

УДК 538.915:535.935

© 1992

## ОБ ЭНЕРГЕТИЧЕСКОЙ РЕЛАКСАЦИИ ЭЛЕКТРОНОВ НА ФОНОНАХ В ТОНКИХ МЕТАЛЛИЧЕСКИХ ПЛЕНКАХ ПРИ НИЗКИХ ТЕМПЕРАТУРАХ

В. А. Шкловский

Показано, что в «грязном» пределе время энергетической релаксации электронов на фононах  $\tau_{ep}$  за счет двумерности электрон-фононного взаимодействия (ЭФВ) в тонкой пленке имеет место низкотемпературное поведение вида  $T^{-p}$  с тем же значением  $p=3$ , что и в чистом 3D металле. В этой связи предлагается реинтерпретация ряда известных экспериментов по определению  $\tau_{ep}(T)$  в тонких пленках.

1. Хотя с теоретической точки зрения вопрос об электрон-фононной релаксации в грязных 3D металлах при низких температурах (когда  $ql \ll 1$ , где  $q$  — характерный волновой вектор фонона,  $l$  — длина свободного пробега электрона за счет рассеяния на примесях) может считаться в основном завершенным (см., например, [1]), сравнение выводов теории с результатами недавних экспериментов по определению зависимости  $\tau_{ep}(T)$  в тонких металлических пленках [2-4] все еще остается весьма противоречивым.

Ранее ряд противоречий в интерпретации экспериментов Бергмана по измерению квантовых поправок к электросопротивлению тонких пленок устранили авторы работы [5], воспользовавшись для этого представлением о двумерности ЭФВ в исследуемых пленках. Критерием такой двумерности является выполнение условия  $D\tau_{ep}(T) \gg d^2$ , где  $D$  — коэффициент электронной диффузии,  $d$  — толщина пленки [5].

Однако расчеты, проведенные в [5], были численными и не давали общего представления о характере зависимости  $\tau_{ep}^{-1}(T, l)$  в 2D режиме (напомним, что в грязном пределе в 3D металле при  $T \rightarrow 0$   $\tau_{ep}^{-1}(T) \sim T^4$  [1]). Ниже (п. 2) мы приведем асимптотические оценки в 2D режиме и далее (п. 3) рассмотрим ряд относящихся к этому случаю экспериментов [6, 7], ранее имевших иную интерпретацию.

2. Для получения интересующих нас асимптотик в качестве исходного используем полученное в рамках модели желе выражение для  $\tau_{ep}^{-1}$  из работы [5]

$$\tau_{ep}^{-1} = (2l/hm) (kT)^3 \sum_b (d_b/S_b^3) \int_0^{\Theta_D/T} dx x^2 f_b(x t_b) / \text{sh } x. \quad (1)$$

Здесь  $m$  — масса электрона;  $k$  — постоянная Больцмана;  $\Theta_D$  — температура Дебая;  $s_b$  — скорость звука с поляризацией  $b$ ;  $d_b \equiv k_F^3 / 16\pi\rho_i^b s_b$ , где  $\rho_i$  — плотность ионов,  $k_F$  — волновое число Ферми;  $t_b \equiv T/\theta_i$ , а  $\Theta_i \equiv \hbar s_b / kl$  имеет смысл температуры, при которой длина волны теплового фонона становится порядка  $l$ . Функции  $f_L$ ,  $\tau$  [5] в (1) здесь удобно представить в виде

$$f_L(x) = 2/(1 + \sqrt{x^2 + 1}), \quad f_T = f_L^2,$$

откуда сразу следует их монотонность (см. ниже).

Если  $T \ll \Theta_l \ll \Theta_D$ , то, разлагая  $f_b(xl)$  в ряд по  $t^2 \ll 1$ , находим первые два члена разложения (1) в виде

$$\tau_{ep}^{-1} \approx \left( \frac{2l}{\hbar m} (kT)^3 \left[ \frac{7\zeta(3)}{2} \left[ \frac{d_L}{s_L^3} + \frac{2d_T}{s_T^3} \right] - \frac{93\zeta(5)}{8} \left[ \frac{kTl}{\hbar} \right]^2 \left[ \frac{d_L}{s_L^5} + \frac{4d_T}{s_T^5} \right] \right). \quad (2)$$

Основной вывод, следующий из (2): в нулевом по  $t^2 \ll 1$  приближении  $\tau_{ep}^{-1} \sim T^3$ , т. е. частота энергетической релаксации электронов на фононах в грязном ( $q_T l \ll 1$ ) 2D металле  $\nu_{ep}^{2D}(l, T)$  имеет низкотемпературное поведение вида  $T^p$  с тем же значением  $p = 3$ , что и в чистом ( $q_T l \gg 1$ ) 3D металле, где для  $L$ -фононов [1]

$$\tau_{ep}^{-1} = (7\pi\zeta(3)/12) (kT)^3 / \hbar m M s_L^4 \equiv \nu_{ep}^{3D}(T), \quad (3)$$

$M$  — масса иона. Учитывая, что  $\rho_i^L = 9\rho_i^{3D}/4k_F$  [5], где  $\rho_i^{3D} = Mk_F^3$ , для  $L$ -фононов имеем связь

$$\nu_{ep}^{2D}(l, T) = (k_F l / 3\pi^2) \nu_{ep}^{3D}(T), \quad (4)$$

откуда видно, что при  $k_F l \sim 10^2$  численные значения  $\nu^{2D}(l)$  и  $\nu^{3D}$  одного порядка.

Покажем еще, что выражение (2) качественно согласуется с результатами численного анализа экспериментов на основе формулы (1) в [5]. Такое согласие следует из нескольких взаимосвязанных обстоятельств. Во-первых, пользуясь монотонностью функций  $f_L, \tau(x)$ , легко показать, что для  $T \ll \Theta_D$   $\nu^{2D}(T, l)$  является монотонно убывающей функцией своих аргументов. Во-вторых, оказывается, что для  $\Theta_l \ll T \ll \Theta_D$  имеем  $\nu(T) \sim T^p$  с  $p = 2$  для  $L$ -фононов и  $p = 1$  для  $T$ -фононов. И наконец, в силу отрицательного знака поправки к нулевому приближению в разложении (2) (относительный порядок которой приближенно равен  $3(T/\Theta_l)^2 \ll 1$ ) очевидно, что с ростом  $T$  величина «эффективного»  $p$ , начиная со значения  $p = 3$  для  $T \ll \Theta_l$ , монотонно уменьшается, так что в промежуточной области температур  $T \sim \Theta_l$  вполне возможно  $p \approx 2$  [5].

3. Проанализируем сначала с предлагаемой точки зрения уникальные по постановке и результатам эксперименты Роукса и др. [6], в которых с помощью шумовой термометрии в диапазоне температур 25—320 мК непосредственно измерялась зависимость электронной температуры в пленке меди толщиной  $10^3 \text{ \AA}$  от величины приложенного к пленке постоянного электрического поля. Извлекаемая из этих измерений температурная зависимость частоты энергетической релаксации электронов на фононах с высокой точностью следовала закону  $\tau_{ep}^{-1}(T) = \alpha T^3$ , где величина  $\alpha$  соответствовала значениям, измеренным при гораздо более высоких температурах в чистых массивных образцах меди с помощью циклотронного и других резонансных методов [6]. Авторы работы [6] трактуют измеренные их методом времена в тонкой пленке как соответствующие электрон-фононной релаксации в массивном 3D образце в чистом пределе.

Более подробный анализ экспериментальных параметров с учетом полученных нами формул (2) и (4) показывает необоснованность таких выводов. Действительно, для длины упругого рассеяния в образце Роукса  $l \approx 200 \text{ \AA}$  (что следует из оценки  $l = 3D/\nu_F$  и используемых автором значений  $D \approx 104 \text{ см}^2/\text{с}$  и  $\nu_F = 1.57 \cdot 10^8 \text{ см/с}$ ). Тогда даже для максимальных температур эксперимента  $T_m \approx 0.3 \text{ К}$  имеем  $q_T m l \approx 0.1$  (здесь  $q_T m \approx kT_m/\hbar s$ , и мы взяли минимальное значение  $s \approx 2.3 \cdot 10^5 \text{ см/с}$  для пленки меди из [8]), а также, как легко проверить, вы-

полняется условие  $D\tau_{ep}(T_m) \gg d^2$ . Таким образом, во всем диапазоне исследуемых в работе [6] температур с запасом удовлетворяются неравенство  $q_T l \ll 1$  и условие двумерности ЭФВ, при выполнении которых справедливы формулы (2) и (4). Существенным отличием этих формул от формулы для чистого 3D случая (3) является зависимость  $\nu_{ep}^{2D}$  от  $l$ . К сожалению, в опытах Роукса был исследован лишь один пленочный образец с фиксированной толщиной. Таким образом, для проверки предлагаемой нами реинтерпретации экспериментов [6] желательно повторить их для различных значений  $l$  с тем, чтобы получить предполагаемую нами зависимость  $\alpha \sim l$ , тем более что, по-видимому, легко достижимое уменьшение  $l$  позволяет расширить диапазон исследуемых температур в сторону их повышения.

Аналогичными соображениями можно, по-видимому, объяснить появление слагаемого вида  $A_3 T^3$  (где  $A_3$  не зависит от  $T$ ) в выражении для частоты неупругой релаксации электронов в тонких грязных пленках алюминия, извлекаемого авторами работы [7] из экспериментов по исследованию температурной и магнитопольевой зависимости квантовых поправок к электросопротивлению таких пленок по новой, согласованной с другими экспериментальными группами методике.

В разделе Va работы [7] ее авторы, анализируя по своей методике более ранние результаты Гершензона и др. и Гордона и др. (см. ссылки соответственно под номерами [67] и [58] на эти работы в списке литературы статьи [7]), отмечают необычность появления для столь тонких ( $d \sim 50 \text{ \AA}$ ) пленок характерной, по их мнению, лишь для чистого 3D металла зависимости  $\nu_{ep} \sim T^3$ . С изложенной в п. 2 точки зрения такая зависимость вполне объяснима, и, как и в предыдущем примере (см. анализ работы [6]), критерием правильности предлагаемой нами интерпретации может служить дополнительное исследование наличия следующей из (2) зависимости  $A_3 \sim l$ .

#### Список литературы

- [1] Rammer J., Schmid A. // Phys. Rev. 1986. V. B34. N 2. P. 1352—1355.
- [2] Bergmann G., Wei W., Zou Y., Muller R. M. // Phys. Rev. B. 1990. V. 41. N 11. P. 7386—7396.
- [3] Liu J., Meisenheimer T. L., Giordano N. // Phys. Rev. B. 1989. V. 40. N 11. P. 7386—7396.
- [4] Гершензон Е. М., Гершензон М. Е., Гольцман Г. Н., Люлькин А. М., Семенов А. Д., Сергеев А. В. // ЖЭТФ. 1990. Т. 97. № 13. С. 901—911.
- [5] Belitz D., Sarma S. D. // Phys. Rev. B. 1987. V. 36. N 14. P. 7701—7704.
- [6] Roukes M. L., Freeman M. R., Germain R. S., Richardson R. C., Ketchen M. B. // Phys. Rev. Lett. 1985. V. 55. N 4. P. 422—425; Roukes M. L. // Ph. D. thesis. Cornell Univ. Ithaca N. Y., 1985.
- [7] Sathanam P., Wind S., Prober D. E. // Phys. Rev. B. 1987. V. 35. N 17. P. 3188—3206.
- [8] Lehr B., Ulrich H., Weis O. // Z. Phys. 1982. V. B48. N 1. P. 23—30.

Харьковский физико-технический  
институт АН Украины

Поступило в Редакцию  
6 апреля 1992 г.