

УДК 535.375

© 1992

**ПРОЯВЛЕНИЕ СВЕРХПРОВОДЯЩЕГО ПЕРЕХОДА В СПЕКТРАХ
КОМБИНАЦИОННОГО РАССЕЯНИЯ СВЕТА
ВИСМУТОВЫХ КРИСТАЛЛОВ (4413)**

A. A. Буш, И. Н. Гончарук, Ю. Э. Китаев, М. Ф. Лимонов,
Ю. Ф. Марков, Р. А. Эварестов

Проведены рентгеноструктурные и спектроскопические исследования нового сверхпроводящего висмутового соединения (4413). Выполнен теоретико-групповой анализ этой структуры в квазитетрагональном приближении. При изучении спектров комбинационного рассеяния света обнаружено аномальное температурное поведение при $T < T_c$ линии в спектральной области $\nu_c \approx 2\pi T_c$, max. Результаты свидетельствуют в пользу существования фононного вклада в механизм высокотемпературной сверхпроводимости.

В результате проводимых в последнее время исследований системы Bi_2O_3 — SrO — $\text{CuO}_{1+\delta}$ в ней выявлены три четверные сверхпроводящие фазы, которые обычно представляются в виде гомологического ряда $\text{Bi}_2\text{Sr}_x\text{Ca}_{n-1}\text{Cu}_n\text{O}_{2n+4+\delta}$ с $n = 1$ (фаза (2201)), $n = 2$ (2212), $n = 3$ (2223) [^{1–3}]. По составу и строению эти фазы подобны фазам Ауривиллиуса [⁴], они имеют слоистые перовскито-подобные структуры, усложненные несоразмерными модуляциями, и характеризуются псевдотетрагональной симметрией с параметрами базисной элементарной ячейки, близкими к $a \approx b \approx 5.4$ Å и $c \approx 2 \cdot (9.0 + 3.2n)$ Å.

Слоистость структур различных Bi-содержащих высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП) и близость размеров их элементарной ячейки в плоскости слоев благоприятствуют образованию новых слоистых соединений со структурами упорядоченного срастания, как это имеет место для фаз Ауривиллиуса [⁵]. Структуры этих новых фаз должны состоять из слоев структур (2201), (2212) и (2223), сросшихся друг с другом вдоль плоскостей (001). Такие срастания наблюдались с помощью электронного микроскопа высокого разрешения (см., например, [^{6–8}]), однако эти срастания не обладали дальним порядком и являлись дефектами упаковки кристаллической структуры. В случае упорядоченного срастания должны образовываться новые индивидуальные фазы. Простейшие фазы такого типа возникают при попарном упорядоченном срастании элементарных слоев структур (2201), (2212) и (2223). Учитывая возможность образования таких фаз упорядоченного срастания, гомологический ряд Bi-содержащих ВТСП фаз может быть представлен в виде $\text{Bi}_4(\text{Sr}, \text{Ca})_{n+2}\text{Cu}_n\text{O}_{2n+8+\delta}$ [^{9–12}]. Число n в данном случае соответствует числу CuO_2 слоев, содержащихся в элементарной ячейке с параметром c , близким к $(18.0 + 3.2n)$ Å.

Ранее были получены соединения данного ряда с $n = 2$ (2201), 4 (2212) и 6 (2223), а недавно также и с $n = 3$ (4413) [^{9–13}]; соединению с $n = 0$ близки по составу и строению фазы переменного состава $\text{Bi}_{1-x}(\text{Sr}_{1-y}\text{Ca}_y)_x\text{O}_z$, $0.1 < x \leq 0.3$, $0 < y \leq 1$, образующиеся в системах Bi_2O_3 — $\text{SrO}(\text{CaO})$ [^{14–17}]. В более общем случае срастающиеся слои структур (2201), (2212) и (2223) могут содержать более одного элементарного слоя и их составы должны представляться в виде —

Рис. 1. Схема образования висмутовой структуры (4413) на основе структур (2201) и (2212).

Приведена последовательность слоев (вдоль оси z), образующих эти соединения.

$n \cdot (2201) + m \cdot (2212) + k \cdot (2223)$ и иметь параметр c , близкий к $(n \cdot c_{2201} + m \cdot c_{2212} + k \cdot c_{2223})/2$.

Особенности структур и свойств подобных висмутовых ВТСП соединений исследованы еще слабо. Настоящая работа посвящена изучению кристаллов новой фазы, которая образуется при упорядоченном срастании элементарных слоев структур (2201) и (2212) (рис. 1). Состав этих кристаллов должен представляться в виде суммы составов «исходных» фаз, т. е. (4413), а величина параметра c должна быть близкой к $(c_{2201} + c_{2212})/2$ (≈ 27.7 Å).

$\text{Bi}_2\text{Sr}_2\text{CuO}_6$ (2201)	$\text{Bi}_4\text{Sr}_4\text{Ca}_1\text{Cu}_3\text{O}_{14}$ (4413)	$\text{Bi}_2\text{Sr}_2\text{Ca}\text{Cu}_2\text{O}_8$ (2212)
BiO	BiO	BiO
SrO	SrO	SrO
CuO_2	CuO_2	CuO_2
SrO	SrO	SrO
BiO	BiO	BiO
BiO	BiO	BiO
SrO	SrO	SrO
CuO_2	CuO_2	CuO_2
SrO	Ca	Ca
BiO	CuO_2	CuO_2
	SrO	SrO
	BiO	BiO

1. Синтез и рентгеноструктурные исследования

Выращивание кристаллов проводилось методом бестигельной зонной плавки с оптическим нагревом [⁹⁻¹³]. Перекристаллизованные образцы представляли собой высокотекстурированные цилиндрические слитки черного цвета диаметром 6—8 и длиной до 60 мм с объемной плотностью, близкой к рентгеновской. Они состояли из тонкопластинчатых кристаллитов с плоскостями оснований, параллельными осями роста; вдоль этих плоскостей образцы проявляли выраженную спайность. Кристаллиты ориентированы в слитке так, что ось $a = 5.4$ Å совпадает с осью роста и соответственно с осью цилиндрических слитков; оси b и c перпендикулярны оси слитка. Из образцов можно выделить тонкопластинчатые монокристаллы размерами до $0.1 \times 3 \times 6$ мм с плоскостями оснований, перпендикулярными оси c . По данным измерений температурных зависимостей диамагнитной восприимчивости и удельного электрического сопротивления полученные образцы ниже $T_c = 84$ К переходят в сверхпроводящее состояние [¹⁰].

Химический состав фазы (4413) в кристаллах, определенный методами рентгеноспектрального микронализа на спектрометре САМЕВАХ-301, соответствует формуле $\text{Bi}_{4.26}\text{Sr}_{3.64}\text{Ca}_{1.10}(\text{Cu}_{0.98}\text{Fe}_{0.02})_3\text{O}_{14+\delta}$ (содержание кислорода в образцах не контролировалось).

При рентгенографических исследованиях (дифрактометр ДРОН-3, гониометр РГНС-2) установлено, что параметры псевдотетрагональной элементарной ячейки фазы (4413) без учета сверхструктурных рефлексов составляют $a = b = 5.413$ (3) и $c = 27.72$ (2) Å, т. е. действительно выполняется соотношение $c_{4413} \approx (c_{2201} + c_{2212})/2$.

На рентгенограмме качания кристаллов вдоль оси b , а также на Вейссенбергограммах слоев (hkl) с $h = 0, 1, 2$ и т. д. имеются сверхструктурные рефлексы (сателлиты), свидетельствующие о несоразмерной модуляции структуры кристаллов с волновым вектором $q = 0.21b^* + 0.8c^*$. Наблюдаемым на Вейссенбергограммах систематическим погасанием рефлексов с учетом данных о векторе q соответствуют две четырехмерные суперпространственные группы симметрии $P_{Tl}^{C2/m}$ и P_1^{Cm} [¹³].

Для спектроскопических исследований из полученных высокотекстурированных слитков были выделены тонкопластинчатые монокристаллы фазы (4413).

размерами до $0.1 \times 2 \times 4$ мм, которые подобно монокристаллам фазы (2212) проявляют слюдоподобную спайность вдоль плоскостей оснований, перпендикулярных псевдотетрагональной оси с элементарной ячейки. Ось a в кристаллах направлена вдоль оси роста образца.

2. Структура и теоретико-групповой анализ симметрии нормальных колебаний

Анализ структуры соединения (4413) с учетом рентгеноструктурных данных показал, что симметрия этих кристаллов в квазитетрагональном приближении (без учета сверхструктуры) описывается пространственной группой D_{4h}^1 (простая тетрагональная решетка), а размещение атомов в примитивной ячейке по позициям симметрии (позициям Уайкофа) имеет следующий вид: в позиции 1a с координатами (000) находится атом Cu(I); в позиции 1b (00 1/2) — атом Ca(II); в позициях 2f (0 1/2 0) — атомы 201(I); в позициях 2g(00z) — атомы 2Bi(I), 2Sr(I), 202(I), 203(I); в позициях 2h (1/2 1/2 z) — атомы 2Bi(II), 2Sr(II), 202(II), 203(II), 2Cu(II); в позициях 4i(0 1/2 z) — атомы 401(II), где z — текущая координата, а цифрами I и II обозначены атомы соединения (4413), происходящие из структур (2201) и (2212) соответственно. При этом атомы кислорода 01, 02 и 03 принадлежат плоскостям CuO_2 , SrO и BiO соответственно.

Симметрия фононов определялась с помощью метода зонных представлений (ЗП) пространственных групп [18, 19], который, особенно для кристаллов с большим числом атомов в примитивной ячейке, является значительно более эффективным, чем традиционно применяемый метод фактор-группы [20].

Результаты теоретико-группового анализа (ТГА) симметрии нормальных колебаний соединения (4413) представлены в таблице. В ней приведены размещение атомов в элементарной ячейке кристалла по позициям Уайкофа (стб. 1 и 2) и локальная симметрия компонент смещений атомов (стб. 3). В стб. 4—9 для точек симметрии зоны Бриллюэна (ЗБ) приведены неприводимые представления (НП) пространственной группы D_{4h}^1 , по которым преобразуются нормальные колебания кристаллической решетки, индуцированные соответствующими локальными атомными смещениями.

Обозначение точек Уайкофа и их координаты (стб. 2) приведены в соответствии с [21]. Обозначения НП локальных групп (стб. 3) даны согласно [22]. Нумерация полных НП (стб. 4—9) совпадает с нумерацией соответствующих НП групп волнового вектора и соответствует обозначениям [23].

Таблица позволяет во всех точках симметрии ЗБ определить полное колебательное представление и установить, смещения каких атомов дают вклады в нормальные колебания определенной симметрии.

Так, например, полное колебательное представление в центре ЗБ (точка Г) имеет вид (в скобках указаны атомы, дающие вклады в данное нормальное колебание; верхние индексы у атомов обозначают компоненты соответствующих локальных смещений, в нижние — позиции Уайкофа, в которых находятся данные атомы)

$$\begin{aligned}\Gamma_{\text{опт}} + \Gamma_{\text{ак}} = & 10\Gamma_1^+ [(Bi, Sr, 02, 03) (I)_g^z, (Bi, Sr, Cu, 02, 03) (II)_b^z, \\& 01 (II)_i^z] + \Gamma_2^+ [01 (II)_i^z] + 11\Gamma_5^+ [(Bi, Sr, 02, 03) (I)_g^{xy}, \\& (Bi, Sr, Cu, 02, 03) (II)_b^{xy}, 01 (II)_i^{xy}] + \\& + 13\Gamma_3^- [Cu (I)_g^z, 01 (I)_f^z, (Bi, Sr, 02, 03) (I)_g^z, Ca (II)_b^z, \\& (Bi, Sr, Cu, 02, 03) (II)_b^z, 01 (II)_i^z] + 2\Gamma_4^- [01 (I)_f^z, 01 (II)_i^z], \\& 15\Gamma_5^- [Cu (I)_a^{xy}, 01 (I)_f^{xy}, (Bi, Sr, 02, 03) (I)_g^{xy}, Ca (II)_b^{xy}, \\& (Bi, Sr, Cu, 02, 03) (II)_b^{xy}, 01 (II)_i^{xy}],\end{aligned}$$

Симметрия фононов в соединениях (4413)

D_{4h}^1			$\Gamma_{(000)}^{D_{4h}}$	$M_{(\frac{11}{22}, 0)}^{D_{4h}}$	$Z_{(00\frac{1}{2})}^{D_{4h}}$	$A_{(\frac{111}{222})}^{D_{4h}}$	$X_{(0\frac{1}{2}0)}^{D_{2h}}$	$R_{(0\frac{11}{22})}^{D_{2h}}$
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Cu (I)	$(000)_{D_{4h}}$	1a	$a_{2u}(z)$	3-	3-	3-	3-	2-
		$e_u(x, y)$	5-	5-	5-	5-	3-, 4-	3-, 4-
Ca (II)	$(00\frac{1}{2})_{D_{4h}}$	1b	$a_{2u}(z)$	3-	3-	1+	1+	2-
		$e_u(x, y)$	5-	5-	5+	5+	3-, 4-	3+, 4+
01 (I)	$(0\frac{1}{2}0)_{D_{2h}}$	2f	$b_{1u}(z)$	3-, 4-	5+	3-, 4-	5+	2-, 3+
		$b_{2u}(y)$	5-	1+, 2+	5-	1+, 2+	1+, 3-	1+, 3-
		$b_{3u}(x)$	5-	3+, 4+	5-	3+, 4+	2+, 4-	2+, 4-
Bi (I)		2g	$a_1(z)$	1+, 3-	1+, 3-	1+, 3-	1+, 2-	1+, 2-
Sr (I)								
O2 (I)	$(00z)_{C_{4v}}$							
O3 (I)	C_{4v}	$e(x, y)$	5+, 5-	5+, 5-	5+, 5-	5+, 5-	3±, 4±	3±, 4±
Bi (II)		2g	$a_1(z)$	1+, 3-	2-, 4+	1+, 3-	2-, 4+	3+, 4-
Sr (II)								
O2 (II)	$(00z)_{C_{4v}}$							
O3 (III)	C_{4v}	$e(x, y)$	5+, 5-	5+, 5-	5+, 5-	5+, 5-	1±, 2±	1±, 2±
Cu (III)								
O1 (II)	$(0\frac{1}{2}z)_{C_{2v}}$	4i	$a_1(z)$	1+, 2+, 3-, 4-	5+, 5-	1+, 2+, 3-, 4-	5+, 5-	1+, 2-, 3+, 4-
		$b_1(x)$	5+, 5-	1-, 2-, 3+, 4+	5+, 5-	1-, 2-, 3+, 4+	1-, 2+, 3+, 4-	1-, 2+, 3+, 4-
		$b_2(y)$	5+, 5-	1+, 2+, 3-, 4-	5+, 5-	1+, 2+, 3-, 4-	1+, 2-, 3-, 4+	1+, 2-, 3-, 4+

где

$$\Gamma_{ak} = \Gamma_3^-(A_{2u}) + \Gamma_5^-(E_u).$$

Анализ правил отбора показывает, что в спектрах комбинационного рассеяния света (СКР) первого порядка активны фононы с симметрией $\Gamma_1^+(A_{1g})$ в геометриях рассеяния (xx), (yy) и (zz) (в скобках указаны поляризации падающего и рассеянного света), $\Gamma_2^+(B_{1g})$ — в геометриях рассеяния (xx), (yy) и $\Gamma_5^+(E_g)$ — в геометриях рассеяния (xz) и (yz). Таким образом, в СКР первого порядка правилами отбора разрешены

$$\Gamma = 10A_{1g}(xx, yy, zz) + B_{1g}(xx, yy) + 11E_g(xz, yz).$$

Из приведенных соотношений видно, что в колебание с симметрией B_{1g} дают вклад только смещения вдоль оси z атомов кислорода 01(II), расположенных в CuO_2 плоскостях, происходящих из структуры (2212). Атомы Cu(I), Ca(II) и 01(I) не дают вклада в колебания, активные в СКР первого порядка.

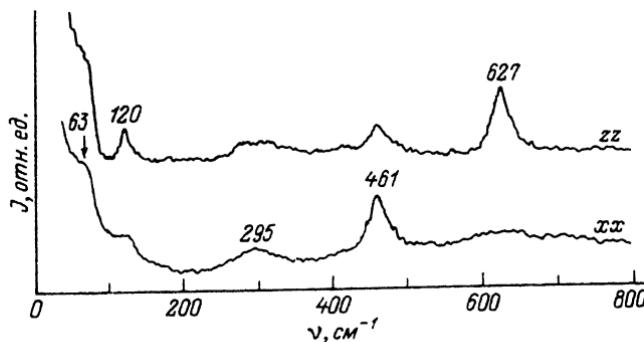


Рис. 2. Спектры комбинационного рассеяния света кристаллов (4413) в поляризациях xx и zz при $T = 300$ К.

3. Комбинационное рассеяние света

В настоящей работе СКР изучались на двойном раман-спектрометре ДФС-24 в поляризованном свете. Спектральная щель прибора составляла 6 cm^{-1} . СКР возбуждались с помощью Ar-лазера, $\lambda = 5145\text{ \AA}$, $P < 50\text{ мВт}$ на образце. Низкочастотная область спектров исследовалась на тройном раман-спектрометре DILOR Z = 24, имеющем низкий уровень рассеянного света. Исследование СКР при охлаждении образцов проводилось в гелиевом криостате УТРЕКС в диапазоне 4–300 К со стабилизацией температуры ± 1.5 К.

СКР кристаллов (4413) при комнатной температуре приведены на рис. 2. Наиболее интенсивные линии наблюдаются в поляризациях zz либо xx и уу на следующих частотах: 63 , 120 , ≈ 295 , 461 и 627 cm^{-1} (погрешность в определении частоты не превышала $\pm 3\text{ cm}^{-1}$). Согласно правилам отбора, в этих поляризациях могут проявляться колебания симметрии A_{1g} и B_{1g} . Отметим, что в этих спектрах соответствующие линии расположены на частотах, близких к частотам СКР висмутового соединения (2212) [24]. По аналогии с СКР кристаллов (2212) линии в спектрах, представленных на рис. 2, можно интерпретировать следующим образом: наиболее низкочастотная линия 63 cm^{-1} обусловлена колебаниями симметрии A_{1g} самых тяжелых атомов соединения – атомов Bi, линия 120 cm^{-1} связана с A_{1g} колебаниями Sr, слабая полоса $\approx 295\text{ cm}^{-1}$ – с единственным колебанием симметрии B_{1g} атомов кислорода в позициях 01(II), а линии 461 и 627 cm^{-1} – с A_{1g} колебаниями кислорода 02 и 03 соответственно. Следует отметить, что в спектрах не наблюдалось расщепление линий A_{1g} колебаний атомов Bi, Sr и кислорода, принадлежащих подрешеткам (I) и (II), что может быть связано с малой разницей частот соответствующих колебаний. Поэтому число экспериментально наблюдавшихся линий симметрии A_{1g} существенно меньше десяти разрешенных правилами отбора.

В результате температурных исследований СКР кристаллов (4413) было обнаружено, что линия $\nu = 461\text{ cm}^{-1}$ проявляет аномальное поведение: при охлаждении образцов ниже $T_c \approx 84$ К наблюдается уменьшение ее частоты (смягчение), в то время как другая высокочастотная линия $\approx 627\text{ cm}^{-1}$ продолжает испытывать обычное ужесточение вплоть до гелиевых температур (рис. 3). При $T = 4.2$ К частота смягчающейся при $T < T_c$ линии $\nu \approx 468\text{ cm}^{-1}$; таким образом, величина аномального сдвига (относительно значения $\approx 474\text{ cm}^{-1}$, которое получается в результате линейной экстраполяции температурной зависимости этой линии из области $T > T_c$ в область $T < T_c$; рис. 3) составляет 6 cm^{-1} . Подобный эффект смягчения одного из колебаний в сверхпроводящей фазе наблюдался ранее, например, в СКР соединений $R\text{Ba}_2\text{Cu}_3\text{O}_7$ с различными редкоземельными элементами R [25, 26].

В работе [27] было предсказано, какие именно линии должны смягчаться при $T < T_c$ в различных сверхпроводниках. Согласно [28], для каждого класса ВТСП соединений (на основе La, Y, Bi или Tl) величина $T_{c, \max}$ определяется фононной подсистемой, которая внутри самого класса меняется незначительно. При этом внутри класса для конкретного соединения величина T_c ($0 < T_c < T_{c, \max}$) определяется уже свойствами электронной подсистемы (в частности, отличием концентрации носителей от оптимальной величины $\approx 10^{21} \text{ см}^{-3}$). При переходе от одного класса сверхпроводников к другому с большим значением $T_{c, \max}$ (в последовательности La \rightarrow Y \rightarrow Bi \rightarrow Tl соединения) смягчаться должны все более высокочастотные колебания из спектральной области $\nu_c = 2\pi T_{c, \max}$ [27, 28] (строго говоря, для колебаний $\nu \approx \nu_c$ величина смягчения должна быть максимальной), однако само смягчение присходит при температурах $T < T_c < T_{c, \max}$. Так, например, для соединений $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_8$ частота $\nu_c \approx 410 \text{ см}^{-1}$ ($T_{c, \max} = 92 \text{ K}$), а для висмутового класса $\nu_c \approx 480 \text{ см}^{-1}$ ($T_{c, \max} = 110 \text{ K}$). Поэтому в висмутовых сверхпроводниках смягчение следует ожидать в первую очередь у линии $\approx 461 \text{ см}^{-1}$, а не $\approx 295 \text{ см}^{-1}$, как могло бы следовать из простой аналогии со смягчением линии 335 см^{-1} в СКР $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_7$ (колебания 335 и 295 см^{-1} соответственно в иттриевых и висмутовых соединениях определяются сходными противофазными смещениями одинаковых атомов кислорода в плоскостях CuO_2). Отметим также, что в работе [29] при исследовании СКР висмутовых соединений (2212) было установлено отсутствие каких-либо аномалий в температурном поведении линии 295 см^{-1} .

Таким образом, в СКР различных ВТСП соединений при $T < T_c$ экспериментально наблюдается температурное смягчение линий, попадающих в спектральную область $\nu \approx \nu_c$, что является еще одним свидетельством в пользу существования фононного вклада в механизм ВТСП.

Авторы благодарят А. А. Каплянского и А. Г. Панфилова за обсуждение результатов работы и критические замечания.

Список литературы

- [1] Sleight A. M. // Science. 1988. V. 242. N 4885. P. 1519—1523.
- [2] Reveau B., Michel C., Hervieu M. // J. Solid State Chem. 1990. V. 88. N 1. P. 140—146.
- [3] Yvon L., Francois M. // Z. Phys. B. 1989. V. 76. P. 413—419.
- [4] Aurivillius D. // Ark. Kemi. 1950. N 2. P. 519—527.
- [5] Gopalakrishnan J., Ramaanan A., Rao C. N. R. // J. Solid State Chem. 1984. V. 55. N 1. P. 101—109.
- [6] Matsui Y., Takekawa S., Nozaki H. et al. // Jap. J. Appl. Phys. Pt 2. 1988. V. 27. N 7. P. L1241—L1244.
- [7] Hervieu M., Michel C., Reveau B. // J. Less-Common Metals. 1989. V. 150. N 1. P. 59—66.
- [8] Eibie O. // Physica C. 1990. V. 168. N 1—2. P. 249—256.
- [9] Буш А. А. // СФХТ. Т. 3. № 9. С. 2026—2031.
- [10] Буш А. А., Гордеев С. Н., Дубенко С. и др. // СФХТ. 1991. Т. 4. № 4. С. 788—792.
- [11] Буш А. А., Дубенко И. С., Романов Б. Г., Титов Ю. В. // Тез. докл. Всес. совещания по ВТСП. Харьков, 1991. Т. 4. С. 19—20.
- [12] Bush A. A., Dubenko I. S., Evtihiev N. N. et al. // Abstr. Int. conf. High-temperature superconductivity and localisation phenomena. Moscow, 1991. P. C2.
- [13] Буш А. А., Романов Б. Н., Исаков И. В. и др. // СФХТ. 1991. Т. 4. № 11.
- [14] Conflant P., Boivin J.-C., Thomas D. // J. Solid State Chem. 1976. V. 18. N 2. P. 133—138.

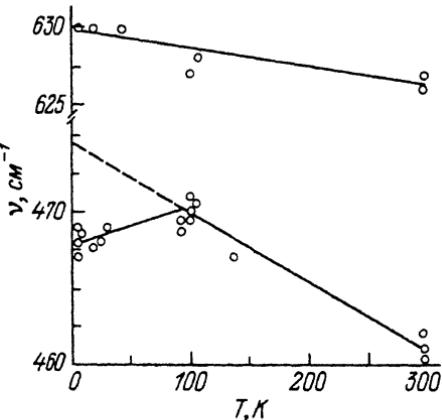


Рис. 3. Температурные зависимости частот колебаний 461 и 627 см^{-1} .

- [15] Guillermo R., Conflant P., Boivin J.-C., Thomas D. // Rev. Chim. Minerale. 1978. Т. 15. № 2. Р. 153—159.
- [16] Blover S. K., Greaves C. // Mat. Res. Bull. 1988. V. 23. N 5. P. 765—772.
- [17] Буш А. А., Китаев Ю. Э., Куликов М. А. и др. // ФТТ. 1992. Т. 34. № 1. С. 148—154.
- [18] Эварестов Р. А., Смирнов В. П. Методы теории групп в квантовой химии твердого тела. Л.: Изд-во ЛГУ, 1987. 375 с.
- [19] Ковалев О. В. Неприводимые и индуцированные представления и копредставления пространственных групп. М.: Наука, 1986. 368 с.
- [20] Rousseau D. L., Bauman R. P., Porto S. P. S. // J. Raman Spectrosc. 1981. V. 10. P. 253—290.
- [21] International Tables for Crystallography / Ed. T. Hahn. V. A. Space Group Symmetry. Dordrecht—Boston: D. Reidel Publ. Co., 1983. 854 p.
- [22] Bradley C. J., Cracknell A. P. The mathematical theory of symmetry in solids. Oxford University Press, 1972. 745 p.
- [23] Miller S. C., Love W. F. Tables of irreducible representations of space groups and corepresentations of magnetic space groups. Boulder (Colorado): Pruet Press, 1967. 1095 p.
- [24] Буш А. А., Гладышев И. В., Голуб А. А., Лимонов М. Ф., Марков Ю. Ф. и др. // СФХТ. 1989. Т. 2. № 9. С. 104—113.
- [25] Macfarlane R. M., Rosen Hal, Seki H. // Sol. St. Comm. 1987. V. 63. N 9. P. 831—834.
- [26] Wittlin A., Liu R., Cardona M., Genzel L., Konig W., Baohofer W., Mattausch Hj., Simon A. // Sol. St. Comm. 1987. V. 64. N 4. P. 477—481.
- [27] Буш А. А., Дубенко И. С., Лимонов М. Ф., Марков Ю. Ф., Панфилов А. Г., Разбираин Б. С. // Письма в ЖЭТФ. 1989. Т. 50. № 5. С. 250—253.
- [28] Лимонов М. Ф., Марков Ю. Ф., Панфилов А. Г., Разбираин Б. С. // СФХТ. 1991. Т. 4. № 2. С. 233—244.
- [29] Cardona M., Thomsen C., Liu R., von Schnering H. G., Hartweg M. // Sol. St. Comm. 1988. V. 66. N 12. P. 1225—1230.

Физико-технический институт
им. А. Ф. Иоффе РАН
Санкт-Петербург

Поступило в Редакцию
19 февраля 1992 г.