

05; 07; 12

© 1990 г.

## РЕНТГЕНОВСКИЕ СПЕКТРОМЕТРЫ НА ОТРАЖЕНИЕ С ВЕРТИКАЛЬНОЙ ФОКУСИРОВКОЙ ТИПА ГАМОША

*К. Т. Габриелян, Г. О. Демирчян, Ф. Н. Чуховский*

Исследована динамическая брэгговская дифракция рентгеновских лучей (РЛ) на двухосно изогнутом кристалле в схеме с источником, находящимся на одной из осей изгиба. Получены формулы для распределения интенсивности отраженного излучения в вакууме вне кристалла, с помощью которых рассчитаны дифракционные спектральные и пространственные характеристики спектрометров Иоганна и Иоганна—Гамоша. Показана возможность динамической дифракционной фокусировки РЛ двухосно изогнутым кристаллом. Рассчитано спектральное разрешение спектрометра с подобной фокусировкой.

Изогнутые кристаллы широко применяются для фокусировки жесткого рентгеновского излучения с длиной волны  $\lambda \sim 1 \text{ \AA}$ . С их помощью разлагают рентгеновские лучи (РЛ) в спектр, а в последние годы фокусируют и монохроматизируют спиротронное излучение [1, 2].

Для фокусировки РЛ используют кристаллы, изогнутые по одной или двум взаимно перпендикулярным осям. Одноосно изогнутым кристаллом можно сфокусировать излучение от точечного источника только в одной плоскости в линию. Известны (см. например, [1]) фокусировки по схемам спектрометра Иоганна с осью изгиба, перпендикулярной плоскости рассеяния, и источником на круге Роуланда, а также спектрометра Гамоша с осью изгиба, лежащей в плоскости рассеяния, и источником на этой оси. Схема дифракции РЛ по типу спектрометра Гамоша, обладающая аксиальной симметрией, обеспечивает сжатие пучка РЛ в плоскости, перпендикулярной плоскости рассеяния. По расположению элементов рентгенооптической системы (источника, дифрагирующего кристалла, фотоплёнки) в горизонтальной плоскости фокусировка РЛ по схеме спектрометра Гамоша называется обычно вертикальной фокусировкой.

С помощью двухосно изогнутого кристалла осуществляется фокусировка «точка в точку», когда дифрагированное излучение сходится одновременно в двух взаимно перпендикулярных плоскостях. В этой схеме, объединяющей в себе фокусировки спектрометров Иоганна и Гамоша [3], изгибом кристалла по одной оси обеспечивается вертикальная фокусировка типа Гамоша, а изгибом по другой, перпендикулярной к первой оси, источник РЛ приводится на круг Роуланда в плоскости рассеяния. В результате отраженное от кристалла излучение фокусируется в точку на круге Роуланда.

До последнего времени теоретическое описание рентгеновских спектрометров с вертикальной фокусировкой типа Гамоша, в частности спектрометра Иоганна—Гамоша, ограничивалось рассмотрением хода лучей, отраженных от поверхности кристалла. Интенсивность отраженного от кристалла излучения оценивалась с помощью формул для коэффициентов отражения плоской волны от идеального или цилиндрически изогнутого кристалла [1–5]. При таком подходе, не учитывая сферичности первичной волны и многократного рассеяния РЛ в кристалле, невозможно, конечно, рассчитать количественные характеристики спектрометров.

В данной работе рассмотрена задача дифракции сферической волны РЛ на изогнутом кристалле в условиях вертикальной фокусировки типа Гамоша, когда

источник находится на оси изгиба кристалла. Решение задачи основано на теории динамической брэгговской дифракции РЛ на цилиндрически изогнутом кристалле (см. обзор [6]), в рамках которой ранее были теоретически исследованы характеристики спектрометров типа Иоганна [7]. В разделе 1 приводятся постановка задачи динамического рассеяния РЛ и общие формулы для распределения интенсивности брэгговски отраженного от кристалла излучения. В качестве примера использования полученных формул в том же разделе рассчитаны количественные характеристики спектрометра Гамоша. Раздел 2 посвящен анализу пространственного распределения интенсивности отраженного излучения для спектрометра типа Иоганна-Гамоша. Проводится сравнение такого спектрометра со спектрометром Иоганна. Специальный интерес представляет вопрос о возможности динамической дифракционной фокусировки РЛ «точка в точку». Известные предложения по схемам динамической фокусировки РЛ цилиндрически изогнутыми кристаллами [7-11] не находят практического применения в пер-

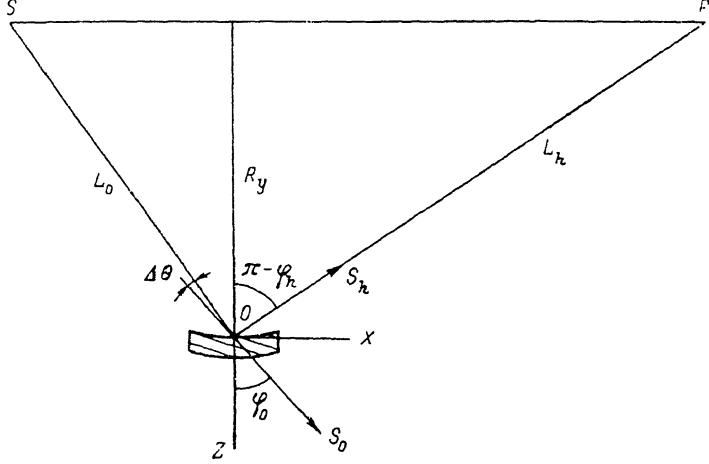


Рис. 1. Сечение дифрагирующего двухосного изогнутого кристалла плоскостью рассеяния РЛ. S — источник РЛ, P — точка наблюдения,  $s_0, s_h$  — единичные векторы в направлении падающей и дифрагированной волн соответственно.

вую очередь из-за слабой светосилы. Реальным способом увеличения светосилы спектрометров с динамической дифракционной фокусировкой РЛ может быть сжатие пучка одновременно в двух направлениях с образованием точечного фокуса. В разделе 3 рассмотрен один из вариантов динамической фокусировки РЛ «точка в точку», в котором объединены схемы динамической и вертикальной типа Гамоша фокусировок. Рассчитано спектральное разрешение спектрометра с такой фокусировкой. Даны оценки коэффициента передачи изображения источника РЛ спектрометром с динамической фокусировкой «точка в точку».

## 1. Постановка задачи. Общие формулы

Рассмотрим брэгговское рассеяние РЛ на кристалле, изогнутом по двум взаимно перпендикулярным осям с радиусами изгиба  $R_x$  и  $R_y$ . Отражающие плоскости кристалла при этом становятся тороидальными поверхностями. Предположим, что точечный источник сферической волны РЛ расположен на одной из осей изгиба и радиус изгиба по этой оси  $R_y$  связан с расстоянием источник—кристалл  $L_0$  условием

$$R_y = L_0 \gamma_0, \quad (1)$$

где  $\gamma_0 = \cos \varphi_0$  — направляющий косинус падающей волны РЛ.

В схеме дифракции с источником РЛ в особом положении (1) ось изгиба является осью симметрии. Следовательно, поле РЛ аксиально симметрично и задача дифракции сводится к двумерной, так как амплитуда дифрагированной волны

одинакова во всех плоскостях, проходящих через ось изгиба. Одна из таких плоскостей рассеяния показана на рис. 1 ( $SP$  — ось симметрии).

Двумерная дифракция РЛ описывается уравнениями Такаги-Топэна [12]. Для амплитуды дифрагированной волны на поверхности упруго изогнутого кристалла эти уравнения имеют решение [7]

$$E_h(x) = \gamma_h (2i\pi d_0 L_0)^{-1} \cdot \exp \left[ ix \left( L_0 + \sin \varphi_h \cdot x - \gamma_0 \Delta \theta x + \gamma_h \frac{x^2}{2R_x} \right) \right] \times \\ \times \int_{-\infty}^{\infty} dk \exp \left( -i \frac{L_0}{2a_0} k^2 - ikx \right) G_h(k+q). \quad (2)$$

В (2) использованы следующие обозначения:

$$\gamma_h = \frac{C \gamma_0 \chi_h}{2 \sin 2\theta_B}, \quad a_0 = \gamma_0^2 \left( 1 - \frac{L_0}{\gamma_0 R_x} \right), \\ q = \gamma_0 \Delta \theta - \frac{\gamma_h \chi_0 (1+b)}{2 \sin 2\theta_B}, \quad b = \frac{\gamma_0}{|\gamma_h|},$$

$\gamma_h = \cos \varphi_h$  — направляющий косинус отраженной волны,  $\Delta \theta$  — отклонение от точного брэгговского направления плоской гармоники РЛ с волновым вектором параллельным SO на рис. 1,  $G_h(k)$  — фурье-гармоника функции Грина дифрагированной волны РЛ в упруго изогнутом кристалле (относительно остальных обозначений см. [7]).

Оптимальным с точки зрения получения больших интенсивностей является слабо изогнутый динамически отражающий кристалл, радиус изгиба которого  $R_x$  удовлетворяет условию  $R_x \gg R_0$ , где

$$R_0 = \frac{4 (\gamma_0 \sin^2 \varphi_h - \gamma_h \sin^2 \varphi_0)}{\pi C^2 |\chi_h \chi_{-h}|}.$$

Для таких кристаллов асимптотика точной функции Грина  $G_h(k)$  имеет вид

$$G_h(k) \approx \frac{2i}{k + (k^2 - 4\sigma^2)^{1/2}}, \quad (3)$$

где

$$\sigma^2 = \frac{\pi^2 C^2 \gamma_0 |\chi_h| \chi_{-h}}{\lambda^2 \sin^2 2\theta_B}.$$

Амплитуда отраженной волны в точке  $r$  вне кристалла в соответствии с принципом Гюйгенса—Френеля определяется в виде интеграла по поверхности дифрагирующего кристалла

$$E_h(r) = 2i \gamma_h \int d^2 r' E_h(r') G_0(r - r') \quad (4)$$

от произведения амплитуды дифрагированной волны (2) и функции Грина РЛ в вакууме  $G_0(r) = (4\pi r)^{-1} \exp(i\pi r)$ . В параболическом приближении, с точностью до членов  $x'^2$  и  $y'^2$  в фазе, функция Грина РЛ в вакууме  $G_0(r-r)'$  равна

$$G_0(r-r) = (4\pi L_h)^{-1} \exp(i\pi L_h) \exp \left\{ i\pi \left[ \sin \varphi_h (x - x_0 - x') + \frac{\gamma_h R_y \sin^2 \psi'}{2} + \right. \right. \\ \left. \left. + \frac{\gamma_h^2 (x - x_0 - x')^2}{2L_h} + \frac{(y - R_y \sin \psi')^2}{2L_h} \right] \right\}. \quad (5)$$

Здесь  $x_0 = L_h \sin \varphi_h$ ,  $\psi'$  — азимутальный угол точки  $r'$  на поверхности кристалла,  $\psi' = \arcsin(y'/R_y)$  (рис. 2).

Подставляя (2), (5) в (4), для распределения интенсивности дифрагированного излучения в вакууме получим

$$I(x, y, L_h \gamma_h) = \left| \frac{\sigma_h \gamma_h}{\lambda L_h} \left( \frac{1}{2\pi\alpha_0 L_0} \right)^{1/2} B(y) \int_{-\infty}^{\infty} dk A(x, k) \times \right. \\ \left. \times \exp \left( -i \frac{L_h k^2}{2\alpha_0} \right) G_h(k + q) \right|^2, \quad (6)$$

где  $A(x, k)$  и  $B(y)$  — следующие интегралы:

$$A(x, k) = \int_{-l_x/2}^{l_x/2} dx' \exp \left\{ i \frac{\alpha_h}{2L_h} x'^2 - i \left[ k + \kappa \gamma_0 \Delta \theta + \frac{\kappa \gamma_h}{L_h} (x - x_0) \right] x' \right\}, \quad (7)$$

$$B(y) = \int_{-\psi_0/2}^{\psi_0/2} d\psi' R_y \exp \left\{ i \frac{\gamma}{2} \left[ R_y \gamma_h \sin^2 \psi' + \frac{(y - R \sin \psi')^2}{L_h} \right] \right\}, \quad (8)$$

$\psi_0 = \arcsin(l_y/R_y)$  — азимутальный угол раствора дифрагирующего кристалла;  $l_x, l_y$  — линейные размеры кристалла и

$$\alpha_h = \kappa \gamma_h^2 (1 + L_h / \gamma_h R_x).$$

Формулы (6)–(8) вместе с (3) являются исходными для расчета пространственных и спектральных характеристик рентгеновских спектрометров с двухосно изогнутым кристаллом и источником на оси изгиба.

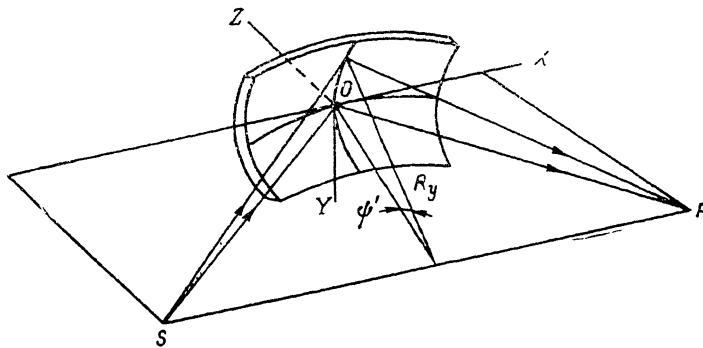


Рис. 2. Схема брэгговского рассеяния РЛ с вертикальной фокусировкой типа Гамоша на двухосно изогнутом кристалле.

Распределение интенсивности отраженного излучения вдоль оси  $OY$  определяется интегралом  $B(y)$  (8). Анализ этого интеграла показывает, что при выполнении условия

$$R_y = L_h \gamma_h, \quad (9)$$

когда равен нулю коэффициент при  $\sin^2 \psi'$  в фазе, отраженный пучок РЛ имеет минимальный линейный размер  $\Delta y_F$ , равный

$$\Delta y_F = \frac{\lambda L_h}{l_y}. \quad (10)$$

Формулы (1) и (9) определяют условия вертикальной фокусировки РЛ с источником и точкой фокуса на оси изгиба кристалла. Такая фокусировка обусловлена симметрией схемы дифракции и не зависит от характера дифракционного отражения РЛ от кристалла. Дифракционная ширина фокуса  $\Delta y_F$  (10) представляет собой известное выражение для поперечного размера фокусного пятна линзы [13]. Поскольку в рентгеновском диапазоне длии волн этот размер очень мал, то реальным для линейного размера фокусного пятна вдоль оси  $OY$  следует считать оценку порядка размера источника РЛ  $d_{0,y}$ .

Применим полученные формулы для количественного описания спектрометра Гамоша. Спектральные и пространственные характеристики этого спектро-

метра можно рассчитать по формулам (6)–(8), устремив в них  $R_x \rightarrow \infty$ . Поскольку в данном случае линейный размер эффективной области рассеяния РЛ вдоль оси  $OX$   $\Delta x$  много меньше размера кристалла  $l_z$ , то в (7) пределы интегрирования по  $x'$  можно считать бесконечными. В результате вычислений для распределения интенсивности дифрагированного излучения в плоскости  $z=-R_y$  получим:

$$I_H(x, y, -R_y) = \left| \frac{\sigma l_h}{L_0 [\lambda L_h (1 + b^2)]^{1/2}} \frac{\sin(\pi y / \Delta y_F)}{\pi y / \Delta y_F} \right|^2 \cdot G_h \left\{ q - \frac{x \gamma_0^3}{\gamma_0^3 - \gamma_h^3} \left[ \gamma_0 \Delta \theta + \frac{\gamma_h^2}{L_h} (x - x_0) \right] \right\}^2. \quad (11)$$

Для линейных размеров сечения дифракционного пятна этой плоскостью из (11) получаются следующие оценки:

$$\Delta x_D = \left| \frac{2\lambda R_y (\gamma_0^3 - \gamma_h^3)}{\pi \gamma_0^3 \gamma_h^3} \right| \quad (12)$$

вдоль оси  $OX$  и  $\Delta y_F$  (10) вдоль оси  $OY$ .

Из (11) следует также, что разложение РЛ в спектр происходит вдоль оси  $OX$ . Это утверждение, следующее из аксиальной симметрии схемы дифракции (1), (9), справедливо и для других спектрометров, рассмотренных в данной работе. Линейная дисперсия  $D_x = (dx_o)/d\lambda$  в данном случае равна

$$D_x = \frac{R_y}{\lambda} \operatorname{tg} \theta_B \left( \frac{1}{\gamma_0^2} + \frac{1}{\gamma_h^2} \right). \quad (13)$$

Из (12), (13) получим формулу для спектрального разрешения спектрометра Гамоша в случае источника РЛ малых размеров

$$\frac{d\lambda}{\lambda} = \frac{|\chi_h \chi_{-h}|^{1/2} (1 + b^2)}{\sin^2 \theta_B b^{1/2} (1 + b^2)}. \quad (14)$$

Спектральное разрешение спектрометра Гамоша слабо зависит от степени асимметричности отражения РЛ. Так, для спектрометра с дифрагирующим кристаллом Si при использовании (400) отражения РЛ с  $\lambda=1.5 \text{ \AA}$   $\theta_B=34.6^\circ$ , для асимметричного случая с  $b=0.5$  спектральное разрешение (14) равно  $d\lambda/\lambda=3 \cdot 10^{-5}$ , а для случая с  $b=5$   $d\lambda/\lambda=5 \cdot 10^{-5}$ , для симметричного отражения с  $b=1$   $d\lambda/\lambda=2.35 \cdot 10^{-5}$ .

Дифракционный предел спектрального разрешения спектрометра Гамоша довольно высок и сравним со спектральным разрешением фокусирующего спектрометра типа Иоганна [7]. Приведенные оценки показывают, что использование высокосовершенных монокристаллов, таких как монокристаллы Si и Ge, может обеспечить высокую разрешающую способность спектрометра Гамоша при большой светосиле прибора из-за вертикальной фокусировки РЛ.

## 2. Спектрометр типа Иоганна—Гамоша

В рассматриваемом случае источник РЛ и точка фокуса находятся в сопряженных точках на круге Роуланда так, что

$$L_0^{(*)} = R_x \gamma_0, \quad L_h^{(*)} = -R_x \gamma_h, \quad (15)$$

при этом  $\alpha_0=0$ ,  $\alpha_h=0$ .

При одновременном выполнении условий (1), (9) и (15) дифрагированное излучение фокусируется в двух направлениях в точку. Нетрудно убедиться, что это возможно только при симметричной дифракции РЛ на двухосно изогнутом кристалле с радиусами изгиба  $R_x$  и  $R_y$ , связанными условием

$$R_y = R_x \sin^2 \theta_B. \quad (16)$$

Расстояния  $L_0^{(*)}$  и  $L_h^{(*)}$  при этом равны

$$L_0^{(*)} = L_h^{(*)} = L^{(*)} = R_x \sin \theta_B. \quad (17)$$

Распределение интенсивности дифрагированного излучения в плоскости  $z=-R_y$ , вблизи фокусной точки, когда  $\alpha_0=\alpha_h=0$ , имеет вид

$$I_{J-H}(x, y, -R_y) = \left| \frac{\sigma_h \sin \theta_B}{\lambda L^{(*)2}} l_x l_y \frac{\sin [\pi(x-x_F)/\Delta x_F]}{\pi(x-x_F)/\Delta x_F} \frac{\sin (\pi y/\Delta y_F)}{\pi y/\Delta y_F} G_h(q) \right|^2, \quad (18)$$

где введены обозначения

$$x_F = L^* \left( \cos \theta_B - \frac{\Delta \theta}{\sin \theta_B} \right), \quad (19)$$

$$\Delta x_F = \frac{\lambda R_x}{l_x \sin \theta_B}. \quad (20)$$

Из (18)–(20) видно, что распределение интенсивности  $I_{J-H}(x, y)$  имеет характерный вид пика с центром в точке  $x=x_F, y=0$  и линейными размерами  $\Delta x_F$  (20) и  $\Delta y_F$  (10). Спектральные характеристики спектрометра Иоганна–Гамоша совпадают со спектральными характеристиками спектрометра Иоганна (см. подробнее [7]). Существенным здесь является большой выигрыш в светосиле. Сравним интенсивность излучения в фокусе спектрометра Иоганна–Гамоша  $I_{J-H}(x_F, 0)$  с интенсивностью излучения в фокусе спектрометра Иоганна  $I_J(x_F, 0)$ . Используя формулу (18) для  $I_{J-H}(x_F, 0)$  и формулу (17) работы [7] для  $I_J(x_F, 0)$ , получим

$$\frac{I_{J-H}(x_F, 0)}{I_J(x_F, 0)} = 2\delta \left\{ 1 + \frac{2}{\pi \delta^{1/2}} \left[ \cos \left( \frac{\pi \delta}{2} \right) - \sin \left( \frac{\pi \delta}{2} \right) \right] \right\}, \quad (21)$$

где  $\delta = l_y^2 / \lambda L^{(*)}$  — отношение размера кристалла  $l_y$  к соответствующему линейному размеру фокусного пятна  $\Delta y_F$  (10).

Оценка отношения пиковых интенсивностей по формуле (21) справедлива при размере источника РЛ  $d_{0y} < \Delta y_F$ . Для спектрометра с дифрагирующими кристаллом Si, изогнутого по радиусам  $R_x=1$  м,  $R_y=0.32$  м, при (400) отражении Cu  $K_\alpha$ -излучения

$$\frac{I_{J-H}(x_F, 0)}{I_J(x_F, 0)} \sim 2 \cdot 10^4,$$

линейный размер кристалла  $l_y \sim 0.1$  см. Для случая, когда источник РЛ имеет большие размеры  $d_{0y} > \Delta y_F$ , отношение пиковых интенсивностей можно оценить по формуле

$$\frac{I_{J-H}(x_F, 0)}{I_J(x_F, 0)} \sim \frac{l_y}{d_{0y}}.$$

На рис. 3 показаны расчетные изофоты (линии равной интенсивности) в сечении фокусного пятна плоскостью  $z=-R_y$  для спектрометров Иоганна  $I_J(x, y, -R_y) = \text{const}$  (a) и Иоганна–Гамоша  $I_{J-H}(x, y, -R_y) = \text{const}$  (b).

### 3. Спектрометр с динамической и вертикальной типа Гамоша фокусировками РЛ

В этом разделе рассмотрим брэгговскую дифракцию РЛ на двухосно изогнутом кристалле в случае, когда источник не находится на круге Роуланда ( $\alpha_0 \neq 0$ ). Условия вертикальной фокусировки (4), (9) по-прежнему будем считать выполненными. Поскольку теперь, как и в случае спектрометра Гамоша, размер эффективной области динамического рассеяния вдоль оси  $OX$   $\Delta x$  меньше соответствующего размера кристалла  $l_x$ , то пределы интегрирования в (7) можно заменить на бесконечные. В результате для интенсивности дифрагированного излучения в вакууме получим

$$I_D(x, y, L_h \gamma_h) = \left| \frac{\sigma_h \gamma_h}{\lambda (a_0 a_h L_0 L_h)^{1/2}} B(y) \int_{-\infty}^{\infty} dk G_h(k+q) \times \right.$$

$$\times \exp \left\{ -i \frac{L_h}{2\alpha_0} k^2 - i \frac{L_h}{2\alpha_h} \left[ k + \gamma_0 \Delta \theta + \frac{\gamma_h}{L_h} (x - x_0) \right]^2 \right\}. \quad (22)$$

Анализ интеграла в (22) методом стационарной фазы показывает, что отраженное излучение фокусируется вдоль оси  $OX$  на линии, определяемой условиями

$$\frac{\gamma_h^2}{L_{hf}} + \frac{\gamma_0^2}{L_0} = \frac{\gamma_0 - \gamma_h}{R_x}, \quad (23)$$

$$x_F = x_0 - L_{hf} \frac{\gamma_0}{\gamma_h^2} \Delta \theta. \quad (24)$$

Частный случай такой динамической фокусировки РЛ при падающей на цилиндрически изогнутый кристалл плоской волне  $L_0 \rightarrow \infty$  рассмотрен в [7].

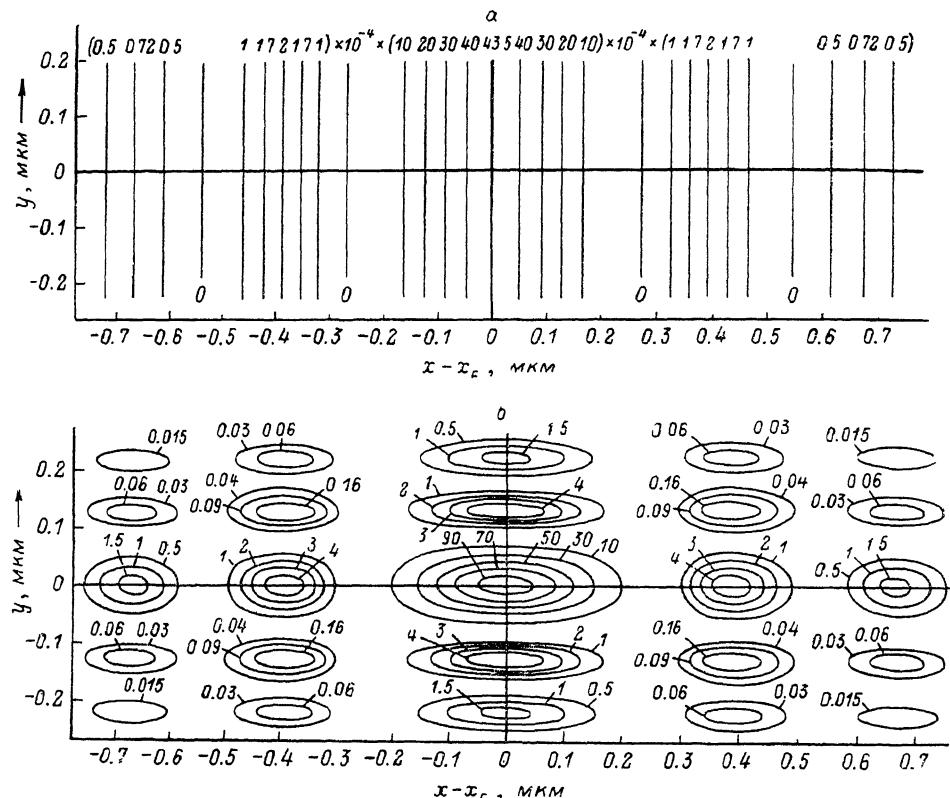


Рис. 3. Расчетные изофоты в фокусных областях.

Кристалл Si, отражение (400) Cu  $K_\alpha$ -излучения,  $R_x = 1$  м,  $R_y = 0.32$  м. Единицы интенсивности произвольные.

При одновременном выполнении условий (1), (9) и (23) происходит сгущивание отраженного пучка РЛ в точку. Условие, связывающее радиусы изгибов кристалла, в данном случае имеет вид

$$R_y = R_x \frac{\gamma_0^3 - \gamma_h^3}{\gamma_0 - \gamma_h}. \quad (25)$$

Заметим, что при симметричной дифракции РЛ требование одновременного выполнения условий (1), (9), (23) фиксирует источник РЛ на круге Роуланда и вместо динамической фокусировки происходит фокусировка по Иоганну. На рис. 4 показана рассчитанная по формуле (25) зависимость радиуса изгиба кристалла  $R_y$  от степени асимметричности дифракции  $b$  при фиксированном радиусе изгиба  $R_x$ .

Распределение интенсивности дифрагированного излучения в окрестности фокуса получается из (22) с учетом (23)

$$I_D(x, y, -R_y) = \left| \frac{\frac{4\pi\sigma_h(hL_h)}{\lambda(\alpha_h\alpha_h L_h)^{1/2}} \exp\left[i\gamma_h^*(x-x_F)\right]}{\frac{J_1[\pi(x-x_F)/\Delta x_F] \sin(\pi y/\Delta y_F)}{\pi(x-x_F)/\Delta x_F} \cdot q} \right|^2, \quad (26)$$

где  $J_1(x)$  — функция Бесселя действительного аргумента,  $\Delta x_F$  — линейный размер фокусного пятна вдоль оси  $OX$

$$\Delta x_F = \left| \frac{\lambda\alpha_h}{4\sigma\gamma_h^2} \right|. \quad (27)$$

С учетом линейной дисперсии  $D_x$ , которая в данном случае равна

$$D_x = \frac{dx_F}{d\lambda} = \frac{L_{hf}}{\lambda|\gamma_h|} \operatorname{tg}\theta_B(1-b), \quad (28)$$

ширина фокуса  $\Delta x_F$  определяет дифракционное спектральное разрешение спектрометра с динамической фокусировкой РЛ «точка в точку»

$$\frac{d\lambda}{\lambda} = \frac{\pi |L_{hf} + \gamma_h R_x|}{2|\sigma| L_{hf} R_x \operatorname{tg}\theta_B(1-b)}, \quad (29)$$

полученное для источника РЛ малых размеров  $d_{0x} < \Delta x_F$ . Так, в случае дифрагирующего кристалла Si с радиусом изгиба  $R_x = 1$  м отражение (400) Cu  $K_\alpha$ -излучения при  $b=0.5$  и  $R_y=0.41$  м  $d\lambda/\lambda = -4.8 \cdot 10^{-5}$  и при  $b=5$  и  $R_y=0.63$  м  $(d\lambda)/\lambda = -8 \cdot 10^{-6}$ .

В заключение представляет интерес оценить коэффициенты передачи изображения

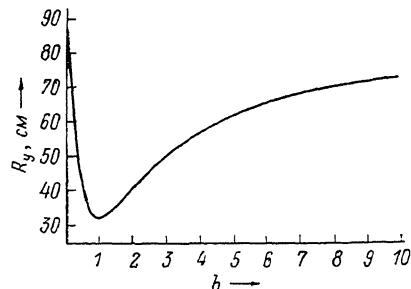


Рис. 4. Зависимость радиуса изгиба  $R_y$  (25) от степени асимметричности отражения РЛ при  $R_x = 1$  м.

Кристалл Si, излучение Cu  $K_\alpha$ , отражение (400).

источника РЛ двухосно изогнутым кристаллом при одновременной динамической и вертикальной типа Гамоша фокусировках. В направлении оси  $OX$ , как это следует из (24), коэффициент передачи изображения  $K_x = d_x/d_{0x} \sim b^3$ , где  $d_x$  — размер изображения источника РЛ по оси  $OX$ . В направлении оси  $OY$  вследствие симметрии схемы дифракции  $K_y = d_y/d_{0y} = 1$ . Таким образом, в данном случае изображение источника РЛ искаженное с отличным от единицы коэффициентом передачи вдоль оси  $OX$ .

### Список литературы

- [1] Matsushita T., Hashizume H. // Handbook on Synchrotron Radiation. 1983. Vol. 1. Ch. 4. P. 261—314.
- [2] Caciuffo R., Melone S., Rustichelli F., Boeuf A. // Phys. Rep. 1987. Vol. 152. N 1. P. 1—71.
- [3] Berreman D. W., Stamatoff I., Kennedy S. I. // Appl. Opt. 1977. Vol. 16. N 8. P. 2081—2085.
- [4] Sparks C. I., Jr., Borie B. S., Hastings I. B. // Nuclear Instrum. and Meth. 1980. Vol. 172. P. 237—242.
- [5] Batterman B. W., Berman L. // Nuclear Instrum. and Meth. 1983. Vol. 208. P. 327—331.
- [6] Чуховский Ф. Н. // Металлофизика. 1980. Т. 2. № 5. С. 3—30.
- [7] Габриелян К. Т., Чуховский Ф. Н., Пинскер З. Г. // ЖЭТФ. 1980. Т. 50. Вып. 1. С. 3—11.
- [8] Петрашень П. В., Чуховский Ф. Н. // Письма в ЖЭТФ. 1976. Т. 23. С. 385.

- [9] Сумбаев О. И., Лапин Е. Г. // ЖЭТФ. 1980. Т. 78. Вып. 2. С. 802—812.
- [10] Кушнир В. И., Суворов Э. В. // Письма в ЖЭТФ. 1980. Т. 32. Вып. 9. С. 551—554.
- [11] Габриелян К. Т., Чуховский Ф. Н., Пинскер З. Г. // ЖЭТФ. 1980. Т. 50. Вып. 8. С. 1641—1646.
- [12] Пинскер З. Г. Рентгеновская кристаллооптика. М.: Наука, 1982. 390 с.
- [13] Бори М., Вольф Э. Основы оптики. М.: Наука, 1973. 719 с.

Ереванский государственный университет  
Физический факультет

Поступило в Редакцию  
17 июня 1988 г.  
В окончательной редакции  
28 октября 1988 г.

---