

## КОЛЕБАТЕЛЬНЫЕ СПЕКТРЫ И ЭФФЕКТИВНЫЕ ЗАРЯДЫ В ШПИНЕЛЯХ $\text{In}_2\text{S}_3$ , $\text{CdIn}_2\text{S}_4$ , $\text{AgIn}_5\text{S}_8$ и $\text{CuIn}_5\text{S}_8$

Сырбу Н. Н., Заднипру И. Б., Тэллэван В. Е.

Исследованы колебательные спектры отражения кристаллов  $\text{In}_2\text{S}_3$ ,  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$ ,  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$  в области  $4000-50 \text{ cm}^{-1}$ . Рассчитаны контуры спектров отражения и определены параметры фонов и статистические и динамические диэлектрические постоянные ( $\epsilon_1$  и  $\epsilon_\infty$ ). Рассчитаны эффективный заряд Сиггети и относительный эффективный заряд ионов в шпинелях. Обсуждено изменение степени ионности в кристаллах с различной концентрацией анионов и катионов.

Колебательные спектры бинарных соединений к настоящему времени исследованы достаточно полно [1-3], при этом обсуждены степень ионности кристаллов, эффективные заряды, энергетическое строение кристаллов и их взаимосвязь. Рассмотрено изменение этих параметров при изменении аниона или катиона, межатомных расстояний, массы атомов и др.

В тройных полупроводниковых соединениях определение этих параметров усложнено наличием трех сортов атомов, разным расстоянием между атомами (ближайшими соседями) и различным вкладом каждой молекулы (атома) в диэлектрическую характеристику. Выяснение диэлектрических параметров и вклада в нее отдельных ионов очень важно для понимания их свойств.

Шпинельные структуры типа  $\text{In}_2\text{S}_3$ ,  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$ ,  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$  представляют собой плотно упакованную решетку с чередующимися слоями из серы и металлических атомов. При этом элементарная ячейка содержит более мелкие однотипные фрагменты, которые определяют колебательные свойства этих материалов.

В данной работе исследованы колебательные спектры отражения в области  $4000-50 \text{ cm}^{-1}$  кристаллов  $\text{In}_2\text{S}_3$ ,  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$ ,  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$ . С помощью дисперсионных соотношений рассчитаны контуры спектров отражения и определены параметры фонов.

Кристаллы получены из газовой фазы и имели размеры  $1 \times 2 \text{ см}$ . Спектры ИК отражения измерены на спектрометре Specord M-80 ( $5000-200 \text{ cm}^{-1}$ ) и вакуумном спектрометре КСДИ-82 ( $250-50 \text{ cm}^{-1}$ ). Вакуумный спектрометр управляется ЭВМ. ЭВМ ведет запись спектров дискретно, на каждой длине волны, при этом ЭВМ проводит математическую обработку сигнала. Это позволяет записывать малые сигналы и разрешать пики отражения, амплитуда которых не превышает 5 %. Спектры комбинационного рассеяния измерены на спектрометре ДФС-32 в 90-градусной геометрии с возбуждением гелий-неоновым лазером.

На рис. 1 представлены спектры рамановского рассеяния (a) и отражения кристаллов  $\text{In}_2\text{S}_3$  (b),  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  (c),  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  (d) и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$  (e). В спектрах всех рассматриваемых кристаллов содержится наиболее интенсивный пик 6, с коротковолновой и длинноволновой стороны которого обнаруживаются полосы 1-9.

Для определения параметров фонов проведены расчеты контуров спектров отражения по дисперсионным соотношениям:

$$\epsilon(\omega) = \epsilon_1(\omega) + i\epsilon_2(\omega) = \epsilon_\infty + \sum_{j=1}^N \frac{f\omega_{Tj}^2}{\omega_{Tj}^2 - \omega_i^2 - i\omega\Gamma_j},$$

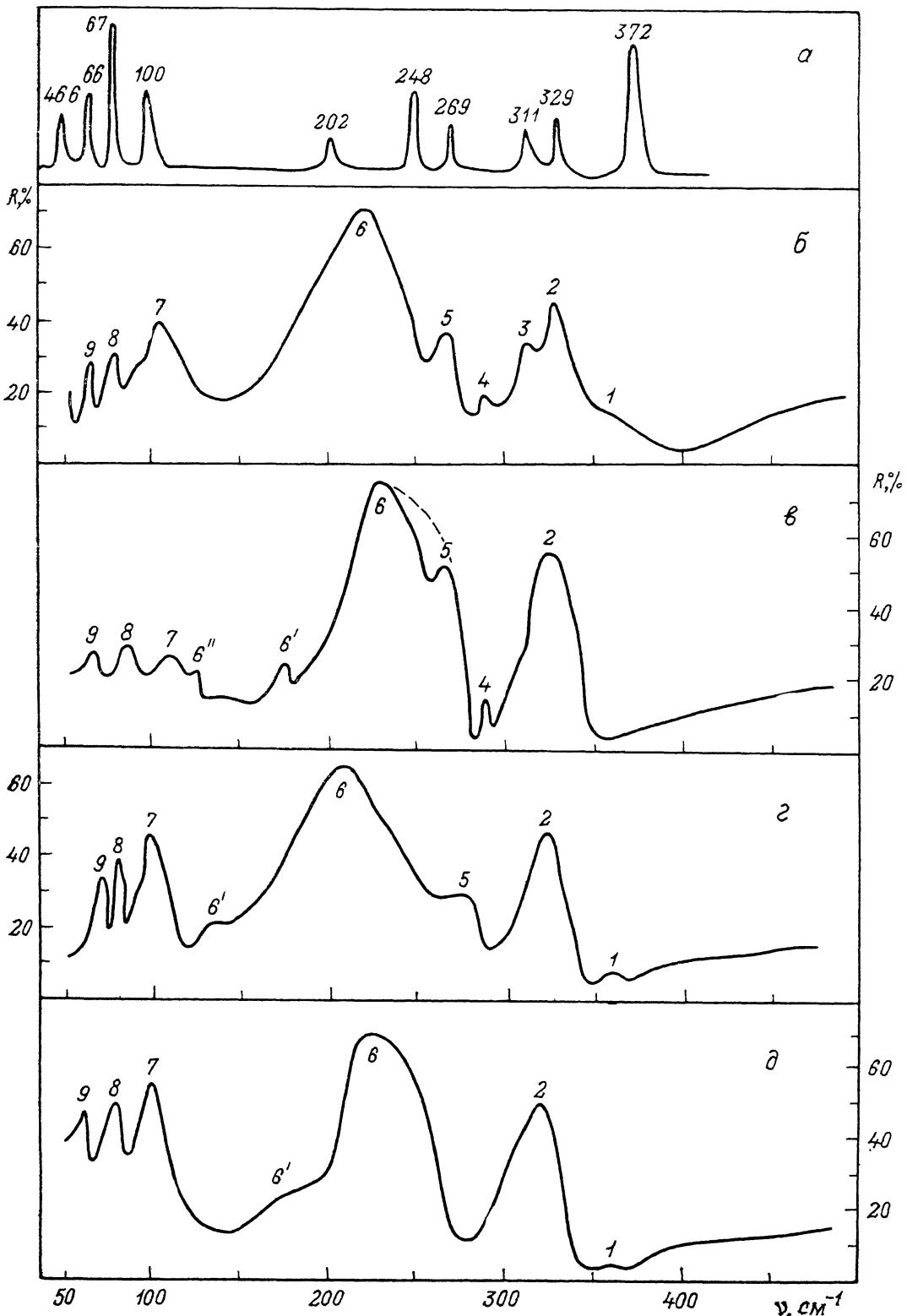


Рис. 1. Спектры рамановского рассеяния (*α*) и ИК отражения кристаллов  $\text{In}_2\text{S}_3$  (*β*),  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  (*γ*) и  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  (*δ*) и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$  (*ε*).

Таблица 1

Параметры ИК активных фононов в спинелях и титанатах динка

**Примечание.** Параметры  $\phi$ ,  $L_1$ ,  $L$  приведены в  $\text{см}^{-1}$ .

где  $\epsilon_{\infty}$  — высокочастотная диэлектрическая проницаемость кристалла;  $N$  — количество осцилляторов;  $\Gamma_j$ ,  $\omega_L$  и  $\omega_T$  — затухание, продольная и поперечные (резонансные) частоты оптических колебаний  $j$ -го осциллятора.

Коэффициент отражения рассчитывался из следующих соотношений:

$$R(\omega) = \frac{|n(\omega) - 1|^2}{|n(\omega) + 1|^2}, \quad n(\omega) = \sqrt{\epsilon(\omega)}.$$

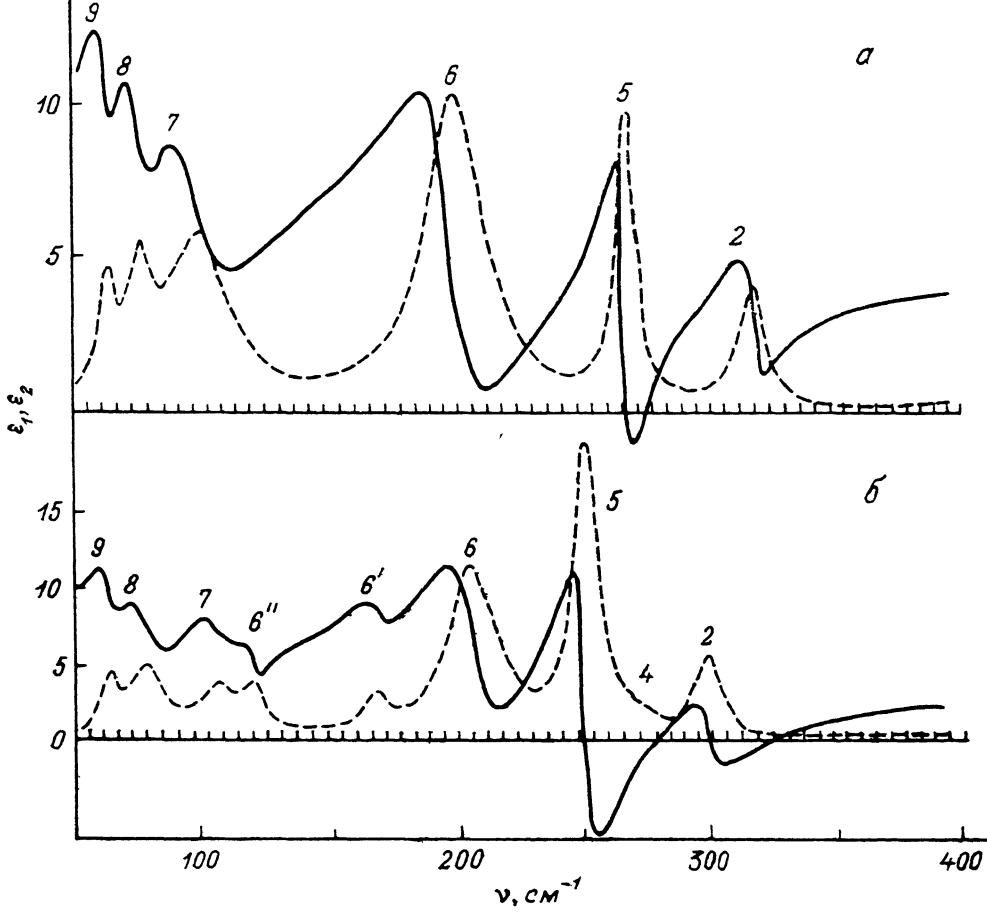


Рис. 2. Действительная и мнимая части диэлектрической постоянной для кристаллов  $In_2S_3$  (a) и  $CdIn_2S_4$  (б).

Параметры ИК активных фононов в рассматриваемых кристаллах определены при наибольшем совпадении контуров расчетных спектров отражения с измеренными. Сила осциллятора рассчитывалась из выражения

$$f_j = \frac{\epsilon_{\infty}}{4\pi} \left( \frac{\omega_{Lj}^2}{\omega_{Tj}^2} - 1 \right).$$

Значения высокочастотной ( $\epsilon_{\infty}$ ) и статической ( $\epsilon_s$ ) диэлектрических проницаемостей связаны между собой соотношением

$$\epsilon_s = \epsilon_{\infty} + \sum_j^N 4\pi f_j.$$

На основании экспериментальных данных построены спектральные зависимости действительной  $\epsilon_1$  и мнимой  $\epsilon_2$  частей диэлектрической проницаемости в этих материалах (рис. 2, 3; табл. 1).

Кристаллическая структура  $In_2S_3$  принадлежит к шпинелям с упорядоченными пустотами в тетраэдрической подрешетке. Элементарная ячейка содержит структурные фрагменты с октаэдрами и тетраэдрами. Эти фрагменты идентичны для всей группы рассматриваемых шпинелей. Октаэдры заполняются только атомами In. В тетраэдрах располагаются атомы In и Cd, Ag или Cu, в зависимости от соединения. В решетке  $In_2S_3$  тетраэдры содержат атомы In и пустоты. Не занятые тетраэдрические пустоты наиболее плотно заселяют плоскости (001).

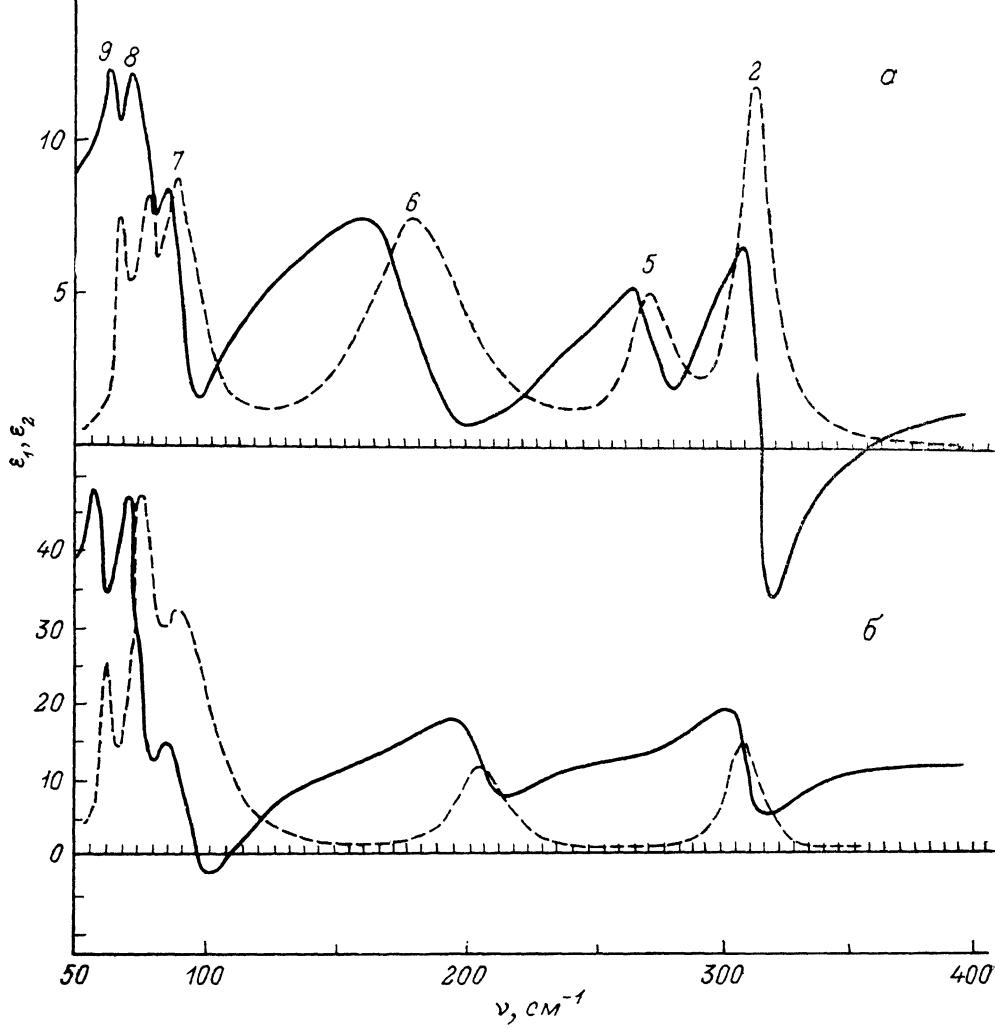


Рис. 3. Действительная и мнимая части диэлектрической постоянной для кристаллов  $AgIn_5S_8$  (а) и  $CuIn_5S_8$  (б).

Среднее расстояние S—S в пустых тетраэдрах равно 4.04 Å, что несколько больше среднего расстояния S—S=4.01 Å в тетраэдрах, занятых атомами индия.

В соединениях  $CdIn_2S_4$ ,  $AgIn_5S_8$  и  $CuIn_5S_8$  в тетраэдрической подрешетке располагаются атомы  $In^{3+}$  и атомы  $Me^+$  ( $Cd$ ,  $Ag$  или  $Cu$ ), которые статистически распределяются в пустотах. В кристаллах  $In_2S_3$  соотношение дефектов (пустот) и катионов 1 : 2, а в тройных кристаллах соотношение  $Me^+$  и  $In^{3+}$  равно 1 : 1. Параметры кристаллической решетки и расстояния между атомами приведены в табл. 2. Пространственная группа рассматриваемых шпинелей  $O_h^7$  содержит две молекулы в примитивной ячейке Браве. Атомы Cd ( $Ag$ ,  $Cu$ ) имеют тетраэдрическую координацию симметрии  $T_d$ , окружены четырьмя атомами серы. Атомы

Таблица 2

Параметры кристаллической решетки и эффективные заряды в кристаллах

Соединения	$d, \text{ \AA}$	$Me - S$ $Me (\text{Cd, Ag, Cu}), \text{ \AA}$	$In - S, \text{ \AA}$	$S - S, \text{ \AA}$
$\text{In}_2\text{S}_3$	10.765	2.46	2.565	401 404
$\text{CdIn}_2\text{S}_4$	10.797	2.543	2.580	4.583
$\text{AgIn}_5\text{S}_8$	10.821	2.605	2.554	4.653
$\text{CuIn}_5\text{S}_8$	10.698	2.594	2.514	4.60
$\text{ZnIn}_2\text{S}_4$	12.34	2.36 2.46	2.62	3.52 3.12
$\text{Zn}_2\text{In}_2\text{S}_5$	30.85	2.36 2.46	2.62	3.52 3.12
$\text{Zn}_3\text{In}_2\text{S}_6$	18.50	2.35 2.35	2.62	3.52 3.12

Таблица 2 (продолжение)

Соединения	$\frac{e_s^*}{Z_{s\phi\phi}e}$	$\frac{e_s^*}{Z_e}$	$\frac{Z}{Z_{s\phi}}$
$\text{In}_2\text{S}_3$	0.22	1.03	$\text{In} - 0.59$ $\text{S} - 0.22$
$\text{CdIn}_2\text{S}_4$	0.28	0.96 [1] 0.89	$\text{Cd} - 0.10 - 0.08$ $\text{In} - 0.38$ $\text{S} - 0.31$
$\text{AgIn}_5\text{S}_8$	0.57	1.03	$\text{Ag} - 0.5$ $\text{In} - 0.74$ $\text{S} - 0.55$
$\text{CuIn}_5\text{S}_8$	0.57	1.03	$\text{Cu} - 0.4$ $\text{In} - 0.8$ $\text{S} - 0.55$
$\text{ZnIn}_2\text{S}_4$	0.23	0.85	$\text{Zn} - 0.32 - 0.16$ $\text{In} - 0.36$ $\text{S} - 0.27$
$\text{Zn}_2\text{In}_2\text{S}_5$	0.31	0.92	$\text{Zn} - 0.46 - 0.16$ $\text{In} - 0.31$ $\text{S} - 0.32$
$\text{Zn}_3\text{In}_2\text{S}_6$	0.31	0.92	$\text{Zn} - 0.48 - 0.16$ $\text{In} - 0.32$ $\text{S} - 0.36$

$\text{In}$  во всех кристаллах могут находиться в тетраэдрах и в октаэдрах, в последнем случае имеют октаэдрическую симметрию  $D_{3d}$  и окружены шестью атомами серы. Атомы серы плотно упакованы, образуют связи симметрии  $C_{3v}$ . Рассматриваемые кристаллы имеют 42 колебательные моды в центре зоны Бриллюэна:

$$\Gamma = A_{1g} + E_g + 3F_{2g} + 5F_{1u} + 2A_{2u} + 2E_u + F_{1g} + F_{2u}.$$

Согласно правилам отбора, активными в рамановском рассеянии являются 5 мод симметрии  $A_{1g}$ ,  $E_g$  и  $3F_{2g}$ . В ИК отражении и поглощении активными являются фононы симметрии  $F_{1u}$ , причем 4 моды являются оптическими фононами и одна мода — акустическим фононом. Фононы симметрии  $2A_{2u}$ ,  $2E_u$ ,  $F_{1g}$  и  $2F_{2u}$  являются неактивными в ИК и рамановском рассеянии.

Анализ структуры обнаруженных полос отражения и результаты расчетов свидетельствуют, что наиболее интенсивные полосы 2, 6, 7 и 8 обусловлены оптическими фононами симметрии  $F_{1u}$ . Более слабые полосы, например, 1, 3, 4, 5 и 9 в  $\text{In}_2\text{S}_3$ , обусловлены локальными модами или фононами других симметрий, которые активны в рамановском рассеянии. В ИК отражении они прояв-

ляются из-за нарушения правил отбора, по-видимому, из-за дефектности кристалла. На рис. 1, а и б сопоставляются спектры ИК отражения и рамановское рассеяние в  $\text{In}_2\text{S}_3$ .

Интенсивная полоса 6 в этих материалах предполагается обусловленной колебаниями  $\text{S}-\text{In}-\text{S}$ ,  $\text{S}-\text{Cd}-\text{S}$ ,  $\text{S}-\text{Cu}-\text{S}$  и  $\text{S}-\text{Ag}-\text{S}$  в соединениях  $\text{In}_2\text{S}_3$ ,  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$ ,  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$  и  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  соответственно. Атомный вес Cu равен 63.546, In — 114.82, Cd — 112.4 и Ag — 107.868. В молекулах с более легкими атомами Cu частота колебаний наиболее сильно смещена в высокочастотную область. Частоты колебаний  $\text{S}-\text{Ag}-\text{S}$ ,  $\text{S}-\text{In}-\text{S}$  и  $\text{S}-\text{Cd}-\text{S}$  близки, так как массы молекул также близки.

В кристаллах  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  попадались образцы, у которых полоса 6 имела контур, представленный штриховой линией (рис. 1, в). Такой контур спектров отражения согласуется с данными работ [8] и соответствует кристаллам с составом, близким к стехиометрии. Выпаривание атомов серы путем отжига кристаллов  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  приводит к более рельефному выделению (проявлению) полосы 5.

Известно, что на частоты колебаний влияют масса молекулы, расстояния между соседними атомами, характер химической связи и другие параметры кристалла. В кристаллах  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  расстояние  $\text{Ag}-\text{S}$  наибольшее — 2.605 Å, и хотя масса молекулы  $\text{Ag}-\text{S}$  незначительно отличается от масс  $\text{Cd}-\text{S}$  и  $\text{In}-\text{S}$ , частота колебаний расположена в более длинноволновой области ( $185 \text{ cm}^{-1}$ ).

С высокочастотной области полосы 6 обнаруживается полоса 2, которая

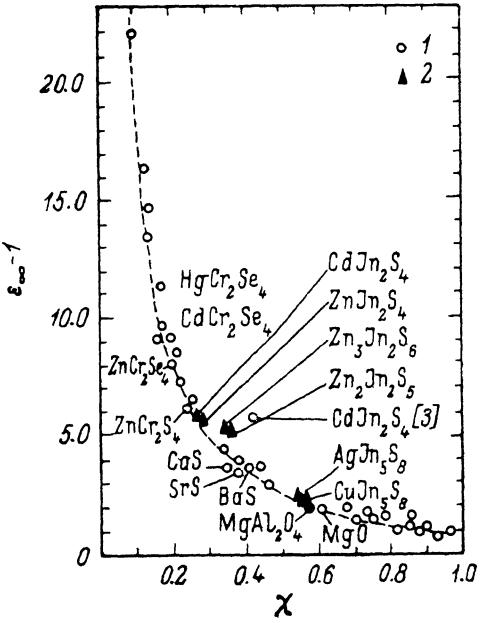


Рис. 4. Зависимость  $\epsilon_{\infty} - 1$  от  $\chi = e_s/Z_{\text{эфф}} e$ .  
1 — литературные данные, 2 — результаты этой работы. Штрихи:  $\epsilon_{\infty} - 1 = \frac{2.0}{\chi + \chi^2}$ .

в кристаллах  $\text{In}_2\text{S}_3$ ,  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$  очень близка, имеет незначительно отличающиеся силу оциллятора  $f$  и параметр затухания  $\Gamma$  (табл. 1). В кристаллах  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  эта полоса обнаруживается при  $301 \text{ cm}^{-1}$ , т. е. смещена в длинноволновую сторону. Эти моды обусловлены внутренними колебаниями молекул  $\text{S}-\text{S}$ . Эта высокочастотная полоса наблюдается и в кристаллах  $\text{ZnIn}_2\text{S}_4$  при  $310 \text{ cm}^{-1}$  [4, 5], и в кристаллах  $\text{HgIn}_2\text{S}_4$  при  $312 \text{ cm}^{-1}$  [4]. В кристаллах  $\text{In}_2\text{S}_3$  расстояние между атомами  $\text{S}-\text{S}$  в тетраэдрах с вакансиями (отсутствует атом металла) равно 4.04 Å, а в тетраэдрах, в которых находится атом In, равно 4.01 Å. В тройных кристаллах в пустоты внедрены атомы металла Cd, Ag и Cu, которые изменяют расстояния  $\text{S}-\text{S}$ , а одновременно и частоту колебательной моды полосы 2. Можно отметить, что в кристаллах  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  количество занятых пустот атомами  $Me$  в тетраэдрах больше, чем в кристаллах  $\text{AgIn}_5\text{S}_8$  и  $\text{CuIn}_5\text{S}_8$ , что определено формулами этих соединений. Расстояния Cd—S и S—S в  $\text{CdIn}_2\text{S}_4$  также меньше, чем в остальных кристаллах. Это не противоречит предположению, что полоса  $301 \text{ cm}^{-1}$  (2) обусловлена колебаниями  $\text{S}-\text{S}$ , в тетраэдрах которых размещаются атомы  $Me$  (Cd, Ag, Cu). В ряду соединений  $\text{ZnIn}_2\text{S}_4$ ,  $\text{Zn}_2\text{In}_2\text{S}_5$  и  $\text{Zn}_3\text{In}_2\text{S}_6$  также наблюдается высокочастотная полоса при  $310$ ,  $310$  и  $306 \text{ cm}^{-1}$  соответственно (табл. 2). Последние данные свидетельствуют, что высокочастотная полоса обусловлена S—S-связями тетраэдров, статистически заполняемых атомами  $Me$ . Колебательные полосы 7, 8 во всех четырех соединениях имеют весьма близкие параметры. Последние полосы обусловлены, по-видимому, ко-

лебаниями молекул S—In—S в октаэдрах, так как не меняются при внесении в тетраэдрические пустоты атомов *Me*. Расстояние между атомами In—S в октаэдрах больше, чем In—S в тетраэдрах. Сравнивая колебательные спектры CdIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> и спектры шпинелей CoIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub>, FeIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub>, NiIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> [1], видим, что полоса 6' в кристаллах CdIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> должна быть отнесена к собственным колебательным частотам. Из сравнения спектров CdIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> со спектрами CuIn<sub>5</sub>S<sub>8</sub> и AgIn<sub>5</sub>S<sub>8</sub> логичнее было бы считать собственной частотой в CdIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> полосу 7, а не 6'. В шпинелях FeIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub>, CoIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> и NiIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> в области 65—95 см<sup>-1</sup> обнаружены также две полосы примерно с одинаковой силой осциллятора [1].

Эффективный заряд ионов был получен из следующих трех уравнений [1-3]:

$$4\pi^2c^2 \sum_{j=1}^4 v_{L_0j}^2 - v_{T_0j}^2 = \frac{4\pi e^2 Z}{V} \left[ \frac{(Z_{\text{Me}}e^*)^2 n_{\text{Me}}}{m_{\text{Me}}} + \frac{(Z_{\text{In}}e^*)^2 n_{\text{In}}}{m_{\text{In}}} + \frac{(Z_{\text{S}}e^*) n_{\text{S}}}{m_{\text{S}}} \right], \quad (1)$$

$$n_{\text{Me}}Z_{\text{Me}} + n_{\text{In}}Z_{\text{In}} - n_{\text{S}}Z_{\text{S}} = 0, \quad (2)$$

$$\epsilon_{\infty} - 1 = 2.0/(\chi + \chi^2); \quad \chi = e_s^*/Z_{\text{эфф}}e, \quad (3)$$

где *c* — скорость света, *e* — заряд электрона, *V* — объем элементной ячейки, *Z* — число формульных единиц в элементарной ячейке; *n<sub>Me</sub>*, *n<sub>In</sub>* и *n<sub>S</sub>* — стехиометрические коэффициенты; *m<sub>Me</sub>*, *m<sub>In</sub>*, *m<sub>S</sub>* — атомные массы.

Из этих уравнений и параметров колебательных спектров определены эффективные заряды ионов. Эффективный заряд ионов металла (Cd, Ag, Cu) при этом соответствует наибольшему значению, приведенному в табл. 2. Нижнее значение эффективного заряда мы так же как и в [1-3] оцениваем из ЭЗ в бинарных соединениях. На рис. 4 представлена зависимость  $\epsilon_{\infty} - 1$  как функция от  $\chi = e_s^*/Z_{\text{эфф}}e$  по данным [1-3] и нашим результатам. Видно, что полученные значения эффективного заряда анионов  $e_s^*/Z_{\text{эфф}}e$  и  $\epsilon_{\infty}$  коррелируют для всех рассматриваемых кристаллов. Для соединения CdIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> наши результаты лучше согласуются, чем результаты [1].

Из трех видов зарядов в рассматриваемых шпинелях In имеет наибольший эффективный заряд, а ион (Cd, Ag, Cu) имеет наименьшее значение. Эти данные неплохо согласуются с результатами работы [1-3]. Таким образом, в этих материалах наиболее ионным элементом является ион In, одновременно с этим наибольшая степень ионности иона In наблюдается для CuIn<sub>5</sub>S<sub>8</sub>. Значение эффективного заряда для анионов серы наименьшее у CdIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> и значительно по величине в двух других шпинелях AgIn<sub>5</sub>S<sub>8</sub> и CoIn<sub>5</sub>S<sub>8</sub>. Эффективный заряд анионов в рассматриваемых шпинелях растет по мере увеличения количества анионов в формульной единице. Для проверки этой закономерности рассчитаны эффективные заряды и параметры фононов в кристаллах ZnIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub>, Zn<sub>2</sub>In<sub>2</sub>S<sub>5</sub> и Zn<sub>3</sub>In<sub>2</sub>S<sub>6</sub>. Колебательные спектры ИК отражения рамановского рассеяния этих материалов рассмотрены в [4, 5]. Расчеты параметров фононов приведены в табл. 1 и 2.

Эти кристаллы являются удобными объектами для исследования изменения степени ионности аниона по мере увеличения концентрации (числа) анионов в формульной единице. В рассматриваемых шпинелях (In<sub>2</sub>S<sub>3</sub> . . . CuIn<sub>5</sub>S<sub>8</sub>) с увеличением содержания аниона в формульной единице изменяется и тип катиона, а в кристаллах ZnIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub>, Zn<sub>2</sub>In<sub>2</sub>S<sub>5</sub> и Zn<sub>3</sub>In<sub>2</sub>S<sub>6</sub> этого не происходит. Действительно, эффективный заряд серы увеличивается и в этих материалах (ZnIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> и других), но на меньшую величину (0.27—0.34, табл. 2), пропорционально процентному содержанию серы в формульной единице. Эффективный заряд ионов индия в рассматриваемых соединениях с цинком (ZnIn<sub>2</sub>S<sub>4</sub> и других) меняется слабо (табл. 2). Эффективный заряд цинка в этих материалах также увеличивается с ростом содержания количества атомов в формульной единице.

Полученные результаты свидетельствуют о том, что степень ионности в тройных кристаллах находится в более сложной зависимости от стехиометрических коэффициентов в формульной единице, чем приведено в соотношениях (1)—(3). Одновременно можно отметить, что зависимость  $e_s^*/Z_{\text{эфф}}e$  от  $\epsilon_{\infty} - 1$  для всех рассмотренных материалов вписывается в общую закономерность (рис. 4).

Список литературы

- [1] Lutz H. D., Wäschensbach G., Kliche G., Haedseler H. // J. Sol. St. Chem. 1983. V. 48. N 4. P. 196—208.
- [2] Wakaki M. // Japan. J. Appl. Phys. 1985. V. 24. N 11. P. 1471—1474.
- [3] Wakamura K., Ogawa T., Arai T. // Japan. J. Appl. Phys. 1980. V. 19. N 19-3. P. 249—254.
- [4] Радауцан С. И., Сырбу Н. Н., Львин В. Э., Доникэ Ф. Г. // ФТП. 1990. Т. 24. В. 9. С. 1592—1597.
- [5] Арама Е. Д., Виноградов Е. А., Житарь В. Ф., Мельник Н. И., Радауцан С. И. // ДАН СССР. 1976. Т. 231. В. 6. С. 1343—1346.

Кишиневский политехнический институт  
им. С. Лазо

Получена 3.04.1991  
Принята к печати 8.04.1991

---