

УДК 621.315.592

© 1992

## МЕТОД СПИНОВЫХ МЕТОК В КРЕМНИИ: ЦЕНТРЫ ВНЕДРЕНИЯ

*C. M. Якубеня*

Рассмотрен метод определения зарядового состояния дефекта, занимающего междоузельную позицию в кристаллической решетке кремния. В основу метода положено представление о подобии параметров центров, волновая функция которых формируется главным образом из состояний валентной зоны кристалла. Обсуждается возможность использования в качестве такого спинового маркера примесных ионов марганца, занимающих междоузельную позицию в кристаллической решетке кремния.

Одной из наиболее важных проблем, которые решают физики, занимающиеся изучением дефектов в полупроводниках, является исследование их электронной структуры и, в частности, определение зарядового состояния дефекта в полупроводнике. При этом широкое распространение получили комбинированные методы исследования (фото-ЭПР, оптически детектируемый двойной электронно-ядерный резонанс). Однако указанные выше методы могут использоваться только для исследования дефектов ( $X$ ), находящихся в парамагнитном состоянии, что выполняется далеко не во всех случаях. Даже при выполнении столь жестких требований определение зарядового состояния дефекта и соответствующей спиновой конфигурации в большинстве случаев не может быть выполнено однозначно вследствие того, что двум различным зарядовым состояниям дефекта соответствует одно и то же значение суммарного спина (например, низкоспиновое основное состояние для зарядовых состояний  $X^n$  и  $X^{n+2}$ ).

Такая ситуация реализуется для большинства собственных и примесных дефектов, а волновая функция таких состояний формируется главным образом зонными состояниями кристалла.

Исключением из этого правила являются дефекты, обусловленные примесными ионами переходных элементов группы железа ( $3d$ -элементы). Основное состояние таких ионов является, как правило, высокоспиновым. Как следствие этого спектры ЭПР иона переходного элемента сильно отличаются друг от друга для различных зарядовых состояний.

Изменение зарядового состояния дефекта в этом случае может происходить либо в результате изменения степени заполнения  $3d$ -оболочки примесного иона ( $d$ -орбитали в результате взаимодействия с кристаллическим полем при введении примесного атома в полупроводниковую матрицу расщепляются на трех- и двукратно вырожденные по орбитальному квантовому числу  $L$ -состояния  $t_2^d$  и  $e^d$ ), либо в результате заполнения состояний, волновая функция которых формируется как примесными, так и зонными состояниями. Последние получили название состояний оборванных связей (DBH — dangling bond hybrids) [1]. В дальнейшем мы будем рассматривать только состояния типа DBH.

# Метод спинового маркирования и его применение

Метод. Состояния зоны тяжелых дырок  $t_2^v$  и отщепленные от нее в запрещенную зону локализованные состояния дают основной вклад в волновую функцию DBH-состояния в таких полупроводниках, как Si и GaAs. Поэтому волновую функцию такого состояния можно записать в виде [2]

$$|t_2\rangle^{DBH} = \alpha |t_2\rangle^d - \beta |t_2\rangle^v. \quad (1)$$

Согласно [2], для коэффициентов  $\alpha$  и  $\beta$  можно написать следующие аналитические выражения:

$$\alpha^2 = \frac{1}{2} \left[ 1 + \frac{\delta}{(\delta^2 + V_0^2)^{1/2}} \right], \quad (2)$$

$$\beta^2 = \frac{1}{2} \left[ 1 - \frac{\delta}{(\delta^2 + V_0^2)^{1/2}} \right], \quad (3)$$

где  $\delta = \epsilon^d - \epsilon^v$ ;  $\epsilon^d$ ,  $\epsilon^v$  — положение «затравочных» энергетических уровней без учета взаимодействия между ними;  $V_0$  — константа андерсоновской гибридизации;  $V_0 = (t_2^d | W | t_2^v)$ .

Проблема нахождения собственных значений для случая, когда рассеивающий потенциал  $W$  содержит как резонансную ( $d$ -компоненту), так и потенциальную (зонную) компоненту, была решена Флеровым и Киконым [3]. Положение

соответствующего энергетического уровня в запрещенной зоне  $\epsilon^{DBH}$  в этом случае определяется из решения секулярного уравнения

$$(\epsilon^{DBH} - \epsilon^v) - \frac{V_0^2 M(E)}{1 - \epsilon^v M(E)} = 0, \quad (4)$$

где

$$M(E) = 1 / \left( \sum_{ka} (E - E_{ka}) \right)$$

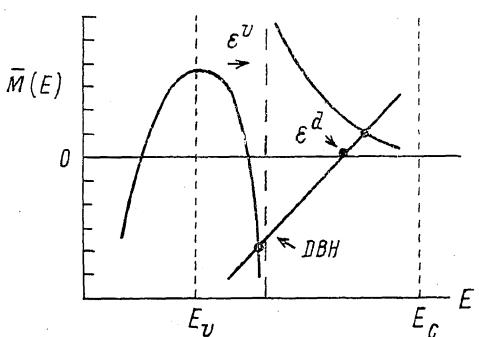


Рис. 1. Графическое решение секулярного уравнения [3].

— средневзвешенная плотность состояний валентной зоны и отщепленных от нее локализованных состояний в запрещенной зоне.

Графическое решение уравнений (4) представлено на рис. 1. Отклонение  $\Delta$  «реальной» величины  $\epsilon^{DBH}$  ( $\epsilon^{DBH} = (\epsilon^{n/n+1})^{DBH}$ ) от «предельной» величины  $\epsilon^v$  ( $\epsilon^v = (\epsilon^{n/n+1})^v$ ) можно оценить, используя приведенное выше графическое решение

$$\Delta = \epsilon^{DBH} - \epsilon^v \approx \delta / M', \quad (5)$$

где  $M'$  — первая производная гильбертова образа локальной плотности состояний  $M$

$$M' = - \frac{dM}{dE} \Big|_{E=\epsilon^{DBH}}, \quad (6)$$

$$M = V_0^2 / \left( \sum_{ka} (E - E_{ka}) \right). \quad (7)$$

Отметим, что в ряде случаев величина  $\Delta$  может быть очень малой. Действительно, при  $\delta \sim 0.5$  эВ,  $M' \sim 10$  величина  $\Delta$  составляет всего лишь 0.05 эВ,

что говорит о том, что положение глубокого уровня в запрещенной зоне определяется главным образом зонной компонентой волновой функции и практически не зависит от ионного остова. Такое поведение численного решения секущего уравнения (4) связано с тем, что гильбертов образ плотности состояний имеет особенность в окрестностях точки  $\varepsilon^*$ .

Поэтому проблема идентификации зарядового состояния дефекта, перезарядка которого сопровождается изменением степени заполнения состояний, преобразующихся по представлению симметрии  $t_2$ , распадается на две отдельные компоненты.

1. Определение степени заполнения  $n_{\pi}^{\text{DBH}}$  орбиталей ( $t_2$ )<sup>DBH</sup> при фиксированном относительно краев разрешенных зон энергий положении уровня Ферми ( $E_{F0}$ ).

2. Определение степени заполнения «остовных»  $n_{\pi}^{\text{core}}$  орбиталей по шкале энергий, попадающих в резонанс с валентной зоной кристалла.

Степень заполнения  $n_{\pi}^{\text{DBH}}$  при заданном положении уровня Ферми в системе  $E_{F0}$  может быть определена экспериментально из измерений спектров ЭПР на двух различных кристаллах, легированных примесными  $3d$ -ионами

$$n_{\pi}^{\text{DBH}}(E_{F0}) = n^{\Sigma}(E_F = E_{F0}) - n^{\Sigma}(E_F \rightarrow 0), \quad (8)$$

где  $n^{\Sigma}(E_F = E_{F0})$ ,  $n^{\Sigma}(E_F \rightarrow 0)$  — суммарное число электронов, локализованных на примесном ионе, при двух различных положениях уровня Ферми в запрещенной зоне. При этом энергия Ферми в системе отсчитывается от потолка валентной зоны.

На основе вышеизложенного задача об определении зарядового состояния дефекта  $X$  при заданном положении уровня Ферми в системе  $E_{F0}$  сводится к нахождению числа электронов, локализованных на остовных орбиталах  $n_{\pi}^{\text{core}}$ , по шкале энергий, попадающих в резонанс с одной из валентных зон кристалла. Учитывая, что эта величина известна из других экспериментов, суммарное число электронов  $n_{\pi}^{\Sigma}$ , локализованных на дефекте  $X$ , будет определяться следующим соотношением:

$$n_{\pi}^{\Sigma}(E_{F0}) = n^{\text{DBH}}(E_F = E_{F0}) + n^{\text{core}}. \quad (9)$$

В качестве примера рассмотрим ситуацию, возникающую в случае центров внедрения атомов бора в кремний.

**Спиновый маркер для центров внедрения.** Кристаллическая решетка кремния состоит из атомов только одного сорта, т. е. является «одноцветной» системой, и как следствие этого все тетраэдрические поры кристаллической решетки являются эквивалентными. Поэтому задача о спиновом маркировании запрещенной зоны в кремнии является более простой по сравнению с бинарными или еще более сложными полупроводниковыми соединениями. При этом примесные ионы марганца, занимающие позицию в тетрапорах кристаллической решетки кремния, удовлетворяют названным выше условиям, накладываемым на ион, который предположительно можно использовать в качестве спинового маркера степени заполнения орбиталей, преобразующихся по представлению симметрии  $t_2$  по мере изменения положения уровня Ферми в запрещенной зоне.

Действительно, все четыре зарядовых состояния примесных ионов марганца, занимающих междуузельную позицию в кристаллической решетке кремния  $Mn_i^-, Mn_i^0, Mn_i^+, Mn_i^{++}$ , являются ЭПР-активными и детектируются в спектрах спинового резонанса при перемещении уровня Ферми в системе от дна зоны проводимости к потолку валентной зоны. Соответственно в запрещенной зоне локализуются три глубоких уровня, связанных с перезарядкой таких дефектов. Эти эффекты хорошо известны [4, 5]. Выполнение второго условия не столь очевидно и требует детального рассмотрения.

Атом марганца имеет следующую структуру внешних электронных оболочек:  $3d^5 4s^2$ , т. е. наполовину заполненную  $3d$ -оболочку и вследствие этого обладающую повышенной устойчивостью, и два слабо связанных  $s$ -электрона.

В работах Людвига и Будбури [5] была выдвинута гипотеза, что при введении такого иона в кристалл кремния и локализации его в междоузельной позиции в решетке происходит «вдавливание»  $4s$ -электронов в  $3d$ -оболочку примесного иона. В результате центр  $Mn^{\pm}$  будет иметь электронную конфигурацию  $3d^7 4s^0$ . В соответствии с этим глубокий уровень, связанный с перезарядкой такого иона, будет иметь чисто примесное происхождение и не может быть использован в качестве спинового маркера. Вместе с тем энергия активации примесного центра не является в силу своего определения локальной характеристикой примесного иона, а является некоторой усредненной характеристикой, определяющей изменение полной энергии системы примесь + матрица в результате перезарядки примесного иона.

Параметром, который более адекватно описывает изменение степени заполнения именно примесных орбиталей при переходе от одного зарядового состояния иона к другому, является константа сверхтонкого взаимодействия  $A_{h,j}$ . Вклад в константу сверхтонкого взаимодействия дают как орбитальная компонента  $A_L$ , так и спиновая компонента, определяющая контактную плотность электронов на ядре  $A_s$ . При этом  $A_s < 0$  для всех перечисленных зарядовых состояний примесных ионов марганца [6], а  $A_L$  равна нулю для ионов, основное состояние которых в результате взаимодействия атомных термов с кристаллическим полем является орбитальным синглетом ( $Mn^{\pm} - {}^3A_1$ ,  $Mn^{++} - {}^6A_1$ ) и  $A_L > 0$  для ионов с триплетным основным состоянием ( $Mn^{\pm} - {}^4T_1$ ,  $Mn^{\pm} - {}^5T_2$ ) [5].

Такая ситуация реализуется для изолированных центров внедрения, симметрия кристаллического окружения которых описывается группой симметрии  $T_d$ . Вместе с тем измерения спинового резонанса в таких системах показали, что, хотя симметрия кристаллического окружения и описывается такой группой  $T_d$ , для центров  $Mn^{\pm}$  и  $Mn^0$  [5] имеет место сильный динамический эффект Яна—Теллера и как следствие этого орбитальная компонента  $g$ -фактора Ланде, а вместе с ней и  $A_L$  будут испытывать «хэмовское сокращение» [6]. Тогда для всех четырех зарядовых состояний примесных ионов марганца  $g$ -фактор Ланде будет иметь чисто спиновое происхождение и константа  $A_{h,j} < 0$ .

Расчеты, выполненные в таком приближении Зангером [7], подтверждают этот вывод. Однако эксперименты [5] показывают, что константа сверхтонкого взаимодействия зависит от того, какое состояние (орбитальный синглет или триплет) является основным, и в соответствии с этим является либо отрицательной, либо положительной, т. е. реализуется ситуация, характерная для центров, не подверженных эффекту хэмовской редукции орбитального момента. Вместе с тем чисто спиновые значения  $g$ -фактора Ланде, наблюдаемые для таких центров, могут быть реализованы только в результате «эмораживания» орбитальной компоненты углового момента.!

Возникающее противоречие, как было показано [8], можно разрешить только в рамках модели двойного дефекта, состоящего из примесного иона и вакансии кремния. Применительно к ситуации, возникающей в случае центров внедрения, эта модель гласит, что вследствие эффектов перекрытия волновых функций примесного иона и атомов кристаллической решетки, являющихся ближайшими соседями, будет происходить частичный перенос электронной плотности с орбиталей, преобразующихся по представлению симметрии  $t_2^d$  (образующих состояния валентной зоны), на орбитали  $t_2^d$  (привадлежащих примесному атому). В результате в запрещенной зоне будут локализоваться орбитали типа  $(t_2)^{DBH}$ , а не  $(t_2)^d$ , как это следовало бы ожидать при рассмотрении междоузельных дефектов с точки зрения изолированных центров внедрения.

В этом случае вклад в константу сверхтонкого взаимодействия будут давать помимо электронов, локализованных на орбиталах  $t_2^d$  ( $A_s$ ,  $A_L$ ), также элек-

троны с неспаренным спином зонного происхождения  $(A_L)'$ . Тогда выражение для константы сверхтонкого взаимодействия будет иметь следующий вид:

$$A_{nf} = A_s + A_L + A'_L, \quad (10)$$

$$(A_L)/(A_L)' = \frac{\langle \Psi(r) | r^{-3} | \Psi(r) \rangle}{\langle \Psi'(d-r) | r^{-3} | \Psi'(d-r) \rangle},$$

где  $d$  — расстояние между примесным атомом и ближайшим соседом по кристаллической решетке, а  $\Psi(r)$  и  $\Psi'(d-r)$  — волновые функции электронов примесного иона и ионов кремния соответственно. При этом  $A'_L > 0$ , так же как и  $A_L$ , но в отличие от последней она не будет подвергаться «хэмовскому сокращению» вследствие того, что эти вклады обусловлены электронами, принадлежащими разным атомам, и, кроме того, электроны, определяющие орбитальную компоненту  $A'_L$ , не вносят вклада в  $g$ -фактор по тем же причинам.

Положение маркирующих уровней в запрещенной зоне кремния изображено на рис. 2.

Используя полученную информацию, можно легко идентифицировать зарядовые состояния междуузельных центров бора, перезарядка которых обуславливает появление в запрещенной зоне двух глубоких состояний [9, 10] ( $E_c - 0.42$  эВ,  $E_c - 0.13$  эВ), которые являются соответственно первым и вторым акцепторными уровнями междуузельных центров бора, а вовсе не первым акцепторным и первым донорным уровнем, как это предполагалось ранее [9, 10]. Иными словами, центр с отрицательной энергией кулоновской корреляции (negative —  $U$ ) не имеет места для примесных ионов бора, занимающих между-

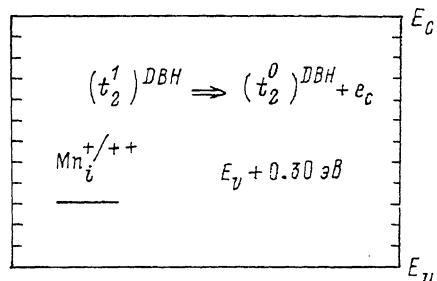
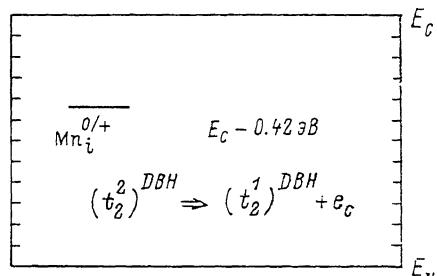
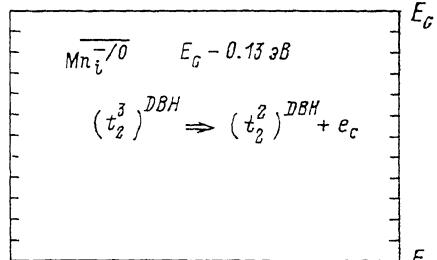


Рис. 2. Положение маркирующих уровней в запрещенной зоне кремния в случае центров внедрения для различных значений  $n^{DBH}$ .

узельную позицию в кристаллической решетке кремния и находящихся в нейтральном зарядовом состоянии, как это предполагалось ранее [9, 10]. При этом было принято во внимание, что « $n^{core}$ » равняется двум (два электрона локализуются на  $2s$ -орбиталях в атоме бора).

Более детальное обсуждение причин и возможности объяснения экспериментальных результатов по таким центрам без привлечения представлений о центре с отрицательной энергией кулоновской корреляции применительно к междуузельным центрам бора будет выполнено в отдельной работе.

В заключение автор считает своим приятным долгом выразить благодарность К. А. Кикоину за стимулирующие дискуссии.

## С п и с о к л и т е р а т у р ы

- [1] Zanger A., Lindefelt U. // Phys. Rev. 1983. V. 27B. N 2. P. 1991—2019.
- [2] Lannoo M. et al. // Phys. Rev. 1984. V. 30B. N 7. P. 7138—7145.
- [3] Flerov V., Kikoin K. // J. Phys. C. 1986. V. 19. P. 887—895.
- [4] Czaputa R. et al. // Sol. St. Comm. 1983. V. 47. N 4. P. 223—228.
- [5] Ludwig H., Woodbury G. Electronic paramagnetic resonance in Solid St. Phys. V. 13 / Ed. H. Ehrenreich, F. Seitz, D. Turnbull. Academic, New York, 1962.
- [6] Yakubanya S., Tugushev V. // Phys. Lett. A. 1989. V. 134. N 1. P. 261—263.
- [7] Yakubanya S. // Preprint IAE-4812/9.
- [8] Harris R. D. et al. // Phys. Rev. Lett. 1982. V. 48. N 4. P. 1271—1274.
- [9] Harris R. D. et al. // Phys. Rev. 1987. V. 36B. N 2. P. 1094—1097.
- [10] Абрагам А., Блини Б. Электронный парамагнитный резонанс переходных ионов. М.: Мир, 1972. 563 с.
- [11] Zanger A. // Sol. St. Phys. 1986. V. 39. P. 291.

Институт атомной энергии  
им. И. В. Курчатова  
Москва

Поступило в Редакцию  
18 февраля 1991 г.