

Соотношения (5)–(9) справедливы для всего класса узкозонных полупроводниковых соединений  $\text{Al}^{\text{II}}\text{B}^{\text{VI}}$   $p$ -типа, для которых выполняются условия  $\mu_n/\mu_p \gg 1$  и  $N_D/N_A \ll 1$ .

Таким образом, в данном сообщении разработан метод, позволяющий определять как значения  $n$ ,  $\mu_n$ , так и величину  $x(n_i)$ , характеризующую состав соединения  $\text{Al}^{\text{II}}\text{B}^{\text{VI}}$   $p$ -типа, по значениям  $R_h(B)$  и  $\sigma(B)$  для двух фиксированных величин слабого магнитного поля  $B \sim 1$  кГс.

Авторы признательны А. В. Васильеву и Л. С. Смирнову за интерес к работе и полезные обсуждения.

#### Список литературы

- [1] Faurie J. P., Reno J., Sivananthan S., Sou I. K., Chu X., Boukerche M., Wijewarnasuriya R. S. // J. Vac. Sci. Techn. 1986. V. A4. N 4. P. 2067–2071.
- [2] Георгиани А. Н., Шейнкман М. К. Физика соединений  $\text{Al}^{\text{II}}\text{B}^{\text{VI}}$ . М., 1986. 320 с.
- [3] Gold M. C., Nelson D. A. // J. Vac. Sci. Techn. 1986. V. A4. N 4. P. 2040–2046.
- [4] Lacklison D. E., Capper P. // Semicond. Sci. Techn. 1987. V. 2. N 3. P. 136–144.
- [5] Блатт Ф. Физика электронной проводимости в твердых телах. М., 1971. 470 с.
- [6] Цидильковский И. М. Бесщелевые полупроводники — новый класс веществ. М., 1986. 240 с.
- [7] Finkman E., Shachman S. E. // J. Appl. Phys. 1984. V. 56. N 10. P. 2896–2900.
- [8] Hansen G. L., Schmit J. L. // J. Appl. Phys. 1983. V. 54. N 3. P. 1639–1640.
- [9] Summers C. J., Darling B., Martin B. G. // Appl. Phys. 1986. V. 59. N 7. P. 2457–2466.

Институт физики полупроводников  
СО АН СССР  
Новосибирск

Получено 11.10.1990  
Принято к печати 7.02.1991

ФТП, том 25, вып. 6, 1991

## ОХЛАЖДЕНИЕ ДВУМЕРНОГО ЭЛЕКТРОННОГО ГАЗА ЗАТВОРОМ МДП СТРУКТУРЫ

Бойко И. И., Шик А. Я.

В теоретических работах, посвященных эффектам разогрева в двумерном газе (2МЭГ), обычно считается, что релаксация энергии осуществляется, как и в массивных образцах, за счет фононов. Однако в 2МЭГ, созданном в инверсионном канале МДП структур, существует еще один возможный механизм энергетических потерь. Он связан с передачей энергии электронам металлического затвора за счет кулоновского взаимодействия через диэлектрик [1, 2]. Далее строится теория такого механизма энергетической релаксации в вырожденном 2МЭГ.

В своих вычислениях мы будем исходить из общих формул для рассеяния 2МЭГ на полуограниченной трехмерной электронной системе, полученных в [3, 4]. Если полную диэлектрическую проницаемость системы записывать в виде

$$\epsilon(\omega, \mathbf{q}) = \epsilon_s(\omega, \mathbf{q}) + \Delta\epsilon_2(\omega, \mathbf{q}), \quad (1)$$

где первый член описывает вклад всей системы, окружающей 2МЭГ, а второй — добавку за счет самого 2МЭГ, то скорость энергетических потерь будет определяться выражением

$$Q = \frac{\hbar}{(2\pi)^3 n_2} \int \omega d\omega \int d^2\mathbf{q} \frac{\text{Im } \epsilon_s(\omega, \mathbf{q}) \text{Im } \Delta\epsilon_2(\omega, \mathbf{q})}{|\epsilon(\omega, \mathbf{q})|^2} \left[ \text{cth}\left(\frac{\hbar\omega}{2T_e}\right) - \text{cth}\left(\frac{\hbar\omega}{2T}\right) \right] \quad (2)$$

( $n_2$  — поверхностная концентрация 2МЭГ). При выводе (2) предполагалось, что 2МЭГ и трехмерные электроны затвора характеризуются фермиевскими

функциями распределения соответственно с эффективной температурой  $T$ , и с температурой решетки  $T$  ( $T_e > T$ ).

Общее выражение для  $\Delta\epsilon_2$  вырожденного 2МЭГ в литературе известно (см., например, [5]). Поскольку в рассматриваемой задаче передача энергии  $\hbar\omega \leqslant T$  (см. далее), в вырожденном 2МЭГ всегда реализуется предел  $\hbar\omega \ll \frac{(\hbar k_F)^2}{2m}$  ( $k_F$  — фермиевский импульс 2МЭГ), для которого

$$\Delta\epsilon_2(\omega, q) \cong \frac{2me^2}{\hbar^2 q} \left\{ 1 + i \frac{m}{\hbar q^2} \left[ \sqrt{\left( \frac{\hbar k_F}{m} \right)^2 - \left( \omega - \frac{\hbar q^2}{2m} \right)^2} - \right. \right. \\ \left. \left. - \sqrt{\left( \frac{\hbar k_F}{m} \right)^2 - \left( \omega + \frac{\hbar q^2}{2m} \right)^2} \right] \right\}. \quad (3)$$

Вид  $\epsilon_s(\omega, q)$  определяется геометрией системы. Если речь идет об МДП структуре, в которой диэлектрик имеет толщину  $d$  и диэлектрическую проницаемость  $\epsilon_d$ , а полупроводник проницаемость  $\epsilon$ , то, как показано в [8],

$$\epsilon_s(\omega, q) = \frac{\epsilon}{2} + \frac{\epsilon_d}{2} \frac{\beta(\omega, q) \operatorname{th}(qd) + 1}{\beta(\omega, q) + \operatorname{th}(qd)}. \quad (4)$$

Здесь  $\beta(\omega, q)$  характеризует материал затвора, который всегда имеет толщину, много большую длины экранирования, и потому может считаться полубесконечным и описываться диэлектрической функцией массивного металла  $\epsilon_3(\omega, k)$ . При этом

$$\beta(\omega, q) = \epsilon_L \frac{q}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dk_x}{(q^2 + k_x^2) \epsilon_3(\omega, \sqrt{q^2 + k_x^2})} \quad (5)$$

( $\epsilon_L$  — решеточная диэлектрическая проницаемость в материале затвора).

Формулы для  $\epsilon_3(\omega, k)$  можно найти, например, в [6]. В них входит, в частности, параметр  $\omega/v_{3F}k$ , где  $v_{3F}$  — фермиевская скорость трехмерных электронов затвора. Если материал затвора — хороший металл (а не, скажем, поликремний), то  $v_{3F}$  существенно превосходит фермиевскую скорость 2МЭГ  $\hbar k_F/m$ , так как, согласно (3),  $\operatorname{Im} \Delta\epsilon_2$ , а следовательно, и подынтегральное выражение в (2) отлично от нуля лишь при  $\hbar k_F q > m\omega$ , то  $\omega \ll kv_{3F}$ , т. е. для электронов затвора реализуется предел малых  $\omega$ . В данном пределе

$$\epsilon_3(\omega, k) \cong \epsilon_L \left[ 1 + \frac{\kappa^2}{k^2} \left( 1 + i \frac{\pi}{2} \frac{[\omega]}{kv_{3F}} \right) \right] \quad (6)$$

$\left( \kappa = \frac{\sqrt{3}}{v_{3F}} \Omega \right.$  — обратная длина экранирования,  $\Omega$  — плазменная частота). При этом для  $\kappa \gg q$

$$\beta(\omega, q) = \frac{q}{\kappa} \left[ 1 - i \frac{\omega}{v_{3F}\kappa} \ln \left( \frac{\kappa}{q} \right) \right]. \quad (7)$$

Выражения (3)–(7), будучи подставлены в (2), позволяют, в принципе, вычислить интересующую нас скорость энергетических потерь. Однако для получения результатов в аналитическом виде необходимы дальнейшие упрощения. Для их получения заметим, что типичное значение длины экранирования в металле составляет единицы ангстрем, величина эффективного боровского радиуса в полупроводнике  $a_B = \hbar^2/me^2$  — десятки ангстрем, в то время как типичная толщина диэлектрика в МДП структуре имеет порядок 1000 Å. Кроме того, далее будет показано, что характеристические значения переданного импульса  $q$ , определяющие скорость потерь  $Q$ , имеют порядок  $d^{-1}$ . В результате для большинства реальных структур

$$q \sim d^{-1} \ll a_B^{-1} \ll \kappa. \quad (8)$$

Данные неравенства оправдывают законность предположения  $q \ll x$ , сделанного при выводе формулы (7). Кроме того, из них следует, что  $|\beta| \sim q/x \ll \text{th}(qd) < 1$ , в результате чего из (4) и (7) получаем

$$\operatorname{Re} \varepsilon_s \cong \frac{1}{2} (\varepsilon + \varepsilon_d \operatorname{cth}(qd)) \ll \operatorname{Re} \Delta \varepsilon_2 = \frac{2\varepsilon}{a_B q}; \quad \operatorname{Im} \varepsilon_s \cong \frac{\varepsilon_d}{2v_{3F}x^2} q \omega \ln\left(\frac{x}{q}\right) \operatorname{sh}^{-2}(qd). \quad (9)$$

С учетом всего сказанного выражение (2) принимает вид

$$Q = \frac{\hbar^2 \varepsilon_d}{8\pi^2 e^2 n_2 v_{3F} x^2} \int_0^\infty d\omega \omega^3 \left[ \operatorname{cth}\left(\frac{\hbar\omega}{2T_e}\right) - \operatorname{cth}\left(\frac{\hbar\omega}{2T}\right) \right] \times \\ \times \int \frac{dq q^2}{\sqrt{k_F^2 - \left(\frac{m\omega}{\hbar q} + \frac{q}{2}\right)^2}} \frac{\ln(x/q)}{\operatorname{sh}^2(qd)} \Theta\left(k_F - \frac{m\omega}{\hbar q} - 0.5q\right) \quad (10)$$

[ $\Theta(x)$  — единичная функция]. Анализируя данное выражение, видим, что, как уже говорилось выше, максимальная передача импульса в акте взаимодействия с электронами затвора определяется толщиной диэлектрика:  $q \sim d^{-1}$ . Что касается передачи энергии, то она может быть различной в зависимости от соотношений между параметрами задачи. Следует рассматривать два различных предельных случая.

a)  $\hbar k_F/mTd \ll 1$ . Здесь передача энергии  $\hbar\omega \sim \hbar^2 k_F/m d$ , т. е. определяется максимально возможным изменением энергии электрона с поверхности Ферми при изменении его импульса на  $\hbar/d$ . Поскольку  $\hbar\omega \ll T$ , разность гиперболических котангенсов может быть заменена на  $2(T_e - T)/\hbar\omega$ . При этом получаем

$$Q = \frac{5}{4\pi} \zeta(5) \frac{\hbar^4 \varepsilon_d}{m^3 e^2 v_{3F} x^2 d^6} \ln(xd) (T_e - T). \quad (11)$$

b)  $\hbar k_F/mT_e d \gg 1$ . Здесь максимальная передача энергии определяется тепловым размытием фермиевской ступеньки. В рассматриваемом случае нижний предел интегрирования по  $q$  можно с хорошей точностью считать нулем. В результате имеем

$$Q = \frac{\pi^{7/2}}{360 \sqrt{2}} \frac{\varepsilon_d}{\hbar^2 e^2 n_2^2 / 2v_{3F} x^2 d^3} \ln(xd) (T_e^4 - T^4). \quad (12)$$

Комментируя полученные выше результаты, следует упомянуть также недавнюю работу [7], где в рамках несколько иного подхода рассматривалась сходная задача о релаксации импульса и энергии 2МЭГ на электронах затвора. Авторы ограничивались условием слабой неравновесности. Если скорость энергетических потерь, вычисленную ими в расчете на один электрон затвора, пересчитать на один электрон 2МЭГ, то получатся результаты, согласующиеся с (11) и с линеаризованным по малой величине  $T_e - T$  выражением (12).

Сравним рассмотренный нами механизм релаксации энергии 2МЭГ со стандартным фононным механизмом. Последовательная теория последнего для деформационного взаимодействия с акустическими фононами построена в работах [8, 9]. С точки зрения качественного поведения наибольший интерес представляет зависимость скорости потерь  $Q$  от температуры электронов  $T_e$  и решетки  $T$ , а также от концентрации 2МЭГ  $n_2$ . Согласно [8, 9], при сравнительно высоких температурах  $Q_{\text{фон}} \sim n_2^{-1} (T_e - T)$ , а в пределе низких температур и высоких концентраций 2МЭГ  $Q_{\text{фон}} \sim n_2^{-3/2} (T_e^5 - T^5)$ .

Видно, что рассмотренный кулоновский механизм релаксации в высокотемпературной области отличается иной зависимостью (вернее, независимостью) от  $n_2$ , а в области низких температур отличается от фононного механизма иной зависимостью от  $T_e$ , т. е. иной степенью нелинейности разогрева. В силу последнего обстоятельства обязательно должна существовать область достаточно низких температур и не слишком сильных разогревов, где кулоновский механизм доминирует.

Оценки показывают, что для наиболее часто используемых в электронике кремниевых МДП структур с металлическими затворами и  $d \geq 1000 \text{ \AA}$  почти всегда (за исключением предельно низких температур) доминирует фоноптический механизм энергетической релаксации. Однако благодаря очень сильной зависимости от  $d$  в формулах (11), (12), уменьшение толщины диэлектрика существенно увеличивает возможности наблюдения кулоновской релаксации. Другим способом усиления эффекта является уменьшение концентрации носителей в затворе  $n_3$ . При этом возрастает длина экранирования  $\propto^{-1}$  и уменьшается фермиевская скорость  $v_{3F}$ , что, согласно (11), (12), приводит к увеличению  $Q$ . Поэтому рассматриваемый нами эффект целесообразно наблюдать в МДП структурах не с металлическим, а с поликремниевым затвором или же в полевых транзисторах на основе гетероструктур (т. е. НЕМТ), где роль затвора играет легированный слой широкозонного материала.

Вопрос о зависимости скорости энергетических потерь от  $n_3$  требует дополнительного обсуждения. Очевидно, что увеличивать  $Q$  путем уменьшения  $n_3$  можно не беспредельно (при  $n_3 \rightarrow 0$  релаксация отсутствует), и должно существовать некоторое оптимальное значение  $n_3^{\text{opt}}$ , при котором рассматриваемый механизм энергетических потерь наиболее эффективен. Для нахождения  $n_3^{\text{opt}}$  следует отказаться от упрощающих предположений, которые мы делали при выводе  $\epsilon_s$ . Таких предположений два:  $v_{3F} \gg \hbar k_F/m$  и ограничение снизу на толщину диэлектрика (8). Отказ от первого приведет к необходимости учета в  $\text{Im } \epsilon_3$  [см. (6)] фактора  $\Theta(kv_{3F} - \omega)$ ,<sup>1</sup> что усложняет расчет  $\beta$ . Тем не менее в [3] были получены интерполяционные формулы для  $\beta$ , асимптотически точные в различных предельных случаях. Мы ограничимся низкотемпературным пределом  $b$ ), когда изучаемый нами механизм энергетических потерь наиболее существен. Это означает, что соответствующие диэлектрические проницаемости следуют рассматривать в пределе малых  $\omega$ . При этом

$$\beta(\omega, q) \cong \frac{q}{q + \propto} \left\{ 1 - i \frac{\omega \propto^2}{v_{3F}(q + \propto)^3} [1 + \ln(1 + \propto q)] \right\}. \quad (13)$$

Подстановка данного выражения в (4) и (2) дает при  $d \gg a_B$ ,  $\propto^{-1}$  для  $Q$  выражение (12), а при  $d$ , меньшей какой-нибудь из двух характерных длин  $a_B$  и  $\propto^{-1}$ ,

$$Q \sim \frac{\epsilon_d \min\{a_B^{-1}; \propto\}}{e^2 \hbar^2 n_3^3 v_{3F}^2} (T_s^4 - T^4) \quad (14)$$

[численный множитель в формуле не удается определить ввиду приближенного характера (13)]. Таким образом, оптимальный уровень легирования электронного слоя, на котором идет релаксация (мы намерено избегаем слова «затвор», поскольку структура с малым  $n_3$  уже не является в строгом смысле МДП транзистором), определяется из условия  $a_B \approx 1$ , т. е. равенства длин экранирования в двумерном и трехмерном электронном газе.

#### Список литературы

- [1] Price P. J. // Physica. 1983. V. 117B-118B. P. 750.
- [2] Jacoboni C., Price P. J. // Sol. St. Electron. 1988. V. 31. P. 649.
- [3] Бойко И. И., Сиренко Ю. Н. // Препринт ИП АН УССР. Киев, 1988. № 2-88.
- [4] Boiko I. I., Sirenko Yu. M. // Phys. St. Sol.(b). 1990. V. 159. P. 805.
- [5] Андо Т., Фаулер А., Стерн Ф. Электронные свойства двумерных систем. М., 1985. 416 с.
- [6] Лифшиц Е. М., Питаевский Л. П. Физическая кинетика. М., 1979.
- [7] Laikhtman B., Solomon P. M. // Phys. Rev. B. 1990. V. 41. P. 9921.
- [8] Карпук В. // ФТП. 1986. Т. 20. В. 1. С. 12.
- [9] Xie Y. H., People R., Bean J. C., Wecht K. W. // Appl. Phys. Lett. 1986. V. 49. P. 283.

Физико-технический институт  
им. А. Ф. Иоффе АН СССР  
Ленинград

Получено 19.02.1991  
Принято к печати 21.02.1991

<sup>1</sup>  $\text{Re } \epsilon_3$  при этом также несколько модифицируется по сравнению с (6) (см. [3]), но это качественно не изменит результатов.