

УДК 537.635

© 1992

## ЭПР И ДЭЯР ДВУХ ТРИГОНАЛЬНЫХ ЦЕНТРОВ $^{157}\text{Gd}^{3+}$ В $\text{CaF}_2$

А. Д. Горлов, А. П. Потапов, Л. И. Левин

Описаны результаты ЭПР и ДЭЯР исследований примесных центров (ПЦ)  $^{157}\text{Gd}^{3+}$  в  $\text{CaF}_2$ , зарядовая компенсация которых осуществляется ионами  $\text{O}^{2-}$ , замещающими ионы  $\text{F}^-$  в ближайшем окружении. Определены сверхтонкое (СТВ), суперсверхтонкое (ССТВ) и квадрупольное (КВ) взаимодействия. Проведен суперпозиционный анализ параметров кристаллических полей второго ранга  $A_2^0$ ,  $b_2^0$ ,  $P_2^0$ . Впервые обнаружено, что изотропная часть ССТВ для пары  $\text{Gd}^{3+}-\text{F}^-$  имеет положительный знак. Рассмотрены причины такого изменения ССТВ по сравнению с кубическим центром  $\text{Gd}^{3+}$  в  $\text{CsF}_2$ . Приведено качественное обсуждение механизмов, приводящих к изменению СТВ. Сделаны выводы о локальной структуре комплекса  $\text{Gd}^{3+}\text{F}^-\text{O}_4^{2-}$ .

Тригональные центры  $\text{Gd}^{3+}$  в  $\text{CaF}_2$  возникают при замещении комплекса  $\text{Ca}^{2+}\text{F}_8^-$  на комплексы  $\text{Gd}^{3+}\text{F}_7\text{O}^{2-}$  ( $T_2$ -центр) и  $\text{Gd}^{3+}\text{F}^-\text{O}_4^{2-}$  ( $T_1$ -центр) либо в процессе роста кристаллов, либо при их отжиге в атмосфере кислорода или паров воды [1, 2]. Существенные изменения в ближайшем окружении ПЦ влияют на штарковскую структуру его энергетических состояний, что должно отражаться в параметрах кристаллических полей второго ранга  $b_2^0$ ,  $A_2^0$ ,  $P_2^0$  (называемых далее для общности параметрами  $Z_2^0$ ), характеризующих соответственно расщепление основного и возбужденных состояний иона  $^{157}\text{Gd}^{3+}$  и его квадрупольное взаимодействие. Следует ожидать изменений и в электронно-ядерном взаимодействии, обусловленных модификацией электронных оболочек как  $\text{Gd}^{3+}$ , так и  $\text{F}^-$  дополнительными электрическими полями.

В задачи данной работы входили не только экспериментальные исследования, но и оценки значений  $Z_2^0$  на основе суперпозиционной модели [3, 4], практически не используемой для кристаллов со смешанным окружением ПЦ, а также качественное рассмотрение причин, приводящих к изменению ССТВ и СТВ.

### 1. Результаты ЭПР и ДЭЯР измерений

Кристаллы  $\text{CaF}_2$ :  $^{157}\text{Gd}^{3+}$  были выращены методом Чохральского в атмосфере с недостатком фтора. Примесь вводилась в шихту в виде  $^{157}\text{Gd}_2\text{O}_3$  в количестве 0.005—0.01% по весу в шихте. Кристаллы были оптически прозрачны и содержали одновременно оба тригональных центра  $T_1$  и  $T_2$ .

Спектры ЭПР и нутационного ДЭЯР [5] исследовались в диапазоне 3 см при температуре 1.8 К. Параметры стандартного спин-гамильтониана для симметрии  $C_3$ , [6], описывающие наблюдаемые спектры ЭПР, приведены в табл. 1. Для анализа спектра частот ДЭЯР гамильтониан, описывающий спектры

Таблица 1

Параметры  $b_m^n$  (в МГц) гамильтониана, описывающего спектр ЭПР  $T_1$ - и  $T_2$ -центров  $^{157}\text{Gd}^{3+}$  в  $\text{CaF}_2$  при  $T = 1.8$  К

Центр	$g_{\parallel}$	$g_{\perp}$	$b_0^0$	$b_0^4$	$b_3^4$	$b_0^6$	$b_3^6$	$b_6^6$
$T_1$	1.9920 (9)	1.9914 (5)	1173.7 (6)	41.8 (3)	-683 (14)	0.3 (2)	21 (15)	15 (9)
$T_2$	1.991 (1)	1.992 (1)	-5034 (5)	82 (2)	-2210 (30)	-0.6 (6)	8 (30)	-5 (25)

Таблица 2

Параметры сверхтонкого и квадрупольного взаимодействий  $T_1$  и  $T_2$ -центров  $^{157}\text{Gd}^{3+}$  в  $\text{CaF}_2$  (в МГц)

Центр	$A$	$B$	$P_2^0$	$Q$	$A_1 \cdot 10^4$	$A_2 \cdot 10^4$
$T_1$	9.498 (5)	9.508 (8)	-31.579 (17)	-0.92 (15)	-15 (2)	-16 (8)
$T_2$	15.765 (9)	15.976 (9)	-119.701 (15)	-0.70 (15)	18 (15)	0 (5)

Таблица 3

Параметры ССТВ (в МГц) для осевых  $\text{F}^{19}$  тригональных центров  $\text{Gd}^{3+}$  в  $\text{CaF}_2$

Центр	$A_s$	$A_p$	$A_1 \cdot 10^4$	$A_2 \cdot 10^4$
$T_1$	1.144 (5)	4.753 (5)	-26 (3)	6 (6)
$T_2$	0.684 (12)	4.582 (12)	-	-

$$A_s = (A_{\parallel} + A_{\perp}) / 3, \quad A_p = (A_{\parallel} - A_{\perp}) / 3 [7].$$

ЭПР, был дополнен членами  $H'$ , ответственными за СТВ и КВ  $^{157}\text{Gd}^{3+}$  ( $S = 7/2$ ,  $I = 3/2$ ) в симметрии  $C_{3v}$

$$H' = AS_zI_z + B(S_xI_x + S_yI_y) + \frac{1}{3}P_2^0O_2^0(I) - g_{\parallel}\beta_n(\overline{HI}) + \frac{1}{252}QO_2^0(S)O_2^0(I) + A_1O_3^0(S)O_1^0(I) + A_2[O_3^1(S)O_1^1(I) + \Omega_3^1(S)\Omega_1^1(I)]. \quad (1)$$

Из всех симметрийно возможных членов в (1) оставлены только те, которые реально определяются из наших экспериментальных данных. Все обозначения в (1) общепринятые [6]. Рассчитанные значения констант (1) представлены в табл. 2.

ССТВ изучалось лишь для ионов  $\text{F}^{19}$  ( $I = 1/2$ ), расположенных на оси  $C_3$  ||  $Z$  центров  $T_1$  и  $T_2$  (локальная симметрия  $C_{3v}$ ). Гамильтониан, описывающий это взаимодействие, получается из (1) при условии  $P_2^0 = Q = 0$ . Константы приведены в табл. 3 ( $A = A_1$ ,  $B = A_2$ ).

Параметры табл. 1—3 определены в системе координат  $XYZ$ , оси которой параллельны соответственно кристаллографическим направлениям  $[1\bar{1}2]$ ,  $[1\bar{1}0]$ ,  $[111]$ , и были получены минимизацией на ЭВМ среднеквадратичного отклонения экспериментальных и расчетных положений сигналов ЭПР или частот ДЭЯР в ориентациях постоянного магнитного поля вдоль кристаллографических осей  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $C_4$ . При всех расчетах применялась численная диагонализация матриц энергии соответствующего порядка.

## 2. Суперпозиционный анализ параметров $Z_2^0$

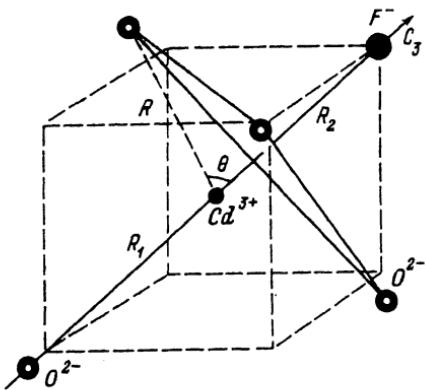
При локальной симметрии  $C_{3v}$  могут быть экспериментально определены три параметра второго ранга  $Z_2^0$ . В соответствии с суперпозиционной моделью [3, 4]

$$Z_2^0 = \sum_i \{ \bar{Z}_{2p} (R_0/R_i)^3 + \bar{Z}_{2s} (R_0/R_i)^{10} \} K_2^0(\theta_i, \varphi_i), \quad (2)$$

где  $R_i, \theta_i, \varphi_i$  — сферические координаты ближайших лигандов;  $\bar{Z}_{2p}$  и  $\bar{Z}_{2s}$  — вклады в  $Z_2^0$ , обусловленные соответственно электростатическим полем «точечного» заряда лиганда и «близкодействием» на расстоянии  $R_0$ ;  $K_2^0$  — угловые факторы, равные для нашего случая  $(3\cos^2 \theta_i - 1)/2$ . Параметры  $\bar{Z}_{2p}$  и  $\bar{Z}_{2s}$ ,  $b_{2p}$  и  $b_{2s}$ ,  $R_0$  приведены в [4],  $P_{2p}$  и  $P_{2s}$  для ионов  $O^{2-}$  и  $F^-$  — в [7]. Ошибки в параметрах не менее 10%.

а)  $T_2$ -центр. Здесь ион  $O^{2-}$  замещает один из восьми ионов  $F^-$  в первой сфере окружения ПЦ. Поскольку истинные расстояния  $R_1$  ( $Gd^{3+}-O^{2-}$ ) и  $R_2$  ( $Gd^{3+}-F^-$ ) неизвестны, будем считать, что  $R_1 = 2.453 \text{ \AA}$  (сумма ионных радиусов [8]), а  $R_2 = 2.33 \text{ \AA}$ , т. е. равно расстоянию до  $F^-$ , определенному в [9] из данных ДЭЯР. При условии, что  $6F^-$ , не лежащих на оси  $O^{2-}-Gd^{3+}-F^-$ , находится в своих решеточных положениях, используя (2), получаем:  $A_2^0 = 834 \text{ см}^{-1}$ ,  $P_2^0 = -212 \text{ МГц}$ ,  $b_2^0 = -5429 \text{ МГц}$ . Видно, что рассчитанные значения  $b_2^0$  и  $P_2^0$  находятся в удовлетворительном согласии с данными табл. 1, 2. Литературных данных о величине  $A_2^0$  для  $T_2$ -центра нет, но сравнение с известным значением для аналогичного центра  $Dy^{3+}$  в  $CaF_2$  ( $A_2^0 = 710 \text{ см}^{-1}$  [10]) свидетельствует, по нашему мнению, о корректности расчета. Отметим также, что учет несомненно существующих смещений двух треугольников из  $F^-$  дает значения  $Z_2^0$ , более близкие к экспериментальным.

б)  $T_1$ -центр. Для  $T_1$ -центра ситуация осложнена тем, что точно неизвестна локальная структура комплекса  $Gd^{3+}F^-O^{2-}$ . Известно лишь то, что кислород и фтор находятся на оси  $C_3$ , а оставшиеся три иона  $O^{2-}$  образуют треугольник с плоскостью  $\perp C_3$  [1, 2]. Поэтому здесь, считая верным суперпозиционное приближение, попробуем решить обратную задачу: из экспериментальных значений  $b_2^0$  и  $P_2^0$  определить  $R$  и  $\theta$  для  $O^{2-}$ , составляющих треугольник, задав  $R_1$  и  $R_2$  для осевых  $O^{2-}$  и  $F^-$  как суммы ионных радиусов. Поскольку  $Gd^{3+}$  имеет здесь в ближайшем окружении 5 лигандов, его ионный радиус логично взять из данных для шестикратного окружения [8], что дает  $R_1 = 2.34 \text{ \AA}$ ,  $R_2 = 2.27 \text{ \AA}$ . Решив систему из двух уравнений для  $R$  и  $\theta$  с учетом экспериментальных данных и рассчитанных вкладов в  $P_2^0$  и  $b_2^0$  от осевых фтора и кислорода, получаем:  $\theta \approx 74^\circ$ ,  $\theta = \pi - 74^\circ$ ,  $R = 2.37 \text{ \AA}$ . С этими значениями  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R$  и  $\theta$  расчетная величина  $A_2^0 \approx -300 \text{ см}^{-1}$ . Ее можно сравнить со значением  $A_2^0 = -104 \text{ см}^{-1}$  для  $T_1$ -центра  $Dy^{3+}$  в  $CaF_2$ . Наблюдаемая разность в значении пара-



Локальная структура  $T_1$ -центра.  
Штрихами показаны грани куба, существовавшие для комплекса  $Gd^{3+}F_8^-$ .

метра кристаллического поля, как нам кажется, не очень существенна, так как следует помнить, что сравниваются вообще-то разные ионы. Таким образом, мы получили, хотя и грубо, угловые координаты трех  $O^{2-}$ , характеризующие структуру комплекса. На рисунке приведена локальная структура  $T_1$ -центра, позволяющая объяснить не только параметры  $Z_2^0$ , но и, как будет видно далее, константы ССТС.

Сравнивая  $T_1$ - и  $T_2$ -центры с точки зрения суперпозиционной модели, можно утверждать, что величины и знаки параметров  $Z_2^0$  для  $T_2$ -центра определяются большим вкладом от осевых ионов  $O^{2-}$  и  $F^-$ , в то время как в  $T_1$ -центре происходит компенсация вкладов в  $Z_2^0$  от осевых ионов и ионов кислорода, составляющих треугольник. То, что в  $T_1$ -центре имеется равносторонний треугольник, показывают результаты [2], а также наши исследования угловых зависимостей сигналов ЭПР и лигандного ДЭЯР.

### 3. Качественный анализ параметров ССТВ и СТВ

Известные нам литературные данные [9, 11], относящиеся в основном к кубическим центрам, указывают на то, что изотропная часть ССТВ  $Gd^{3+}$  с ближайшими ионами фтора  $A_s < 0$ . Аналогичные результаты получены в нашей лаборатории и для тетрагональных центров  $Gd^{3+}$  в  $CaF_2$  и  $SrF_2$  (готовящиеся к публикации данные любезно предоставлены нам А. И. Рокеахом и др.). То, что  $A_s < 0$  для пары  $Gd^{3+} - F^-$ , было теоретически обосновано в классических работах Ватсона и Фримена, где величина  $A_s$  определялась перекрыванием отрицательной спиновой плотности внешних оболочек  $Gd^{3+}$  с  $s$ -оболочками  $F^-$ . В работах других авторов [9, 11] было показано, что для получения экспериментально измеренных значений  $A_s$  необходимо учитывать поляризацию и смешивание электронных состояний  $F^-$ , обусловленные электрическим полем ПЦ и смешением лигандов из равновесных решеточных узлов. В работе [12] изучался электрополевой эффект в ДЭЯР  $^{19}F$  кубического центра  $Gd^{3+}$  в  $CaF_2$  и было показано, что сдвиг частот ДЭЯР ближайших лигандов существенно зависит от поляризации электронных оболочек ПЦ и  $F^-$ .

Основываясь на результатах вышеуказанных работ, мы хотим показать, что в исследованных нами тригональных центрах именно поляризация электронных состояний  $Gd^{3+}$  и  $F^-$  электрическими полями  $O^{2-}$  приводит к изменению знака изотропного вклада.

Для  $T_2$ -центров в сравнении с кубическим ситуация достаточно проста. Дополнительное электрическое неоднородное поле  $E$ , обусловленное кислородом на оси  $C_3$ , направлено против радиуса-вектора  $R_2$  ( $Gd^{3+} - F^-$ ) как на ионе гадолиния, так и на ионе фтора. Величина  $E$  на ПЦ почти на порядок больше, чем на  $F^-$ , поэтому главный вклад в изменение  $A_s$  будет определяться наведенным дипольным моментом на  $Gd^{3+}$ . Считая поле  $E$  однородным и взяв  $R_1$  и  $R_2$ , приведенные ранее, получаем, используя [12]:  $\Delta A_s(Gd) \sim 5$  МГц,  $\Delta A_s(F) \sim -0.5$  МГц. Таким образом, для  $T_2$ -центра  $A_s \sim A_s(\text{куб}) + \Delta A_s(Gd) + \Delta A_s(F) \sim +3.5$  МГц. Заметим, что это, конечно, очень грубая оценка, так как неясно, как считать дипольный момент в неоднородном поле. Отметим также, что учет угловых смещений остальных  $6F^-$  приведет (для этих фторов углы  $\theta$  будут уменьшаться, поскольку они скорее всего отталкиваются от иона  $O^{2-}$ ) к уменьшению электрического поля на ионе  $Gd^{3+}$ .

Аналогичные оценки для  $T_1$ -центра дают значения изотропного вклада в зависимости от расположения треугольников из  $O^{2-}$ . При  $\theta = 74^\circ$  (см. рисунок) получаем  $A_s \sim +5$  МГц. Здесь вклады в наведенный дипольный момент на ионе  $Gd^{3+}$  от осевого кислорода и от треугольника кислородов практически компенсируют друг друга, а на ионе  $F^-$  складываются, так что  $A_s > 0$  определяется в основном поляризацией электронной оболочки  $F^-$ . При  $\theta = \pi - 74^\circ$  такой ком-

енсации нет, так как электрические поля от всех  $O^{2-}$  складываются и  $A_s$  получается больше 15 МГц. Сравнивая полученные значения  $A_s$  с экспериментальным, мы считаем, что из двух возможных структур следует выбрать ту, где  $\theta \sim 74^\circ$ , тем более что ее электрический дипольный момент много меньше, чем у структуры с  $\theta \sim \pi - 74^\circ$ ; следовательно, такой центр будет иметь меньшую энергию.

Анализ изменения анизотропной части ССТВ  $A_p$  более сложен, поскольку здесь имеется сильная зависимость от расстояния  $Gd^{3+}-F^-$ ; тем не менее тенденция к уменьшению  $A_p$  по сравнению с кубическим центром также наблюдается.

Завершая рассмотрение, еще раз отметим, что приведенные численные оценки достаточно приблизительны, поскольку использовались данные [12], справедливые для однородных электрических полей. Более того, значения производных в [12] дают ошибку в объяснении экспериментальных результатов этой же работы ~50%. С другой стороны, те физические механизмы, которые объясняют результаты [12], апробированы в работах [9, 11] и достаточно хорошо объясняют изменения параметров ССТВ для исследованных нами тригональных центров.

Что касается СТВ, то анализ литературных данных для нечетных изотопов иона гадолиния позволяет нам говорить о существовании зависимости параметров СТВ как от числа, так и от сорта ближайших лигандов. Например, изотропная часть СТВ растет с увеличением числа лигандов и уменьшением их электроотрицательности. Ранее такие зависимости наблюдались и обсуждались для группы железа [13]. Поскольку главным «механизмом» такого изменения являются перераспределение зарядовой и спиновой плотности между ПЦ и лигандами, смешивание  $s$ ,  $p$  и  $d$  орбиталей примеси, то электрические поля, обусловленные ионами кислорода в  $T_{1-}$  и  $T_2$ -центрах, дадут существенный вклад в эти процессы. В работе [14] показано, что  $sp$ -смешивание даже в свободном ионе гадолиния дает большой отрицательный вклад в СТВ. Мы считаем, что изменения СТВ в рассмотренных тригональных центрах обусловлено изменением числа и сорта лигандов, а также поляризацией иона  $Gd^{3+}$ , особенно для  $T_1$ -центра. Детальное обсуждение этих вопросов будет дано в отдельной работе.

#### Список литературы

- [1] Chi-Chung Yang et al. // Phys. Rev. B. 1975. V. 12. N 11. P. 4687—4694.
- [2] Reddy T. R. et al. // Physics Lett. 1971. V. 36A. N 3. P. 231—232.
- [3] Newman D. J., Urban W. // Adv. Phys. 1973. V. 24. N 2. P. 793—810.
- [4] Levin L. I. // Phys. Stat. Sol. (b). 1986. V. 134. N 1. P. 275—280.
- [5] Горлов А. Д. и др. // ФТТ. 1991. Т. 33. № 5. С. 1422—1426.
- [6] Альтшулер С. А., Козырев Б. М. Электронный парамагнитный резонанс. М.: Наука, 1972. 672 с.
- [7] Levin L. I., Gorlov A. D. // J. Phys.: Condens. Matter. 1992. V. 4. N 8. P. 1981—1992.
- [8] Shannon R. D. // Acta Cryst. 1976. V. A32. N 5. P. 761—767.
- [9] Baker J. M., Bluck L. J. // J. Phys.: Condens. Matter. 1990. V. 2. N 36. P. 7537—7541.
- [10] Еремин М. В., Лукс Р. К., Соловьев А. П. // Парамагнитный резонанс (Казань). 1978. В. 10—11. С. 35—75.
- [11] Casas-Gonzales J. et al. // J. Phys. C. 1986. V. 19. N 34. P. 6767—6775.
- [12] Архипов С. М. и др. // ЖЭТФ. 1978. Т. 74. № 5. С. 1717—1726.
- [13] Simanek E., Müller K. // J. Phys. Chem. Solids. 1970. V. 31. N 9. P. 1027—1040.
- [14] Andriessen J. et al. // J. Phys. B. 1978. V. 11. N 15. P. 2601—2621.