

**О ПРИМЕНИМОСТИ МЕТОДА
ТЕМПЕРАТУРНОЙ ЗАВИСИМОСТИ ЕМКОСТИ
И АКТИВНОЙ ПРОВОДИМОСТИ
ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ГЛУБОКИХ ЦЕНТРОВ
В ПЕРЕКОМПЕНСИРОВАННОМ ПОЛУПРОВОДНИКЕ**

Берман Л. С., Ломасов В. Н., Ткаченко В. Н.

Проведен теоретический анализ применимости метода температурной зависимости емкости и активной проводимости для определения параметров глубоких центров в перекомпенсированном полупроводнике. Показано, что применимость метода ограничивается выполнением двух условий.

а. Изменение барьерной емкости от низкочастотной до высокочастотной и изменение емкости диода от высокочастотной до геометрической емкости пластины происходят в разных температурных интервалах.

б. Температурные зависимости высокочастотной емкости и емкости области электрической нейтральности диода пренебрежимо малы по сравнению с температурной зависимостью сопротивления области электрической нейтральности.

Проведен анализ экспериментальных данных, подтверждающий этот вывод.

Введение. Для полупроводников, перекомпенсированных глубокими центрами (ГЦ), не применимы методы релаксационной емкостной спектроскопии (DLTS, НЕСГУ), разработанные для слабо компенсированных полупроводников [1; 2, гл. 2]. Для диодов с перекомпенсированной базой (ДПБ) и МДП структур с перекомпенсированной базой, а также для перекомпенсированных полупроводников разработаны методы, использующие температурную и (или) частотную зависимость емкости или активной проводимости (тангенс угла потерь $\operatorname{tg} \delta$) [2, гл. 3; 3-5]. Преимуществом методов температурных зависимостей (при заданной частоте измерения $\omega = \text{const}$) является возможность использования цифровых измерителей импеданса с высокой точностью (4–5 разрядов). Целью настоящей работы является определение пределов применимости этих методов.

Теория

В интервале температур, где неравенство $\omega \tau \ll 1$ изменяется на обратное (τ — время термоионизации ГЦ), барьерная емкость C_b уменьшается от низкочастотной $C_{b\text{ч}}$ до высокочастотной $C_{b\text{в}}$, причем для ДПБ $C_{b\text{ч}} - C_{b\text{в}}$ и $C_{b\text{в}}$ одного порядка. В том же интервале температур проходит через максимум активная проводимость $p-n$ -перехода, обусловленная инерционностью перезарядки ГЦ, $G_{r\text{н}}$. В диоде со слабо перекомпенсированной базой $G_{r\text{н}}$ максимальна при $0.5 \omega \tau = 1$ [2, с. 66]. Можно показать, что в ДПБ $G_{r\text{н}}$ максимальна также при $\omega \tau \sim 1$. При охлаждении возрастает сопротивление области электрической нейтральности (ОЭН) R_n , что приводит к уменьшению емкости диода от барьерной C_b до геометрической емкости пластины C_r . В области сильного температурного уменьшения емкости диода проходят через максимум активная проводимость диода G и $\operatorname{tg} \delta$ (рис. 1).

а. Примем, что изменение C_b от $C_{b\text{ч}}$ до $C_{b\text{в}}$ и изменение емкости диода от $C_b = C_{b\text{в}}$ до C_r , обусловленное температурной зависимостью $R_n(T)$, происходят в разных интервалах температур. В дальнейшем будем рассматривать

второй интервал температур ($\omega \tau \gg 1$, $C_0 = C_{\text{вн}}$). В нем можно пренебречь проводимостью $G_{\text{вн}}$. Тогда эквивалентная схема ДПБ может быть представлена в виде параллельной цепочки емкости C_n , сопротивления R_n ОЭН и барьерной емкости $C_b = C_{\text{вн}}$, соединенных последовательно. В большинстве приборов для измерения полной проводимости используется параллельная схема замещения (пар СЗ). Соотношения, связывающие параметры эквивалентной схемы диода со значениями емкости $C_{\text{пар}}$ и активной проводимости $G_{\text{пар}}$, измеренными

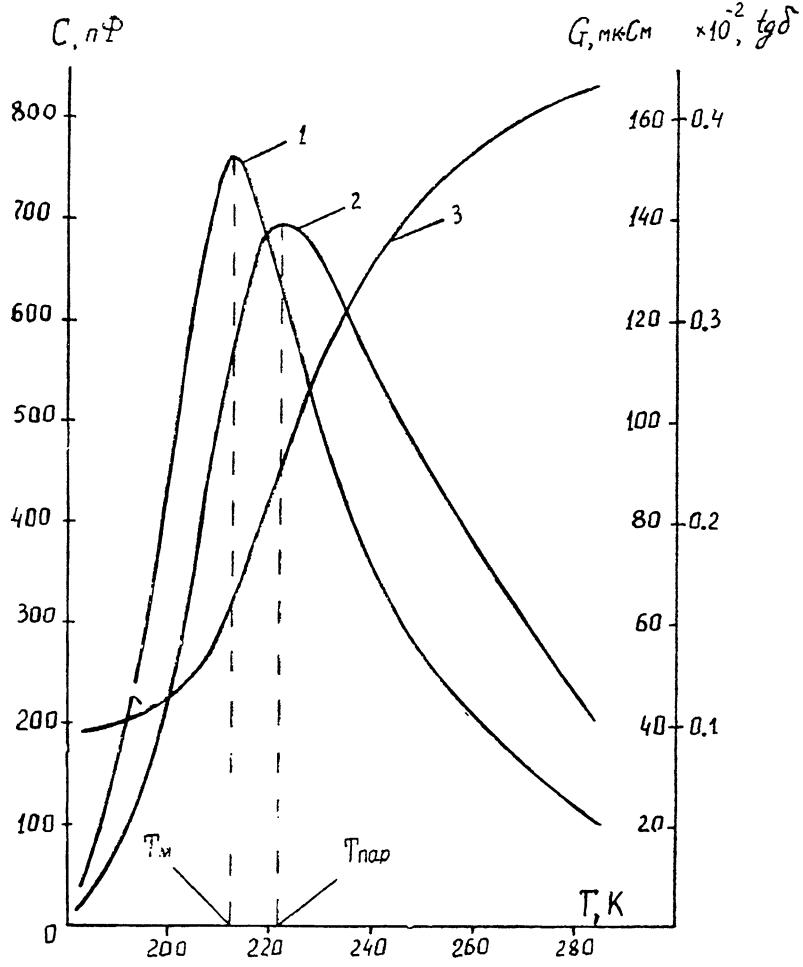


Рис. 1. p^+-n -Диод.

База перекомпенсирована остаточными ГЦ с уровнем $E_c = 0.27$ эВ. Температурные зависимости: 1 — тангенс угла потерь $\operatorname{tg} \delta$, 2 — активная проводимость G , 3 — емкость C (измерения по параллельной схеме замещения, $f = 150$ кГц).

по параллельной СЗ, а также с $\operatorname{tg} \delta$, приведены в работах [4, 6, 7]. Они эквивалентны формуле (3.7) работы [2] или формуле (1) работы [7] для последовательной схемы замещения (посл СЗ). В ДПБ на границе между областью объемного заряда (ООЗ) и ОЭН имеется слой неполной ионизации (СНИ) глубоких центров; перекомпенсирующих базу. При охлаждении толщина СНИ $h_{\text{СНИ}}$ возрастает; толщина же той части ООЗ, где ГЦ ионизованы полностью, слабо зависит от температуры [8]. Поэтому при охлаждении толщина всей ООЗ h возрастает, а емкость $C_{\text{вн}}$ уменьшается. При больших обратных напряжениях ($V \gg V_k$, где V_k — контактная разность потенциалов между областями p и n) выполняется неравенство $h_{\text{СНИ}} \ll h$.

б. При $V \gg V_k$ и $C_{\text{вн}} \gg C_r$ можно пренебречь температурной зависимостью емкостей $C_{\text{вн}}$ и C_n . Тогда температурные зависимости $C_{\text{пар}}(T)$, $G_{\text{пар}}(T)$ и $\operatorname{tg} \delta(T)$

определяются только температурной зависимостью $R_n(T)$. Ниже некоторой температуры T^* удельное сопротивление ОЭН ρ_n определяется из выражения [9]

$$\rho_n = \rho_{n_{\text{вс}}} M \exp(\Delta E/kT), \quad (1)$$

где $\rho_{n_{\text{вс}}}$ — удельное сопротивление исходного (не компенсированного) полупроводника, ΔE — энергия ионизации ГЦ, k — постоянная Больцмана. Для n -полупроводника с концентрацией мелких доноров $N_{\text{дм}}$, перекомпенсированного глубокими акцепторами с концентрацией $N_{\text{аэ}}$, которым соответствует уровень в верхней половине запрещенной зоны,

$$M = \frac{N_{\text{аэ}} - N_{\text{дм}}}{N_e}, \quad (2a)$$

где N_e — эффективная плотность состояний в зоне проводимости. Для p -полупроводника с концентрацией мелких акцепторов $N_{\text{аэ}}$, перекомпенсированного глубокими донорами с концентрацией $N_{\text{дм}}$, которым соответствует уровень в нижней половине запрещенной зоны,

$$M = \frac{N_{\text{дм}} - N_{\text{аэ}}}{N_p}, \quad (2b)$$

где N_p — эффективная плотность состояний в валентной зоне. При $T < T^*$ можно пренебречь температурной зависимостью параметров $\rho_{n_{\text{вс}}}$ и M по сравнению с экспоненциальной зависимостью $\rho_n(T)$. Можно показать, что при $T < T^*$ и при выполнении условий а и б справедливы следующие соотношения:

$$\ln P + \frac{\Delta E}{kT} = 0.5 \ln \left(\frac{C_{\text{вн}} - C_{\text{пар}}}{C_{\text{пар}} - C_r} \right), \quad (3)$$

$$\frac{\operatorname{tg} \delta}{\operatorname{tg} \delta_m} = \frac{2q}{1 + q^2}, \quad (4)$$

где $P = \omega C_n (1+d) R_{n_{\text{вс}}} M$, $d = C_0/C_n$, $R_{n_{\text{вс}}}$ — значение R_n для такого же диода из исходного (не компенсированного) полупроводника, $\operatorname{tg} \delta_m$ — максимальное значение $\operatorname{tg} \delta$, через которое он проходит при температуре T_m , $q = R_n(T)/R_n(T_m)$.

Таким образом, энергия ионизации ГЦ равна тангенсу угла наклона прямой в координатах $(kT)^{-1} \div 0.5 \ln \left(\frac{C_{\text{вн}} - C_{\text{пар}}}{C_{\text{пар}} - C_r} \right)$, а сама прямая отсекает на оси y отрезок, равный $\ln P$. Зная параметры, входящие в (2a) или (2b) и (3), можно определить концентрацию ГЦ. Можно показать, что выражение (3) для параллельной СЗ эквивалентно выражениям (3.7) и (3.14) работы [2] для последовательной СЗ. Используя экспериментальную зависимость $\operatorname{tg} \delta(T)$, из (4) определяем $q(T)$. С другой стороны, из температурной зависимости $R_n(T)$ получаем

$$k \ln q = \Delta E (T^{-1} - T_m^{-1}). \quad (5)$$

Таким образом, энергия ионизации ГЦ равна тангенсу угла наклона прямой в координатах $(T^{-1} - T_m^{-1}) \div k \ln q$.

Можно показать, что проводимость $G_{\text{пар}}$ проходит через максимум при выполнении соотношения

$$\omega \tau_m (1+d) = 1, \quad (6)$$

а $\operatorname{tg} \delta$ — при

$$\omega \tau_m \sqrt{1+d} = 1, \quad (7)$$

где τ_m — максвелловское время для ОЭН.

Можно показать также, что максимальные значения $G_{\text{пар}}$ и $G_{\text{ри}}$ соизмеримы. Из сравнения (6) и (7) следует, что $\operatorname{tg} \delta$ проходит через максимум при температуре T_m , меньшей, чем $T_{\text{пар}}$, но близкой к ней (рис. 1).

Для проверки выполнения условия а сравним температуры $T_{\text{ри}}$ и $T_{\text{пар}}$, при которых проходят через максимум соответственно $G_{\text{ри}}$ и $G_{\text{пар}}$. Для определенности рассмотрим n -базу, перекомпенсированную глубокими акцепторами. Используя известные выражения для τ и τ_m [2, с. 20, 73], получаем

$$\tau_M/\tau = \sigma_n v_{nt} (N_{ar} - N_{as}) \varepsilon_{ar}^2 \rho_{as}, \quad (8)$$

где ε_a — диэлектрическая проницаемость, σ_a — сечение захвата электрона, v_{nt} — тепловая скорость электрона.

Задаваясь для p -кремния величинами $\rho_{as}=500 \text{ Ом}\cdot\text{см}$ ($N_{as}=10^{13} \text{ см}^{-3}$), $N_{ar}=2 \cdot 10^{13} \text{ см}^{-3}$, $\sigma_a=10^{-14} \text{ см}^2$, $v_{nt}=10^7 \text{ см}^{-1}$ и $d=10$, получаем $\omega \tau_M (1+d)/\omega \tau = 5 \cdot 10^{-3}$. Таким образом, проводимость G_{nsp} проходит через максимум обычно при более низкой температуре, чем проводимость G_{ra} (т. е. $T_{nsp} < T_{ra}$). Оценим температурный интервал $T_{ra1} \div T_{ra2}$, в котором τ изменяется на несколько порядков. Будем пренебречь температурной зависимостью $\sigma_a(T)$ и $N_c(T)$, тогда T_{ra1} и T_{ra2} будут связаны соотношением

$$T_{ra2} = T_{ra1} \left[1 + \frac{kT_{ra1}}{\Delta E} \ln \frac{a}{a'} \right], \quad (9)$$

где $a=\tau(T_{ra2})/\tau(T_{ra1})$. Зададимся $a=5 \cdot 10^{-3}$. Тогда при $\Delta E=0.15 \text{ эВ}$ и $T_{ra1}=110 \text{ К}$ получаем $T_{ra2}=156 \text{ К}$, а при $\Delta E=0.55 \text{ эВ}$ и $T_{ra1}=300 \text{ К}$ — $T_{ra2}=430 \text{ К}$. Таким образом, для ГЦ с большей энергией ионизации интервал $T_{ra1} \div T_{ra2}$ обычно шире. Поэтому условие a лучше выполняется для ГЦ с большей энергией ионизации [при разных значениях d и параметров, входящих в правую часть (8)].

Выполнение условия b не представляет затруднений для диодов с базой из полупроводника с ρ_{as} порядка десятков $\text{Ом}\cdot\text{см}$ и выше.

Результаты экспериментов и их анализ

1. Рассмотрим $p^+ - p$ -диод, база которого перекомпенсирована ГЦ с уровнем $E_c=0.27 \text{ эВ}$ [2, 9, 83]. Эти ГЦ идентичны ГЦ, приведенным в [10-12]. Зависимости $C_{nsp}(T)$, $G_{nsp}(T)$ и $\operatorname{tg} \delta(T)$ для этого диода приведены на рис. 1, из которого видно, что при $f=150 \text{ кГц}$ G_{nsp} максимальна при $T_{nsp}=223 \text{ К}$, а $\operatorname{tg} \delta$ — при $T_m=212 \text{ К}$. Используя экспериментальную зависимость $\tau(T)$ для уровня $E_c=0.27 \text{ эВ}$ [2, 9, 84; 10], находим, что $\omega \tau=1$ при $T=T_{ra}=340 \text{ К}$. Таким образом, условие a выполняется. Поэтому определение энергии ионизации по температурной зависимости емкости диода [см. формулы (3. 7) и (3. 14) работы [2] или (3) настоящей работы] при выполнении также условия b дает правильное значение энергии ионизации, совпадающее с ее значением, полученным методом изотермической релаксации емкости для $p^+ - n$ -диода со слабо компенсированной базой [7, 10].

2. Рассмотрим далее $p^+ - n$ -диод, база которого перекомпенсирована золотом. Зависимости $C_{nsp}(T)$ и $G_{nsp}(T)$ для этого диода приведены на рис. 31 работы [2]; при $f=150 \text{ кГц}$ имеем $T_{nsp}=295 \text{ К}$. Из экспериментальной зависимости $\tau(T)$ для акцепторного уровня золота [13] определяем $T_{ra}=430 \text{ К}$, т. е. условие a выполняется. Поэтому определение энергии акцепторного уровня золота по температурной зависимости $C_{nsp}(T)$ или температурно-частотной зависимости $G_{nsp}(T, f)$ [2] дает правильное значение $E_c=(0.57 \pm 0.02) \text{ эВ}$, совпадающее с известными литературными данными [13, 14].

3. Рассмотрим $p^+ - n$ -диоды, изготовленные из бестигельного кремния, $\rho_{as}=700 \text{ Ом}\cdot\text{см}$. Область p^+ создавалась диффузией бора в инертной среде. Глубина залегания $p^+ - n$ -перехода $x_0=1 \text{ мкм}$. Образцы облучены со стороны области p^+ электронами с энергией $E=350 \text{ кэВ}$, интенсивность $J=1.5 \times 10^{14} \text{ см}^{-2} \cdot \text{с}^{-1}$, доза $\Phi=2 \cdot 10^{17} \text{ см}^{-2}$. В кремнии, облученном электронами, образуются A -центры (комплекс вакансия — кислород, акцептор с уровнем $E_c=0.17 \text{ эВ}$) и межузельный углерод C_i с донорным ($E_c=+0.29 \text{ эВ}$) и акцепторным ($E_c=-0.11 \text{ эВ}$) уровнями, причем концентрация этих радиационных дефектов (РД) одного порядка. При $E=350 \text{ кэВ}$ концентрация РД убывает в глубь базы [15] (рис. 2, a). При $E=350 \text{ кэВ}$ концентрация A -центров N_A более чем на 2 порядка превышает концентрацию дивакансий, поэтому влиянием дивакансий на компенсацию базы можно пренебречь. При $T=300 \text{ К}$ уровень Ферми в ОЭН проходит ниже уровня A -центров, поэтому A -центры и C_i не компенсируют ОЭН. При охлаждении уровень Ферми приближается к зоне проводимо-

сти, при этом A -центры и C_i компенсируют ОЭН. На рис. 2, б показано расположение энергетических зон при $V=0$ и $T \approx 80$ К. При $x_1 < x < x_2$ уровень Ферми проходит вблизи акцепторного уровня C_A , а при $h(0) < x < x_1$ — вблизи уровня A -центра. На рис. 3, а приведены зависимости $C_{\text{пп}}(T)$ и $\operatorname{tg} \delta(T)$, измеренные сразу после облучения. Два различных максимума $\operatorname{tg} \delta(T)$ (пики 1 и 2) обусловлены тем, что при охлаждении резко возрастает сопротивление ОЭН сначала

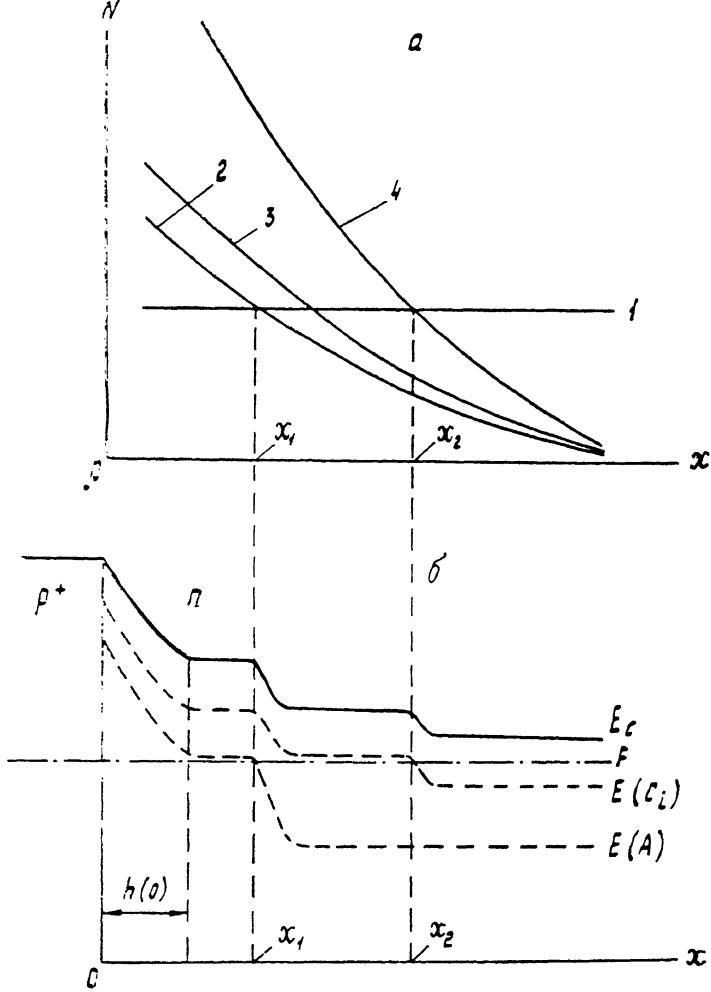


Рис. 2. $p^+ - n$ -Диод, облученный электронами $E = 350$ кэВ.

База перекомпенсирована A -центрами и межузельным углеродом. а — распределение концентрации мелких доноров и радиационных дефектов. E_C — энергия нижнего края зоны проводимости, $E(C_i)$ — энергетический уровень межузельного углерода, $E(A)$ — энергетический уровень A -центра, F — уровень Ферми. Концентрация: 1 — мелких доноров $N_{\text{дм}}$, 2 — A -центров N_A , 3 — межузельного углерода N_{C_s} , 4 — $N_A + N_{C_s}$; $N_A = N_{\text{дм}}$ при $x = x_1$; $N_A + N_{C_s} = N_{\text{дм}}$ при $x = x_2$. б — расположение энергетических зон при $V = 0$ и $T \approx 80$ К, $h(0)$ — толщина области объемного заряда при $V = 0$.

в слое $h(0) < x < x_1$, а затем и в слое $x_1 < x < x_2$. Пик 1 соответствует возрастанию сопротивления ОЭН в слое $x_1 < x < x_2$ [$F \approx E(C_i)$, $T_{m1} = 98$ К], а пик 2 — в слое $h(0) < x < x_1$ [$F \approx E(A)$, $T_{m2} = 133$ К]. После отжига 75 °С, 5 ч пик 1 исчез, а пик 2 увеличился по амплитуде и расширился (пик 2', рис. 3, б), причем $T_{m2'} \approx T_{m2}$. Это объясняется тем, что после отжига C_i перешел в комплекс $C_i - C_s$ (межузельный — узельный углерод), для которого энергетический уровень и зависимость $\tau(T)$ близки к соответствующим параметрам A -центра. В бестигельном кремниевом концентрации A -центров и $C_i - C_s$ одного порядка [16].

¹⁷]. После отжига 280 °C, 5 ч форма пика 2 восстановилась до прежней (рис. 3, в), что объясняется отжигом C_i—C_s при сохранении A-центров.

Используя экспериментальные зависимости $\tau(T)$ для A-центров и C_i [16], определяем $T_{\text{ри}}$ (C_i)=110 и $T_{\text{ри}}(A)=145$ К, т. е. для каждого из максимумов

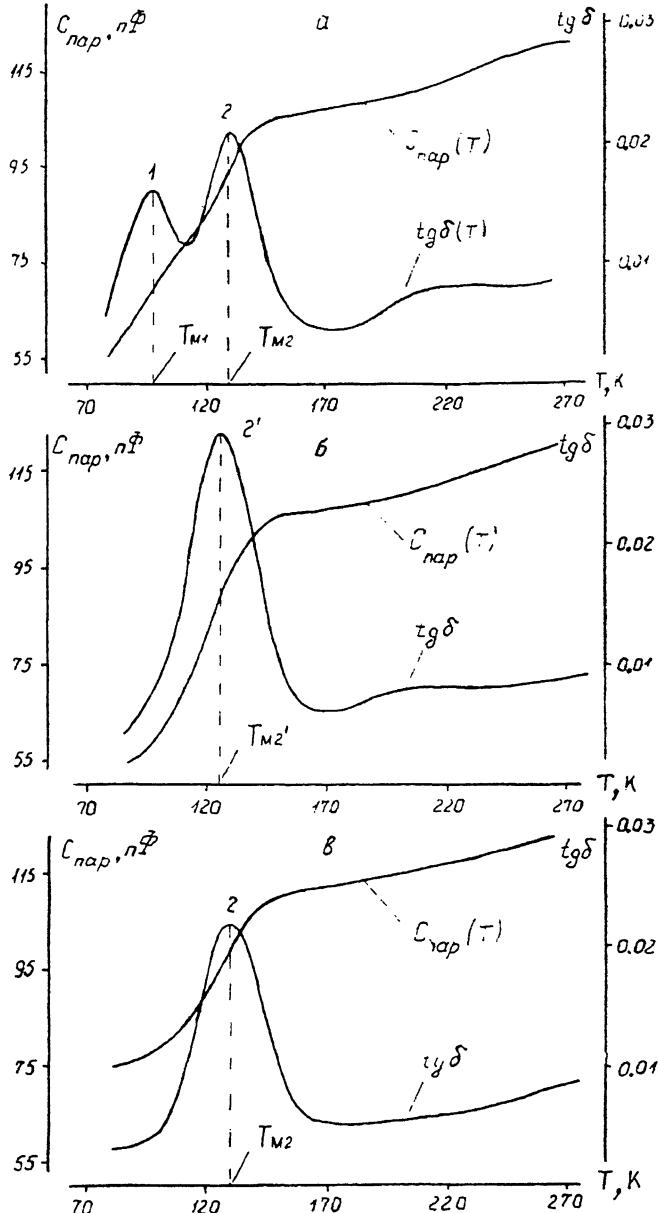


Рис. 3. Температурные зависимости $C_{\text{нап}}$ и $\text{tg } \delta$.

а — сразу после облучения, б — после отжига 75 °C, 5 ч, в — после отжига 280 °C, 5 ч.

$\text{tg } \delta$ (рис. 3, а) температуры $T_{\text{и}}$ и $T_{\text{ри}}$ различаются мало. Поэтому для C_i и A-центра имеет место наложение потерь, обусловленных как инерционностью перезарядки, так и сопротивлением ОЭН $R_{\text{и}}$, что приводит к расширению суммарных пиков $G_{\Sigma}(T)$ и $\text{tg } \delta_{\Sigma}(T)$. Можно показать, что при обработке зависимости $\text{tg } \delta_{\Sigma}(T)$ по формуле (5) получается заниженное значение ΔE . Так, из расчетов для пиков 1, 2 (рис. 3, а) получаем для C_i $\Delta E=0.06$ эВ (вместо 0.11 эВ) и для A-центра $\Delta E=0.12$ эВ (вместо 0.17 эВ) (рис. 4).

4. Рассмотрим кремниевые МДП структуры, перекомпенсированные никелем или ванадием, или A-центрами [⁴]. Энергии ионизации этих ГЦ определя-

лись по зависимостям $R_{\text{и}}(T)$, вычисленным из экспериментальных зависимостей $C_{\text{нап}}(T)$ и $G_{\text{нап}}(T)$, измеренных при $V=0$. Емкость этих структур при $V=0$ равна емкости слоя диэлектрика, т. е. имеет место образование антизапорного

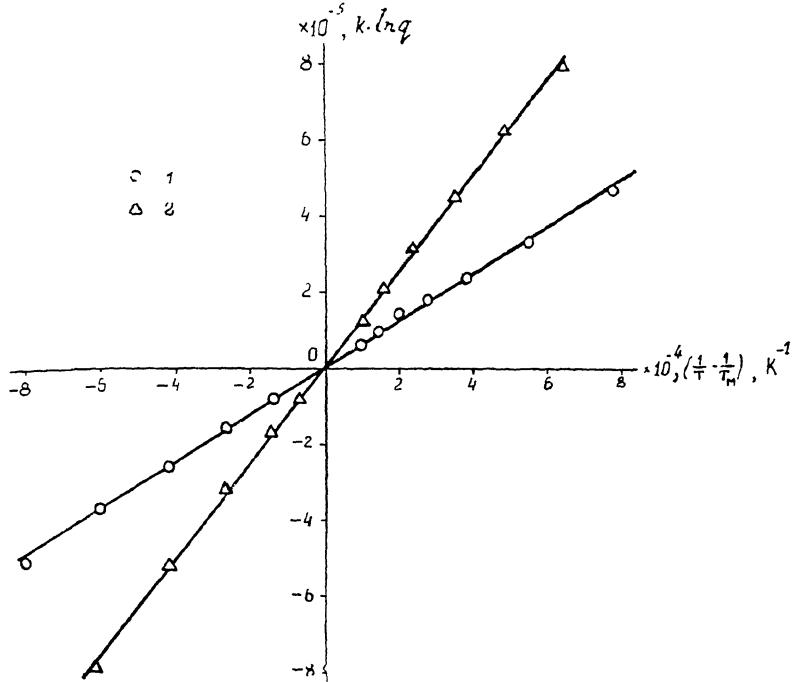


Рис. 4. Зависимости $k \ln q$ от $T^{-1} - T_m^{-1}$, вычисленные по рис. 3, а.
1 — для C_i , 2 — для A -центров.

слоя; в этом режиме ГЦ не перезаряжаются и проводимости G_{x_2} нет. Эквивалентная схема такой МДП структуры может быть представлена в виде параллельной цепочки $C_x - R_x$ и емкости диэлектрика C_x , включенных последовательно. Поэтому для этих МДП структур получены правильные значения энергии ионизации для никеля, ванадия и A -центров.

Список литературы

- [1] Lang D. V. // J. Appl. Phys. 1974. V. 45. N 7. P. 3023—3032.
- [2] Берман Л. С., Лебедев А. А. Емкостная спектроскопия глубоких центров в полупроводниках. Л., 1981. 176 с.
- [3] Яковенко А. Г., Шелонин Е. А., Фистуль В. И. // ФТП. 1983. Т. 17. В. 2. С. 345—346.
- [4] Берман Л. С., Клингер П. М., Фистуль В. И. // ФТП. 1989. Т. 23. В. 11. С. 1947—1950.
- [5] Митрохин В. И., Рембеза С. И., Свиридов В. В. // ФТП. 1986. Т. 20. В. 12. С. 2230—2233.
- [6] Берман Л. С., Маяренко А. М., Ременюк А. Д., Суханов В. Л., Толстобров М. Г. // ФТП. 1988. Т. 22. В. 5. С. 844—848.
- [7] Берман Л. С., Власов С. И. // ФТП. 1978. Т. 12. В. 3. С. 559—561.
- [8] Берман Л. С. // ФТП. 1972. Т. 6. В. 12. С. 2375—2379.
- [9] Берман Л. С. // ФТП. 1975. Т. 9. В. 3. С. 604—605.
- [10] Yau L. D., Sah C. T. // Sol. St. Electron. 1974. V. 17. N 2. P. 193—201.
- [11] Sah C. T., Wang C. T. // J. Appl. Phys. 1975. V. 46. N 4. P. 1767—1776.
- [12] Берман Л. С., Шуман В. Б. // Вопросы радиоэлектроники. Сер. Технология производства и оборудования. 1978. № 4. С. 76—79.
- [13] Sah C. T., Forbes L. T., Rosier L. T., Tash A. F., Tole A. B. // Appl. Phys. Lett. 1969. V. 15. N 5. P. 145—148.
- [14] Chen J. W., Milnes A. G. // Ann. Rev. Mater. Sci. 1980. V. 10. P. 157—228.
- [15] Берман Л. С., Витовский Н. А., Воронков В. Б., Ломасов В. Н., Ременюк А. Д., Ткаченко В. Н., Толстобров М. Г. // ФТП. 1989. Т. 23. В. 4. С. 753—756.
- [16] Jellison G. E. // J. Appl. Phys. 1982. V. 53. N 8. P. 5715—5719.
- [17] Берман Л. С., Жепко В. И., Ломасов В. Н., Ткаченко В. Н. // ФТП. 1989. Т. 23. В. 12. С. 2129—2132.