

05; 09; 12

© 1990 г.

## ГЛУБИНА ПРОНИКНОВЕНИЯ ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО ПОЛЯ В СВЕРХПРОВОДНИКОВЫЕ ПЛЕНКИ НИОБИЯ

О. Г. Вендики, А. Карпюк, Л. Ковалевич, А. Б. Козырев,  
С. Г. Колесов, Т. Б. Самойлова

Для пленок NbN гранулированной структуры ( $\rho = 1 - 5 \cdot 10^{-5}$  Ом·м,  $T_c = 11 - 13$  К) по температурной зависимости резонансной частоты СВЧ микрополосковых резонаторов из нитрида ниобия получены значения глубины проникновения электромагнитного поля. Экспериментальные результаты анализировались на основе теории Амбегоакара—Баратова (АБ). Полученные данные о  $\lambda(0)$ , дополненные результатами других работ, позволили определить зависимость глубины проникновения поля в тонкие пленки NbN от их параметров  $\rho$  и  $T_c$ , лежащих в интервале значений  $5 \cdot 10^{-7} - 5 \cdot 10^{-5}$  Ом·м и 11—17 К.

Гранулированные пленки NbN, обладая высоким значением СВЧ поверхностного сопротивления в нормально проводящем состоянии и сравнительно низким его значением в сверхпроводящем [1], являются перспективным материалом для малошумящих СВЧ устройств управления и ограничения СВЧ микроэлектронники [2]. Важным параметром для определения возможности применения сверхпроводниковых пленок на СВЧ является глубина проникновения в них электромагнитного поля  $\lambda$ . Для гранулированных пленок NbN с высокими значениями удельного сопротивления в нормально проводящем состоянии, превышающими максимально возможную величину  $\rho = 2.5 \cdot 10^{-6}$  Ом·м в негранулированном NbN [3], значение  $\rho$  обусловлено не объемными свойствами гранул, а наличием межгранулярных контактов, обладающих джозефсоновскими свойствами. Измерению  $\lambda$  в нитриде ниобия ( $\rho = 1.2 - 7 \cdot 10^{-6}$  Ом·м) посвящены работы [4, 5], в которых при обработке экспериментальных результатов авторы использовали температурные зависимости  $\lambda$ , следующие из теории БКШ для чистых однородных сверхпроводников в локальном пределе [4] либо из теории ГЛАГ [5], что является некорректным для гранулированных структур, свойства которых определяются межгранулярными границами. В настоящей работе результаты измерения температурной зависимости резонансной частоты СВЧ микрополосковых резонаторов из пленок NbN гранулированной структуры с  $\rho = 1 - 5 \cdot 10^{-5}$  Ом·м анализировались на основе теории Амбегоакара—Баратова (АБ) для SIS-структур [6]. По экспериментальным данным [6] и настоящей работы получена зависимость  $\lambda$  ( $\rho/T_c$ ), позволяющая оценивать глубину проникновения поля в пленки нитрида ниобия, параметры которых лежат в интервале  $T_c \approx 11 - 17$  К и  $\rho = 5 \cdot 10^{-7} - 5 \cdot 10^{-5}$  Ом·м.

### Общая характеристика пленок

Пленки NbN были получены методом геттерного катодного распыления ниобиевой мишени в тлеющем разряде постоянного тока в атмосфере смеси аргона и азота [7]. Пленки осаждались на подложки из сапфира и поликорда. В таблице приведены основные параметры (критическая температура  $T_c$ , ширина сверхпроводящего перехода  $\Delta T_c$ , удельное сопротивление при  $T = 20$  К  $\rho_{20}$  и отношение  $\rho_{300}/\rho_{20}$ ), полученные при измерениях на постоянном токе четырехзондовым методом для трех характерных пленок. Электронно-микроскопические иссле-

# Параметры исследованных образцов

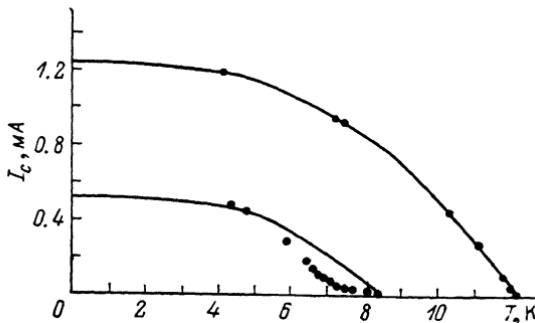
Номер образца	$d$ , нм	$T_C$ , К	$\Delta T_C$ , К	$\rho_{20} \cdot 10^3$ , Ом · м	$\frac{\rho_{3.10}}{\rho_{20}}$	$\frac{df}{d[\Theta^2(T)]}$	$\lambda(0)$ , нм
1	130	12.75	0.55	1.9	0.66	$1.15 \cdot 10^8$	810.0
2	100	11.30	0.60	3.7	0.68	$3.5 \cdot 10^8$	1250.0
3	70	10.95	1.50	4.6	0.44	$8.8 \cdot 10^8$	1660.0

дования показали, что пленки NbN имеют гранулированную структуру с гранулами размером 100—400 нм, разделенными непроводящими прослойками толщиной 1—2 нм из атомов примесей внедрения.

Для исследованных нами гранулированных пленок NbN характерны низкие значения критического тока  $I_C$  (средняя по сечению пленки плотность критического тока  $j_C = 1 - 20 \cdot 10^7$  А/м<sup>2</sup>), а также близкая к гиперболической зависимость  $I_C(\rho)$  [1]. На рис. 1 показана характерная температурная зависимость  $I_C$  для

Рис. 1. Температурная зависимость критического тока пленок NbN.

Точки — эксперимент, сплошные кривые — зависимость Абмеагаара—Баратова [6], восстановленные по экспериментальным значениям  $T_C$  и  $I_C(4.2\text{ K})$ .



двух пленок NbN толщиной  $d = 100$  нм, шириной  $W = 70$  мкм с  $T_C \sim 12$  и 8 К, а также температурная зависимость критического тока для джозефсоновских переходов типа SIS, соответствующая теории АБ [6] и восстановленная по экспериментальным значениям  $T_C$  и  $I_C(4.2\text{ K})$  для тех же пленок. Видно, что для пленки с  $T_C \sim 12$  К зависимость  $I_C(T)$  близка к зависимости АБ. Эти экспериментальные данные позволяют заключить, что исследуемые пленки NbN в S-состоянии представляют собой среду, состоящую из сверхпроводящих гранул с джозефсоновой связью между ними.

## Методика и результаты измерений

Для измерения глубины проникновения электромагнитного поля в тонкие пленки NbN использована модифицированная для микрополоскового резонатора методика, предложенная в [4, 8], где  $\lambda$  определялась из температурной зависимости резонансной частоты  $f_0$  контура с сосредоточенными параметрами, индуктивность которого выполнялась из пленки сверхпроводника.

Методом фотолитографии из исследуемых пленок формировались полу волновые микроволновые резонаторы шириной  $W = 1$  мм и длиной  $l = 7.1$  мм с двумя элементами связи. Основание и экран микрополосковых резонаторов были изготовлены из бескислородной меди и имели электрохимически полированные поверхности. Исследования резонансных характеристик осуществлялись на «проход»; погрешность определения резонансной частоты не превышала 10 %, абсолютная погрешность определения температуры 0.05 К.

На рис. 2 приведены температурные зависимости резонансной частоты  $f_0$  микрополосковых резонаторов, нормированной к резонансной частоте при  $T = 4.2$  К. Изменение резонансной частоты микрополоскового резонатора на основе сверхпроводниковой пленки при  $T \leqslant T_C$  определяется изменением глубины проникновения электромагнитного поля в сверхпроводник. По измеренной зависимости  $f_0(T)$  и известной зависимости  $\lambda(T)$  можно оценить величину  $\lambda(0)$  при  $T = 0$ . В пренебрежении потерями в микрополосковой линии резонансная частота полу волнового резонатора определяется выражением

$$f_0 = \frac{1}{2l} (L_0 C_0)^{-1/2}, \quad (1)$$

где  $L_0$  и  $C_0$  — погонные параметры микрополосковой линии;  $L_0 = L_K + L_M + L_r$ ,  $L_r$  — погонная геометрическая индуктивность, определяемая энергией магнитного поля, запасенной в микрополосковой линии вне сверхпроводника;  $L_M$  — погонная индуктивность, определяемая энергией магнитного поля, запасенной в сверхпроводнике на глубине  $\lambda$ ;  $L_K$  — погонная кинетическая индуктивность, обусловленная инерцией носителей заряда в сверхпроводнике.

Выражение для расчета погонной геометрической индуктивности нашей микрополосковой линии имеет вид [9]

$$L_r = \frac{\mu_0}{2\pi} \left[ \ln \frac{8h}{W_1} + \frac{1}{32} \left( \frac{W_1}{h} \right)^2 + \dots \right], \quad (2)$$

где  $W_1 = W + (d/\pi) \ln (4\pi W/d + 1)$ ;  $h$  — толщина диэлектрика микрополосковой линии. Значения  $L_r$ , вычисленные по (2), для исследованных микрополосковых резонаторов составляли  $4.22 \cdot 10^{-7}$  Гн/м.

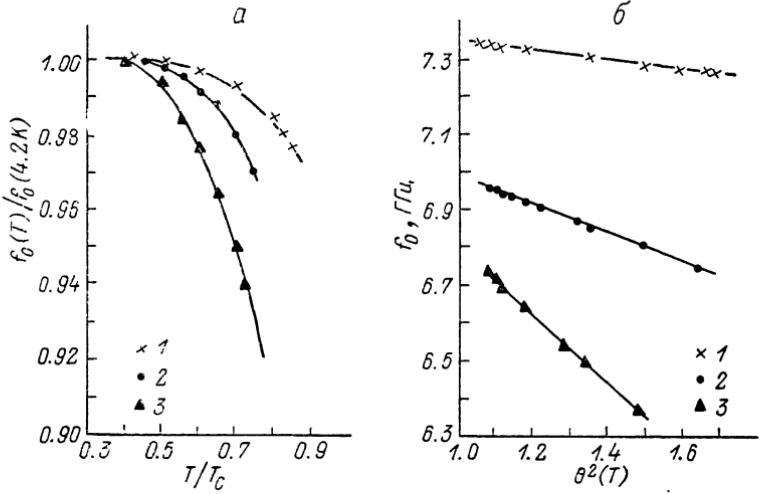


Рис. 2. Температурная зависимость резонансной частоты микрополоскового резонатора из NbN, представленная через относительную температуру  $T/T_C$  (а) и функцию  $\Theta^2(T)$  (б).

1, 2, 3 — номера исследованных образцов.

Для  $d \ll \lambda(T)$  выражение для зависящей от температуры составляющей погонной индуктивности  $L_K + L_M = L_T$  сверхпроводниковой микрополосковой линии имеет вид [4]

$$L_T(T) = \frac{\mu_0 \lambda^2(T)}{W \cdot d} \left[ \left( \frac{2}{\pi^2} \ln \frac{4W}{d} \right) \right]. \quad (3)$$

Полную индуктивность на единицу длины микрополосковой линии можно представить в виде

$$L_0 = L_r + L_T(0) \cdot \Theta^2(T), \quad (4)$$

где  $\Theta(T)$  — функция, определяющая температурную зависимость глубины проникновения электромагнитного поля в сверхпроводник  $\lambda(T) = \lambda(0) \cdot \Theta(T)$ .

Для исследуемых структур справедливо неравенство  $L_r \gg L_T(0) \cdot \Theta^2(T)$ , позволяющее записать

$$\frac{df_0}{dL} := -\frac{f_0}{2L_r}. \quad (5)$$

Записав левую часть (5) с учетом (3) и (4), получим выражение для определения  $\lambda(0)$

$$\lambda^2(0) = - \left( \frac{d f_0}{d [\Theta^2(T)]} \right) \left( \frac{2L_r}{f_0} \right) \left( \frac{W d \pi^2}{\mu_0 2 \ln \frac{4W}{d}} \right). \quad (6)$$

Для однородных БКШ сверхпроводников в локальном пределе  $\Theta(T)$  — универсальная функция, табулированная в [10]. В двумерной ( $d \leq a$ , где  $a$  — размер гранулы) гранулированной джозефсоновской среде, характерной для исследованных нами пленок NbN, глубина проникновения определяется выражением [11]

$$\lambda(T) = \left( \frac{d\hbar}{2e\mu_0 I_c} \right)^{1/2} = \lambda(0) \cdot \Theta(T), \quad (7)$$

где  $I_c^*$  — среднее по ансамблю слабых связей значение критического тока.

В частности, для одинаковых связей SIS-типа [6]

$$I_c(T) = \frac{\pi}{2} \frac{\Delta(T)}{eR_N} \operatorname{th} \frac{\Delta(T)}{2kT}, \quad (8)$$

где  $k$  — постоянная Больцмана,  $\Delta(T)$  — параметр порядка,  $R_N$  — сопротивление слабой связи в нормальном состоянии (в предположении, что пленка представляет собой систему идентичных кубических гранул  $R_N = \rho_N/d$ ).

Подставив (8) в (7), получим функцию, описывающую температурную зависимость  $\lambda$  для гранулированных джозефсоновских структур,

$$\Theta(T) = \left[ \frac{\Delta(T)}{\Delta(0)} \operatorname{th} \frac{\Delta(T)}{2kT} \right]^{-1/2}. \quad (9)$$

На рис. 2, б показана экспериментальная температурная зависимость резонансной частоты  $f_0$  микрополоскового резонатора, представленная через функцию  $\Theta(T)$ . Из наклона этой зависимости может быть определен первый множитель в выражении (6). Рассчитанные по формуле (6) с учетом (9) значения  $\lambda(0)$  даны в таблице.

### Обсуждение результатов

Полученные данные о  $\lambda(0)$  для гранулированных пленок NbN, дополненные результатами работы [5], позволяют определить общий вид зависимости глубины проникновения электромагнитного поля для тонких пленок NbN от их парамет-

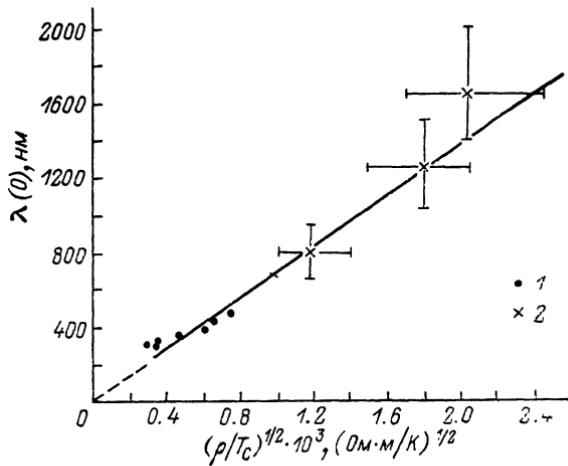


Рис. 3. Зависимость глубины проникновения  $\lambda(0)$  от  $(\rho/T_c)^{1/2}$ .  
 1 — данные работы [8], 2 — результаты настоящей работы,

ров  $(\rho, T_c)$ . Из выражения (7) для  $\lambda(T)$  гранулированной джозефсоновской среды следует, что

$$\lambda(0) = \left( \frac{d\hbar}{2e\mu_0 I_c(0)} \right)^{1/2} \sim \left( \frac{\rho}{T_c} \right)^{1/2}. \quad (10)$$

На рис. 3 показана зависимость  $\lambda(0)$  от параметра  $(\rho/T_c)^{1/2}$ , построенная по результатам работы [5] и нашим данным. Параметры пленок NbN, полученных в [5] реактивным магнетронным распылением, лежат в пределах  $\rho = 1.2 - 7 \cdot 10^{-6}$  Ом·м,  $T_c = 16 - 13$  К. Из рис. 3 видно, что экспериментальные значения  $\lambda(0)$ , соответствующие  $(\rho/T_c)^{1/2} = 0.5 - 1.9 \cdot 10^{-3}$  Ом·м/К хорошо ложатся на прямую. Указанный на рис. 3 разброс экспериментальных значений  $\lambda(0)$  связан с неточностью определения толщины пленок. В области больших значений  $(\rho/T_c)^{1/2}$ , т. е. для пленок с «ухудшенными» свойствами ( $T_c \leq 11$  К,  $\rho \approx 10^{-4}$  Ом·м), использование температурной зависимости АБ становится менее корректным из-за образования межгранулярных контактов SNIS- или SNINS-типов и влияния эффекта близости на критический ток контактов [12]. В этом случае использование выражения (9) при расчетах дает завышенные значения  $\lambda(0)$ , о чем свидетельствуют данные по  $\lambda(0)$ , полученные для пленки 3.

## Заключение

Измерены температурные зависимости резонансной частоты СВЧ микрополосковых резонаторов из нитрида ниобия. Анализ экспериментальных данных с использованием теории Амбегоакара—Баратова позволил определить глубину проникновения электромагнитного поля для тонких гранулированных пленок NbN с  $\rho = 1 - 5 \cdot 10^{-5}$  Ом·м и  $T_c \approx 11 - 13$  К. Полученные результаты, дополненные экспериментальными данными по пленкам NbN работы [5], позволили получить зависимость  $\lambda(0)$  от  $(\rho/T_c)^{1/2}$  для значений  $\rho = 5 \cdot 10^{-7} - 5 \cdot 10^{-5}$  Ом·м и  $T_c = 11 - 17$  К. Полученная зависимость позволяет оценивать  $\lambda(0)$  для пленок NbN на основании непредставляющих сложности резистивных измерений  $\rho$  и  $T_c$  на постоянном токе.

## Список литературы

- [1] Бельски М., Вендики О. Г., Гайдуков М. М. и др. // ФТТ. 1988. Т. 30. Вып. 11. С. 3286—3295.
- [2] Вендики О. Г., Козырев А. Б. // Изв. вузов. Сер. Радиоэлектроника. 1983. Т. 26. № 10. С. 18—28.
- [3] Ashkin M., Gavaler J. R., Graggi J., Descoux M. J. // Appl. Phys. 1984. Vol. 55. N 4. P. 1044—1048.
- [4] Modera J. R., Meservey R., Tedrow P. M. // IEEE Trans. Magn. 1985. Vol. 21. N 2. P. 551—554.
- [5] Shugo Kubo, Masayoshi Asahi, Makoto Nikita, Masaru Igarashi. // Appl. Phys. Lett. 1984. Vol. 44, N 2. P. 258—260.
- [6] Ambeagaokar V., Baratoff A. // Phys. Rev. Lett. 1963. Vol. 11. N 7. P. 104—106.
- [7] Антонова Е. А., Сухов В. А. // Физика низких температур. 1981. Т. 7. № 8. С. 1002—1003.
- [8] Meservey R., Tedrow P. M. // J. Appl. Phys. 1969. Vol. 40. N 5. P. 2028—2034.
- [9] Wheeler H. D. // IEEE Trans. Magn. 1965. Vol. 13. N 2. P. 172—175!
- [10] Bardeen J., Schriffer J. R. // Progress in Low Temp. Phys. 1961. Vol. 3. P. 232—238.
- [11] Лихарев К. К. Введение в динамику джозефсоновских переходов. М.: Наука, 1985. 320 с.
- [12] Голубов А. А., Куприянов М. Ю., Лукачев В. Ф. // Физика низких температур. 1984. Т. 10. № 8. С. 799—811.

Ленинградский  
электротехнический институт  
им. В. И. Ульянова (Ленина)

Поступило в Редакцию  
27 февраля 1989 г.  
В окончательной редакции  
8 декабря 1989 г.