

- [7] Tsidilkovski I. M., Harus G. I., Shelushinina N. G. // Adv. Phys. 1985. V. 34. N 1. P. 174.
- [8] Chu J., Xu C., Tang D. // Appl. Phys. Lett. 1983. V. 43. N 11. P. 1046—1066.

Московский государственный университет  
им. М. В. Ломоносова

Получено 15.09.1989  
Принято к печати 24.10.1989

*ФТП, том 24, вып. 3, 1990*

## УДАРНАЯ ИОНИЗАЦИЯ, ПРОИЗВОДИМАЯ ЭЛЕКТРОНАМИ, ДВИЖУЩИМИСЯ В НЕОДНОРОДНОМ ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ

Каган В. Д.

Для коэффициента ударной ионизации  $\alpha$  известны две зависимости от электрического поля  $E$ :

$$\alpha = \alpha_0 \exp(-E_{02}^2/E^2), \quad \alpha = \alpha_0 \exp(-E_{01}/E). \quad (1)$$

Если коэффициент ионизации мал, т. е. модуль показателей экспонент велик, эти полевые зависимости определяются малым числом электронов при большой энергии ионизации  $\epsilon_i$ , [1].

Пусть электрон движется в стационарном, но неоднородном электрическом поле, меняющемся вдоль направления поля на расстоянии порядка  $L$ . При достаточной плавности изменения поля будут проявляться универсальные зависимости (1), в которые входит среднее значение напряженности поля. Необходимо определить тот масштаб, при котором начнется отклонение полевой зависимости от универсальной. Этот масштаб, во всяком случае, должен быть больше длины свободного пробега  $l_p(\epsilon_i)$ .

Первая зависимость возникает тогда, когда электроны отдают энергию малыми порциями. При этом существенна усредненная по поверхности постоянной энергии  $\epsilon$  функция распределения электронов  $f_0(\epsilon)$ , а оператор ее энергетической релаксации приводится к дифференциальной форме [2]. Напишем кинетическое уравнение для  $f_0(\epsilon, x)$  в неоднородном поле  $E(x)$

$$\frac{1}{\sqrt{\epsilon}} \left( \frac{\partial}{\partial x} + eE(x) \frac{\partial}{\partial \epsilon} \right) \left( \frac{\epsilon l_p(\epsilon)}{3} \right) \left( \frac{\partial}{\partial x} + eE(x) \frac{\partial}{\partial \epsilon} \right) f_0 + \frac{1}{\sqrt{\epsilon}} \frac{\partial}{\partial \epsilon} \left( \frac{\epsilon^2}{l_p(\epsilon)} f_0 \right) = 0. \quad (2)$$

Здесь  $l_p(\epsilon)$  — энергетическая длина свободного пробега.

Определим, когда слагаемые с пространственными производными дают малые поправки к «однородной» функции распределения

$$f_0 = A \exp \left( - \frac{1}{e^2 E^2(x)} \int \frac{3\epsilon'}{l_p(\epsilon') l_e(\epsilon')} d\epsilon' \right). \quad (3)$$

Для того чтобы найти малые изменения показателя экспоненты, перейдем к уравнению для этого показателя  $S(\epsilon, x)$

$$f_0(\epsilon, x) \equiv \exp(-S(\epsilon, x)). \quad (4)$$

Формула (3) определяет нулевое приближение  $S_0$ , причем  $S_0 \gg 1$ . Учитывая это неравенство, для первого приближения получаем

$$S_1 = 4 \left( \frac{dE}{dx} \right) \frac{1}{eE^2} \int \frac{\epsilon}{S_0(\epsilon', x)} d\epsilon' \simeq \frac{4}{eEL} \int \frac{\epsilon}{S_0(\epsilon', x)} d\epsilon'. \quad (5)$$

Условие малости  $S_1$  по сравнению с  $S_0$

$$L \gg \frac{\epsilon_i}{eE} \gg \sqrt{l_p(\epsilon_i) l_e(\epsilon_i)} \gg l_p(\epsilon_i). \quad (6)$$

Второе неравенство в (6) — это условие  $S_0 \gg 1$ . Отметим, что соотношение между  $\varepsilon_i/eE$  и  $l_{\text{im}}(\varepsilon_i)$  может быть произвольным.

Далее рассмотрим тот случай, когда присутствует сильное упругое рассеяние электронов, благодаря усредняющему действию которого можно ограничиться рассмотрением только функции распределения по энергиям  $f_0(t, x)$  [1]

$$-\frac{1}{\sqrt{\varepsilon}} \left( \frac{\partial}{\partial x} + eE(x) \frac{\partial}{\partial \varepsilon} \right) \left( \frac{\varepsilon l_{\text{im}}(\varepsilon)}{3} \right) \left( \frac{\partial}{\partial x} + eE(x) \frac{\partial}{\partial \varepsilon} \right) f_0 + \frac{\sqrt{\varepsilon}}{l_{\text{ph}}(\varepsilon)} f_0 = \hat{R}(f_0); \quad (7)$$

$\text{im}$  и  $\text{ph}$  обозначают упругое примесное и неупругое фононное рассеяния, и первое преобладает в релаксации импульса  $l_{\text{ph}}(\varepsilon) \gg l_{\text{im}}(\varepsilon)$ . Последний член в левой части — уходный член электрон-фононных столкновений, член в правой части — приходный член электрон-фононных столкновений, в котором  $f_0$  входит под знак интеграла. При квазиупругом рассеянии эти два члена приводятся к виду (2), причем  $l_{\text{e}}(\varepsilon) \gg l_{\text{ph}}(\varepsilon)$  [2].

При сильно неупругом рассеянии приходный член не существует, и для пульевого приближения  $S_0$  мы находим [1]

$$S_0 = \frac{\sqrt{3}}{eE(x)} \int^{\varepsilon} \frac{d\varepsilon'}{\sqrt{l_{\text{im}}(\varepsilon') l_{\text{ph}}(\varepsilon')}}. \quad (8)$$

Легко определить и первую поправку по неоднородности поля

$$S_1 = \left( \frac{dE}{dx} \right) \frac{1}{eE^2} \int^{\varepsilon} S_0(\varepsilon', x) d\varepsilon' \simeq \frac{1}{eEL} \int^{\varepsilon} S_0(\varepsilon', x) d\varepsilon'. \quad (9)$$

Условие малости  $S_1$  по сравнению с  $S_0$  аналогично (6):

$$L \gg \frac{\varepsilon_i}{eE} \gg \sqrt{l_{\text{im}}(\varepsilon_i) l_{\text{ph}}(\varepsilon_i)} \gg l_{\text{im}}(\varepsilon_i). \quad (10)$$

В условиях сильно неупругого рассеяния энергии, если усредняющее упругое рассеяние отсутствует, функция распределения электронов по импульсам оказывается резко анизотропной — иглообразной [1]. Такая функция распределения приводит ко второй зависимости коэффициента ионизации от напряженности электрического поля в (1). Однако и для такой функции распределения можно показать, что неоднородные поправки в показателе экспоненты малы, когда

$$L \gg \frac{\varepsilon_i}{eE} \gg l_p(\varepsilon_i). \quad (11)$$

Таким образом, для всех функций распределения расстояние  $\varepsilon_i/eE$  оказывается минимальным масштабом пространственного изменения электрического поля, при котором проявляются универсальные зависимости (1). При более быстром изменении электрического поля полевая зависимость коэффициента ионизации определяется конкретным видом функции распределения в той области пространства, где электрическое поле максимальное.

Надо отметить, что в работах Кровелла с соавт. [3, 4], посвященных пульевской теории перераспределения концентраций электронов и дырок, возникающих в процессе ионизации, была отмечена важная роль масштаба  $\varepsilon_i/eE$ .

Однако в этих работах не было дано строгого обоснования такого утверждения. Такое обоснование можно было бы развить на основе выписанного метода.

#### Список литературы

- [1] Каган В. Д. // ЖЭТФ. 1988. Т. 94. В. 1. С. 258—268.
- [2] Давыдов Б. И. // ЖЭТФ. 1937. Т. 7. В. 9. С. 1069—1089.
- [3] Okuto Y., Crowell C. R. // Phys. Rev. 1974. V. B10. N 10. P. 4284—4296.
- [4] Chawg R., Kao G. W., Crowell C. R. // Sol. St. Electron. 1979. V. 22. N 7. P. 599—614.