной точности равны, а также с той же степенью точности выполняется равенство (15), то определяется «стационарный» коэффициент поглощения для резонансной ДУС с фиксированной расстройкой  $z$

$$\alpha(z) = (-2/F) \langle \operatorname{Re} f \rangle. \quad (16)$$

Далее расчет производится для другого  $z$  и суммарный коэффициент поглощения  $\alpha(F)$  для заданной конфигурации тепловых ДУС находится интегрированием  $\alpha(z)$  по всем  $z$ , дающим существенный вклад. Затем расчет повторяется для новой случайной конфигурации тепловых ДУС и результаты усредняются по конфигурациям.

Для формы выжженной дыры имеем

$$\begin{aligned} \Delta Q &= \left\langle \int de \Delta n_{\omega-e/\hbar}(t) \delta(\omega_1 - e/\hbar - \Delta\omega(t)) \right\rangle_t = \\ &= \langle \Delta n_{\omega-\omega_1+\Delta\omega(t)}(t) \rangle_t \equiv \Delta Q(\omega - \omega_1), \end{aligned} \quad (17)$$

где  $\omega_1$  — частота пробного импульса малой интенсивности в присутствии сигнала накачки, вызывающего изменение заселенности  $\Delta n_z(t) = n - n_0$  в момент времени  $t$  для резонансной ДУС с расстройкой  $z$ . Из (17) следует алгоритм расчета. Действительно, найдем  $\Delta n_z(t)$  для всех возможных значений отстройки  $z$ . Тогда, согласно (17), для каждого момента времени следует выбрать такое  $\Delta n$ , для которого имеет место равенство  $\omega - \omega_1 + \Delta\omega(t) = z$ . Интеграл по всем  $t$  для выбранного таким образом  $\Delta n$  и определяет форму выжженной дыры.

Расчеты проводились для следующего набора данных: число тепловых ДУС  $N=50$ ; объем, в котором они сгенерированы,  $V=8$ ; число конфигураций, по которым проводится усреднение, 20; шаг при интегрировании по расстройке  $\Delta z=0.5$ . Значения параметров  $\Gamma_0$ ,  $\gamma$ ,  $1/\tau_d$  определяются конкретным вариантом расчета. Относительная погрешность не превышала 5 %.

### 3. Результаты расчета

Ниже приведены результаты численного моделирования.

Нелинейное резонансное поглощение. Стационарный случай. Результаты расчетов в тех ситуациях, когда важна спектральная диффузия (см. (5), (6), (9)), приведены на рис. 2. Кривая I имеет место при низких температурах ( $T \ll T_D$ ) и соотношении параметров

$$\gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}.$$

Расчеты проведены для значений параметров  $\Gamma_0=1$ ,  $\gamma=0.1$ ,  $1/\tau_d=10$ . Шаг интегрирования по времени  $\Delta t=1/\Gamma_0 N$ . Критическая интенсивность определялась по уровню 0.5 от значения коэффициента поглощения при  $F \rightarrow 0$ . Найденное значение критической интенсивности  $F_c \approx 1$  совпадает с оценкой (8).

Другой важный низкотемпературный случай (5)

$$\Gamma_0 \ll \gamma \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$$

иллюстрирует кривая 2 (рис. 2). Здесь  $\Gamma_0=0.02$ ,  $\gamma=0.1$ ,  $1/\tau_d=10$ . Соответствующее значение критической интенсивности  $F_c \approx 0.5$ . (Оценка (7) дает величину того же порядка  $\approx 0.45$ ).

Заметим, что на этой кривой имеется еще один излом при значении амплитуды  $F \approx 2$ , что совпадает по порядку величины с шириной выжженной дыры в этом случае  $\Delta\nu \approx \Gamma_0/\gamma\tau_d$ . Причину этого излома можно объяснить следующим образом. Как следует из формул (15), (16), стационарный коэффициент поглощения  $\alpha(z)$

$$\alpha(z) = (2\gamma/F^2) \langle n - n_0 \rangle_t,$$

т. е. пропорционален среднему во времени отклонению заселенности верхнего уровня  $n$  от его равновесного значения  $n_0$ .

Значение  $\langle n - n_0 \rangle_t$  в этом случае можно оценить из следующих соображений. Мы видим (см. раздел 1), что резонансная ДУС изменяет свою заселенность в резонансной области шириной  $\hbar\sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$ , которая проходится

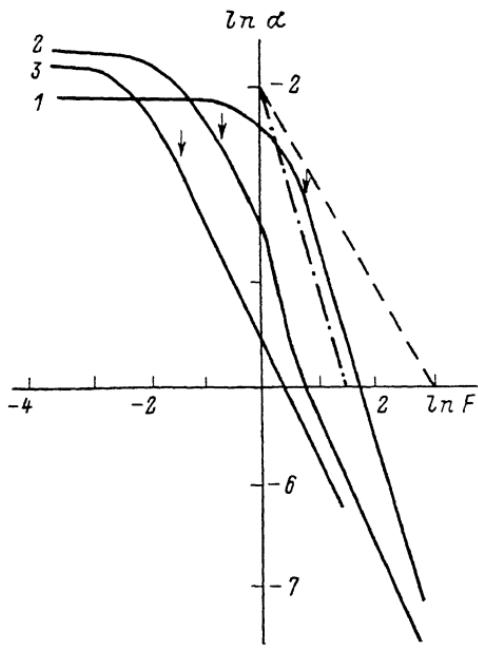


Рис. 2. Зависимость коэффициента нелинейного резонансного поглощения от интенсивности для  $\gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$  (1),  $\Gamma_0 \ll \gamma \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$  (2),  $\Gamma_0 \gg 1/\tau_d \gg \gamma$  (3).

Штриховая линия — зависимость  $\alpha \sim F^{-1}$ , пунктирная —  $\alpha \sim F^{-2}$ . Стрелками отмечены критические интенсивности.

за время  $\sqrt{\tau_d/\Gamma_0}$ . Она существует в возбужденном состоянии время  $\approx \gamma^{-1} \gg \sqrt{\tau_d/\Gamma_0}$ , после чего девозбуждается, испуская фонон. Все оставшее время (пока она проходит область спектральной диффузии шириной  $\approx \hbar/\tau_d$ ) у нее  $n=n_0$ . Возвращается она в резонансную область через время  $\approx \Gamma_0^{-1} \gg \gamma^{-1}$ . Таким образом, доля времени, проводимая резонансной ДУС в возбужденном состоянии (т. е. с  $n=1/2$ ), порядка  $\Gamma_0/\gamma \ll 1$ . Отсюда для всех  $z$ , лежащих в интервале шириной  $1/\tau_d$  вблизи резонанса,

$$\langle n - n_0 \rangle_t \approx (1/2 - n_0)(\Gamma_0/\gamma)$$

и коэффициент поглощения оказывается обратно пропорционален интенсивности  $\alpha \sim 1/F^2$ . Этот вывод справедлив в диапазоне интенсивностей

$$F_c < F < \Delta\nu$$

и хорошо подтверждается численным расчетом.

При больших значениях интенсивности  $F > \Delta\nu$  физическая картина несколько иная. Теперь резонансная ДУС находится в возбужденном состоянии время  $\approx F\tau_d/\Gamma_0 \gg \gamma^{-1}$ . Поэтому

$$\langle n - n_0 \rangle_t \approx (1/2 - n_0)F\tau_d,$$

и в результате при  $F > \Delta\nu$  коэффициент поглощения  $\alpha \sim 1/F$ , что коррелирует с результатами численного моделирования ( $\alpha \sim 1/F^{1.4}$ ).

Кривая 3 (рис. 2) получена в случае высоких температур ( $T \gg T_D$ ) при

$$\Gamma_0 \gg 1/\tau_d \gg \gamma,$$

где  $\Gamma_0=0.5$ ,  $\gamma=0.02$ ,  $1/\tau_d=0.1$ . Для  $F_c$  имеем величину порядка 0.05.

Однако сравнивать эту величину с оценкой (10) нельзя, поскольку существенную роль при получении этой оценки играет разброс частот скачков  $\Gamma_0$  тепловых ДУС в стеклах, который не учитывался при численном

моделировании. А именно частота  $\Gamma_0$  считалась одинаковой для всех тепловых ДУС. В такой ситуации при условии  $\Gamma_0 \gg 1/\tau_d$  имеет место явление динамического сужения спектральной линии и критическая интенсивность определяется скачками ближайших к резонансной тепловых ДУС [13]

$$F_c \simeq \sqrt{\gamma(1/\tau_d)^2/\Gamma_0} \simeq 0.02.$$

Это по порядку величины коррелирует с результатами численного расчета. Зависимость коэффициента поглощения от интенсивности в этом случае (как следует из [13]) должна следовать закону  $\alpha \sim 1/F$ , что также находится в неплохом согласии с расчетом, из которого следует, что в стационарном режиме  $\alpha \sim 1/F^{1.3}$ .

Как было показано в работе [3], из качественных рассуждений в стационарном случае при учете разброса частот скачков тепловых ДУС при интенсивностях выше критической (10)  $\alpha \sim 1/F^2$ .

Одним из важных результатов рассмотрения стационарного режима в случаях (5) и (6) является обратно пропорциональная зависимость коэффициентов поглощения от интенсивности,  $\alpha \sim F^{-2}$ . Отметим, что из уравнения Блоха следует закон  $\alpha \sim F^{-1}$ , т. е. коэффициент поглощения обратнопропорционален корню из интенсивности.

Из рис. 2 видно, что настоящие данные для стационарного нелинейного поглощения не позволяют объяснить наблюдавшуюся в ряде опытов при

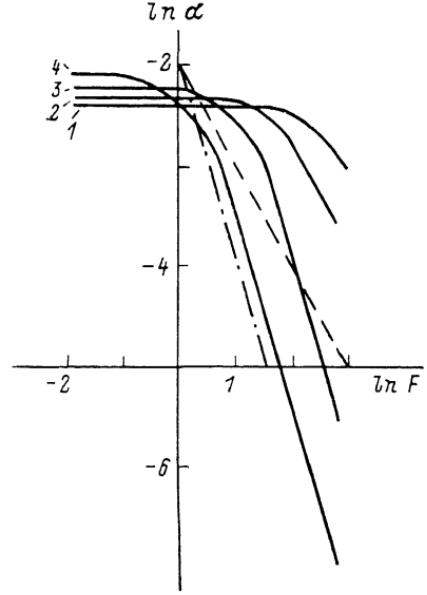


Рис. 3. Зависимость  $\alpha(F)$  в нестационарном случае при  $t = \Gamma_0^{-1}/10$  (1),  $\Gamma_0^{-1}/5$  (2),  $\Gamma_0^{-1}$  (3),  $4\Gamma_0^{-1}$  (4).

низких температурах зависимость  $\alpha(F) \sim F^{-1}$  [15]. Как отмечалось в [11], дело, видимо, заключается в том, что в выполненных экспериментах длительность импульса была достаточно малой, так что не устанавливалось настоящего стационарного режима. Об этом, в частности, свидетельствует работа [16], в которой наблюдалась зависимость нелинейного поглощения звука от длительности акустического импульса.

С целью проверки последнего предложения были проведены расчеты нелинейного коэффициента поглощения в нестационарном случае.

**Нестационарный случай.** В нестационарном режиме усреднение (13) и расчет коэффициента поглощения (16) производились для текущего значения времени  $t = (1, 2, \dots) \Delta t$ . В качестве примера на рис. 3 приведена зависимость  $\alpha(F)$  для случая (6) для тех же значений параметров,  $\gamma = 0.1$ ,  $\Gamma_0 = 1$ ,  $1/\tau_d = 10$ ,

$$\gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}.$$

Видно, что на малых временах (длительностях импульса)  $t < (1/\gamma, 1/\Gamma_0)$  для коэффициента поглощения имеет место зависимость  $\alpha \sim F^{-1}$ , тогда как начиная с времен  $t > 1/\Gamma_0$  зависимость коэффициента поглощения от интенсивности стремится к виду  $\alpha \sim F^{-2}$ .

**Выженная дыра.** Форма выжженной дыры исследована для тех же случаев и с теми же наборами параметров, что и стационарное нелинейное поглощение. Полученные результаты для до- и закритической интенсивности приведены на рис. 4.

Для случая (б) оценка ширины выжженной дыры дает  $\Delta Q \approx 1/\tau_d \approx 10$ . Из результатов расчетов имеем: при  $F < F_c$ ,  $\Delta Q \approx 8$ , при  $F > F_c$ ,  $\Delta Q \approx 5$ . Форма выжженной дыры лоренцева.

В случае (5) значения ширины дыры выше теоретической оценки ( $\Delta Q \approx 2$ ): при  $F < F_c$ ,  $\Delta Q \approx 4 \div 5$ , при  $F > F_c$ ,  $\Delta Q \approx 5$ . Форма дыры не является лоренцевой.

При высоких температурах для ширины выжженной дыры получены значения  $\Delta Q \approx 0.3 \div 0.4$  ( $F < F_c$ ),  $\Delta Q \approx 0.3 \div 0.5$  ( $F > F_c$ ). Как и в случае (6), форма выжженной дыры лоренцева.

Заметим, что во всех исследованных случаях ширина выжженной дыры очень слабо зависит от интенсивности, что находится в согласии с имеющимися экспериментальными данными.

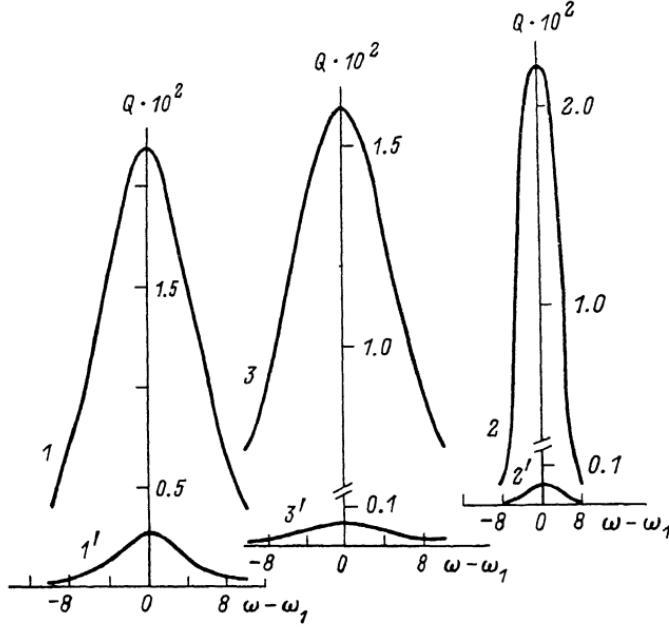


Рис. 4. Форма выжженной дыры при  $F > F_c$  (1-3) и  $F < F_c$  (1'-3').  
 $1, 1' - \gamma \ll \Gamma_1 \ll \sqrt{\Gamma_1/\tau_d}$ ,  $F'=0.2$ ,  $F=2$ ;  $2' - \Gamma_0 \ll \gamma \ll \Gamma_0/\tau_d$ ,  $F'=0.2$ ,  $F=2$ ;  $3, 3' - \Gamma_0 > 1/\tau_d > \gamma$ ,  $F'=0.01$ ,  $F=0.1$ . (Разность  $\omega - \omega$  — в отн. ед.).

#### 4. Обсуждение результатов

Таким образом, спектральная диффузия играет важную роль в явлениях нелинейного поглощения и выжженной дыры в диэлектрических стеклах. Рассматриваемые явления моделируются системой «резонансная ДУС+ансамбль тепловых ДУС» в приближении скачкообразных перескоков тепловых ДУС и определяются соотношением трех величин: энергии взаимодействия  $\mathcal{J}(r_0)$  обеих ДУС (порядка ширины области спектральной диффузии  $1/\tau_d$ ), частоты перескоков тепловых ДУС  $\Gamma_0$  и собственной ширины линии поглощения  $\gamma$  резонансной ДУС.

В зависимости от значения характерного параметра  $\Gamma_0\tau_d$  существуют две области — высоких и низких температур по сравнению с характерной температурой  $T_d$ . При  $\Gamma_0\tau_d \ll 1$  (область низких температур) спектральная диффузия важна в двух предельных случаях соотношения параметров:  $\gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$  и  $\Gamma_0 \ll \gamma \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$ . При  $\Gamma_0\tau_d \gg 1$  (область высоких температур) актуальным является случай  $\Gamma_0 \gg 1/\tau_d \gg \gamma$ .

При амплитудах поля волны, больших критического значения, стационарный коэффициент нелинейного поглощения убывает обратно пропорционально интенсивности. В нестационарном случае при малых длительностях импульса наблюдается корневая зависимость от интенсивности, наблюдавшаяся в некоторых экспериментах. С приближением к стационарну

(ростом длительности импульса) зависимость  $\alpha \sim F^{-1}$  сменяется зависимостью  $\alpha \sim F^{-2}$ .

То же самое можно сказать и про явление выжженной дыры. Если спектральная диффузия отсутствует, то его можно рассматривать на основе уравнений Блоха с двумя временами, продольной  $T_1$  и поперечной  $T_2$  релаксации, причем  $T_2 = 2T_1 = 2/\gamma$ . Из уравнений Блоха следовало бы однозначное соотношение между критической амплитудой и шириной выжженной дыры

$$\Delta Q = F_c \sqrt{1 + F^2/F_c^2}.$$

Форма дыры получается лоренцевой даже в том случае, если соотношение  $T_2 = 2T_1$  не выполняется.

Однако, как следует из расчета, форма выжженной дыры не является лоренцевой во всех рассмотренных случаях, когда важна спектральная диффузия. И что самое важное, ее ширина практически не зависит от интенсивности.

На наш взгляд, представляли бы больший интерес систематическое экспериментальное исследование явлений выжженной дыры и нелинейного резонансного поглощения (с одновременным контролем стационарности эффекта) и подробное сопоставление результатов опыта с численными данными, полученными в настоящей работе.

Авторы выражают сердечную благодарность Ю. М. Гальперину и В. Л. Гуревичу за полезное обсуждение результатов работы.

#### Список литературы

- [1] Amorphous Solids. Low Temperature Properties / Ed. W. A. Phillips. Berlin—Meidelberg—N. Y., 1981.
- [2] Гальперин Ю. М., Гуревич В. Л., Паршин Д. А. // Письма в ЖЭТФ. 1987. Т. 45. № 2. С. 85—88.
- [3] Galperin Yu. M., Gurevich V. L., Parshin D. A. // Phys. Rev. B. 1988. V. 37. N 17. P. 10 339—10 349.
- [4] Гуревич В. Л., Раев Э. А. // ФТТ. 1987. Т. 29. № 1. С. 136—142.
- [5] Паршин Д. А., Раев Э. А. // ЖЭТФ. 1987. Т. 93. № 6. С. 2129—2150.
- [6] Klauder J. R., Anderson P. W. // Phys. Rev. 1962. V. 125. N 3. P. 912—932.
- [7] Joffrin J., Levelut A. // J. de Phys. 1975. V. 36. N 9. P. 811—822.
- [8] Hunklinger S., Arnold W. Physical Acoustics. V. 12 / Ed. W. P. Mason, R. N. Thurston. N. Y., 1976. P. 155—215.
- [9] Black J. L., Halperin B. I. // Phys. Rev. B. 1977. V. 16. N 6. P. 2879—2895.
- [10] Golding B., Graebner J. E. // См. [1]. P. 207.
- [11] Laikhtman B. D. // Phys. Rev. B. 1985. V. 31. N 1. P. 490—504; 1986. V. 33. N 4. P. 2781—2795.
- [12] Паршин Д. А., Соловьев В. Н. // ФТТ. 1988. Т. 30. № 6. С. 1888—1891.
- [13] Гальперин Ю. М., Гуревич В. Л., Паршин Д. А. // ЖЭТФ. 1984. Т. 87. № 6. С. 2178—2192.
- [14] Поттер Д. Вычислительные методы в физике. М.: Мир, 1975.
- [15] Golding B., Graebner J. E., Schutz R. J. // Phys. Rev. B. 1976. V. 14. N 4. P. 1660—1662.
- [16] Arnold W., Black J. L., Weiss G. // Phonon Scattering in Condensed Matter // Ed. H. J. Maris. N. Y.—London, 1980. P. 77.

Криворожский  
государственный педагогический институт

Поступило в Редакцию  
19 февраля 1990 г.