

УДК 537.226.4 : 536.483

© 1992

**РАЗМЕРНЫЙ ЭФФЕКТ
ЭЛЕКТРОКАЛОРИЧЕСКОГО ОХЛАЖДЕНИЯ СТРУКТУР
НА ОСНОВЕ ТИТАНАТА СТРОНЦИЯ**

K. E. Борисовский, A. I. Дедык, A. M. Прудан

Проведено экспериментальное исследование электрокалорического изменения температуры образцов различной толщины на основе титаната стронция. Обнаружено снижение эффекта охлаждения при переходе к структурам меньшей толщины. Предложена и проанализирована феноменологическая модель элемента, учитывающая формируемый в пластине внешним источником объемный заряд. Определены характерные черты распределения объемного заряда, остаточного поля и зависимость энергетической характеристики поля от воздействовавшего напряжения.

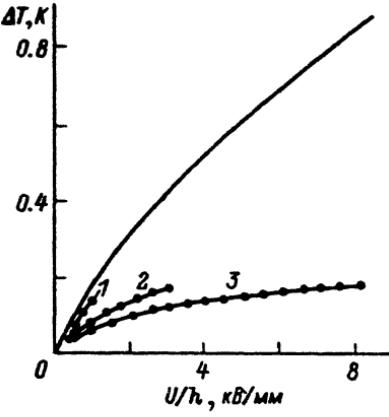
Реакция сегнетоэлектриков на воздействие электрического поля представляет сложное сочетание откликов разной физической природы, в том числе возникает изменение энтропии материала. Вариация электрического поля в сегнетоэлектрике, находящемся в адиабатических условиях, сопровождается его электрокалорическим (ЭК) нагревом или охлаждением. Зависимость ЭК изменения температуры ΔT_0 титаната стронция от разности потенциалов внешнего поля теоретически обоснована в [¹]. Там же проведена экспериментальная проверка результатов расчета, показавшая их адекватность только для плоскопараллельных структур толщиной $h > 2$ мм. Для более тонких структур величина ΔT отличается от расчетной.

Электрокалорический эффект имеет экстенсивный характер и количественное его проявление не зависит от геометрических размеров образца. Экспериментальные данные [¹] свидетельствуют о чувствительности ΔT к толщине структуры. В процессе эксперимента образец отключается от источника и его электроды закорачиваются. После коммутации внешняя цепь обеспечивает нулевую разность потенциалов ($U = 0$) между электродами. Анализ возможных причин расхождения теории и эксперимента показывает, что при интерпретации результатов измерений использовалось предположение, не соответствующее действительности. Оно заключалось в том, что условие $U = 0$ отождествлялось с отсутствием макроскопического электрического поля (остаточного поля) в материале пластины.

Остаточная поляризация в монокристаллическом титанате стронция обнаружена экспериментально [²]. Еще существование связано с присутствием в материале объемного заряда (ОЗ). Представление об образовании ОЗ под действием источника используется для объяснения гистерезиса вольт-фарадных характеристик [³] и токов термостимулированной деполяризации [⁴]. Потеря локальной электронейтральности титанатом стронция в результате перераспределения или накопления заряда является специфической формой отклика реальных кристаллов на воздействие электрического поля. Закономерности отклика в настоящее время мало изучены. В частности, отсутствуют данные о взаимосвязи характеристик остаточного и воздействовавшего полей, о величине заряда. Гипотезы о пространстве объемного заряда в $SrTiO_3$ предполагают как однородное [⁵], так и

Рис. 1. Зависимость ЭК изменения температуры плоскопараллельных структур на основе титаната стронция от напряжения внешнего поля при $T = 18$ К. $h = 2$ (1), 0.59 (2), 0.25 мм (3).

неоднородное [6] его распределение. Неоднозначность представлений о распределении поля исключает возможность точного прогнозирования ЭК изменения температуры структур. Необходимы дополнительные данные, устраниющие эту неопределенность. В работе представлены результаты исследования ЭК охлаждения структур на основе пластин SrTiO_3 разной толщины, которые, как нам представляется, уточняют картину распределения поля.



1. Электрокалорическое охлаждение пластин титаната стронция

Объектом исследования служила плоскопараллельная структура металл—пластинка монокристаллического SrTiO_3 — металл с геометрией $8.5 \times 8.5 \times h$ мм. С помощью термопары, один спай которой размещался на теплоизолированной структуре, а другой — на изотермическом экране, фиксировалось изменение температуры элемента среды. Оно возникало как при подключении к внешнему источнику (ЭК нагрев), так и после с последующим закорачиванием электродов структуры к отключения от источника (ЭК охлаждение). Изменения температуры при нагреве и охлаждении отличались незначительно, что подтверждало их электрокалорическую природу.

Неидеальность теплового контакта спай термопары — образец и конечная теплопроводность токовводов структуры и проводников термопары приводили к тому, что начиная с момента времени окончания переключений сигнал с термопары нарастал и далее медленно уменьшался до нуля. После каждой коммутации фиксировалась полная зависимость от времени сигнала термопары. Последующая ее аппроксимация функцией, полученной из решения задачи теплообмена между структурой и окружающей средой, обеспечивала получение численного значения искомой величины (ΔT).

Экспериментально исследовалась зависимость изменения температуры образца от разности потенциалов внешнего поля U между электродами. Результаты исследования структур с толщиной пластин $h = 2$ —0.25 мм при $T = 18$ К приведены на рис. 1. Для сопоставимости характеристик здесь в качестве аргумента использовано отношение разности потенциалов к толщине структуры. Сплошной кривой на рис. 1 представлен график функции $\Delta T_0(U/h)$ [1], описывающей ЭК охлаждение структур с однородным распределением поля в SrTiO_3 . Отличие экспериментальных характеристик от расчетной состоит в том, что при переходе к структурам меньшей толщины зависимость $\Delta T(U/h)$ выполняется и отношение $\Delta T_0/\Delta T$ возрастает.

Монотонное уменьшение величины ΔT при утоньшении пластины можно рассматривать как проявление размерного эффекта ЭК охлаждения реальных образцов. Причина размерного эффекта, вероятно, состоит в том, что замыкание электродов не сопровождается быстрым исчезновением макроскопического поля в пластине. Электрический заряд, распределенный по толщине пластины с плотностью $\rho(x)$, возникает в присутствии внеш-

него источника. В одномерном случае индукция поля в SrTiO_3 имеет однородную и неоднородную составляющие

$$D(x) = D(0) + \int_0^x \rho(x) dx. \quad (1)$$

После коммутации возникнут локальные изменения температуры материала пластины

$$\Delta T(x) = \frac{T}{2c_V} \frac{\partial a}{\partial T} (D_h(x) - D_k(x)), \quad (2)$$

где T — исходная температура образца; c_V — теплоемкость единицы объема SrTiO_3 ; a — малосигнальная диэлектрическая восприимчивость; $D_h(x)$, $D_k(x)$ — локальные значения индукции поля соответственно перед коммутацией и после нее. Состояние образца в тепловом и электрическом отношении становится неравновесным. Теплообмен между частями пластины закончится раньше, чем произойдет выравнивание температур образца и окружающей среды. Термопара зарегистрирует среднее по пластине изменение температуры ($\bar{\Delta T}$)

$$(\bar{\Delta T}) = h^{-1} \int_0^h \Delta T(x) dx. \quad (3)$$

Подстановка (2) в (3) и несложные преобразования допускают следующее определение для искомой величины:

$$\bar{\Delta T} = \frac{T}{2c_V} \frac{\partial a}{\partial T} (d_h^2 - d_k^2), \quad (4)$$

где d_h , d_k — усредненные по толщине пластины значения индукции соответственно до и после коммутации.

Переход структуры в новое состояние (без поля) сопровождается релаксацией зарядов, находящихся внутри пластины (ОЗ) и на электродах. Отметим, что заряды на электродах обеспечивают нулевое поле во внешней цепи короткозамкнутой структуры. Миграция зарядов вызывает изменение усредненной индукции остаточного поля d_k . Измеренные значения $\bar{\Delta T}$ зависят от того, как соотносятся длительности процессов выравнивания температуры в системе образец—окружающая среда Δt_1 релаксации зарядов Δt_2 . При $\Delta t_1/\Delta t_2 \gg 1$ величина $\bar{\Delta T}$ максимальна и близка к ΔT_0 ; при $\Delta t_1/\Delta t_2 \ll 1$ измерения покажут заниженные значения $\bar{\Delta T} < \Delta T_0$.

Экспериментальная установка, на которой проведены измерения, обеспечивала $\Delta t_1 \approx 10$ с. Релаксация заряда в высокоомных кристаллах SrTiO_3 при низких температурах представляет собой более длительный процесс [3]. Для исследовавшихся образцов отношение $\Delta t_1/\Delta t_2$, по-видимому, соответствует случаю $\Delta t_1/\Delta t_2 \ll 1$ и измеренные значения должны находиться в области $\bar{\Delta T} < \Delta T_0$. Последнее согласуется с экспериментальными данными.

Отсутствие информации о величине заряда и его распределении исключает возможность определения индукции остаточного поля d_k с помощью соотношения (4) и данных рис. 1. Предварительно можно лишь заключить, что индукция d_k возрастает при уменьшении толщины пластины и значения d_h и d_k совпадают по порядку величины.

2. Остаточное поле в пластинах титаната стронция

Зададим взаимосвязь между локальными значениями напряженности и индукции макроскопического поля в сегнетоэлектрике, находящемся в параллельной электрической фазе, в виде ограниченного степенного ряда

$$E(x) = aD(x) + bD^3(x), \quad (5)$$

где b — константа диэлектрической нелинейности. Интегрирование (5) по толщине пластины для структуры, подключенной к внешнему источнику, и структуры с замкнутыми электродами позволяет получить уравнения, связывающие приложенную разность потенциалов U с усредненными значениями индукции

$$d_h^3 + [ab^{-1} + 3\overline{(g - \bar{g})^2}] d_h + \overline{(g - \bar{g})^3} - (bh)^{-1}U = 0, \quad (6)$$

$$d_k^3 + [ab^{-1} + 3\overline{(g - \bar{g})^2}] d_k + \overline{(g - \bar{g})^3} = 0, \quad (7)$$

где $g(x) = \intop_{\frac{h}{2}}^x \rho dx$ — неоднородная составляющая индукции поля в пластине; $\bar{g} = h^{-1} \int_0^h g dx$ — ее среднее значение; $\overline{(g - \bar{g})^n}$ — среднее значение разности между локальной индукцией ($D(x)$) и ее средним значением d в степени n ($n = 2, 3$). При выводе соотношений (6), (7) использовано приближение квазистационарности остаточного поля ($g = \text{const}(t)$).

Система из уравнений (4), (6), (7) является неполной. Приближение сильного внешнего и остаточного электрического полей

$$\left[\overline{(g - \bar{g})^3} \right]^2, \left[\overline{(g - \bar{g})^3} - (bh)^{-1}U \right]^2 \gg \left[ab^{-1} + 3\overline{(g - \bar{g})^2} \right]^3 \quad (8)$$

позволяет сократить число неизвестных до трех и представить ее решение в виде

$$\frac{\Delta T}{\Delta T_0} \left(\frac{U}{bh} \right)^{2/3} = \left[\frac{U}{bh} - \overline{(g - \bar{g})^3} \right]^{2/3} - \left[\overline{(g - \bar{g})^3} \right]^{2/3}, \quad (9)$$

где ΔT_0 — изменение температуры образца при однородном распределении поля в пластине. Уравнение (9) и экспериментальные данные $\Delta T(U/h)$ вскрывают взаимосвязь между характеристиками остаточного $(g - \bar{g})^3$ и воздействовавшего U электрических полей. Отметим, что величина $(g - \bar{g})^3$ с точностью до множителя bh характеризует эффективную разность потенциалов между электродами структуры, при которой индукция поля в пластине равна ее среднему значению d_k .

На рис. 2 представлены результаты решения уравнения (9). Для образцов с $h = 250$ мкм в сильных полях ($U/h > 2 \cdot 10^6$ В/м) зависимость $(g - \bar{g})^3$ от напряжения линейна. Для структур большей толщины ограниченные возможности установки ($U < 2$ кВ) не позволили в достаточной мере реализовать условие (8). Однако и для образцов с $h = 590$ мкм просматривается тенденция асимптотического выхода зависимости на линейный участок. Представляется, что в сильных полях утверждение вида

$$h^{-1} \int_0^h (g - \bar{g})^3 dx \sim U \quad (10)$$

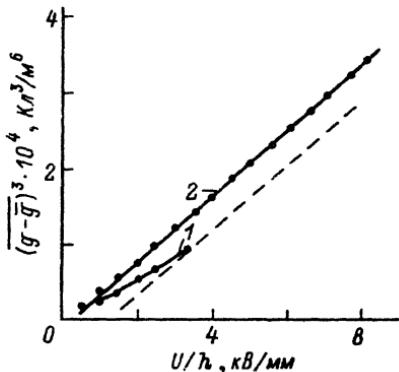


Рис. 2. Зависимость среднего значения куба нерегулярной составляющей индукции поля в SrTiO₃ от внешнего напряжения при $T = 18$ К. $h = 0.59$ (1), 0.25 мм (2).

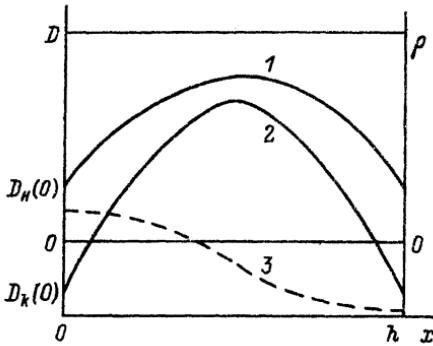


Рис. 3. Характерные черты распределения электрического поля по толщине пластины.

1 — $D_h(x)$ в структуре, подключенной к источнику; 2 — $D_k(x)$ в структуре с замкнутыми электродами; 3 — $\rho(x)$.

обладает необходимой достоверностью. Оно свидетельствует о линейной связи между энергетическими характеристиками остаточного и воздействовавшего электрического полей.

Информация, представленная на рис. 2, позволяет конкретизировать общие черты распределения поля в пластине структуры, электроды которой подключены к внешнему источнику. При однородном распределении заряда в материале пластины величина $(g - \bar{g})^3$ тождественно равна нулю. Экспериментальные данные (рис. 2) противоречат этому и дают основание исключить из рассмотрения случай однородного распределения ОЗ и соответственно зарженность пластины в целом. Для дальнейшего используем приближение в следующей формулировке:

$$\left| D^{-1}(0) \int_0^h \rho dx \right| \ll 1. \quad (11)$$

Из него, в частности, следует близость значений индукций ($D(0) \approx D(h)$) и знаковой одинаковости разностей ($D(0) - d$, $(D(h) - d)$ на границах пластины.

Подынтегральная функция в левой части (10) знакопеременна на интервале $x \in [0..h]$ и при выполнении условия

$$(D(0) - d) / (D(h) - d) > 0 \quad (12)$$

четное количество раз проходит через нуль. Последнее означает, что функция $(g - \bar{g})^3$ имеет экстремумы, положение которых, как следует из анализа, совпадает с точками, вблизи которых титанат стронция электронейтрален ($\rho = 0$).

Ограничимся рассмотрением простейшего варианта функции $(g - \bar{g})^3$ с одним экстремумом. Для разрешения вопроса о максимуме или минимуме ее значения в этой точке используем информацию о сквозной электропроводности структур на основе SrTiO₃^[7]: сопротивление приконтактных областей составляет незначительную часть от сопротивления внутренней области пластины. Из нес и условия непрерывности тока сквозной проводимости следует, что напряженности и индукции поля на границах не превышают их значения во внутренних частях пластины. Точка экстремума соответствует положению максимума индукции электрического поля.

Распределение поля в тонких пластинах SrTiO₃ имеет следующий вид: напряженность (индукция) поля возрастает при удалении от поверхностей, достигая максимума в глубине пластины. Объемный заряд, обеспечивающий такое поле,

распределен по пластине неоднородно. Знак заряда в приэлектродной части соответствует знаку заряда на электроде («прорастание» электрода), а модуль объемной плотности его ρ уменьшается при переходе в более глубинные области. Наиболее вероятным типом функции $\rho(x)$ является знакопеременная на интервале $(0 \dots h)$ функция.

Рис. 3 иллюстрирует характерные черты распределения индукции поля в SrTiO_3 при подключенном к структуре источнике D_h и в короткозамкнутой структуре D_k . Подчеркнем, что масштабы по осям нелинейны. Предлагаемый вариант распределения поля способен обосновать и тот экспериментальный факт, что стационарное распределение ОЗ формируется под действием источника быстрее, чем релаксирует заряд в короткозамкнутой структуре. В присутствии источника заряды накапливаются в результате дрейфа носителей в электрическом поле, напряженность которого отлична от нуля во всех частях пластины. В короткозамкнутой структуре существуют области с нулевым макроскопическим полем. Транспорт заряда через эти области может осуществляться только в результате диффузии носителей.

В заключение отметим наиболее существенные, на наш взгляд, результаты исследования. При утоньшении пластины SrTiO_3 наблюдается устойчивое снижение ЭК охлаждения плоскопараллельных структур. Размерный эффект ЭК охлаждения вызван медленной по сравнению с теплообменом в системе «образец—окружающая среда» релаксацией макроскопического поля. Среднее значение индукции остаточного поля возрастает при уменьшении толщины пластины. Эффективная разность потенциалов остаточного поля в SrTiO_3 при $T = 18$ К пропорциональна разности потенциалов воздействовавшего поля. При подключенном к структуре источнике сторонний заряд локализован не только на электродах. Часть его проникает во внутренние области пластины («прорастание» электрода), где он распределяется существенно неоднородно. Координатная зависимость $\rho(x)$ относится к классу знакопеременных функций.

Список литературы

- [1] Борисовский К. Е., Прудан А. М. // ФТГ. 1989. Т. 31. № 8. С. 456—459.
- [2] Lawless W. N., Radebaugh R., Siegwarth J. D., Marrow A. J. // Ferroelectrics. 1980. V. 27. P. 205—211.
- [3] Вендик О. Г., Дедык А. И., Дмитриева Р. В. // ФТГ. 1984. Т. 26. № 3. С. 684—689.
- [4] Кунин В. Я., Цикин А. М., Штурбина П. А. // ФТГ. 1973. Т. 15. № 11. С. 3417—3419.
- [5] Вендик О. Г., Дедык А. И., Зайончковский А. Я., Смуррова Н. А. // Изв. вузов. Физика. 1982. № 3. С. 68—71.
- [6] Hochli H. T., Boatner L. A. // J. Phys. C: Sol. St. Phys. 1977. V. 10. P. 4319—4333.
- [7] Дедык А. И., Прудан А. М., Тер-Мартиросян Л. Т. // ФТГ. 1985. Т. 27. № 6. С. 1615—1619.

Электротехнический институт
им. В. И. Ульянова (Ленина)
Санкт-Петербург

Поступило в Редакцию
26 сентября 1991 г.